

vektory

Kormidelník se s lodí potřebuje dostat přímo naproti na druhý břeh vzdálený 50 m. Jeho lodě může jet rychlostí $3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$, fousá mu však protivítr o rychlosti $1 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Řeka, kterou musí přeplout, teče rychlostí $2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Pod jakým úhlem (od nejkratší spojnice břehů) musí kormidelník vyjet, aby doplul přesně tam, kam chce? Jak dlouho mu bude jeho plavba trvat? Jak velká je jeho rychlosť vůči vodě a vůči břehu?

$$s = 50 \text{ m}$$

$$v = 3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$w = 1 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$u = 2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$\alpha = ?$$

$$t = ?$$

$$V_v = ?$$

$$V_z = ?$$

Protivítr sníží rychlosť lodi o $1 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$:

$$v - w = (3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}) - (1 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}) = 2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

Lodě se pohybuje vpřed rychlostí $2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$ a kolmo do boku také rychlosť $2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Z náčrtku vyplývá, jaký bude úhel, pod kterým musí kormidelník vyjet:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{u}{v - w} = \frac{(2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})}{(2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})} = 1$$

$$\alpha = 45^\circ$$

Rychlosť pohybu lodě ve vzájemně kolmých směrech se vzájemně neovlivňují. Proto dobu potřebnou na překonání řeky můžeme vypočítat, aniž bychom brali v úvahu rychlosť řeky:

$$v = \frac{s}{t} \Rightarrow t = \frac{s}{v}$$

V našem případě:

$$t = \frac{s}{v - w} = \frac{(50 \text{ m})}{(2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})} = 25 \text{ s}$$

Při zvažování rychlosťi lodě vůči vodě si pozorovatele můžeme představit jako posádku jiné lodi, která se jen nechává unášet proudem. Vůči této posádce se kormidelník s lodí pohybuje rychlosťí $V_v = 2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

Pozorovatel spojený se zemí vidí však rychlosť lodi:

$$V_z = u^2 + (v - w)^2$$

$$V_z = \sqrt{(2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})^2 + (2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})^2} = 2,83 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

Kormidelník musí od břehu odrazit pod úhlem 45° a řeku přepluje za 25 s. Pro pozorovatele spojeného s řekou se lodě pohybuje rychlosťí $2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$, avšak pro pozorovatele na břehu se lodě pohybuje rychlosťí $2,83 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

rovnoměrný přímočarý pohyb

V házené, po vážnějším provinění se proti pravidlům následují penalty z čáry vzdálené 7 m od branky. Po přestupku se na branku hází z 9 m vzdálenosti. Brankářova reakční doba na zrakový vjem je asi 0,2 s. Jakou má šanci chytit míč z jedné a z druhé vzdálenosti, jestliže házenkář hodí míč rychlosť 100 km.h⁻¹?

$$s_1 = 7 \text{ m}$$

$$s_2 = 9 \text{ m}$$

$$t_r = 0,2 \text{ s}$$

$$v = 100 \text{ km.h}^{-1}$$

$$t_1 = ?$$

$$t_2 = ?$$

Převedeme:

$$v = 100 \text{ km.h}^{-1} = 27,8 \text{ m.s}^{-1}$$

Předpokládejme, že míč letí rovnoměrně přímočaře. Platí tedy:

$$v = \frac{s}{t}$$

$$t = \frac{s}{v}$$

$$t_1 = \frac{(7 \text{ m})}{(27,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 0,25 \text{ s}$$

$$t_2 = \frac{(9 \text{ m})}{(27,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 0,32 \text{ s}$$

Oba časy jsou delší než brankářova reakční doba, v obou případech je tedy určitá šance na chycení míče. První čas se však od této doby odchyluje jen o 0,05s, proto úspěch brankaře z velké části bude záviset také na složitosti zátkoku, který daná penalta vyžaduje.

průměrná rychlosť, frekvence

Závodníci na čtyřkajaku jedou trať dlouhou 1000 m průměrnou rychlosťí 18 km.h^{-1} . Průměrné tempo pádlování je 102 záběrů za minutu. Kolik záběrů musí udělat, než dorazí do cíle?

$$s = 1000 \text{ m}$$

$$v_p = 18 \text{ km.h}^{-1}$$

$$f = 102 \text{ záběrů za min.}$$

$$N = ?$$

Převedeme:

$$v_p = 18 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = 5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$f = 102 \text{ min}^{-1} = 1,7 \text{ s}^{-1}$$

Abychom mohli určit počet záběrů, musíme vědět, jak dlouho závodníci celou trať jedou:

$$v_p = \frac{s}{t} \Rightarrow t = \frac{s}{v_p} = \frac{(1000 \text{ m})}{(5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 200 \text{ s}$$

Počet záběrů je tedy

$$N = t f = (200 \text{ s})(1,7 \text{ s}^{-1}) = 340$$

Závodníci musí během závodu provést 340 záběrů.

rovnoměrný přímočarý pohyb

Sprinteři na 100 m zvyšují frekvenci kroků přibližně do 60. metru. Poté špičkoví závodníci udělají za 1 s až 5 kroků. Jeden takovýto krok může být dlouhý i 2,4 m. Jakou rychlostí a za jak dlouho uběhne sprinter těchto posledních 40 m?

$$s = 60 \text{ m}$$

$$d = 2,4 \text{ m}$$

$$f = 5 \text{ kroků za } 1 \text{ s}$$

$$v = ?$$

$$t = ?$$

Z počtu kroků za sekundu a jejich délky zjistíme dráhu l , kterou sprinter uběhne za 1 s:

$$l = 5d = 5(2,4 \text{ m}) = 12 \text{ m}$$

Sprinter posledních 40 m tedy běží průměrnou rychlosť $12,0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

Sprinter běží rovnoměrně přímočaře, odtud doba t :

$$t = \frac{s}{v} = \frac{(40 \text{ m})}{(12 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 3,33 \text{ s}$$

Posledních 40 m, které sprinter běží průměrnou rychlosť $12,0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$, urazí za 3,3 s.

průměrná rychlosť

Rychlosť běžce v průběhu času je zaznamenána v grafu. Jakou celkovou dráhu urazil? Vypočítejte jeho průměrnou rychlosť.

