



■ Derivace ■ Derivatives

Robert Mařík
Mendel University Brno

12. května 2005

■ Are you able to recognize the rule which has to be used for differentiation?

■ Víte, jaké pravidlo je potřeba použít při výpočtu derivací?

Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 1 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

1. Test 1

Establish the rule which should be used as the first rule when differentiating the following functions. Consider each function "as is". Do no algebraic simplifications before. You can practise manipulation with test in the first three questions and then you can answer the following questions (continues on the next pages).

Určete, které pravidlo pro derivaci funkce budeme používat jako první při derivování. Každou funkci derivujte tak, jak je (ne-upravujte ji před derivováním). Každá odpověď je automaticky vyhodnocena fajfkou (správně) nebo křížkem (špatně). V prvních třech otázkách si vyzkoušíte ovládání a poté můžete odpovídat na ostro (test pokračuje i na další straně).



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 2 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

Quiz

Zaškrtněte správné políčko
Mark the correct answer

- Součin
Product Podíl
Quotient Slož. funkce
Chain rule



1. součin, product
2. podíl, quotient
3. složená funkce, chain rule
4. $y = \ln(x \cos x)$
5. $y = x \sqrt{x^2 + 1}$

$$6. y = x \frac{\ln x}{\sqrt{x+1}}$$

$$7. y = \frac{x \ln x}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$8. y = \sin(2x) \cos(2x)$$

$$9. y = \operatorname{atan} \frac{x}{x+1}$$

$$10. y = \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$$

Test 1

Test 2

Home Page

Print

Title Page



Page 3 of 9

Go Back

Full Screen

Close

Quit



Součin
Product

Podíl
Quotient

Slož. funkce
Chain rule

Zaškrtněte správné políčko
Mark the correct answer

11. $y = \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$

12. $y = x \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$

13. $y = x^2 \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$

14. $y = xe^{-x}$

15. $y = e^{-x/(x+1)}$

16. $y = \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{e^{2x}}$

Test 1

Test 2

Home Page

Print

Title Page



Page 4 of 9

Go Back

Full Screen

Close

Quit

2. Test 2

The functions in the following test are *composite functions and have to be differentiated using the chain rule as the first rule.*

Mark the rule which will be used as the second rule (for derivative of the inside function).

Flag of the Czech Republic

Funkce v následujícím testu jsou složené a jako první pravidlo při derivování použijeme řetězové pravidlo pro derivaci složené funkce.

Určete, které pravidlo použijeme jako druhé (při derivování vnitřní složky).



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)

◀

▶

◀

▶

Page 5 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)



Examples:

- For $y = (x\sqrt{x^2 + 1})^2$ mark "product rule". The inside function " $x\sqrt{x^2 + 1}$ " is a product.
- For $y = \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)^2$ mark "quotient rule". The inside function " $\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$ " is a quotient.
- For $y = \ln(\sin(2x))$ mark "chain rule". The inside function " $\sin(2x)$ " is a composite function.
- For $y = \ln^2 x$ mark "sum rule or formula". The inside function is " $\ln x$ " and can be differentiated using basic formulas.
- For $y = \ln(x + x^2)$ mark "sum rule or formula". The inside function is " $x + x^2$ " and can be differentiated by the sum rule and using basic formulas.

Consider each function "as is". Do no algebraic simplifications before.

Příklady:

- Pro $y = (x\sqrt{x^2 + 1})^2$ dejte "součin". Vnitřní složka " $x\sqrt{x^2 + 1}$ " je součin.
- Pro $y = \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)^2$ volte "podíl". Vnitřní složka " $\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$ " je podíl.
- Pro $y = \ln(\sin(2x))$ volte "složená funkce". Vnitřní složka " $\sin(2x)$ " je složená funkce.
- Pro $y = \ln^2 x$ volte "součet nebo vzorec". Vnitřní složka je " $\ln x$ " a lze ji derivovat pomocí vzorců.
- Pro $y = \ln(x + x^2)$ volte "součet nebo vzorec". Vnitřní složka " $x + x^2$ " je součet a budeme derivovat každý sčítanec samostatně.

Derivujte každou funkci přímo v tom tvaru, ve kterém je zadána. Nedělejte žádné úpravy před derivováním.



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



[Page 6 of 9](#)

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

Quiz

Zaškrtněte správné políčko
Mark the correct answer

Součin
Product
Podíl
Quotient
Slož. fce.
Chain rule
Souč. nebo vzorec
Sum or formula



1. $y = \ln(x \cos x)$

2. $y = \sqrt{\ln x}$

3. $y = \sqrt{\frac{x}{\ln x}}$

4. $y = \ln(\operatorname{atan}(x \sin x))$

5. $y = \arcsin \sqrt{\frac{x}{x+1}}$

6. $y = \operatorname{atan} \sqrt{x}$

7. $y = \sin(2x + \operatorname{atan} x)$

8. $y = \ln(x \operatorname{atan} x^2)$

9. $y = \sqrt{x + x^2}$

10. $y = e^{\frac{x}{x^2-1}}$

Test 1

Test 2

Home Page

Print

Title Page



Page 7 of 9

Go Back

Full Screen

Close

Quit



Součin
Product
Podíl
Quotient
Slož. fce.
Chain rule
Soutč. nebo vzorec
Sum or formula

Zaškrtněte správné políčko
Mark the correct answer

11. $y = \ln(\sin x)$

12. $y = \ln(\arcsin x^2)$

13. $y = \arcsin\left(\frac{x}{x+1}\right)$

14. $y = \ln \arcsin(x \ln x)$

15. $y = \sin(x \ln(2x+1))$

Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 8 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

 That's all. The user is kindly asked to send his comments to these quizzes to my E-mail address.

 Tot' vše, přátelé. Případné komentáře a ohlasy zašlete prosím na E-mailovou adresu autora.



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 9 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)