

PA052: Úvod do systémové biologie

David Šafránek

2.5.2013

Tento projekt je spolufinancován Evropským sociálním fondem a státním rozpočtem České republiky.



Obsah

Případová studie – chemotaxe bakterií

Model chemotaxe s nerobustní adaptací

Model chemotaxe s robustní adaptací

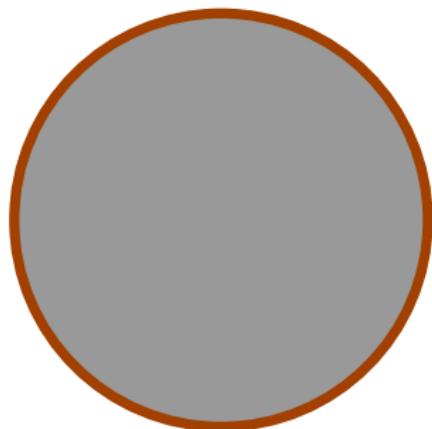
Obsah

Případová studie – chemotaxe bakterií

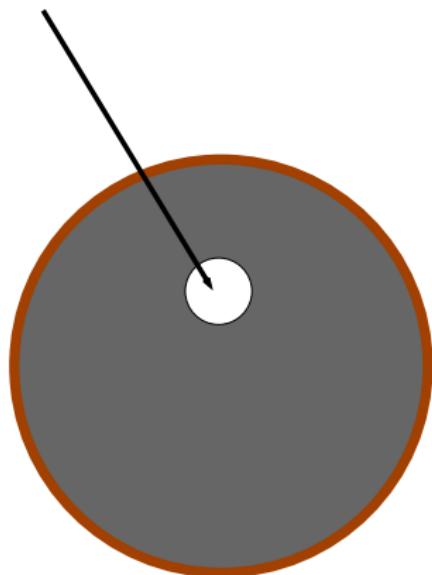
Model chemotaxe s nerobustní adaptací

Model chemotaxe s robustní adaptací

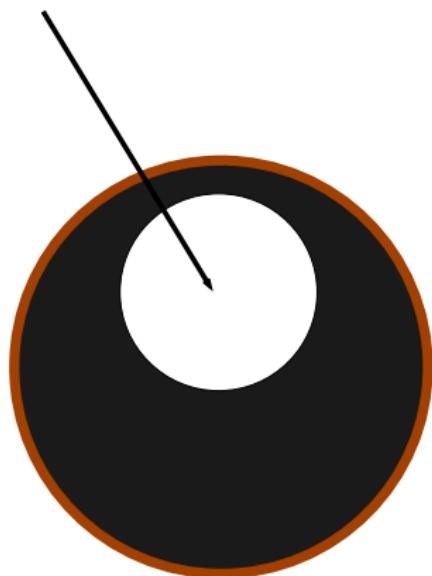
Pokus 1: Pohyb bakterií za přítomnosti repellentu



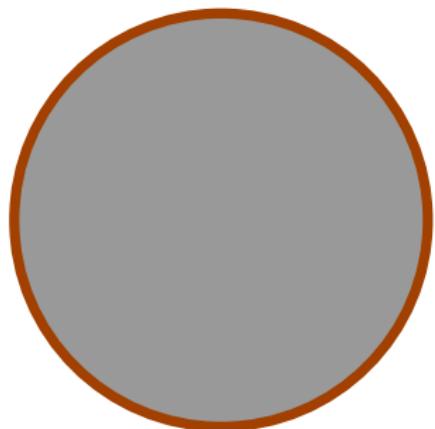
Pokus 1: Pohyb bakterií za přítomnosti repellentu



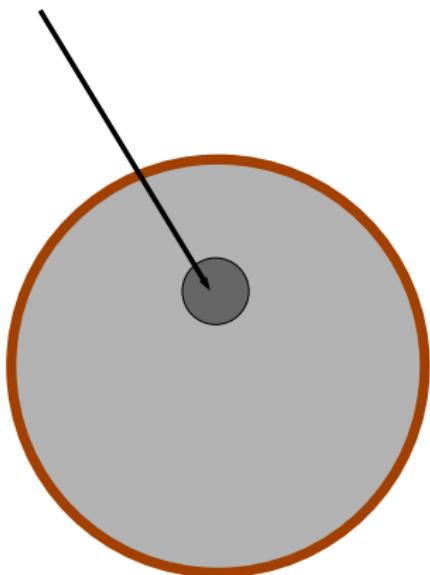
Pokus 1: Pohyb bakterií za přítomnosti repellentu



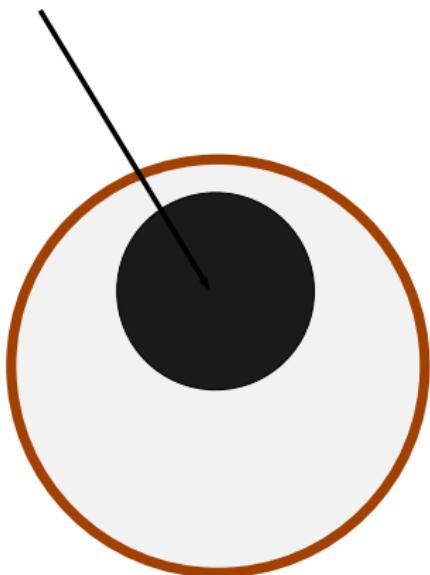
Pokus 2: Pohyb bakterií za přítomnosti atraktantu