Dráha je rovna obsahu plochy pod křivkou rychlosti:

$$s_1 = \frac{2 \cdot 3}{2} = 3 \text{ m}$$

$$s_2 = 8 \cdot 3 = 24 \text{ m}$$

$$s_3 = 4 \cdot 3 + \frac{5 \cdot 4}{2} = 12 + 10 = 22 \text{ m}$$

$$s = (3 \text{ m}) + (24 \text{ m}) + (22 \text{ m}) = 49 \text{ m}$$

Průměrná rychlosť:

$$v_p = \frac{\sum s}{\sum t} = \frac{s_1 + s_2 + s_3}{t_1 + t_2 + t_3} = \frac{(49 \text{ m})}{(14 \text{ s})} = 3,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Běžec urazil 49 m průměrnou rychlosťí $3,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

zrychlený pohyb, průměrná rychlosť

Drag racing jsou závody, při nichž soupeří vždy dvojice vozů na zcela rovné dráze o délce 400 – 800 m. Vozy Pro Stock můžou z nulové rychlosti dosáhnout 300 km.h⁻¹ za 6 s. Jaké přetížení (v násobku g) přitom působí na jezdce? Za jak dlouho vůz Pro Stock ujede závodní trať dlouhou 400 m, jestliže zrychluje do chvíle, než dosáhne rychlosti 300 km.h⁻¹ a potom až do cíle jede stále touto rychlosťí? Jaká je jeho průměrná rychlosť?

$$v = 300 \text{ km.h}^{-1}$$

$$t_1 = 6 \text{ s}$$

$$a = ?$$

$$s = 400 \text{ m}$$

$$t = ?$$

$$v_p = ?$$

Převedeme:

$$v = 300 \text{ km.h}^{-1} = 83,33 \text{ m.s}^{-1}$$

Přetížení působící na jezdce je rovno zrychlení, se kterým se vůz rozjíždí.

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{(83,33 \text{ m.s}^{-1})}{(6 \text{ s})} = 13,89 \text{ m.s}^{-2} = 1,42 \text{ g}$$

Na závodníka působí přetížení 1,42 g.

Závodník jede úsek s₁ rovnoměrně zrychleně po dobu t₁ a rovnoměrně přímočaře úsek s₂ po dobu t₂.

$$t = t_1 + t_2 = t_1 + \frac{s_2}{v}$$

$$s_2 = s - s_1 = s - \frac{1}{2} a t_1^2 = (400 \text{ m}) - \frac{1}{2} (13,89 \text{ m.s}^{-2}) (6 \text{ s})^2 = 149,98 \text{ m}$$

$$t = (6 \text{ s}) + \frac{(149,98 \text{ m})}{(83,33 \text{ m.s}^{-1})} = 7,80 \text{ s}$$

Celou trať závodník ujede za 7,80 s.

Průměrná rychlosť je rovna:

$$v_p = \frac{s_1 + s_2}{t_1 + t_2} = \frac{s}{t} = \frac{(400 \text{ m})}{(7,80 \text{ s})} = 51,28 \text{ m.s}^{-1} = 184,61 \text{ km.h}^{-1}$$

Závodník celou trať projel průměrnou rychlosťí 184,61 km.h⁻¹.

zrychlený pohyb

John Force vytvořil 11. března 1999 rekord v dragsteru Ford Mustang 99. Z klidového stratu dosáhl na 402 m dlouhém úseku rychlosti $521,507 \text{ km.h}^{-1}$. S jak velkým zrychlením se John rozjížděl?

$$s = 402 \text{ m}$$

$$v = 521,507 \text{ km.h}^{-1}$$

$$a = ?$$

Převedeme:

$$v = 521,507 \text{ km.h}^{-1} = 144,86 \text{ m.s}^{-1}$$

Pro zrychlení platí:

$$a = \frac{v}{t}$$

Čas vyjádříme ze vztahu pro dráhu rovnoměrně zrychleného pohybu:

$$s = \frac{1}{2}at^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2s}{a}}$$

$$a = \frac{v}{\sqrt{\frac{2s}{a}}}$$

$$a = \frac{v^2}{2s} = \frac{(144,86 \text{ m.s}^{-1})^2}{2(402 \text{ m})} = 26 \text{ m.s}^{-2} = 2,96 g$$

John se rozjížděl se zrychlením $2,96 g$.

volný pád

Jedny z parašutistických závodů spočívají v co nejpřesnějším přistání po výskoku z výšky 1000 m. Úkolem soutěžících je dotknout se špičkou nebo patou nohy žlutého terče o průměru 3 cm. Parašutista rozbali padák 3 s po výskoku. V té chvíli začne vát západní vítr rychlostí 1 m.s^{-1} . Po 20 s se vítr stočí a až do přistání fouká jižní vítr o rychlosti 0,5 m.s^{-1} . Pro zjednodušení předpokládejme, že po otevření padáku parašutista klesá s konstantní rychlosťí 5,0 m.s^{-1} . Také počítejme s tím, že vyskočil přímo nad terčem s nulovou rychlosťí v horizontální rovině. Jak daleko od terče by parašutista přistál, kdyby působení větru nevyrovnal? O kolik sekund déle bude parašutista padat v případě, že foukají tyto boční větry, než v případě bezvětrí?

