

Aritmetika, seznamy, řez

Aritmetika: příklady

Jak se liší následující dotazy (na co se kdy ptáme)? Které uspějí (kladná odpověď), které neuspějí (záporná odpověď), a které jsou špatně (dojde k chybě)? Za jakých předpokladů by ty neúspěšné případně špatně uspěly?

- $X = Y + 1$
- $X \text{ is } Y + 1$
- $X = Y$
- $X == Y$
- $1 + 1 = 2$
- $2 = 1 + 1$
- $1 + 1 = 1 + 1$
- $1 + 1 \text{ is } 1 + 1$
- $1 + 2 := 2 + 1$
- $X \backslash == Y$
- $X \backslash = Y$
- $1 + 2 \backslash = 1 - 2$
- $1 < = 2$
- $1 = < 2$
- $\sin(X) \text{ is } \sin(2)$
- $\sin(X) = \sin(2+Y)$
- $\sin(X) := \sin(2+Y)$

Aritmetika

Důležitý rozdíl ve vestavěných predikátech $\text{is}/2$ vs. $=/2$ vs. $:=/2$

- $\text{is}/2$
< konstanta nebo proměnná > is < aritmetický výraz >
výraz na pravé straně je nejdříve aritmeticky vyhodnocen
a pak unifikován s levou stranou
- $=/2$
< libovolný term > $=$ < libovolný term >
levá a pravá strana jsou unifikovány
- $" := "/2$ $" \backslash = "/2$ $" > = "/2$ $" < = "/2$
< aritmetický výraz > $:=$ < aritmetický výraz >
< aritmetický výraz > $\backslash =$ < aritmetický výraz >
< aritmetický výraz > $> =$ < aritmetický výraz >
< aritmetický výraz > $< =$ < aritmetický výraz >
levá i pravá strana jsou nejdříve aritmeticky vyhodnoceny a pak porovnány

Seznamy a append

`append([], S, S)`.

`append([X|S1], S2, [X|S3]) :- append(S1, S2, S3)`.

Napište následující predikáty pomocí `append/3`:

- `last(X, S) :- append(_S1, [X], S)`.
`append([3,2], [6], [3,2,6])`. $X=6, S=[3,2,6]$
- `prefix(S1, S2) :- append(S1, _S3, S2)`.
DÚ: `suffix(S1,S2)`
- `member(X, S) :- append(S1, [X|S2], S)`.
`append([3,4,1], [2,6], [3,4,1,2,6])`. $X=2, S=[3,4,1,2,6]$
DÚ: `adjacent(X,Y,S)`
- `% sublist(+S,+ASB)`
`sublist(S,ASB) :- append(AS, B, ASB),`
`append(A, S, AS)`.

POZOR na efektivitu, bez `append` lze často napsat efektivněji

Akumulátor a sum_list(S,Sum)

```
?- sum_list( [2,3,4], Sum ).
```

bez akumulátoru:

```
sum_list( [], 0 ).
```

```
sum_list( [H|T], Sum ) :- sum_list( T, SumT ),
                          Sum is H + SumT.
```

s akumulátorem:

```
sum_list( S, Sum ) :- sum_list( S, 0, Sum ).
```

```
sum_list( [], Sum, Sum ).
```

```
sum_list( [H|T], A, Sum ) :- A1 is A + H,
                             sum_list( T, A1, Sum).
```

```

| ?- X=1,r(X).
r(X):-write(r1).
r(X):-p(X),write(r2).
r(X):-write(r3).

p(X):-write(p1).
p(X):-a(X),b(X),!,
      c(X),d(X),write(p2).
p(X):-write(p3).

a(X):-write(a1).
a(X):-write(a2).

b(X):- X > 0, write(b1).
b(X):- X < 0, write(b2).

c(X):- X mod 2 == 0, write(c1).
c(X):- X mod 3 == 0, write(c2).

d(X):- abs(X) < 10, write(d1).
d(X):- write(d2).

no

```

Výpočet faktoriálu fact(N,F)

s akumulátorem:

```
fact( N, F ) :- fact( N, 1, F ).
```

```
fact( 1, F, F ) :- !.
```

```
fact( N, A, F ) :- N > 1,
                  A1 is N * A,
                  N1 is N - 1,
                  fact( N1, A1, F ).
```

```

r(X):-write(r1).
r(X):-p(X),write(r2).
r(X):-write(r3).

p(X):-write(p1).
p(X):-a(X),b(X),!,
      c(X),d(X),write(p2).
p(X):-write(p3).

a(X):-write(a1).
a(X):-write(a2).

b(X):- X > 0, write(b1).
b(X):- X < 0, write(b2).

c(X):- X mod 2 == 0, write(c1).
c(X):- X mod 3 == 0, write(c2).

d(X):- abs(X) < 10, write(d1).
d(X):- write(d2).

no

```

Prozkoumejte trasy výpočtu a navracer např. pomocí následujících dotazů (vždy : středníkem vyžádejte navracení):

- (1) X=1,r(X). (2) X=3,r(X).
 (3) X=0,r(X). (4) X= -6,r(X).