Pokus 2: Pohyb bakterií za přítomnosti atraktantu



Pokus 2: Pohyb bakterií za přítomnosti atraktantu



Chemotaxe

- pohyb jedno i vícebuněčných organismů motivovaný chemickými podmínkami okolí
- pohyb citlivý na zvýšení/snížení koncentrace určitých látek v okolí
- detekováno signálními dráhami skrze receptory
- umožněno prostřednictvím bičíků
- nejzkoumanější druh pohybu živých organismů

Chemotaxe

- dva směry globálního pohybu
 - pozitivní – motivovaný atraktorem (např. glukóza)
 - negativní – motivovaný repellentem (např. fenol)
- u jednobuněčných organismů využito během celého buněčného cyklu
- u vícebuněčných organismů využito v raných fázích (spermie) a při vývoji orgánů a tkání (např. migrace neuronů v lymfocytách)

Historie výzkumu chemotaxe

Milestones in chemotaxis research



Leeuwenhoek
1703



Engelmann
1881



Pfeffer
1884



Jennings
1906



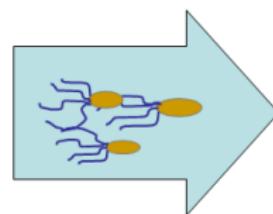
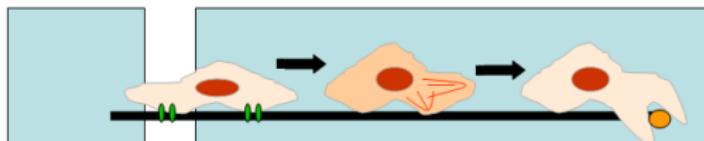
Metchnikoff
1908



Harris
1953



Adler
1973



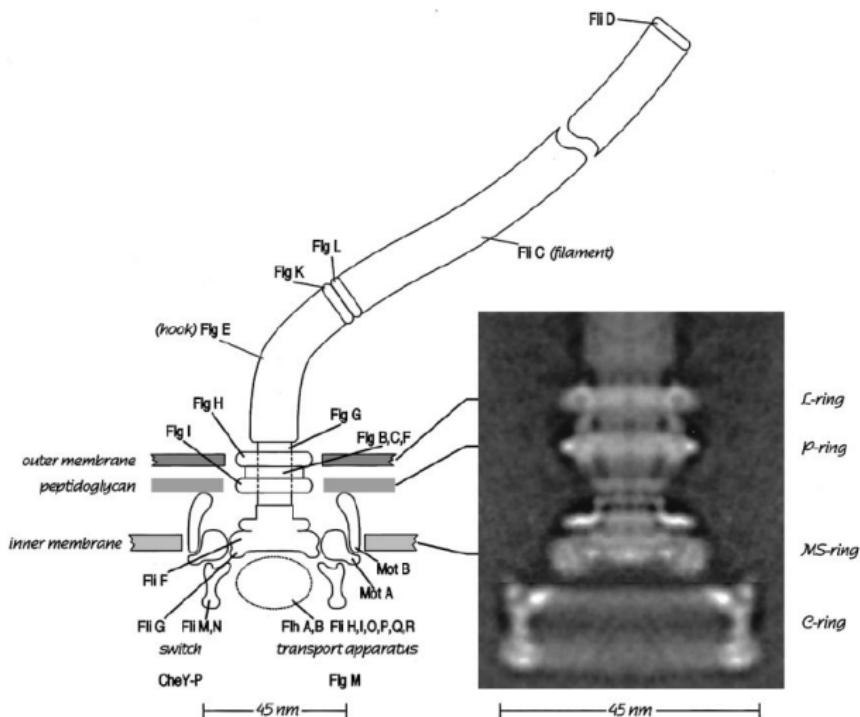
Historie výzkumu chemotaxe

- migrace buněk detekována již v raných fázích vývoje mikroskopu
- první studie provedena až roku 1881, 1884 v bakteriích [Pfeffer]
- další studie pohybu nálevníků 1906 [Jennings]
- 1908 studie chemotaxe vyústila v objev fagocytózy [Metchnikoff]
- ve třicátých letech již chemotaxe obecně akceptována
- 1973 začíná výzkum signálních drah řídících chemotaxi *E. coli* [Berg, Adler]

Další druhy řízení pohybu

- chemotaxe je nejčastější druh řízení pohybu
- existují i další druhy, zastoupeny velmi vzácně u specifických prokaryotických organismů
 - magnetotaxe
 - fototaxe
- nejvíce zkoumána chemotaxe *E. coli*

Pohybové ústrojí *E. coli*



H.C. Berg. "The rotary motor of bacterial flagella." Annual Review of Biochemistry, Vol. 72: 19-54, 2003.