$$s = 1000 \text{ m}$$

$$t_1 = 3 \text{ s}$$

$$v_z = 1 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t_z = 20 \text{ s}$$

$$v_j = 0,5 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t_j = t - t_1 - t_z$$

$$v_p = 5 \text{ m.s}^{-1}$$

$$d = ?$$

$$\Delta t = ?$$

V prvních třech sekundách padá parašutista volným pádem. Klesne přitom o

$$s_1 = \frac{1}{2} g t_1^2 = \frac{1}{2} (9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}) (3 \text{ s})^2 = 44,15 \text{ m}$$

V průběhu následujících 20 s odnese západní vítr parašutistu na východ od terče do vzdálenosti:

$$s_z = v_z t_z = (1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) (20 \text{ s}) = 20 \text{ m}$$

Během toho parašutista klesne o

$$s_2 = v_p t_z = (5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) (20 \text{ s}) = 100 \text{ m}$$

Po zbytek doby vane jižní vítr. Abychom mohli určit tuto dobu, musíme zjistit, kolik metrů bude ještě parašutista padat:

$$s_3 = s - s_1 - s_2 = (1000 \text{ m}) - (44,15 \text{ m}) - (100 \text{ m}) = 855,85 \text{ m}$$

Tuto výšku parašutista zdolá za čas

$$t_j = \frac{s_3}{v_p} = \frac{(855,85 \text{ m})}{(5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 171,17 \text{ s}$$

Po tuto dobu působí na parašutistu jižní vítr, který ho odvane na sever o

$$s_j = v_j t_j = (0,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) (171,17 \text{ s}) = 85,59 \text{ m}$$

Výsledná vzdálenost d parašutisty od středu terče je

$$d = \sqrt{s_z^2 + s_j^2} = \sqrt{(20 \text{ m})^2 + (85,59 \text{ m})^2} = 87,90 \text{ m}$$

Parašutista by dopadl 87,90 m daleko od terče.

Pohyby v horizontálním a vertikálním směru se vzájemně neovlivňují. Proto parašutista dopadne v obou případech za stejný čas.

svislý vrh vzhůru

Krasobruslař potřebuje pro obrat o 360° ve výskoku 0,22 s. Jak vysoko musí vyskočit, aby zvládl trojítý skok, a jaká je přitom úhlová rychlosť jeho rotace?

$$T = 0,22 \text{ s}$$

$$h_3 = ?$$

$$\omega = ?$$

Při výskoku se těžiště těla pohybuje po křivce svislého vrhu vzhůru. Během stoupání musí krasobruslař provést 1,5 otočky, taktéž při sestupu. Doba výstupu, tedy i pádu, musí být:

$$t = 1,5T = 1,5(0,22 \text{ s}) = 0,33 \text{ s}$$

Výška výskoku:

$$h_3 = \frac{1}{2}gt^2$$

$$h_3 = \frac{1}{2}(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})(0,33 \text{ s})^2 = 0,53 \text{ m}$$

Doba jedné otočky je $T = 0,22 \text{ s}$, pro úhlovou rychlosť tedy platí:

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T} = \frac{2 \cdot 3,14}{(0,22 \text{ s})} = 28,55 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

Krasobruslař musí vyskočit do výšky 0,53 m, aby zvládl trojítý skok. Přitom se otáčí s úhlovou rychlosťí 28,55 rad $\cdot \text{s}^{-1}$.

svislý vrh vzhůru

Volejbalista při přihrávce odbije míč do jisté výšky. Chce-li, aby míč letěl dvakrát déle a smečař tak měl dost času na výskok, kolikrát výš musí míč vystoupit? Tuto výšku počítejme od místa, ve kterém je míč odbit. Dále předpokládejme, že míč je smečařem odbit, když klesne do počáteční výšky.

$$t_2 = 2t_1$$

$$h_2 = xh_1$$

$$x = ?$$

Let míče je šikmý vrh vzhůru. Ten můžeme rozložit do dvou vzájemně nezávislých os x a y. Pro řešení této úlohy nás zajímá pohyb v ose y, kde se míč pohybuje rovnoměrně zpomaleně do maximální výšky a potom rovnoměrně zrychleně klesá.

Vyjdeme ze vztahu:

$$y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$$

Srovnáme maximální výšku h_{1max} a h_{2max} , které míč dosáhne v jednom a v druhém případě.

Jedna a druhá doba výstupu je:

$$t_{h1} = \frac{1}{2} t_1$$

$$t_{h2} = \frac{1}{2} t_2$$

$$t_2 = 2t_1$$

$$2t_{h2} = 2(2t_{h1})$$

$$t_{h2} = 2t_{h1}$$

Pro okamžitou rychlosť míče při vrhu vzhůru platí:

$$v = v_0 - gt_h$$

V nejvyšším bodě trajektorie má míč okamžitou rychlosť $v = 0 \text{ m.s}^{-1}$, odtud:

$$(0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) = v_0 - gt_h$$

$$v_0 = gt_h$$

Nyní můžeme dosadit do prvního vztahu:

$$h_{1max} = v_{01} t_{h1} - \frac{1}{2} g t_{h1}^2$$

$$h_{1max} = (gt_{h1}) t_{h1} - \frac{1}{2} g t_{h1}^2 = \frac{1}{2} g t_{h1}^2$$

$$h_{2max} = \frac{1}{2} g t_{h2}^2 = \frac{1}{2} g (2t_{h1})^2 = 2g t_{h1}^2$$

$$x = \frac{h_{2max}}{h_{1max}} = \frac{2g t_{h1}^2}{\frac{1}{2} g t_{h1}^2} = \frac{2}{\frac{1}{2}} = 4$$

Aby míč letěl 2krát déle, musí ho volejbalista odbít 4krát výš.

