

Příklad 1. Sečtěte řadu:

1. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 3n + 2},$
2. $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{3}{4^{2n-1}} + \frac{2}{4^{2n}} \right).$

Příklad 2. Určete zda následující řady s nezápornými členy konvergují:

1. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n!},$
2. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)},$
3. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n},$
4. $\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1 + \frac{1}{n}\right),$
5. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 1},$
6. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^n},$
7. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!}.$

Příklad 3. Určete zda následující alternující řady konvergují absolutně nebo relativně nebo divergují:

1. $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{\frac{n(n-1)}{2}} \left(\frac{n}{2n-1} \right)^n,$
2. $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{\sqrt{n}},$
3. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n},$
4. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left(2 + \sin \frac{n\pi}{2}\right) \cos n\pi}{n!},$
5. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} n}{6n - 5},$
6. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\alpha}{\ln^n 10},$
7. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(2+1)^n}{2^n},$
8. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} \ln n}{n},$