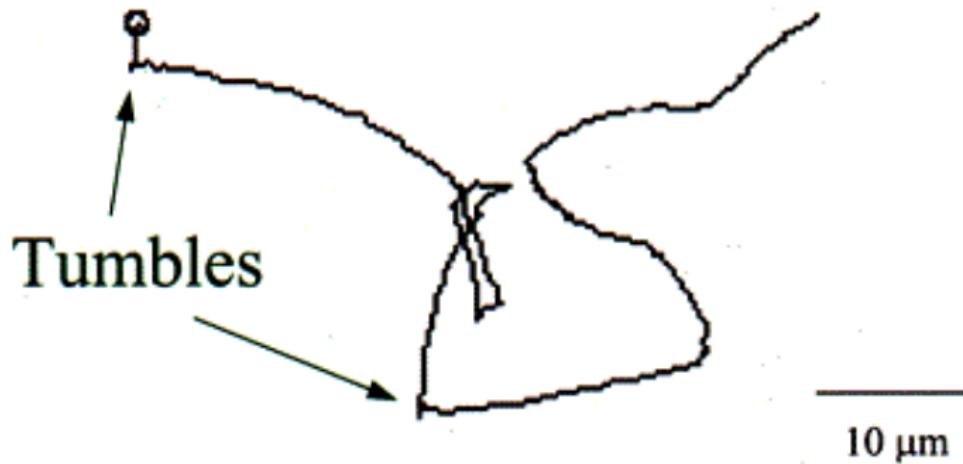
Operony kódující proteiny pohybového ústrojí *E. coli*

Class 1	Class 2	Class 3
<i>fliDC</i>	<i>fliAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>fliBCDEFGHijkl</i>	<i>motABcheAW</i>
	<i>fliBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

Módy pohybu E. coli

- dva módy pohybu
 - chaotické otáčení — tápání (tumbling)
 - plavání — v určitém směru
- za normálního stavu (uniformní prostředí) jsou módy stále střídány
- pohyb má charakter náhodné procházky
 - díky rotační difuze způsobené Brownovým pohybem buňky nemohou držet směr déle než 1 s (buňky jsou velké cca $1\mu m$)
 - dochází tedy k náhodné změně směru (randomizovaném v průměru 90° za 1 s)
 - otáčení trvá cca 0.1 s
- bakterie neustále mapují prostředí na přítomnost koncentračních gradientů

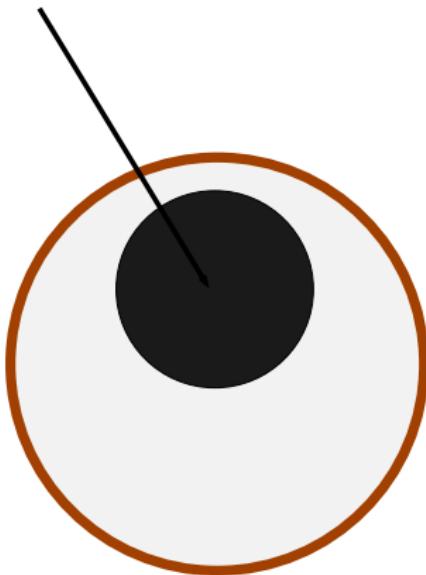
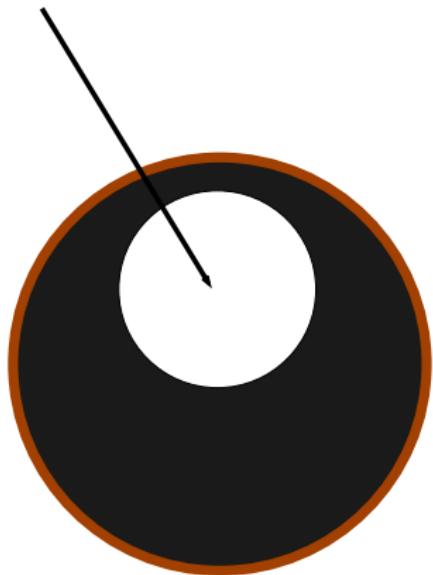
Pohyb E. coli za normálního stavu



Pohyb *E. coli* v přítomnosti gradientu

- Řízení pohybu je založeno na tzv. temporálním gradientu [Berg]
 - antény na obou koncích *E. coli* vzhledem ke své velikosti nemohou rozpoznat prostorový gradient (problém je fluktuace prostředí)
 - prostorové gradienty (např. koncentrační gradient určité látky) si *E. coli* převádí na temporální gradienty
 - v přítomnosti gradientu *E. coli* jedná ve smyslu přiblížení/oddálení střetu s gradientem
- vnímání gradientů je dvoustupňové
 - paměť "minulé" koncentrace
 - porovnání s aktuální koncentrací
- bakterie je citlivá na změnu gradientu

Pohyb *E. coli* za přítomnosti gradientu

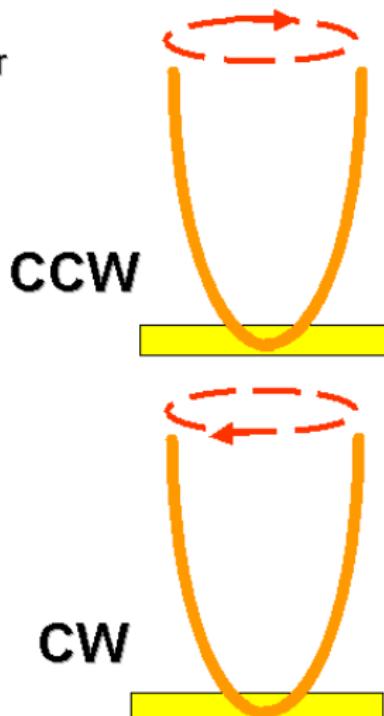
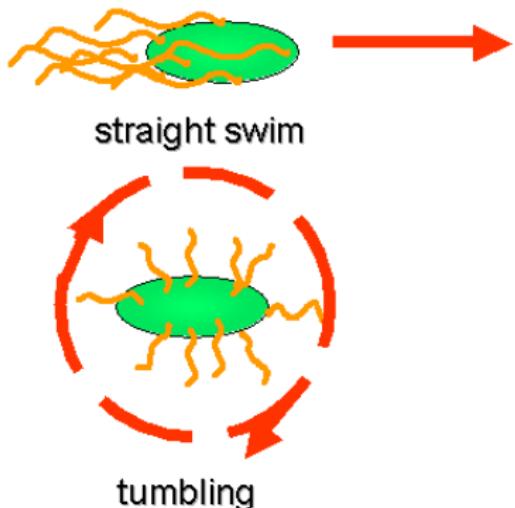