šikmý vrh vzhlùru

Horizontální rychlosť tých najlepších skokanov do dĺžky dosahuje až $10,7 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Jak veľká je pri odrazu vertikálna rychlosť, namieri-li rozhodčí dĺžku skoku $8,8 \text{ m}$? Pro zjednodušenie predpokládejme, že težiště atleta je v chvíli odrazu a doskoku v istej výške.

$$v_x = 10,7 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$s = 8,8 \text{ m}$$

$$v_y = ?$$

Let atleta môžeme rozložiť do dvou vzájemne kolmých smerov. Ve smereu horizontálnim (osa x) jde o pohyb rovnomerný prímočary. Odtud zjistíme tedy, jak dlouho skok trval:

$$v_x = \frac{s}{t}$$

$$t = \frac{s}{v_x} = \frac{(8,8 \text{ m})}{(10,7 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})} = 0,82 \text{ s}$$

Ve smereu vertikálnim se po tuto dobu skokan pohybuje nejdříve rovnomerně zpomaleně s počáteční rychlosťí v_y , potom stejně dlouho rovnomerně zrychleně volným pádem. Těsně před dopadem má skokan v této ose opět rychlosť v_y . Rychlosť v_y tedy zjistíme z volného pádu, který trval po dobu $\frac{t}{2}$:

$$v_y = g \frac{t}{2} = (9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}) \frac{(0,82 \text{ s})}{2} = 4,02 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

Vertikálna rychlosť atleta pri odrazu má veľkosť $4,02 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

dostředivé zrychlení

Rychlobruslař jede po kruhové části dráhy stálou rychlostí $12 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$. Velikost dostředivého zrychlení je $4,2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$. Určete poloměr dráhy a dobu, za kterou rychlobruslař ujede tuto půlkruhovou část dráhy.

$$v = 12 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$a_d = 4,2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$$

$$r = ?$$

$$t = ?$$

Poloměr vypočítáme ze vztahu pro dostředivé zrychlení:

$$a_d = \frac{v^2}{r}$$

$$r = \frac{v^2}{a_d} = \frac{(12 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})^2}{(4,2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2})} = 34,29 \text{ m}$$

Protože obvodová rychlosť v je stálá, použijeme vztah pro rovnoměrný pohyb:

$$v = \frac{s}{t} = \frac{\pi r}{t}$$

$$t = \frac{\pi r}{v} = \frac{3,14(34,29 \text{ m})}{(12 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1})} = 8,98 \text{ s}$$

Poloměr zakřivení dráhy je 34,29 m. Na projetí zakřivené části dráhy rychlobruslař potřebuje 8,98 s.

dostředivé zrychlení

Podle letecké normy nesmí na pilota působit větší přetížení než 5,95 g. Jaký nejmenší poloměr může mít zatáčka, kterou pilot proletí rychlostí 700 km·h⁻¹, aby se nedostal mimo normu? Jak dlouho tuto zatáčkou poletí, chce-li změnit směr o 90°?

$$a = 5,95 \text{ g}$$

$$v = 700 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$$

$$\alpha = 90^\circ$$

$$r = ?$$

$$t = ?$$

Převedeme:

$$v = 700 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = 194,44 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Na pilota v zatáčce působí dostředivá síla, tedy i dostředivé zrychlení, které nesmí překročit normu:

$$a = \frac{v^2}{r}$$

$$r = \frac{v^2}{a} = \frac{(194,44 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})^2}{5,95 \text{ g}} = \frac{(194,44 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})^2}{5,95(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})} = 647,71 \text{ m}$$

Při změně směru o 90° proletí pilot v zatáčce dráhu:

$$s = \frac{o}{4} = \frac{2\pi r}{4} = \frac{2 \cdot 3,14 (647,71 \text{ m})}{4} = 1016,90 \text{ m}$$

Letí-li rychlostí 194,44 m·s⁻¹, tuto dráhu urazí za čas t :

$$t = \frac{s}{v} = \frac{(1016,90 \text{ m})}{(194,44 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 5,23 \text{ s}$$

Letí-li pilot rychlostí 700 km·h⁻¹, může proletět zatáčku s minimálním poloměrem 647,71 m. Změna směru o 90° mu v tomto případě bude trvat 5,23 s.

síly

Surfař o hmotnosti 70 kg se rozjíždí na surfu o hmotnosti 10 kg. Jeho zrychlení je $1,5 \text{ m.s}^{-2}$. Jak velká je výslednice sil působících na surf?

$$m_1 = 70 \text{ kg}$$

$$m_2 = 10 \text{ kg}$$

$$a = 1,5 \text{ m.s}^{-2}$$

$$F = ?$$

Výslednice sil F dává soustavě surfaře a surfu o hmotnosti $m_1 + m_2$ zrychlení $1,5 \text{ m.s}^{-2}$:

$$F = ma = (m_1 + m_2)a = [(70 \text{ kg}) + (10 \text{ kg})](1,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}) = 120 \text{ N}$$

Výslednice sil má velikost 120 N.

třecí síla

Jak velký musí být součinitel smykového tření mezi podrážkou boty a podložkou, aby se sprinter mohl rozběhnout s horizontálním zrychlením $1,2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$?

$$a_x = 1,2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$$

$$f = ?$$

Třecí síla mezi podrážkou a podložkou musí být větší, minimálně rovna x-ové složce svalové síly, která je vyvíjena ve fázi extenze v kloubech této dolní končetiny:

$$F_t \geq F_{svx}$$

$$fF_N \geq ma_x$$

$$fmg \geq ma_x$$

$$f \geq \frac{a_x}{g}$$

$$f \geq \frac{(1,2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2})}{(9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2})}$$

$$f \geq 0,12$$

Součinitel smykového tření musí být minimálně 0,12.

třecí síla

Kámen na curling je vyrobený ze žuly a jeho hmotnost je 19,96 kg. Hráč chce poslat kámen tak, aby se po 30 m zastavil. Jakou počáteční rychlosť mu musí dát, je-li součinitel smykového tření mezi kamenem a ledem 0,1?