- řez v predikátu p/1 neovlivní alternativ predikátu r/1
- dokud nebyl proveden řez, alternativ predikátu a/1 se uplatňují, př. neúspěch b/1 v dotazu (3)
- při neúspěchu cíle za řezem se výpočet navrací až k volající proceduře r/1, viz (1)
- alternativy vzniklé po provedení řezu s zachovávají - další možnosti predikát c/1 viz (2) a (4)

Řez: maximum

Je tato definice predikátu max/3 korektní?

$\text{max}(X, Y, X) :- X \geq Y, !.$

$\text{max}(X, Y, Y).$

Není, následující dotaz uspěje: $?- \text{max}(2, 1, 1).$

Uved'te dvě možnosti opravy, se zachováním použití řezu a bez.

$\text{max}(X, Y, X) :- X \geq Y.$

$\text{max}(X, Y, Z) :- X \geq Y, !, Z = X.$

$\text{max}(X, Y, Y) :- Y > X.$

$\text{max}(X, Y, Y).$

Problém byl v definici, v první verzi se tvrdilo: $X = Z \wedge X \geq Y \Rightarrow Z = X$
správná definice je: $X \geq Y \Rightarrow Z = X$

Při použití řezu je třeba striktně oddělit vstupní podmínky
od výstupních unifikací a výpočtu.

Seznamy: intersection(A, B, C)

DÚ: Napište predikát pro výpočet průniku dvou seznamů.

Nápověda: využijte predikát member/2

DÚ: Napište predikát pro výpočtu rozdílu dvou seznamů. Nápověda: využijte
predikát member/2

Řez: member

Jaký je rozdíl mezi následujícími definicemi predikátů member/2. Ve kterých
odpovědích se budou lišit? Vyzkoušejte např. pomocí member(X, [1,2,3]).

$\text{mem1}(H, [H|_]) .$

$\text{mem1}(H, [_|T]) :- \text{mem1}(H, T).$

$\text{mem2}(H, [H|_]) :- !.$

$\text{mem3}(H, [K|_]) :- H == K.$

$\text{mem2}(H, [_|T]) :- \text{mem2}(H, T).$

$\text{mem3}(H, [K|T]) :- H \backslash == K, \text{mem3}(H, T).$

- mem1/2 vyhledá všechny výskyty, při porovnávání hledaného prvku s prvky seznamu může dojít k vázání proměnných (může sloužit ke generování všech prvků seznamu)
- mem2/2 najde jenom první výskyt, taky váže proměnné
- mem3/2 najde jenom první výskyt, proměnné neváže (hledá pouze identické prvky)

Dokážete napsat variantu, která hledá jenom identické prvky

a přitom najde všechny výskyty? $\text{mem4}(H, [K|_]) :- H == K. \text{mem4}(H, [K|T]) :- \text{mem4}(H, T).$

Třídění, rozdílové seznamy

bubblesort(S,Sorted)

Seznam S seřídíte tak, že

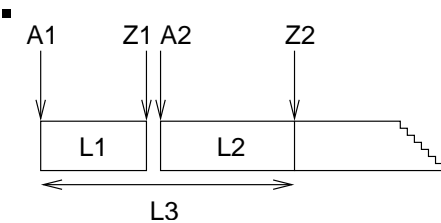
- nalezněte první dva sousední prvky X a Y v S tak, že $X > Y$, vyměňte pořadí X a Y a získáte S1; a seřídíte S1
- pokud neexistuje žádný takový pár sousedních prvků X a Y, pak je S seříděný seznam

```
swap([X,Y|Rest],[Y,X|Rest1]) :-
    X>Y.                                % nebo obecněji X>Y pomocí gt(X,Y)
swap([Z|Rest],[Z|Rest1]) :-
    swap(Rest,Rest1).
```

```
bubblesort(S,Sorted) :-
    swap(S,S1),!,
    bubblesort(S1,Sorted).
bubblesort(Sorted,Sorted).
```

Rozdílové seznamy

- Zapamatování konce a připojení na konec: rozdílové seznamy
- $[a,b] = L1-L2 = [a,b|T]-T = [a,b,c|S]-[c|S] = [a,b,c]-[c]$
- Reprezentace prázdného seznamu: L-L



- $?- \text{append}([1,2,3|Z1]-Z1, [4,5|Z2]-Z2, S).$
- $\text{append}(A1-Z1, Z1-Z2, A1-Z2).$
 $L1 \quad L2 \quad L3$

quicksort(S,Sorted)