Pohyb *E. coli* v přítomnosti gradientu

- Řízení pohybu je umožněno snížením/zvýšením frekvence tápání
- v přítomnosti atraktantu je frekvence tápání snížena
- v přítomnosti repellentu naopak zvýšena
- realizováno řízením flagelárního motoru
 - otáčení motoru proti směru hodinových ručiček — bičíky tvoří svazek \Rightarrow posun bakterie
 - otáčení motoru po směru hodinových ručiček — bičíky chaoticky rozhozené \Rightarrow tápání

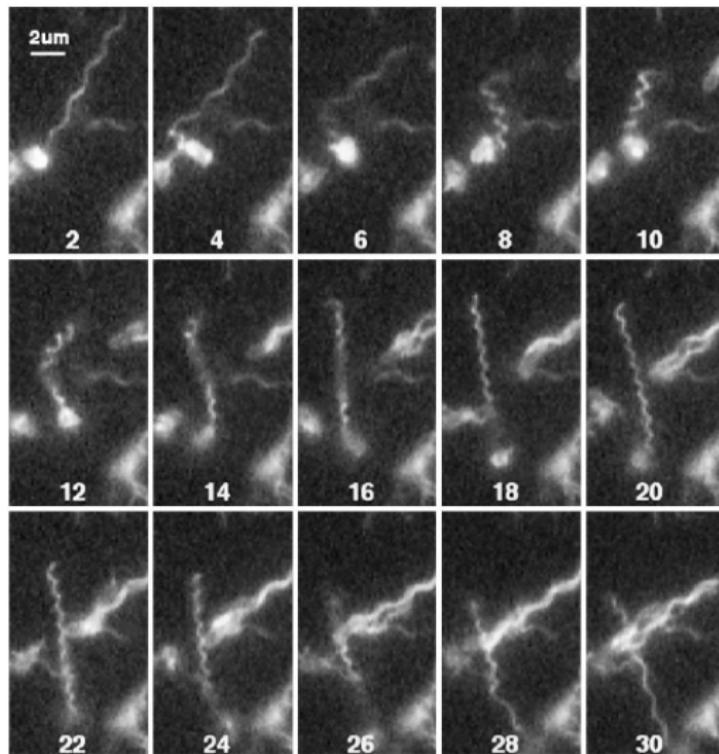
Módy pohybu *E. coli*

Correlation of swimming behaviour
and flagellar rotation in *E. coli*



(CCW= counter-clockwise, CW= clockwise)

© Kohidai, L

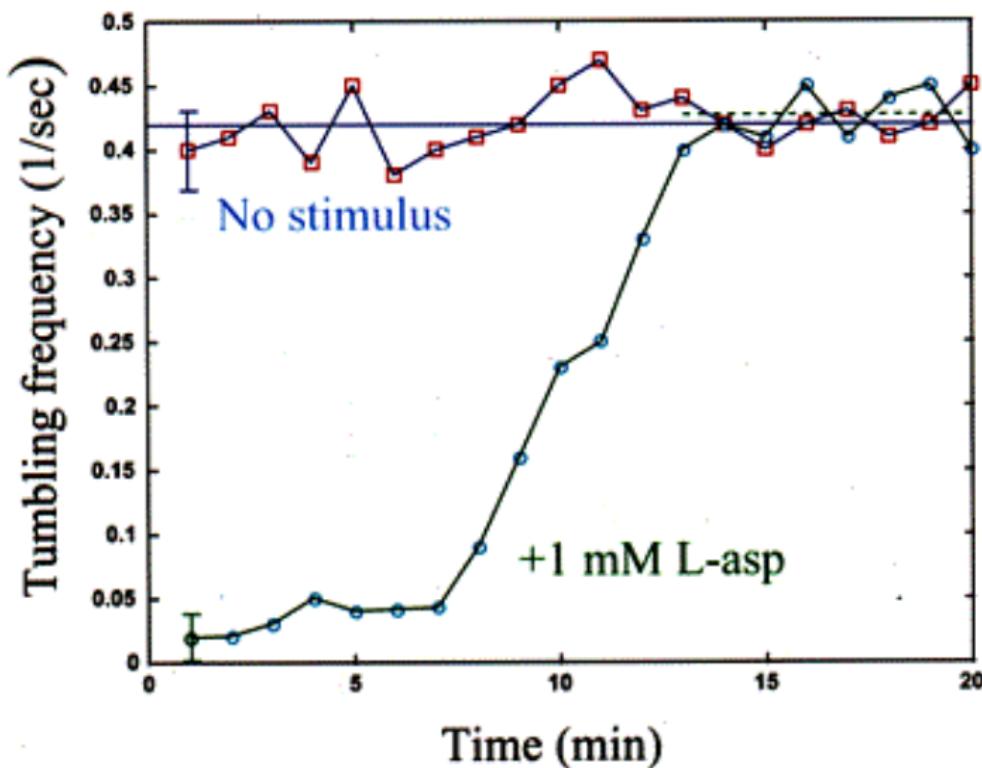
Módy pohybu E. coli

H.C. Berg. "The rotary motor of bacterial flagella." Annual Review of Biochemistry, Vol. 72: 19-54, 2003.

