Linear programming-introduction

Ing.J.Skorkovský,CSc.

USE

- Slitting and Levelling of material (coils, bars, sheets)-Cutting material, trimming,...
- Blending blending, diet, feeding rations for animals, ..
- Transport problems material flow from stock to the destination and route planning shortest route
- Assignment of resources with limited capacities CCR
- **Sources**: Operation Management, Quality and Competitiveness in a global environment, Russel and Taylor (can be found easily in ESF library)

CCR=Capacity Constraint Resource

CCR –additional information

- There are 3 categories of resources from the point of view of capacity:
- Bottleneck
- CCR Capacity Constraint Resource
- Non-CCR

Bottleneck – demand on the machine **is higher than the available capacity**. Works 24x7, the whole year around.

Set-up	Production time	

CCR (Capacity Constraint Resource) – according to the available time tha you allow it to work, it becomes a trouble maker. The load bigger than 70%. The idle time is so little and unstable that in no time it can turn to Bottleneck.

I	Set-up	Production time	Idle
ŗ			1 1

Non-CCR - idle capacity includes some protective capacity.

Set-up	Production time	Idle	
		2	

Formulation of the simple model

Product	Description	Work /hour	Material/pcs	Return/pcs	
Dish	x1	1	4	40	
Mug	x2	2	3	50	



Which combination of products will have the greatest return at the limits of maximum production capacity type = **40** hours moreover, the amount of material that is limited to **120** kg of clay?

Note: A similar task in terms of flow was solved in the P&Q example (only valid for Czech student), where the limitation in resource B and with a maximum capacity of 2400 minutes)

Description x1 and x2 stands for variables, Material means e.g. 4 kg for one piece

Basic structures and used terminology

Target function

=Cx

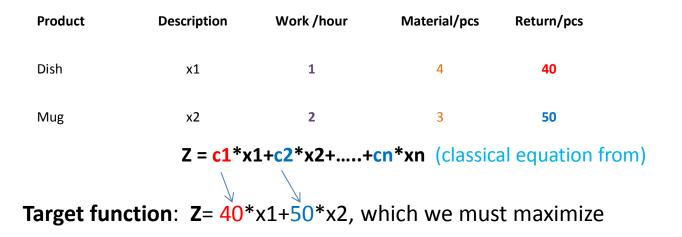
• We minimize our target function in the form of:

Z = **c1*****x1**+**c2*****x2**+....+**cn*****xn** with respect to the matrix of restrictive conditions: (in our case **c1**=40 and **c2**=50 which means return/pc)

A11*x1 + A12*x2+ ...+ A1n*xn (<>=) B1 A22*x1 + A22*x2+ ...+ A2n*xn (<>=) B2

- It is a classical system of linear equations je Ax=B
- The solving of such a linear equation system, e.g. By use of GAUSS-JORDAN algorithm is not required if we will use **Excel Solver**.
- xij : decision variable= level of operation activity specified by this variable
- Bi : restrictive conditions , allowed deviations from the norm (in time and material)
- cj : coefficient of the target function (in our case returns, meaning return 40 and 50)
- Aij : restrictive coefficients: work and material for one unit (pcs) of the product

Example I (introduction to the problem – practical demonstration)



Maximal production capacity = 40 hours and Maximal quantity of material =120 kg (B1 and B2 in our mathematical expression)

Specifications of task restrictions by use of 2x2 matrix:

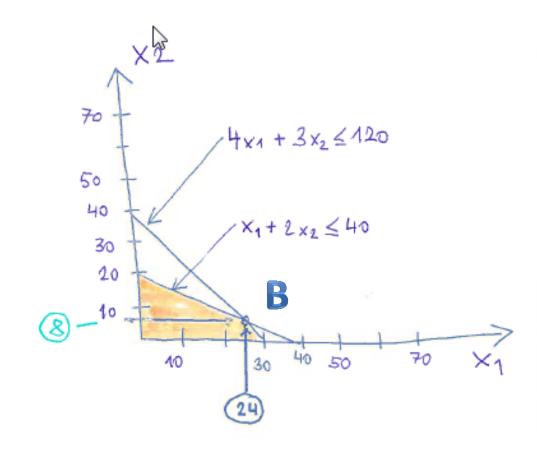
1*x1 + 2*x2 =40 (work- no more than 40 hours) 4*x1 + 3*x2 =120 (material=kg of clay in our case)->x1=(40-2x2)+3x2=120....

