

Operátory, aritmetika

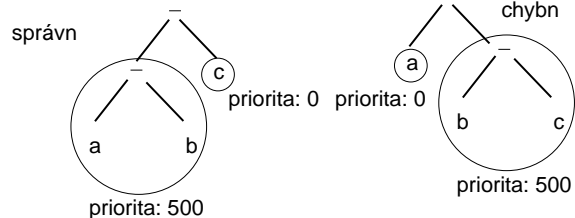
Typy operátorů

- infixové operátory: xfx , xfy , yfx
- prefixové operátory: fx , fy
- postfixové operátory: xf , yf

př. $xfx = yfx$
 př. $fx ?- fy$

x a y určují prioritu argumentu

- x reprezentuje argument, jehož priorita musí být **striktně menší** než u operátoru
- y reprezentuje argument, jehož priorita je **menší nebo rovna** operátoru
- $a-b-c$ odpovídá $(a-b)-c$ a ne $a-(b-c)$: „-“ odpovídá yfx



Operátory

- Infixová notace: $2*a + b*c$
- Prefixová notace: $+(*(2,a), *(b,c))$ priorita +: 500, priorita *: 400
 - prefixovou notaci lze získat predikátem `display/1`
`:- display((a:-s(0),b,c)).` `:-(a, ,(s(0), ,(b,c)))`
- Priorita operátorů:** operátor s **nejvyšší** prioritou je hlavní funktor
- Uživatelsky definované operátory: `zna`
`petr zna alese.` `zna(petr, alese).`
- Definice operátoru: `:- op(600, xfx, zna).` priorita: 1..1200
 - `:- op(1100, xfy, ;).` nestrukturované objekty: 0
 - `:- op(1000, xfy, ,).`
 - `p :- q,r; s,t.` `p :- (q,r) ; (s,t).` ; má vyšší prioritu než ,
 - `:- op(1200, xfx, :-).` :- má nejvyšší prioritu
- Definice operátoru není spojena s datovými manipulacemi (kromě spec. případů)

Aritmetika

Předdefinované operátory

$+$, $-$, $*$, $/$, $**$ mocnina, $//$ celočíselné dělení, mod zbytek po dělení

- `?- X = 1 + 2.` `X = 1 + 2` = odpovídá unifikaci
- `?- X is 1 + 2.`
`X = 3` „is“ je speciální předdefinovaný operátor, který vynutí evaluaci
 - porovnej: `N = (1+1+1+1)` `N is (1+1+1+1)`
 - pravá strana musí být vyhodnotitelný výraz (bez proměnné)
 - výraz na pravé straně je nejdříve aritmeticky vyhodnocen a pak unifikován s levou stranou
 volání `?- X is Y + 1.` způsobí chybu
- Další speciální předdefinované operátory
 $>$, $<$, $>=$, $<=$, $=:=$ aritmetická rovnost, $=\backslash=$ aritmetická nerovnost
 - porovnej: `1+2 := 2+1` `1+2 = 2+1`
 - obě strany musí být vyhodnotitelný výraz: volání `?- 1 < A + 2.` způsobí chybu

Různé typy rovností a porovnání

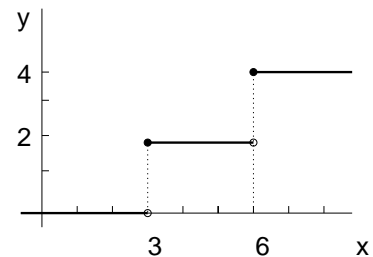
$X = Y$	X a Y jsou unifikovatelné
$X \backslash = Y$	X a Y nejsou unifikovatelné, (také $\backslash + X = Y$)
$X == Y$	X a Y jsou identické
	porovnej: $?- A == B. \dots \text{no}$ $?- A=B, A==B. \dots B = A \text{ yes}$
$X \backslash == Y$	X a Y nejsou identické
	porovnej: $?- A \backslash == B. \dots \text{yes}$ $?- A=B, A \backslash == B. \dots A \text{ no}$
$X \text{ is } Y$	Y je aritmeticky vyhodnoceno a výsledek je přiřazen X
$X := Y$	X a Y jsou si aritmeticky rovny
$X \backslash = Y$	X a Y si aritmeticky nejsou rovny
$X < Y$	aritmetická hodnota X je menší než Y ($=<$, $>$, $>=$)
$X @< Y$	term X předchází term Y ($@=<$, $@>$, $@>=$)
	1. porovnání termů: podle abecedního n. aritmetického uspořádání
	2. porovnání struktur: podle arity, pak hlavního funktoru a pak zleva podle argumentů
	$?- f(\text{pavel}, g(b)) @< f(\text{pavel}, h(a)). \dots \text{yes}$