Stabilizace frekvence tápání a adaptace

- frekvence tápání je za normálních podmínek stabilizována (cca 1s^{-1})
- zvýšíme-li uniformní koncentraci atraktantu (rovnoměrně bez gradientů):
 - buňky detekují "lepší podmínky"
 - sníží frekvenci tápání na cca 0.1s^{-1}
- po čase se frekvence tápání vrátí na původní hladinu
 - dochází k **adaptaci** na nové prostředí
 - rozumná frekvence vhodná pro skenování prostředí je udržena

Stabilizace frekvence tápání a adaptace



Receptory chemotaxe (citlivost na aspartát)

Class 1	Class 2	Class 3
<i>fliDC</i>	<i>fliAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>fliBCDEFGHijkl</i>	<i>motABcheAW</i>
	<i>fliBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

Receptory chemotaxe (citlivost na dipeptidy)

Class 1	Class 2	Class 3
<i>fliDC</i>	<i>flgAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>flgBCDEFGHIJKL</i>	<i>motABcheAW</i>
	<i>fliBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

Receptory chemotaxe (citlivost na galaktózu)

Class 1	Class 2	Class 3
<i>flhDC</i>	<i>flgAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>flgBCDEFGHIJKL</i>	<i>motABcheAW</i>
	<i>flhBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

Receptory chemotaxe (citlivost na sérin)

Class 1	Class 2	Class 3
<i>fliDC</i>	<i>flgAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>flgBCDEFGHIJKL</i>	<i>motABcheAW</i>
	<i>fliBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

Komponenty chemoreceptorových komplexů

Class 1	Class 2	Class 3
<i>fliDC</i>	<i>fliAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>fliBCDEFGHIJKL</i>	<i>motA</i> <i>flicheAW</i>
	<i>fliBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

CheA – fosforylační enzym histidin-kináza (tzv. autokináza)

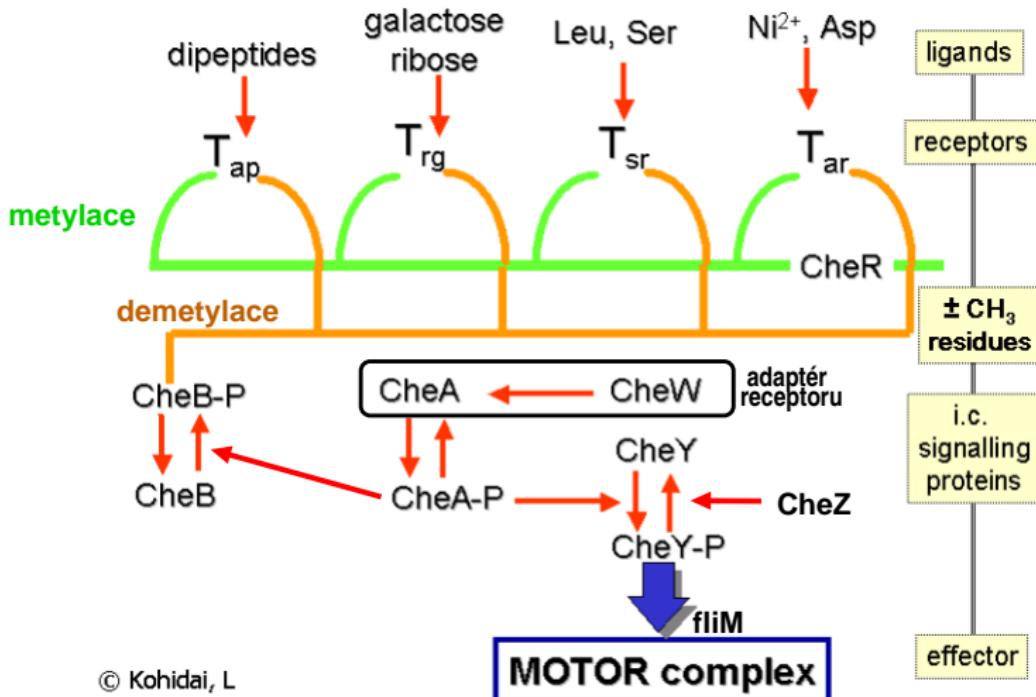
CheW – adaptér receptoru (spojuje vliv ligandů s fosforylací CheA)