Manual solving : -> x1=24 a x2=8 and after substitution od variables (24 pcs of Dish and 8 pcs of Mug) in target function we will get

Z=40*24+50*8=1360

(optimal Return meets the point B – see next slide)

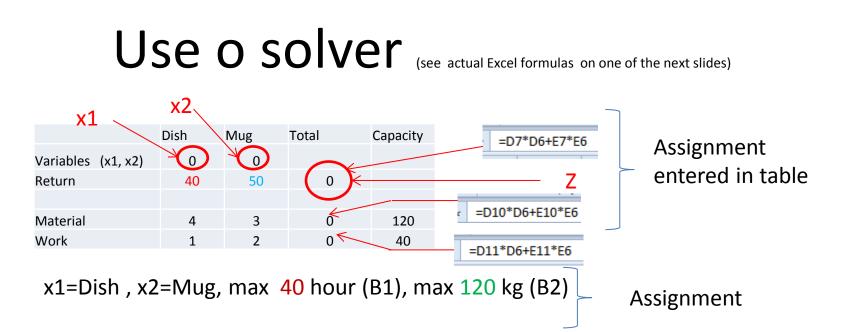
Graphical solution



I apologize for the inappropriate graphic expression....

Use of Solver (Czech EXCEL)

	Možnosti aplikace Excel	A D Break of Th		<u>,</u>		
	Obecné Vzorce	Zobrazení a správa doplňků systému Mi	crosof			
	Kontrola pravopisu a mluvnice	Doplňky				
	Uložit	Název 🔺				
	Jazyk	Aktivní doplňky aplikací Doplněk sdílení pro produkt Microsoft Lync 2010				? ×
	Upřesnit	Řešitel Solver			Doplňky	
	Přizpůsobit pás karet	Snaglt Add-in			Doplňky k dispozici:	
Comlements	Panel nástrojů Rychlý přístup Doplňky	Neaktivní doplňky aplikací Analytické nástroje		Excel setu	P Analytické nástroje – Analytické nástroje – V Řesítel	
Supplement		Analytické nástroje – VBA Datum (XML)				Procházet
	Centrum zabezpečení	Microsoft Actions Pane 3 Nástroje pro měnu euro				Automatizace
		Neviditeľný obsah Skryté listy				
		Skryté řádky a sloupce				
		Vlastní data XML Záhlaví a zápatí			Solver	
				J		~
	Doplněk: Analytic	ké nástroje			Analytické nástroje Obsahuje nástroje u	pro analýzu statistických a
		ft Corporation ici nejsou žádné informace o kompatibilitě.			inžen	ýrských dat.
		am Files (x86)\Microsoft Office\Office14\Library\Analysis\	ANALYS32.XLL			
	Popis: Obsahuj	je nástroje pro analýzu statistických a inženýrských dat.				
	Spravovat: Doplňky aplik	ace Excel 💌 📴 Přejít				
						Solver
	X			Simplex_1_Chairs_Tables_20170223.xlsx	- Microsoft Excel	
	Soubor Domů Vložení	Rozložení stránky Vzorce Data Revize	Zobrazení Vývojář Do	plňky Jet		
		Pfipojení Ž↓ Ž↓	Vymazat	🚔 📑 📑 💕	Zobrazit podrobnost	t 💫 Řešitel
	Zaplikace Z Z Zjiných Access webu textu zdrojů •	Existující Aktualizovat připojení vše – 📾 Upravit odkazy	S POUZIT ZNOVU	Text do Odebrat Ověření Sloučit Citlivostní sloupců duplicity dat → analýza →	Seskupit Oddělit Souhrn	
	Načíst externí data	Připojení	Seřadit a filtrovat	Datové nástroje	Osnova	G Analýza