$$m = 19,96 \text{ kg}$$

$$s = 30 \text{ m}$$

$$f = 0,1$$

$$v_0 = ?$$

Pro velikost třecí síly působící na kámen platí:

$$F_t = fF_N = fmg$$

Tato síla brzdí kámen o hmotnosti m se zpomalením a . Můžeme ji tedy také vyjádřit takto:

$$F_t = ma$$

Odtud:

$$fmg = ma$$

$$fg = a$$

Nyní musíme vyjádřit a , které neznáme, něčím známým. Využijeme brzdné dráhy:

$$s = \frac{1}{2}at^2 \Rightarrow a = \frac{2s}{t^2}$$

Dále vyjdeme ze vztahu:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-v_0}{t} \Rightarrow t = \frac{-v_0}{a}$$

$$a = \frac{2s}{t^2} = \frac{2s}{\left(\frac{-v_0}{a}\right)^2} = \frac{2sa^2}{v_0^2}$$

$$a = \frac{v_0^2}{2s}$$

$$fg = a = \frac{v_0^2}{2s}$$

$$v_0 = \sqrt{2sfg} = \sqrt{2(30 \text{ m})(0,1)(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})} = 7,67 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Hráč musí kámen poslat rychlostí $7,67 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

nakloněná rovina

Lyžař stojí na svahu a chce se rozjet bez odpichování holemi. Jaký musí být sklon svahu, je-li sníh tvrdý se součinitelem smykového tření 0,03 a je-li sníh vlhký se součinitelem smykového tření 0,15? Lyžař má i s vybavením hmotnost 90 kg.

$$f_1 = 0,03$$

$$f_2 = 0,15$$

$$m = 90 \text{ kg}$$

$$\alpha_1 = ?$$

$$\alpha_2 = ?$$

Aby se lyžař rozjel, musí být síla F , která způsobuje dopředný pohyb, větší než třecí síla F_t , která působí opačným směrem:

$$F > F_t$$

$$F = F_g \sin \alpha = mg \sin \alpha$$

$$F_t = fF_N = fF_g \cos \alpha = fm g \cos \alpha$$

Při jakém úhlu si budou tyto síly rovny?

$$F = F_t$$

$$mg \sin \alpha = fm g \cos \alpha$$

$$\tan \alpha = f$$

Pro zadání kvality sněhu vypočítáme minimální úhly:

$$\tan \alpha_1 = f_1 = 0,03$$

$$\alpha_1 = 1,72^\circ$$

$$\tan \alpha_2 = f_2 = 0,15$$

$$\alpha_2 = 8,53^\circ$$

Je-li sníh tvrdý, stačí na rozjetí sklon svahu větší než $1,72^\circ$, je-li však sníh vlhký, svah musí mít sklon větší než $8,53^\circ$.

nakloněná rovina

Jakého největšího zrychlení může cyklista dosáhnout při rozjezdu do kopce se sklonem 10° , je-li jeho maximální zrychlení na rovině $2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$, za předpokladu, že se vnější podmínky nezmění?

$$\alpha = 10^\circ$$

$$a_1 = 2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

$$a_2 = ?$$

Na rovině je výsledná urychlující síla výslednicí svalové síly a odporových sil (odpor prostředí, odpor valení kol, odpor v ložiscích, ...):

$$F_1 = F_{sv} - F_{od}$$

$$ma_1 = F_{sv} - F_{od}$$

Na nakloněné rovině přibude k již uvedeným odporům složka těhové síly F_d působící proti směru jízdy, jejíž velikost je:

$$F_d = mg \sin \alpha$$

Výslednou urychlující sílu F_2 tedy vyjádříme::

$$F_2 = F_{sv} - F_{od} - F_d$$

$$ma_2 = F_{sv} - F_{od} - mg \sin \alpha = ma_1 - mg \sin \alpha$$

$$a_2 = a_1 - g \sin \alpha = (2 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}) - (9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}) \sin 10^\circ = 0,3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$$

Při rozjezdu do kopce se sklonem 10° může cyklista jet s maximálním zrychlením $0,3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$.

moment síly

Při jízdě na kole je svalová síla dolních končetin optimálně využita, když výslednice působí v každém okamžiku ve směru tečny ke kruhové dráze, po které se pedál pohybuje. Cyklista působí silou o velikosti 150 N na pedál ve fázi, kdy je klika od vertikály pootočena o 45° . Jaký je rozdíl v jejím otáčivém účinku v případě, že má tato síla optimální směr a v případě, že tato síla směřuje přímo dolů rovnoběžně s vertikálou? Délka kliky je 15 cm.

$$F = 150 \text{ N}$$

$$\alpha_1 = 90^\circ$$

$$\alpha_2 = 45^\circ$$

$$d = 15 \text{ cm}$$

$$M_1 - M_2 = ?$$

Převedeme:

$$d = 15 \text{ cm} = 0,15 \text{ m}$$

Fyzikální veličina vyjadřující otáčivý účinek síly se nazývá moment síly:

$$M = F \times d = Fd \sin \alpha = Fr$$

kde r je kolmá vzdálenost vektorové přímky síly od osy otáčení.

$$r_1 = d \sin \alpha_1$$

$$r_2 = d \sin \alpha_2$$

$$M_1 - M_2 = Fr_1 - Fr_2 = F(d \sin \alpha_1 - d \sin \alpha_2)$$

$$M_1 - M_2 = (150 \text{ N})[(0,15 \text{ m}) \sin 90^\circ - (0,15 \text{ m}) \sin 45^\circ] = (150 \text{ N})[(0,15 \text{ m}) - (0,11 \text{ m})] = 6 \text{ N} \cdot \text{m}$$

Rozdíl v otáčivém účinku síly při působení v jednom a druhém směru je $6 \text{ N} \cdot \text{m}$.