Rídící enzymy chemotaxe

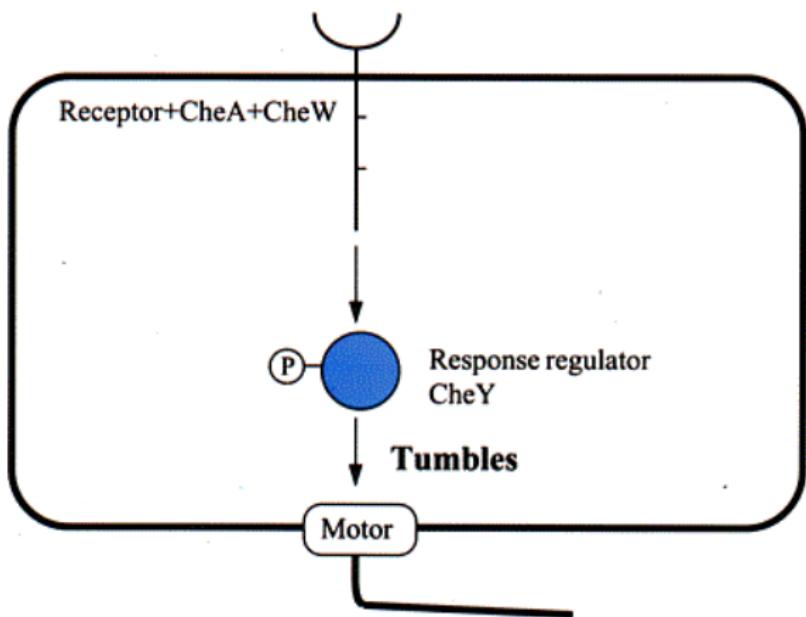
Class 1	Class 2	Class 3
<i>flhDC</i>	<i>flgAMN</i>	<i>fliC</i>
	<i>flgBCDEFGHIJKL</i>	<i>motABcheAW</i>
	<i>flhBAE</i>	<i>tar tap cheRBYZ</i>
	<i>fliAZY</i>	<i>aer</i>
	<i>fliDST</i>	<i>trg</i>
	<i>fliE</i>	<i>tsr</i>
	<i>fliFGHIJK</i>	
	<i>fliLMNOPQR</i>	

CheR, CheB – methylace, CheY – přenos signálu do motoru,
 CheZ – defosforylační enzym

Signální řízení chemotaxe



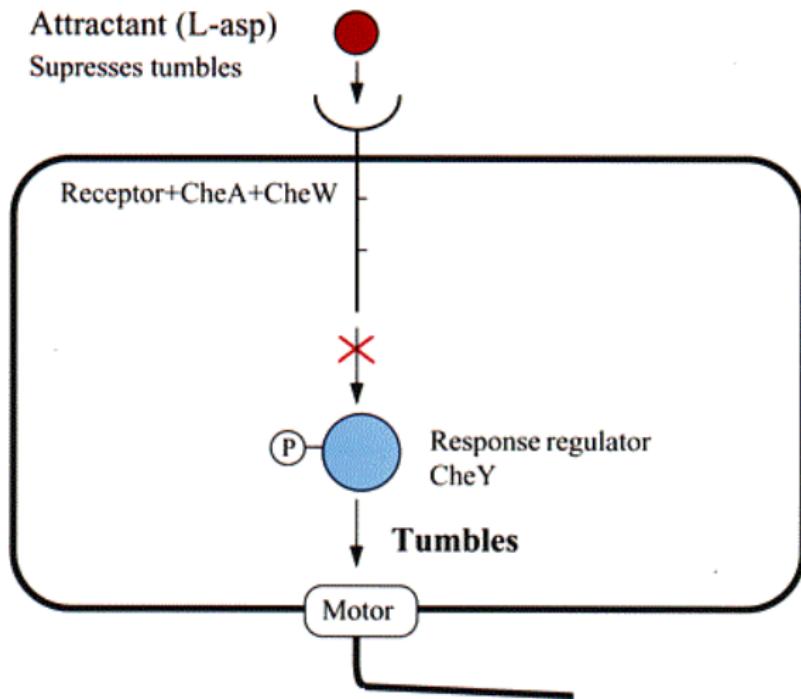
Signální řízení chemotaxe



Signální řízení chemotaxe

- receptorový komplex receptor-CheW-CheA se aktivuje autofosforylací CheA
- aktivní komplex receptor-CheW-CheA fosforyluje CheY
- CheY-P zvyšuje frekvenci tápání
 - vazba na fliM – přepnutí chodu motoru CCW → CW
- CheZ vyvažuje tento vliv defosforylací CheY
 - za normálních okolností vede ke stabilní situaci
- doba odezvy tohoto řízení je **krátká**
- autofosforylace CheA je snížena (resp. zvýšena) atraktorem (resp. repellentem)

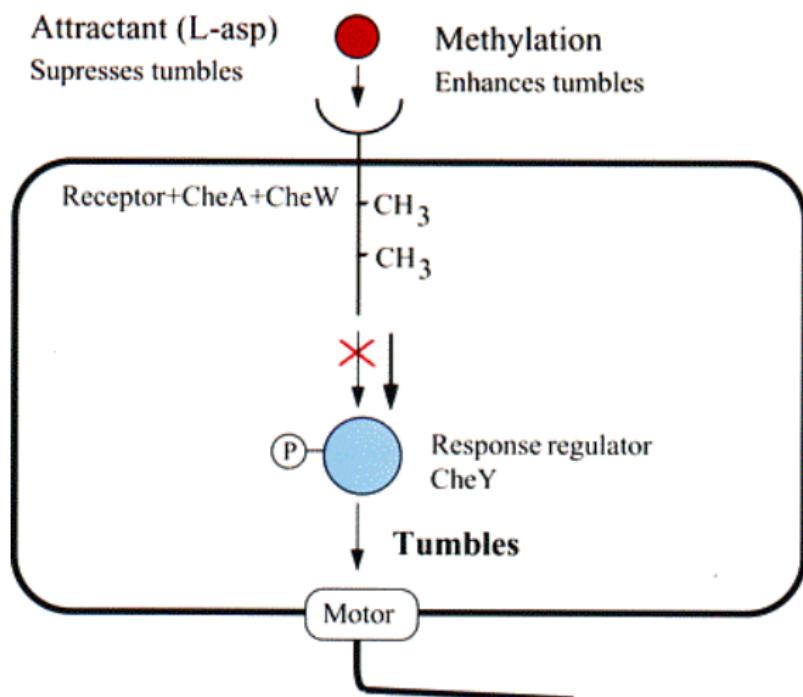
Signální řízení chemotaxe (vliv atraktoru)



