

.....  
Jméno a UČO studenta (hůlkovým písmem)

.....  
podpis a datum odevzdání

Termín a způsob odevzdání určí tutor.

**Příklad 1:** Je dána matice

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 0 \\ -2 & 0 & -2 \\ 3 & 1 & -1 \\ 1 & -2 & 3 \end{pmatrix}.$$

Určete hodnotu matice  $\mathbf{B} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{A}^\top$ .

**Příklad 2:** Je dána matice

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 3 & 6 & 4 & 0 \\ 5 & 3 & 7 & 0 \\ -2 & 1 & -3 & 1 \\ 1 & 7 & 1 & 0 \end{pmatrix}.$$

Pomocí Jordanovy metody najděte inverzní matici  $\mathbf{A}^{-1}$  a proveďte zkoušku.

**Příklad 3:** Je dána matice

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 3 & -5 \\ -2 & 3 & 3 & -5 \\ -1 & 1 & 4 & -1 \\ 7 & -3 & 2 & 0 \end{pmatrix}.$$

Určete hodnotu determinantu  $\det(\mathbf{A})$ .

- a) užitím elementárních transformací
- b) rozvojem podle vhodného řádku či sloupce

**Příklad 4:** Pomocí Cramerova pravidla určete  $x_4$ :

$$\begin{aligned}3x_1 - 2x_2 + x_3 + 3x_4 &= 8 \\-x_1 + 3x_2 - x_3 - 4x_4 &= 0 \\+x_2 - 2x_3 - 2x_4 &= 7 \\2x_3 + x_4 &= 1\end{aligned}$$

**Příklad 5:** Najděte všechna řešení homogenního systému rovnic s maticí soustavy

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 9 & 4 & 2 & -1 \\ -2 & -17 & 1 & -16 & 4 \\ 3 & 25 & -6 & 25 & 0 \\ 1 & 10 & 13 & -8 & 2 \end{pmatrix}.$$

**Příklad 6:** Je dán systém lineárních rovnic

$$\begin{aligned}-x_1 + 2x_2 + 7x_3 + 2x_4 &= 1 \\x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 4x_4 &= 2 \\3x_1 + 4x_2 + 3x_3 - 2x_4 &= 2 \\2x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 &= 3\end{aligned}$$

Řešte systém Gaussovou metodou a proveďte zkoušku.

**Příklad 7:** Vypočítejte první a druhou derivaci funkce a určete její definiční obor

a)  $y = x^2 \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$

b)  $y = e^{x\sqrt{1-x^2}}$

**Příklad 8:** Vyšetřete průběh funkce

a)  $y = \frac{1}{2x} \ln x$

b)  $y = \frac{x^2}{x^2-4}$

**Příklad 9:** Určete absolutní extrémy funkce

a)  $y = x^2 - 3x + 7$  na intervalu  $\langle -1, 8 \rangle$

b)  $y = \sqrt{-x^2 + 4x - 3}$  na jejím definičním oboru

**Příklad 10:** Vypočítejte následující integrály a určete intervaly v nichž integrály existují

a)  $\int (\sqrt{x} + \sqrt[3]{x})^2 dx$

c)  $\int (x - \frac{1}{x})^3 dx$

e)  $\int e^{-x} \sin x dx$

b)  $\int \frac{3x+4}{x^2+1} dx$

d)  $\int x^2 \ln x dx$

f)  $\int \arctan 2x dx$

**Příklad 11:** Vypočítejte tyto integrály a určete intervaly v nichž integrály existují

a)  $\int \sqrt{4x+1} dx,$

b)  $\int \frac{e^x}{e^x+2} dx,$  [ substitute:  $t = e^x + 2$  ]

c)  $\int \cos^2 x \sin x dx,$  [ substitute:  $t = \cos x$  ]

d)  $\int \frac{x^2}{\sqrt[5]{x^3+1}} dx,$  [ substitute:  $x^3 + 1 = t$  ]