páka

Na flexi v loketním kloubu se vedle pomocných svalů, jejichž práci pro zjednodušení zanedbáme, podílí především musculus biceps. Uvažujme situaci, kdy sportovec drží v dlani činku o hmotnosti 5 kg. Jak velkou okamžitou sílu musí vyvinout musculus biceps při kontrakci ve chvíli, kdy je mezi paží a předloktím úhel 45° ? Počítejme s těmito údaji:
hmotnost dlaně - 0,36 kg, hmotnost předloktí - 0,88 kg, vzdálenost těžiště dlaně, taktéž činky od osy otáčení loketního kloubu - 0,34 m, vzdálenost těžiště předloktí od této osy - 0,12 m, vzdálenost úponu musculus biceps na kosti vřetenní od této osy - 0,03 m. Předpokládejme, že musculus biceps je rovnoběžný s kostí pažní.

$$m_c = 5 \text{ kg}$$

$$m_d = 0,36 \text{ kg}$$

$$m_p = 0,88 \text{ kg}$$

$$d_d = 0,34 \text{ m}$$

$$d_c = 0,34 \text{ m}$$

$$d_p = 0,12 \text{ m}$$

$$d_u = 0,03 \text{ m}$$

$$\alpha = 90^\circ$$

$$F_{sv} = ?$$

Pohyb v loketním kloubu je založen a principu jednozvratné páky, přičemž osa otáčení prochází kloubem. Svalová síla otáčející předloktí v jednom směru, musí překonat těhové síly působící na činku, dlaň a předloktí, které otáčí předloktí ve směru opačném. Z podmínek statické rovnováhy:

$$\sum \vec{M} = \vec{0}$$

$$M_{sv} - M_c - M_d - M_p = 0$$

$$M_{sv} = M_c + M_d + M_p$$

$$F_{sv} r_u = F_{g_c} r_c + F_{g_d} r_d + F_{g_p} r_p$$

Při úhlu 45° v loketním kloubu je i úhel mezi d a r dané těhové síly roven 45° . Ramena jednotlivých těhových sil mají tedy tyto velikosti:

$$\cos \alpha = \frac{r}{d} \Rightarrow r = d \cos \alpha$$

$$r_c = d_c \cos \alpha = (0,34 \text{ m}) \cos 45^\circ = 0,240 \text{ m}$$

$$r_d = r_c = 0,24 \text{ m}$$

$$r_p = d_p \cos \alpha = (0,12 \text{ m}) \cos 45^\circ = 0,085 \text{ m}$$

$$r_u = d_u \cos \alpha = (0,03 \text{ m}) \cos 45^\circ = 0,021 \text{ m}$$

$$F_{sv} = \frac{m_c g r_c + m_d g r_d + m_p g r_p}{r_u} = \\ = \frac{(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}) [(5 \text{ kg})(0,240 \text{ m}) + (0,36 \text{ kg})(0,240 \text{ m}) + (0,88 \text{ kg})(0,085 \text{ m})]}{(0,021 \text{ m})} = 635,86 \text{ N}$$

Sval musí vyvinout okamžitou sílu 635,86 N.

odpor prostředí

Kolikrát se zmenší odpor vzduchu brzdící cyklistu, který při jízdě stálou rychlostí zmenší svůj tvarový součinitel C_x z hodnoty 1 na 0,8 a svůj čelní průřez S z $0,45 \text{ m}^2$ na $0,35 \text{ m}^2$?

$$C_{x1} = 1$$

$$C_{x2} = 0,8$$

$$S_1 = 0,45 \text{ m}^2$$

$$S_2 = 0,35 \text{ m}^2$$

$$F_{d1} : F_{d2} = ?$$

Velikost odporu prostředí:

$$F_d = \frac{1}{2} C_x \rho S v^2$$

$$F_{d1} = \frac{1}{2} C_{x1} \rho S_1 v^2$$

$$F_{d2} = \frac{1}{2} C_{x2} \rho S_2 v^2$$

$$\frac{F_{d1}}{F_{d2}} = \frac{\frac{1}{2} C_{x1} \rho S_1 v^2}{\frac{1}{2} C_{x2} \rho S_2 v^2} = \frac{C_{x1} S_1}{C_{x2} S_2} = \frac{1(0,45 \text{ m}^2)}{0,8(0,35 \text{ m}^2)} = 1,61$$

Odpor vzduch se sníží 1,61krát.

vztlaková síla

Jaká je vynořená část těla plavce, který má po nádechu průměrnou hustotu těla 945 kg.m^{-3} ve sladké a v mořské vodě? Hustota sladké vody je 1000 kg.m^{-3} , mořské 1030 kg.m^{-3} . Plavec má hmotnost 65 kg .

$$\rho_t = 945 \text{ kg.m}^{-3}$$

$$\rho_{v1} = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$$

$$\rho_{v2} = 1030 \text{ kg.m}^{-3}$$

$$m = 65 \text{ kg}$$

$$V_{v1} / V_t = ?$$

$$V_{v2} / V_t = ?$$

Objem vynořené části plavce V_v je roven rozdílu celkového objemu těla plavce V_t a objemu ponořené části těla V_p :

$$V_v = V_t - V_p$$

$$\frac{V_v}{V_t} = \frac{V_t - V_p}{V_t}$$

Objem celého těla plavce:

$$V_t = \frac{m}{\rho_t}$$

Tíhová síla G_t působící na celé tělo je v rovnováze se vztlakovou silou kapaliny F_{vz} působící na ponořenou část těla V_p , přičemž F_{vz} je rovno tíze vytačené kapaliny:

$$G_t = F_{vz}$$

$$mg = \rho_v V_p g$$

$$V_p = \frac{m}{\rho_v}$$

Objem vynořené části platí:

$$\frac{V_v}{V_t} = \frac{V_t - V_p}{V_t} = 1 - \frac{V_p}{V_t} = 1 - \frac{\rho_v}{\frac{m}{\rho_t}} = 1 - \frac{\rho_v}{\rho_t}$$