Target function $Z = x1^{*}c1 + x2^{*}c2 = 40^{*}x1 + 50^{*}x2$

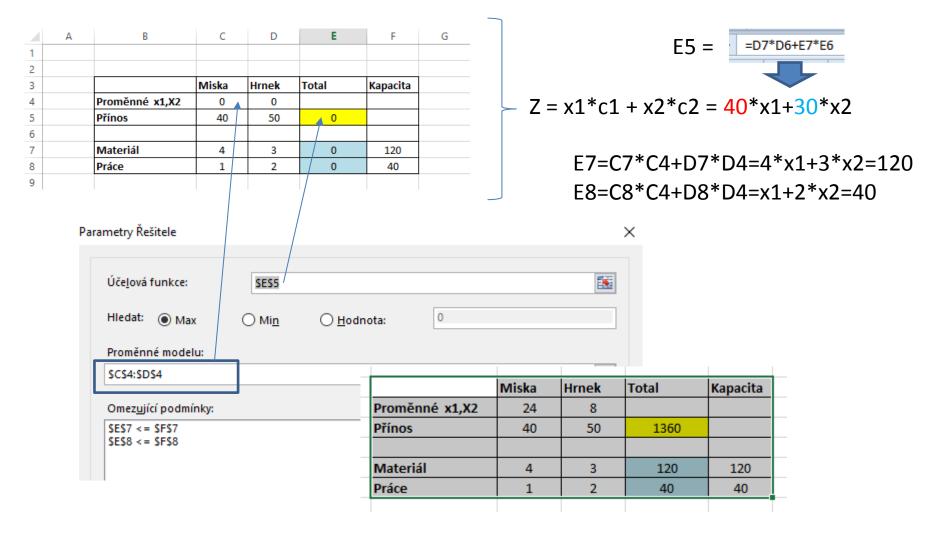
4 * x1 + 3 * x2 = 120 - capacity restrictions= max quantity of material = B1 1 * x1 + 2 * x2 = 40 -capacity restrictions by max work capacity=B2

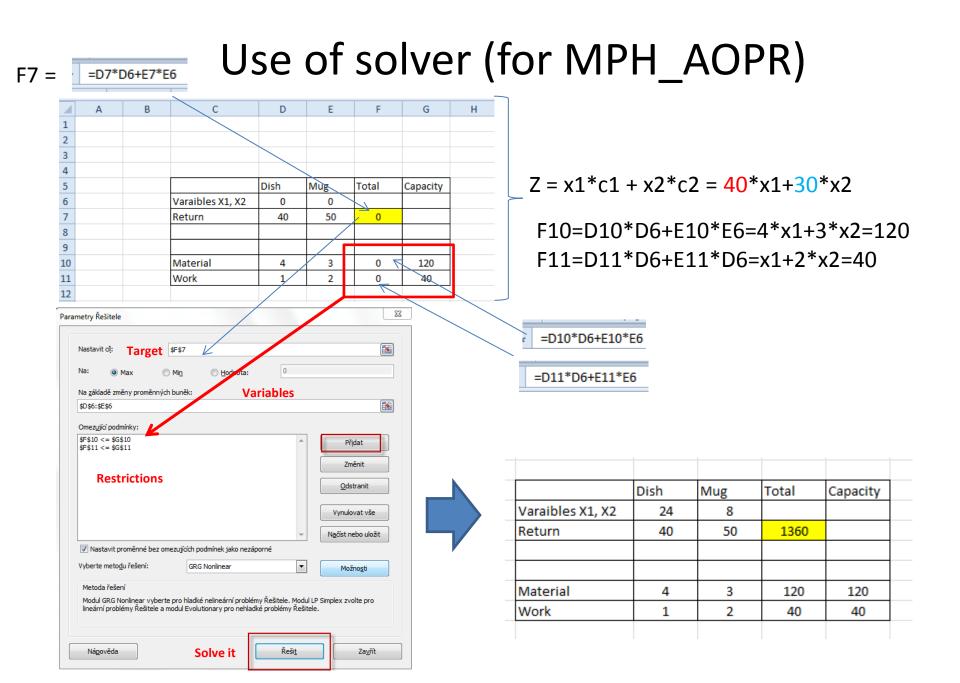
Product	Description	Work /hour	Material/pcs	Return/pcs
Dish	x1	1	4	40
Mug	x2	2	3	50