Řez, negace

Řez a upnutí

$f(X,0) :- X < 3, !.$
 $f(X,2) :- 3 =< X, X < 6, !.$
 $f(X,4) :- 6 =< X.$

přidání **operátoru řezu** `,!,!’`



$?- f(1,Y), Y>2.$

$f(X,0) :- X < 3, !. \%(1)$

$f(X,2) :- X < 6, !. \%(2)$

$f(X,4).$

$?- f(1,Y).$

▪ Smazání řezu v (1) a (2) změní chování programu

▪ **Upnutí:** po splnění podcílů před řezem se už další klauzule neuvažují

Řez a ořezání

$f(X,Y) :- s(X,Y).$
 $s(X,Y) :- Y \text{ is } X + 1.$
 $s(X,Y) :- Y \text{ is } X + 2.$

$f(X,Y) :- s(X,Y), !.$
 $s(X,Y) :- Y \text{ is } X + 1.$
 $s(X,Y) :- Y \text{ is } X + 2.$

$?- f(1,Z).$

$Z = 2 ? ;$

$Z = 3 ? ;$

no

$?- f(1,Z).$

$Z = 2 ? ;$

no

- **Ořezání:** po splnění podcílů před řezem se už neuvažuje další možné splnění těchto podcílů
- Smazání řezu změní chování programu

Chování operátoru řezu

- Předpokládejme, že klauzule $H :- T_1, T_2, \dots, T_m, !, \dots, T_n$. je aktivována voláním cíle G , který je unifikovatelný s H . $G=h(X,Y)$
- V momentě, kdy je nalezen řez, existuje řešení cílů T_1, \dots, T_m $X=1, Y=1$
- **Ořezání:** při provádění řezu se už další možné splnění cílů T_1, \dots, T_m nehledá a všechny ostatní alternativy jsou odstraněny $Y=2$
- **Upnutí:** dále už nevyvolávám další klauzule, jejichž hlava je také unifikovatelná s G $X=2$

```

?- h(X,Y).                h(X,Y)
                           X=1 / \ X=2
h(1,Y) :- t1(Y), !.      t1(Y)  a (vynechej: upnutí)
h(2,Y) :- a.              Y=1 / \ Y=2
                           b    c (vynechej: ořezání)
t1(1) :- b.
t1(2) :- c.
    
```

Hana Rudová, Logické programování I, 1. března 2012

9

Řez, negace

Řez: příklad

```

c(X) :- p(X).           c1(X) :- p(X), !.
c(X) :- v(X).           c1(X) :- v(X).
    
```

```

p(1). p(2).           v(2).
    
```

```

?- c(2).               ?- c1(2).
true ? ; %p(2)         true ? ; %p(2)
true ? ; %v(2)         no
no
    
```

```

?- c(X).               ?- c1(X).
X = 1 ? ; %p(1)         X = 1 ? ; %p(1)
X = 2 ? ; %p(2)         no
X = 2 ? ; %v(2)
no
    
```

Hana Rudová, Logické programování I, 1. března 2012

11

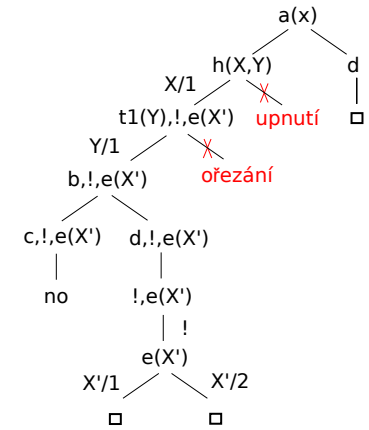
Řez, negace

Řez: návrat na rodiče

- ```

?- a(X).
(1) a(X) :- h(X,Y).
(2) a(X) :- d.
(3) h(1,Y) :- t1(Y), !, e(X').
(4) h(2,Y) :- a.
(5) t1(1) :- b.
(6) t1(2) :- c.
(7) b :- c.
(8) b :- d.
(9) d.
(10) e(1) .
(11) e(2) .

```



- Po zpracování klauzule s řezem se vracím až na rodiče této klauzule, tj.  $a(X)$

Hana Rudová, Logické programování I, 1. března 2012

10

Řez, negace

## Řez: cvičení

1. Porovnejte chování uvedených programů pro zadané dotazy.

```

a(X,X) :- b(X). a(X,X) :- b(X), !. a(X,X) :- b(X), c.
a(X,Y) :- Y is X+1. a(X,Y) :- Y is X+1. a(X,Y) :- Y is X+1.
b(X) :- X > 10. b(X) :- X > 10. b(X) :- X > 10.
c :- !.

```

```

?- a(X,Y).
?- a(1,Y).
?- a(11,Y).