Objem vynořené části ve sladké vodě:

$$\frac{V_{v1}}{V_t} = 1 - \frac{\rho_t}{\rho_{v1}} = 1 - \frac{(945 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3})}{(1000 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3})} = 0,055 \text{ tedy } 5,5\%$$

Objem vynořené části v mořské vodě:

$$\frac{V_{v2}}{V_t} = 1 - \frac{\rho_t}{\rho_{v2}} = 1 - \frac{(945 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3})}{(1030 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3})} = 0,083 \text{ tedy } 8,3\%$$

Po nádechu je ve sladké vodě vynořeno 5,5% celkového objemu těla plavce, v mořské vodě to je 8,3%.

hydrostatický tlak

Potápěč se v moři ponořil 25 m pod hladinu. Jaký výsledný tlak na něho působí v této hloubce, jestliže hustota mořské vody je 1024 kg.m^{-3} ? Atmosférický tlak je $1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

$$h = 25 \text{ m}$$

$$\rho = 1024 \text{ kg.m}^{-3}$$

$$p_0 = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$p = ?$$

Tlak tekutiny je roven součtu atmosférického tlaku a hydrostatického tlaku v dané hloubce:

$$p = p_0 + \rho gh$$

$$p = (1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}) + (1024 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3})(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})(25 \text{ m}) = 3,52 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

Výsledný tlak působící na potápěče v hloubce 25 m je $3,52 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, tedy asi třikrát větší než atmosférický tlak.

zákon zachování hybnosti

Krasobruslařský pár začíná sestavu tím, že se od sebe krasobruslaři odtlačí a každý se tak rozjede na opačnou stranu. Krasobruslař, který má hmotnost 80 kg, se začne pohybovat rychlostí 2 m.s^{-1} . Jakou rychlosť se od něho vzdaluje jeho partnerka vážící 50 kg?

$$m_1 = 80 \text{ kg}$$

$$m_2 = 50 \text{ kg}$$

$$v_0 = 0 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v = 2 \text{ m.s}^{-1}$$

$$u = ?$$

Podle zákona zachování hybnosti platí, že se zachovává hybnost v izolované soustavě, kterou v našem případě tvoří krasobruslařský pár:

$$p_1 = p_2$$

$$m_1 v_0 + m_2 v_0 = m_1 v + m_2 w$$

$$0 = m_1 v + m_2 w$$

$$w = -\frac{m_1 v}{m_2} = -\frac{(80 \text{ kg})(2 \text{ m.s}^{-1})}{(50 \text{ kg})} = -3,2 \text{ m.s}^{-1}$$

Výsledná rychlosť, kterou se krasobruslařka vzdaluje od svého partnera, je součtem obou rychlosťí:

$$u = v + w = (2) + (-3,2 \text{ m.s}^{-1}) = (2 \text{ m.s}^{-1}) + (-3,2 \text{ m.s}^{-1}) = 5,2 \text{ m.s}^{-1}$$

Krasobruslař se od sebe vzdaluje rychlosťí o velikosti $5,2 \text{ m.s}^{-1}$.

mechanická energie

Atlet odhodí oštěp o hmotnosti 800 g rychlostí 30 m.s⁻¹. Když jej vypouští z ruky, je těžiště oštěpu ve výšce 1,7 m. Jak velkou mechanickou energii má oštěp těsně po odhodu?

$$m = 800 \text{ g}$$

$$v_0 = 30 \text{ m.s}^{-1}$$

$$h = 1,7 \text{ m}$$

$$E = ?$$

Převedeme:

$$m = 800 \text{ g} = 0,8 \text{ kg}$$

Celková mechanická energie je součtem kinetické a potenciální energie:

$$E = E_k + E_p = \frac{1}{2}mv^2 + mgh = \frac{1}{2}(0,8\text{kg})(30\text{ m}\cdot\text{s}^{-1})^2 + (0,8\text{kg})(9,81\text{m}\cdot\text{s}^{-2})(1,7\text{ m}) = 373,34\text{ J}$$

Celková mechanická energie oštěpu je 373,34 J.

mechanická energie

Gymnasti mohou na trampolíně vyskočit až do výšky 6 m. Jakou rychlosť doskakují na trampolínu? V jaké výšce je potenciální energie gymnasty stejně velká jako jeho kinetická energie? Potenciální energii považujte za nulovou v úrovni plachty trampolíny. Přeměny mechanické energie na vnitřní zanedbejte.

$$h = 6 \text{ m}$$

$$v = ?$$

$$l = ?$$

V nejvyšším bodě má gymnasta největší potenciální energii a nulovou kinetickou. Potenciální energie se při klesání gymnasty přeměňuje na energii kinetickou. V nejnižším bodě je všechna potenciální energie přeměněna na kinetickou. Z tohoto zákona zachování mechanické energie vypočteme rychlosť gymnasty těsně před doskokem:

$$E_p = E_k$$

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

$$v = \sqrt{2gh} = \sqrt{2(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})(6 \text{ m})} = 10,85 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Potenciální a kinetická energie si jsou rovny tehdy, když každá z nich má velikost $\frac{1}{2}$ celkové energie. Výšku, ve které rovnost nastává, vypočteme z potenciální energie:

$$\frac{E}{2} = mgl$$

$$\frac{mgh}{2} = mgl$$

$$l = \frac{h}{2} = \frac{(6 \text{ m})}{2} = 3 \text{ m}$$

Tělo gymnasty má poloviční hodnotu maximální možné potenciální energie ve výšce 3 m. Tady je i kinetická energie rovna polovině celkové mechanické energie.