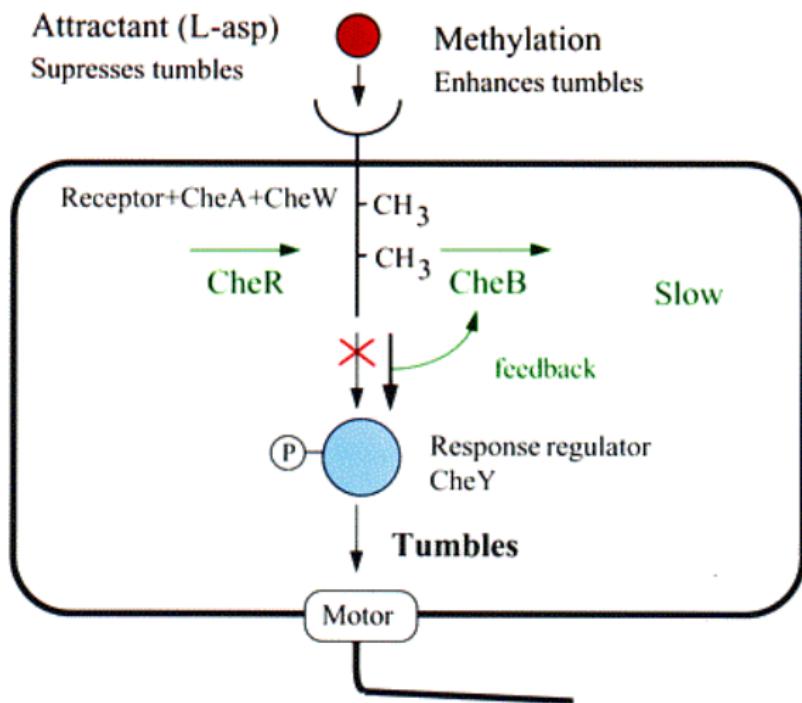
Signální řízení chemotaxe

- receptory jsou metylovány enzymem CheR
 - přidání až 5 methylových skupin CH_3
 - metylace zvyšuje aktivitu receptorového komplexu
- naopak dochází k demetylaci receptoru enzymem CheB-P
 - snížení aktivity receptorového komplexu
 - CheB je fosforylován přesunem fosfátové skupiny PO_4 z CheA
- doba odezvy tohoto řízení je **dlouhá**
- proces metylace/demetylace funguje nezávisle na vazbě receptorů s ligandy
- metylace/demetylace přesně vyvažuje snížení účinku CheY-P vyvolané atraktorem a tím umožňuje adaptaci buňky na nové trvalé podmínky

Signální řízení chemotaxe (vliv metylace)



Signální řízení chemotaxe (zpětná vazba)



Časové škály řízení chemotaxe

- autofosforylace chemoreceptorového komplexu: 10^{-6} sec
- vazba ligandů atraktoru/repelentu na receptor: 10^{-3} sec
- fosforylace/defosforylace: 10^{-1} sec
 - fyzikálně omezeno časem difuze skrz buňku
- metylace/demetylaci: 10^1 min

Obsah

Případová studie – chemotaxe bakterií

Model chemotaxe s nerobustní adaptací

Model chemotaxe s robustní adaptací

Model signálního řízení chemotaxe

- uvažujeme X receptorový komplex CheA + CheW + Receptor

Model signálního řízení chemotaxe

- uvažujeme X receptorový komplex CheA + CheW + Receptor
- X je metylováno enzymem CheR a demetylováno enzymem CheB

Model signálního řízení chemotaxe

- uvažujeme X receptorový komplex CheA + CheW + Receptor
- X je metylováno enzymem CheR a demetylováno enzymem CheB
- označme X_m metylovaný receptorový komplex

Model signálního řízení chemotaxe

- uvažujeme X receptorový komplex CheA + CheW + Receptor
- X je metylováno enzymem CheR a demetylováno enzymem CheB
- označme X_m metylovaný receptorový komplex
- budeme měřit aktivitu X_m (vliv na frekvenci tápání)