Neprázdný seznam S seřídíte tak, že

- smažte nějaký prvek X z S; rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že: v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- seřídíte Small do SortedSmall
- seřídíte Big do SortedBig
- seříděný seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

```
quicksort([],[]).                        + ošetření případu, kdy S je prázdný seznam
quicksort([X|T],Sorted) :- split(X,Tail,Small,Big),
    quicksort(Small,SortedSmall),
    quicksort(Big,SortedBig),
    append(SortedSmall,[X|SortedBig],Sorted).

split(X,[],[],[]).
split(X,[Y|T],[Y|Small],Big) :- X>Y,!,split(X,T,Small,Big).
split(X,[Y|T],Small,[Y|Big]) :- split(X,T,Small,Big).
```

reverse(Seznam, Opacny)

```
reverse([],[]).
reverse([H|T],Opacny) :-
    reverse(T,OpacnyT),
    append(OpacnyT,[H],Opacny).
```

```
reverse(Seznam,Opacny) :- reverse0(Seznam,Opacny-[]).
reverse0([],S-S).
reverse0([H|T],Opacny-OpacnyKonec) :-
    reverse0(T,Opacny-[H|OpacnyKonec]).
```

```
reverse(Seznam,Opacny) :- reverse0(Seznam,[],Opacny).
reverse0([],S,S).
reverse0([H|T],A,Opacny) :-
    reverse0(T,[H|A],Opacny).
```

quicksort pomocí rozdílových seznamů

Neprázdný seznam S seřadíte tak, že

- smažte nějaký prvek X z S;
rozdělte zbytek S na dva seznamy Small a Big tak, že:
v Big jsou větší prvky než X a v Small jsou zbývající prvky
- seřadíte Small do SortedSmall
- seřadíte Big do SortedBig
- seřazený seznam vznikne spojením SortedSmall a [X|SortedBig]

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S,Sorted-[]).
```

```
quicksort1([],Z-Z).
```

```
quicksort1([X|T], A1-Z2) :-  
    split(X, T, Small, Big),  
    quicksort1(Small, A1-[X|A2]),  
    quicksort1(Big, A2-Z2).          append(A1-Z1, Z1-Z2, A1-Z2).
```

Čtení ze souboru

```
process_file( Soubor ) :-  
    seeing( StarySoubor ),          % zjištění aktivního proudu  
    see( Soubor ),                  % otevření souboru Soubor  
    repeat,  
        read( Term ),              % čtení termu Term  
        process_term( Term ),      % manipulace s termem  
        Term == end_of_file,       % je konec souboru?  
    !,  
    seen,                           % uzavření souboru  
    see( StarySoubor ).            % aktivace původního proudu  
  
repeat.                             % vestavěný predikát  
repeat :- repeat.
```

Vstup/výstup, databázové operace, rozklad termu

Predikáty pro vstup a výstup

```
| ?- read(A), read( ahoy(B) ), read( [C,D] ).  
|: ahoy. ahoy( petre ). [ ahoy( 'Petre!' ), jdeme ].  
A = ahoy, B = petre, C = ahoy('Petre!'), D = jdeme  
  
| ?- write(a(1)), write('.'), nl, write(a(2)), write('.'), nl.  
a(1).  
a(2).  
yes  
  
▪ seeing, see, seen, read  
▪ telling, tell, told, write  
▪ standardní vstupní a výstupní stream: user
```

Příklad: vstup/výstup

Napište predikát `uloz_do_souboru(Soubor)`, který načte několik fakt ze vstupu a uloží je do souboru `Soubor`.

```
| ?- uloz_do_souboru( 'soubor.pl' ).
|: fakt(mirek, 18).
|: fakt(pavel,4).
|:
yes
| ?- [soubor].
% consulting /home/hanka/soubor.pl...
% consulted /home/hanka/soubor.pl in module user, 0 msec
% 376 bytes
yes
| ?- listing(fakt/2).
fakt(mirek, 18).
fakt(pavel, 4).
yes
```

Databázové operace

- Databáze: specifikace množiny relací
- Prologovský program: **programová databáze**, kde jsou relace specifikovány explicitně (fakty) i implicitně (pravidly)

- Vestavěné predikáty pro změnu databáze během provádění programu:

<code>assert(Klauzule)</code>	přidání Klauzule do programu
<code>asserta(Klauzule)</code>	přidání na začátek
<code>assertz(Klauzule)</code>	přidání na konec
<code>retract(Klauzule)</code>	smazání klauzule unifikovatelné s Klauzule

- Pozor: nadměrné použití těchto operací snižuje srozumitelnost programu

Implementace: vstup/výstup

```
uloz_do_souboru( Soubor ) :-
    seeing( SteryVstup ),
    telling( SteryVystup ),
    see( user ),
    tell( Soubor ),
    repeat,
        read( Term ),
        process_term( Term ),
        Term == end_of_file,
    !,
    seen,
    told,
    tell( SteryVystup ),
    see( SteryVstup ).
```

```
process_term(end_of_file) :- !.
```

```
process_term( Term ) :-
    write( Term ), write(' '), nl.
```

Databázové operace: příklad

Napište predikát `vytvor_program/0`, který načte několik klauzulí ze vstupu a uloží je do programové databáze.