zákon zachování energie

Podle pravidel olympijského turnaje může mít tenisový míček maximální hmotnost 58,5 g. Je-li puštěný z výšky 254 cm na betonovou plochu, musí odskočit 134,62 cm až 147,32 cm vysoko. Jaká je kinetická energie míčku těsně před dopadem? Kolik mechanické energie míčku se při odrazu přemění na vnitřní energii, odrazí-li se do výšky 147,32 cm? Kolik je to procent z jeho mechanické energie? Ztráty energie vzniklé odporem vzduchu zanedbejte.

$$m = 58,5 \text{ g}$$

$$h_1 = 254 \text{ cm}$$

$$h_2 = 147,32 \text{ cm}$$

$$E_k = ?$$

$$U = ?$$

$$U = ? \% E_k$$

Převedeme:

$$m = 58,5 \text{ g} = 0,0585 \text{ kg}$$

$$h_1 = 254 \text{ cm} = 2,54 \text{ m}$$

$$h_2 = 147,32 \text{ cm} = 1,4732 \text{ m}$$

Podle zákona zachování mechanické energie se potenciální energie míčku ve výšce 2,54 m přemění na kinetickou energii míčku těsně před dopadem:

$$E_k = E_p = mgh = (0,0585 \text{ kg})(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})(2,54 \text{ m}) = 1,46 \text{ J}$$

Podle zákona zachování celkové energie se kinetická energie částečně přemění na vnitřní energii míčku a částečně na jeho mechanickou energii, nejdříve kinetickou, která se postupně přeměňuje na potenciální energii odraženého míčku:

$$E_k = U + E_p$$

$$U = E_k - E_p = E_k - mgh_2$$

$$U = (1,46 \text{ J}) - (0,0585 \text{ kg})(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})(1,4732 \text{ m}) = 0,61 \text{ J}$$

$$100\% = 1,46 \text{ J}$$

$$x\% = 0,61 \text{ J}$$

$$x = \frac{(0,61 \text{ J})100}{(1,46 \text{ J})} = 41,78\%$$

Těsně před dopadem má míček kinetickou energii 1,46 J. Odrazem se přemění na vnitřní energii 0,61 J, tedy 41,78% z jeho původní mechanické energie.

mechanická práce

Jakou mechanickou práci vykoná cyklista, vyjede-li stálou rychlostí 100 m do kopce. Svah má sklon 5° , hmotnost cyklisty s kolem je 90 kg. Počítejme s tím, že kromě odporu stoupání jsou všechny ostatní odpory vyrovnaný působením větru, který cyklistovi fouká do zad.

$$s = 100 \text{ m}$$

$$\alpha = 5^\circ$$

$$m = 90 \text{ kg}$$

$$W = ?$$

Práce, kterou cyklista vykoná je rovna součinu jeho svalové síly a dráhy, po které tato síla působí:

$$W = F_{sv} d \cos \alpha$$

Protože úhel mezi směrem působící síly a dráhou, po které působí, je 0° , $\cos \alpha = 1$.

Aby rychlosť cyklisty byla stálá, musí být v ose jízdy výslednice sil nulová. Z obrázku vyplývá, že tedy svalová síla musí být stejně velká jako brzdivá složka těhové síly:

$$F_{sv} = F_{od} = mg \sin \alpha$$

Dosadíme:

$$W = mg(\sin \alpha)d$$

$$W = (90 \text{ kg})(9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2})(\sin 5^\circ)(100 \text{ m})$$

$$W = 7694,98 \text{ J} = 7,7 \text{ kJ}$$

Cyklista vykoná práci 7,7 kJ.

mechanická práce

Kolikrát byste museli zvednout na bench pressu činku o hmotnosti 25 kg, zvednete-li ji do výšky 40 cm, abyste vykonali stejně velkou mechanickou práci jako vzpěrač, který jednou zvedne nad hlavu do výšky 2 m činku vážící 250 kg?

$$m_1 = 25 \text{ kg}$$

$$h_1 = 40 \text{ cm}$$

$$m_2 = 250 \text{ kg}$$

$$h_2 = 2 \text{ m}$$

$$N=?$$

Převedeme:

$$h_1 = 40 \text{ cm} = 0,4 \text{ m}$$

Vzpěrač vykonáním práce dodal čince potenciální energii:

$$W_2 = E_p = m_2gh_2$$

Při jednom zvednutí činky na bench pressu vykonáte práci:

$$W_1 = m_1gh_1$$

Počet N potřebných zvednutí činky na bench pressu vypočítáme jako podíl:

$$N = \frac{W_2}{W_1} = \frac{m_2gh_2}{m_1gh_1} = \frac{m_2h_2}{m_1h_1} = \frac{(250 \text{ kg})(2 \text{ m})}{(25 \text{ kg})(0,4 \text{ m})} = 50$$

Abyste vykonali stejně velkou práci jako vzpěrač, museli byste činku zvednout 50krát.

mechanická práce

Rychlobruslař o hmotnosti 75 kg při závodech předjíždí soupeře. Zrychlují proto ze svých 10 m.s^{-1} na 12 m.s^{-1} . Jakou práci vykonají přitom jeho svaly? Tření a odpor vzduchu zanedbejte.

$$m = 80 \text{ kg}$$

$$v_1 = 10 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v_2 = 12 \text{ m.s}^{-1}$$

$$W = ?$$

Vykonaná mechanická práce svalů je rovna přírůstku kinetické energie rychlobruslaře:

$$W = E_{k2} - E_{k1}$$

$$W = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$W = \frac{1}{2}(80 \text{ kg})[(12 \text{ m.s}^{-1})^2 - (10 \text{ m.s}^{-1})^2] = 1760 \text{ J}$$

Svaly rychlobruslaře při zrychlení vykonají mechanickou práci 1760J.