```

2. Napište predikát pro výpočet maxima  $\max(X, Y, Max)$

Hana Rudová, Logické programování I, 1. března 2012

12

Řez, negace

## Typy řezu

- Zlepšení efektivity programu: určíme, které alternativy nemá smysl zkoušet  
Poznámka: na vstupu pro X očekávám číslo
- **Zelený řez:** odstraní pouze neúspěšná odvození
  - `f(X,1) :- X >= 0, !. f(X,-1) :- X < 0.`  
bez řezu zkouším pro nezáporná čísla 2. klauzuli
- **Modrý řez:** odstraní redundantní řešení
  - `f(X,1) :- X >= 0, !. f(0,1). f(X,-1) :- X < 0.` bez řezu vrací `f(0,1) 2x`
- **Červený řez:** odstraní úspěšná řešení
  - `f(X,1) :- X >= 0, !. f(_X,-1).` bez řezu uspěje 2. klauzule pro nezáporná čísla

## Negace jako neúspěch

- **Speciální cíl pro nepravdu (neúspěch) fail a pravdu true**
- X a Y nejsou unifikovatelné: `different(X, Y)`
- `different( X, Y ) :- X = Y, !, fail.`  
`different( _X, _Y ).`
- X je muž: `muz(X)`  
`muz( X ) :- zena( X ), !, fail.`  
`muz( _X ).`

## Negace jako neúspěch: operátor \+

- `different(X,Y) :- X = Y, !, fail.`     `muz(X) :- zena(X), !, fail.`  
`different(_X,_Y).`     `muz(_X).`
- Unární operátor `\+ P`
  - jestliže P uspěje, potom `\+ P` neuspěje  
`\+(P) :- P, !, fail.`
  - v opačném případě `\+ P` uspěje  
`\+(_).`
- `different( X, Y ) :- \+ X=Y.`
- `muz( X ) :- \+ zena( X ).`
- Pozor: takto definovaná negace `\+P` vyžaduje **konečné odvození P**

## Negace a proměnné

```
\+(P) :- P, !, fail. % (I)
\+(_). % (II)

dobre(citroen). % (1)
dobre(bmw). % (2)
drahe(bmw). % (3)
rozumne(Auto) :- % (4)
 \+ drahe(Auto).

?- dobre(X), rozumne(X).
```

```
dobre(X),rozumne(X)
 |
 | dle (1), X/citroen
 |
rozumne(citroen)
 |
 | dle (4)
 |
\+ drahe(citroen) | dle (II)
 |
 | dle (I)
 |
drahe(citroen),!, fail
 |
 |
no yes
```

## Negace a proměnné

```

rozumne(X), dobre(X)
|
| dle (4)
|
\+(P) :- P, !, fail. % (I)
\+(_) . % (II)
|
| \+ drahe(X), dobre(X)
|
| dle (1)
|
drahe(X),!,fail,dobre(X)
|
| dle (3), X/bmw
|
| !, fail, dobre(bmw)
|
| fail,dobre(bmw)
|
| no

```

```

dobre(citroen). % (1)
dobre(bmw). % (2)
drahe(bmw). % (3)
rozumne(Auto) :- % (4)
 \+ drahe(Auto).

?- rozumne(X), dobre(X).

```

## Chování negace

- `?- \+ drahe( citroen ).` yes
  - `?- \+ drahe( X ).` no
  - Negace jako neúspěch používá **předpoklad uzavřeného světa**  
pravdivé je pouze to, co je dokazatelné
  - `?- \+ drahe( X ).` `\+ drahe( X ) :- drahe(X),!,fail. \+ drahe( X ).`  
z definice `\+` plyne: není dokazatelné, že existuje X takové, že `drahe( X )` platí  
tj. **pro všechna X platí `\+ drahe( X )`**
  - `?- drahe( X ).`  
PTÁME SE: existuje X takové, že `drahe( X )` platí?
  - ALE: pro cíle s negací neplatí **existuje X takové, že `\+ drahe( X )`**
- ⇒ **negace jako neúspěch není ekvivalentní negaci v matematické logice**

## Bezpečný cíl

- `?- \+ drahe( citroen ).` yes
- `?- \+ drahe( X ).` no
- `?- rozumne( citroen ).` yes
- `?- rozumne( X ).` no
- `\+ P je bezpečný: proměnné P jsou v okamžiku volání P instanciovány`
  - negaci používáme pouze pro bezpečný cíl P

## Predikáty na řízení běhu programu I.

- **řez „!”**
- `fail`: cíl, který vždy neuspěje `true`: cíl, který vždy uspěje
- `\+ P`: negace jako neúspěch  
`\+ P :- P, !, fail; true.`
- `once(P)`: vrátí pouze jedno řešení cíle P  
`once(P) :- P, !.`
- Vyjádření **podmínky**: `P -> Q ; R`
  - jestliže platí P tak Q `(P -> Q ; R) :- P, !, Q.`
  - v opačném případě R `(P -> Q ; R) :- R.`
  - příklad: `min(X,Y,Z) :- X =< Y -> Z = X ; Z = Y.`
- `P -> Q`
  - odpovídá: `(P -> Q; fail)`
  - příklad: `zaporne(X) :- number(X) -> X < 0.`

## Predikáty na řízení běhu programu II.

- `call(P)`: zavolá cíl P a uspěje, pokud uspěje P
- nekonečná posloupnost backtrackovacích voleb: `repeat`

```
repeat.
repeat :- repeat.
```

klasické použití: **generuj akci X, proved' ji a otestuj, zda neskončit**

```
Hlava :- ...
 uloz_stav(StaryStav),
 repeat,
 generuj(X), % deterministické: generuj, provadej, testuj
 provadej(X),
 testuj(X),
 !,
 obnov_stav(StaryStav),
 ...
```