```
| ?- vytvor_program.
|: fakt(pavel, 4).
|: pravidlo(X,Y) :- fakt(X,Y).
|:
yes
| ?- listing(fakt/2).
fakt(pavel, 4).
yes
| ?- listing(pravidlo/2).
pravidlo(A, B) :- fakt(A, B).
yes
| ?- clause( pravidlo(A,B), C).
C = fakt(A,B) ?
yes
```

Databázové operace: implementace

```
vytvor_program :-
    seeing( StaryVstup ),
    see( user ),
    repeat,
        read( Term ),
        uloz_term( Term ),
        Term == end_of_file,
    !,
    seen,
    see( StaryVstup ).
```

```
uloz_term( end_of_file ) :- !.
uloz_term( Term ) :-
    assert( Term ).
```

Rekurzivní rozklad termu

- Term je proměnná (var/1), atom nebo číslo (atomic/1) ⇒ konec rozkladu
 - Term je seznam ([_|_]) ⇒ procházení seznamu a rozklad každého prvku seznamu
 - Term je složený (= ./2, functor/3) ⇒ procházení seznamu argumentů a rozklad každého argumentu
 - Příklad: ground/1 uspěje, pokud v termu nejsou proměnné; jinak neuspěje
- ```
ground(Term) :- atomic(Term), !. % Term je atom nebo číslo NEBO
ground(Term) :- var(Term), !, fail. % Term není proměnná NEBO
ground([H|T]) :- !, ground(H), ground(T). % Term je seznam a ani hlava ani těl
 % neobsahují proměnné NEBO

ground(Term) :- Term == [_Funktor | Argumenty], % je Term složený
 % a jeho argumenty
 % neobsahují proměnné
```

```
?- ground(s(2, [a(1,3), b, c], X)).
```

```
?- ground(s(2, [a(1,3), b, c])).
```

# Konstrukce a dekompozice termu

- Konstrukce a dekompozice termu

```
Term == [Funktor | SeznamArgumentu]
```

```
a(9,e) == [a,9,e]
```

```
Ci1 == [Funktor | SeznamArgumentu], call(Ci1)
```

```
atom == X => X = [atom]
```

- Pokud chci znát pouze funktor nebo některé argumenty, pak je efektivnější:

```
functor(Term, Funktor, Arita) functor(a(9,e), a, 2)
 functor(atom,atom,0) functor(1,1,0)
arg(N, Term, Argument) arg(2, a(9,e), e)
```

## subterm(S,T)

Napište predikát subterm(S,T) pro termy S a T bez proměnných, které uspějí, pokud je S podtermem termu T. Tj. musí platit alespoň jedno z

- subterm S je právě term T NEBO
- subterm S se nachází v hlavě seznamu T NEBO
- subterm S se nachází v těle seznamu T NEBO
- T je složený term (compound/1), není seznam (T\=[\_|\_]), a S je podtermem některého argumentu T.

```
| ?- subterm(sin(3), b(c,2, [1,b], sin(3), a)). yes
```

```
subterm(T,T) :- !.
```

```
subterm(S, [H|_]) :- subterm(S,H), !.
```

```
subterm(S, [_|T]) :- subterm(S,T), !.
```

```
subterm(S,T) :- compound(T), T\=[_|_],
 T==[_|Argumenty], subterm(S,Argumenty).
```

## same(A, B)

Napište predikát `same(A, B)`, který uspěje, pokud mají termy A a B stejnou strukturu. Tj. musí platit právě jedno z

- A i B jsou proměnné NEBO
- pokud je jeden z argumentů proměnná (druhý ne), pak predikát neuspěje, NEBO
- A i B jsou atomické a unifikovatelné NEBO
- A i B jsou seznamy, pak jak jejich hlava tak jejich tělo mají stejnou strukturu NEBO
- A i B jsou složené termy se stejným funktorem a jejich argumenty mají stejnou strukturu

```
| ?- same([1,3,sin(X),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]). yes
```

```
same(A,B) :- var(A), var(B), !.
```

```
same(A,B) :- var(A), !, fail.
```

```
same(A,B) :- var(B), !, fail.
```

```
same(A,B) :- atomic(A), atomic(B), !, A==B.
```

```
same([HA|TA], [HB|TB]) :- !, same(HA,HB), same(TA,TB).
```

```
same(A,B) :- A=..[FA|ArgA], B=..[FB|ArgB], FA==FB, same(ArgA,ArgB).
```

## unify(A, B)

Napište predikát `unify(A, B)`, který unifikuje termy A a B.