Solver start



Use of Solver (Czech- not for MHP_AOPR)





Využití Řešitele (use of Solver)

Microsoft Excel 15.0 Citlivostní sestava List: [Simplex_1_Misky_Hrnky_Chairs_Tables_20170228.xlsx]List1 Sestava vytvořena: 9. 3. 2017 16:19:56

Proměnné

		Konečná	Redukovaná	Účelová funkce	Povolený	Povolený
Levá strana omezující podmínky	Název	Hodnota	náklady	koeficient	nárůst	pokles
\$C\$4	Proměnné x1,X2 Miska	24	0	40	26,66666667	15
\$D\$4	Proměnné x1,X2 Hrnek	8	0	50	30	20

Omezující podmínky

		Konečná	Stínová	Pravá strana	Povolený	Povolený
Levá strana omezující podmínky	Název	Hodnota	cena	omezující podmínky	nárůst	pokles
\$E\$7	Materiál Total	120	(5 120	40	60
\$E\$8	Práce Total	40	10	5 40	40	10

Use of Solver (English)

Výsledky Řešitele	×	Výsledky Řešitele	23
	edková vostní	Řešitel nalezl řešení, které splňuje všechny omezující podmínky a podmínky optimálnosti.	Se <u>s</u> tavy
O Obnovit původní <u>h</u> odnoty	učné sestavy Jloži <u>t</u> scénář	 U<u>c</u>hovat řešení Řešitele Obnovit původní <u>h</u>odnoty 	Výsledková Citlivostní Limitní
Sestavy Vytvoří zadaný typ sestavy. Jednotlivé sestavy budou vloženy n	na samostatné	Zpět <u>d</u> o dialogového okna Parametry Řešitele	Str <u>u</u> čné sestavy
listy v sešitu.		<u>O</u> K Sto <u>r</u> no	Uloži <u>t</u> scénář

ožit scénář	
Název scénáře:	
Sensitivity analsysis AOPR	
<u>О</u> К	Sto <u>r</u> no

Microsoft Excel 14.0 Citlivostní sestava List: [LP_EXCEL_SOLVER USE_20171101.xlsx]List1 Sestava vytvořena: 2.11.2017 8:49:10

Proměnné buňky

		Konečná	Snížené
Buňka	Název	Hodnota	Gradient
\$D\$6	Varaibles X1, X2 Dish	24	0
\$E\$6	Varaibles X1, X2 Mug	8	0

Omezující podmínky

New	Excel List	

		Konečná	Lagrangeŭv
Buňka	Název	Hodnota	multiplikátor
\$F\$10	Material Total	120	6
\$F\$11	Work Total	40	16

Změna úlohy- jiné výnosy jiná omezení typu práce na dvou strojích a jejich kapacitní omezení (Change of parameters- not necessary for MPH_AOPR !!!!!)

	Miska	Hrnek	Total	Kapacita				
roměnné x1,x2	0	0			Úče <u>l</u> ová funkce:	SES13		
řínos	40	50	0		Hledat: 🖲 Max	() Mi <u>n</u>) <u>H</u> odnota:	0
					Max	O MI <u>n</u>		
troj 1	7	5	0	200	Proměnné modelu:			
troj 1	5	5	0	400	\$C\$12:\$D\$12			
					Omez <u>uj</u> ící podmínky:			
					\$E\$15 <= \$F\$15			~
	4				SE\$16 <= SF\$16			
			1					
	Miska	Hrnek	Total	Kapacita				
Proměnné x1,x2		Hrnek 40	Total	Kapacita				
Proměnné x1,x2 Přínos			Total 2000	Kapacita				
	2 0	40		Kapacita				
	2 0	40		Kapacita				