```
| ?- unify([Y,3,sin(a(3)),s(a,3)], [1,3,sin(X),s(a,3)]).
```

```
X = a(3) Y = 1 yes
```

```
unify(A,B) :- var(A), var(B), !, A=B.
```

```
unify(A,B) :- var(A), !, not_occurs(A,B), A=B.
```

```
unify(A,B) :- var(B), !, not_occurs(B,A), B=A.
```

```
unify(A,B) :- atomic(A), atomic(B), !, A==B.
```

```
unify([HA|TA], [HB|TB]) :- !, unify(HA,HB), unify(TA,TB).
```

```
unify(A,B) :- A=..[FA|ArgA], B=..[FB|ArgB], FA==FB, unify(ArgA,ArgB)
```

## not\_occurs(A, B)

Predikát `not_occurs(A, B)` uspěje, pokud se proměnná A nevyskytuje v termu B.

Tj. platí jedno z

- B je atom nebo číslo NEBO
- B je proměnná různá od A NEBO
- B je seznam a A se nevyskytuje ani v těle ani v hlavě NEBO
- B je složený term a A se nevyskytuje v jeho argumentech

```
not_occurs(_,B) :- atomic(B), !.
```

```
not_occurs(A,B) :- var(B), !, A=B.
```

```
not_occurs(A, [H|T]) :- !, not_occurs(A,H), not_occurs(A,T).
```

```
not_occurs(A,B) :- B=..[_|Arg], not_occurs(A,Arg).
```

## Logické programování s omezujícími podmínkami



## Algebrogram

- Přiřaďte cifry 0, . . . 9 písmenům S, E, N, D, M, O, R, Y tak, aby platilo:

$$\begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

- různá písmena mají přiřazena různé cifry

- S a M nejsou 0

- **Proměnné:** S,E,N,D,M,O,R,Y

- **Domény:** [1..9] pro S,M [0..9] pro E,N,D,O,R,Y

- **1 omezení pro nerovnost:** `all_distinct([S,E,N,D,M,O,R,Y])`

- **1 omezení pro rovnosti:**

$$\begin{array}{r} 1000*S + 100*E + 10*N + D \\ + 1000*M + 100*O + 10*R + E \\ \hline \# = 10000*M + 1000*O + 100*N + 10*E + Y \end{array} \quad \begin{array}{r} \text{SEND} \\ + \text{MORE} \\ \hline \text{MONEY} \end{array}$$

## Jazykové prvky

Nalezněte řešení pro algebrogram

$$\text{DONALD} + \text{GERALD} = \text{ROBERT}$$

- **Struktura programu**

```
algebrogram(Cifry) :-
 domain(...),
 constraints(...),
 labeling(...).
```

- **Knihovna pro CLP(FD)**

```
:- use_module(library(clpfd)).
```

- **Domény proměnných**

```
domain(Seznam, MinValue, MaxValue)
```

- **Omezení**

```
all_distinct(Seznam)
```

- **Aritmetické omezení**

```
A*B + C #= D
```

- **Procedura pro prohledávání stavového prostoru**

```
labeling([], [X1, X2, X3])
```

## Algebrogram: řešení

```
:- use_module(library(clpfd)).
```

```
dona1d(LD):-
```

```
 % domény
```

```
 LD=[D,0,N,A,L,G,E,R,B,T],
```

```
 domain(LD,0,9),
```

```
 domain([D,G,R],1,9),
```

```
 % omezení
```

```
 all_distinct(LD),
```

```
 100000*D + 10000*O + 1000*N + 100*A + 10*L + D +
```

```
 100000*G + 10000*E + 1000*R + 100*A + 10*L + D
```

```
 #= 100000*R + 10000*O + 1000*B + 100*E + 10*R + T,
```

```
 % prohledávání stavového prostoru
```

```
 labeling([],LD).
```

## Plánování

Každý úkol má stanoven dobu trvání a nejdřívější čas, kdy může být zahájen.

Nalezněte startovní čas každého úkolu tak, aby se jednotlivé úkoly nepřekrývaly.

Úkoly jsou zadány následujícím způsobem:

```
% uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec)
```

```
uko1(1,4,8,70). uko1(2,2,7,60). uko1(3,1,2,25). uko1(4,6,5,55). .
```

```
uko1(5,4,1,45). uko1(6,2,4,35). uko1(7,8,2,25). uko1(8,5,0,20). .
```

```
uko1(9,1,8,40). uko1(10,7,4,50). uko1(11,5,2,50). uko1(12,2,0,35). .
```

```
uko1(13,3,30,60). uko1(14,5,15,70). uko1(15,4,10,40). .
```

Kostra řešení:

```
uko1y(Zacatky) :- domeny(Uko1y,Zacatky,Doby),
 serialized(Zacatky,Doby),
 labeling([],Zacatky).
```

```
domeny(Uko1y,Zacatky,Doby) :- findall(uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec),
 uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec), Uko1y),
 nastav_domeny(Uko1y,Zacatky,Doby).
```

## Plánování: výstup

```
tiskni(Ukoly,Zacatky) :-
 priprav(Ukoly,Zacatky,Vstup),
 quicksort(Vstup,Vystup),
 n1, tiskni(Vystup).

priprav([],[],[]).
priprav([uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec)|Ukoly], [Z|Zacatky],
 [uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec,Z)|Vstup]) :-
 priprav(Ukoly,Zacatky,Vstup).

tiskni([]) :- n1.
tiskni([V|Vystup]) :-
 V=uko1(Id,Doba,MinStart,MaxKonec,Z),
 K is Z+Doba,
 format(' ~d: \t~d..~d \t(~d: ~d..~d)\n',
 [Id,Z,K,Doba,MinStart,MaxKonec]),
 tiskni(Vystup).
```

## Plánování: výstup II

```
quicksort(S, Sorted) :- quicksort1(S,Sorted-[]).
quicksort1([],Z-Z).
quicksort1([X|Tail], A1-Z2) :-
 split(X, Tail, Small, Big),
 quicksort1(Small, A1-[X|A2]),
 quicksort1(Big, A2-Z2).

split(_X, [], [], []).
split(X, [Y|T], [Y|Small], Big) :- greater(X,Y), !, split(X, T, Small, Big).
split(X, [Y|T], Small, [Y|Big]) :- split(X, T, Small, Big).

greater(uko1(_,_,_,_,Z1),uko1(_,_,_,_,Z2)) :- Z1>Z2.
```

## Plánování a domény

```
nastav_domeny([],[],[]).
nastav_domeny([U|Ukoly], [Z|Zacatky], [Doba|Doby]) :-
 U=uko1(_Id,Doba,MinStart,MaxKonec),
 MaxStart is MaxKonec-Doba,
 Z in MinStart..MaxStart,
 nastav_domeny(Ukoly,Zacatky,Doby).
```

## Plánování a precedence

Rozšiřte řešení předchozího problému tak, aby umožňovalo zahrnutí precedencí, tj. jsou zadány dvojice úloh A a B a musí platit, že A má být rozvrhováno před B.

```
% prec(IdA,IdB)
prec(8,7). prec(6,12). prec(2,1).
```

Pro zjištění parametrů úlohy lze použít např. nth(N,Seznam,NtyPrvek) z knihovny

```
:- use_module(library(lists)).
```

```
precedence(Zacatky,Doby) :-
 findall(prec(A,B),prec(A,B),P),
 omezeni_precedence(P,Zacatky,Doby).

omezeni_precedence([],_Zacatky,_Doby).
omezeni_precedence([prec(A,B)|Prec],Zacatky,Doby) :-
 nth(A,Zacatky,ZA), nth(B,Zacatky,ZB), nth(A,Doby,DA),
 ZA + DA #< ZB,
 omezeni_precedence(Prec,Zacatky).
```

## Plánování a lidé

Modifikujte řešení předchozího problému tak, že

- odstraňte omezení na nepřekrývání úkolů
- přidejte omezení umožňující řešení každého úkolu zadaným člověkem (každý člověk může zpracovávat nejvýše jeden úkol)

```
% clovek(Id,IdUkoly) ... clovek Id zpracovává ukoly v seznamu IdUkoly
clovek(1,[1,2,3,4,5]). clovek(2,[6,7,8,9,10]). clovek(3,[11,12,13,14,15]).
```

```
lide(Zacatky,Doby,Lide) :-
 forall(clovek(Kdo,IdUkoly),clovek(Kdo,IdUkoly), Lide),
 omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).
```

```
omezeni_lide([],_Zacatky,_Doby).
```

```
omezeni_lide([Clovek|Lide],Zacatky,Doby) :-
 Clovek=clovek(_Id,IdUkoly),
 omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby),
 omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 17. května 2007

41

Omezující podmínky

## Plánování a lidé (pokračování)

```
omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby) :-
```

```
 omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby, [], []).
```

```
% omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD)
```

```
omezeni_clovek([],_Zacatky,_Doby,ClovekZ,ClovekD) :-
```

```
 serialized(ClovekZ,ClovekD).
```

```
omezeni_clovek([U|IdUkoly],Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD) :-
```

```
 nth(U,Zacatky,Z),
```

```
 nth(U,Doby,D),
```

```
 omezeni_clovek(IdUkoly,Zacatky,Doby,[Z|ClovekZ],[D|ClovekD]).
```

Rozšiřte řešení problému tak, aby mohl každý člověk zpracovávat několik úkolů dle jeho zadané kapacity.

```
% clovek(Id,Kapacita,IdUkoly)
```

```
clovek(1,2,[1,2,3,4,5]).
```

```
clovek(2,1,[6,7,8,9,10]).
```

```
clovek(3,2,[11,12,13,14,15]).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 17. května 2007

42

Omezující podmínky

```
lide(Zacatky,Doby,Lide) :-
 forall(clovek(Kdo,Kapacita,IdUkoly),clovek(Kdo,Kapacita,IdUkoly), Lide),
 omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).
```

```
omezeni_lide([],_Zacatky,_Doby).
```

```
omezeni_lide([clovek(_Id,Kapacita,IdUkoly)|Lide],Zacatky,Doby) :-
 omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby),
 omezeni_lide(Lide,Zacatky,Doby).
```

```
omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby) :-
```

```
 omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby, [], []).
```

```
omezeni_clovek([],Kapacita,_Zacatky,_Doby,ClovekZ,ClovekD) :-
```

```
 length(ClovekZ,Delka), listOf1(Delka,ListOf1),
```

```
 cumulative(ClovekZ,ClovekD,ListOf1,Kapacita).
```

```
omezeni_clovek([U|IdUkoly],Kapacita,Zacatky,Doby,ClovekZ,ClovekD) :-
```

```
 nth(U,Zacatky,Z), nth(U,Doby,D),
```

```
 omezeni_clovek(IdUkoly,Kapacita,Zacatky,Doby,[Z|ClovekZ],[D|ClovekD]).
```

```
listOf1(0,[]) :- !.
```

```
listOf1(D,[1|L]) :- D1 is D-1, listOf1(D1,L).
```

Hana Rudová, Logické programování I, 17. května 2007

43

Omezující podmínky

**Všechna řešení,  
stromy, grafy**

## Všechna řešení

```
% z(Jmeno,Prijmeni,Sex,Vek,Prace,Firma)
z(petr,novak,m,30,skladnik,skoda). z(pavel,novy,m,40,mechanik,skoda).
z(rostislav,lucensky,m,50,technik,skoda). z(alena,vesela,z,25,sekretarka,skoda).
z(jana,dankova,z,35,asistentka,skoda). z(lenka,merinska,z,35,ucetni,skoda).
z(roman,maly,m,35,manazer,cs). z(alena,novotna,z,40,ucitelka,zs_stara).
z(david,novy,z,30,ucitel,zs_stara). z(petra,spickova,z,45,reditelka,zs_stara).
```

### ▪ Najděte jméno a příjmení všech lidí.

```
?- findall(Jmeno-Prijmeni, z(Jmeno,Prijmeni,_,_,_,_),L).
?- bagof(Jmeno-Prijmeni, [S,V,Pr,F] ^ z(Jmeno,Prijmeni,S,V,Pr,F) , L).
?- bagof(Jmeno-Prijmeni, [V,Pr,F] ^ z(Jmeno,Prijmeni,S,V,Pr,F) , L).
```

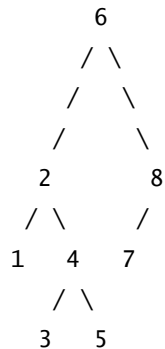
### ▪ Najděte jméno a příjmení všech zaměstnanců firmy skoda a cs

```
?- findall(c(J,P,Firma), (z(J,P,_,_,_,Firma), (Firma=skoda ; Firma=cs)),
?- bagof(J-P, [P,S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),(F=skoda ; F=cs)), L).
?- setof(P-J, [P,S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),(F=skoda ; F=cs)), L).
```

## Stromy

Uzly stromu Tree jsou reprezentovány termy

- `tree(Left,Value,Right)`: Left a Right jsou opět stromy, Value je ohodnocení uzlu
- `leaf(Value)`: Value je ohodnocení uzlu
- Příklad:



```
tree(tree(leaf(1), 2, tree(leaf(3),4,leaf(5))), 6, tree(leaf(7),8,[])
```

## Všechna řešení: příklady

1. Jaká jsou příjmení všech žen?
2. Kteří lidé mají více než 30 let? Nalezněte jejich jméno a příjmení.
3. Nalezněte abecedně seřazený seznam všech lidí.
4. Nalezněte příjmení učitelů ze zs\_stara.
5. Jsou v databázi dva bratři (mají stejné příjmení a různá jména)?
6. Které firmy v databázi mají více než jednoho zaměstnance?

1. `findall(Prijmeni, z(_,Prijmeni,z,_,_,_),L).`
2. `findall(Jmeno-Prijmeni, (z(Jmeno,Prijmeni,_,Vek,_,_),Vek>30),L).`
3. `setof(P-J, [S,V,Pr,F]^z(J,P,S,V,Pr,F), L ).`
4. `findall(Prijmeni,(z(_,Prijmeni,_,_,P,zs_stara),(P=ucitel;P=ucitelka)),L).`
5. `findall(b(J1-P,J2-P),( z(J1,P,_,_,_,_),z(J2,P,_,_,_,_), J1<J2, J1=J2 ),L).`
6. `bagof(P, [J,S,V,Pr]^z(J,P,S,V,Pr,F),L),length(L,Pocet),Pocet>1.`

## Stromy: hledání prvku in(X,Tree)

Prvek X se nachází ve stromě T, jestliže

- X je listem stromu T, jinak `leaf(X)`
- X je kořen stromu T, jinak `tree(Left,X,Right)`
- X je menší než kořen stromu T, pak se nachází v levém podstromu T, jinak
- X se nachází v pravém podstromu T

```
in(X, leaf(X)) :- !.
in(X, tree(_,X,_)) :- !.
in(X, tree(Left, Root, Right)) :-
 X<Root, !,
 in(X,Left).
in(X, tree(Left, Root, Right)) :-
 in(X,Right).
```

## Stromy: přidávání add(Tree,X,TreeWithX)

Prvek X přidej do stromu T jednou z

- $T = []$ , pak je nový strom leaf(X)
- $T = \text{leaf}(V)$  a  $X > V$ , pak má nový strom kořen V a leaf(X) vpravo (vlevo je [])  
 $T = \text{leaf}(V)$  a  $X < V$ , pak má nový strom kořen V a leaf(X) vlevo (vpravo je [])
- $T = \text{tree}(L, \dots)$  a  $X > V$ , pak v novém stromě L ponechej a X přidej doprava  
 $T = \text{tree}(\dots, R)$  a  $X < V$ , pak v novém stromě R ponechej a X přidej doleva

```
add([],X,leaf(X)) :- !.
```

```
add(leaf(V), X, T1) :-
 (X>V, !, T1=tree([],V,leaf(X))
 ; X<V, T1=tree(leaf(X),V,[])
).
```

```
add(tree(L,V,R), X, tree(L1,V,R1)) :-
 (X>V, !, L1=L, add(R,X,R1)
 ; X<V, R1=R, add(L,X,L1)
).
```

## Reprezentace grafu

- Reprezentace grafu: pole následníků uzlů
- Grafy nebudeme modifikovat, tj. pro reprezentaci pole lze využít term
- (Orientovany) neohodnocený graf

```
graf([2,3],[1,3],[1,2]).
graf([2,4,6],[1,3],[2],[1,5,6],[4],[1,4]).
```

```
?- functor(Graf,graf,PocetUzlu).
```

```
?- arg(Uzel,Graf,Sousedi).
```

- (Orientovany) ohodnocený graf

```
graf([2-1,3-2],[1-1,3-2],[1-2,2-2]).
graf([2-1,4-3,6-1],[1-1,3-2],[2-2],[1-3,5-1,6-1],[4-1],[1-1,4-1]).
```

## Procházení stromů

?- traverse(tree(leaf(1),2,tree(leaf(3),4,leaf(5))),6,tree(leaf(7),8,leaf(9)))

[6,2,1,4,3,5,8,7,9].

(preorder)

```
traverse(T,Pre):- t_pre(T,Pre,[]).
```

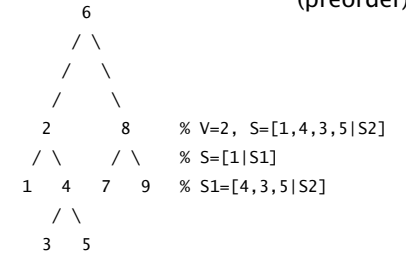
```
t_pre(leaf(V),[V|S],S).
```

```
t_pre(tree(L,V,R),[V|S],S2):-
```

```
 t_pre(L,S,S1),
```

```
 t_pre(R,S1,S2).
```

Použit princip rozdílových seznamů



Modifikuje algoritmus tak, aby byly uzly vypsány v pořadí inorder (nejprve levý podstrom, pak uzel a nakonec pravý podstrom), tj. [1,2,3,4,5,6,7,8,9]  
 traverse(T,In):- t\_in(T,In,[]).

```
t_in(leaf(V),[V|S],S).
```

```
t_in(tree(L,V,R),S,S2):-
```

```
 t_in(L,S,[V|S1]),
```

```
 t_in(R,S1,S2).
```

## Procházení grafu do hloubky

- Rodiče uzlů:
  - při reprezentaci rodičů lze využít term s aritou odpovídající počtu uzlů
  - iniciálně jsou argumentu termu volné proměnné
  - na závěr je v N-tém argumentu uložen rodič (iniciální uzel označíme empty)
- Procházení grafu z uzlu U
  - Vytvoříme term pro rodiče (všichni rodiči jsou zatím volné proměnné)
  - Uzel U má prázdného rodiče a má sousedy S
  - Procházíme (rekurzivně) všechny sousedy v S
- Procházení sousedů S uzlu U
  - Uzel V je první soused
  - Nastavíme rodiče uzlu V na uzel U
  - Pokud jsme V ještě neprošli (nemá rodiče), tak rekurzivně procházíme všechny jeho sousedy
  - Procházíme zbývající sousedy uzlu U

## DFS: algoritmus

```
dfs(U,G,P) :-
 functor(G,graf,Pocet),
 functor(P,rodice,Pocet),
 arg(U,G,Sousedi),
 arg(U,P,empty),
 prochazej_sousedy(Sousedi,U,G,P).

prochazej_sousedy([],_,_,_).
prochazej_sousedy([V|T],U,G,P) :-
 arg(V,P,Rodic),
 (nonvar(Rodic), !
 ;
 Rodic = U,
 arg(V,G,SousediV),
 prochazej_sousedy(SousediV,V,G,P)
),
 prochazej_sousedy(T,U,G,P).
```