Model signálního řízení chemotaxe

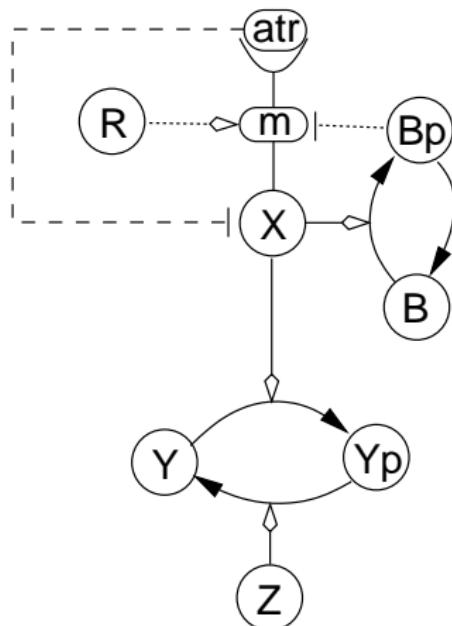
- uvažujeme X receptorový komplex CheA + CheW + Receptor
- X je metylováno enzymem CheR a demetylováno enzymem CheB
- označme X_m metylovaný receptorový komplex
- budeme měřit aktivitu X_m (vliv na frekvenci tápání)
- vývoj X_m závisí na vlivu metylace/demetylaci:

$$\frac{dX_m}{dt} = V_R[\text{CheR}] - \frac{V_B[\text{CheB}]X_m}{K + X_m}$$

V_R určuje spontánní (saturovaný) vliv metylace

V_B určuje maximální projev demetylaci

Model signálního řízení chemotaxe



Model signálního řízení chemotaxe

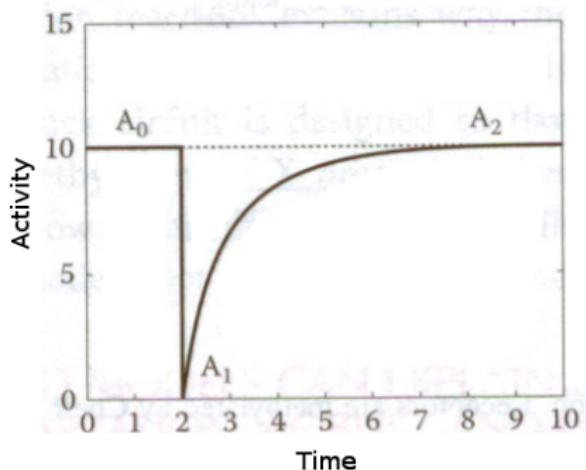
- v rovnovážném stavu (pro $\frac{dX_m}{dt} = 0$) dostáváme:

$$X_m = \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]}$$

- aktivitu řízení v tomto rovnovážném stavu značíme A_0 a definujeme pro nenulovou konstantu a_0 vyjadřující celkovou aktivitu receptorového komplexu (dána počtem navázaných ligandů – klesá s rostoucím počtem navázaných molekul atraktoru):

$$A_0 = a_0 X_m$$

Vývoj aktivity v přítomnosti atraktoru



Vývoj aktivity v přítomnosti atraktoru

- přidáme-li atraktant, aktivita chemoreceptorového komplexu se sníží
- označíme tuto aktivitu A_1 pro konstantu a_1 charakterizující omezující vliv ligandů atraktoru na chemoreceptorový komplex ($a_1 \ll a_0$):

$$A_1 = a_1 X_m$$

- celkem platí:

$$A_1 \ll A_0$$

Model signálního řízení chemotaxe

- přidáním atraktantu se sníží aktivita CheA \Rightarrow snížení fosforylace CheB a tedy snížení vlivu demetylace
- s pomalou odezvou nastoupí účinek saturované metylace pomocí CheR

Model signálního řízení chemotaxe

- přidáním atraktantu se sníží aktivita CheA \Rightarrow snížení fosforylace CheB a tedy snížení vlivu demetylace
- s pomalou odezvou nastoupí účinek saturované metylace pomocí CheR
- jelikož je aktivita receptorů snížená, je vliv demetylace nepatrný

Model signálního řízení chemotaxe

- přidáním atraktantu se sníží aktivita CheA \Rightarrow snížení fosforylace CheB a tedy snížení vlivu demetylace
- s pomalou odezvou nastoupí účinek saturované metylace pomocí CheR
- jelikož je aktivita receptorů snížená, je vliv demetylace nepatrný
- metylace způsobí zvýšení aktivity receptorů

Model signálního řízení chemotaxe

- přidáním atraktantu se sníží aktivita CheA \Rightarrow snížení fosforylace CheB a tedy snížení vlivu demetylace
- s pomalou odezvou nastoupí účinek saturované metylace pomocí CheR
- jelikož je aktivita receptorů snížená, je vliv demetylace nepatrný
- metylace způsobí zvýšení aktivity receptorů
- X_m se opět stabilizuje, označme novou stabilní koncentraci X'_m :

$$X'_m = \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V'_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]}$$

V'_B určuje nový (snížený) projev demetylace ($V'_B \ll V_B$)

Model signálního řízení chemotaxe

- přidáním atraktantu se sníží aktivita CheA \Rightarrow snížení fosforylace CheB a tedy snížení vlivu demetylace
- s pomalou odezvou nastoupí účinek saturované metylace pomocí CheR
- jelikož je aktivita receptorů snížená, je vliv demetylace nepatrný
- metylace způsobí zvýšení aktivity receptorů
- X_m se opět stabilizuje, označme novou stabilní koncentraci X'_m :

$$X'_m = \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V'_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]}$$

V'_B určuje nový (snížený) projev demetylace ($V'_B \ll V_B$)

- označíme A_2 výslednou stabilní aktivitu chemoreceptorového komplexu:

$$A_2 = a_1 X'_m$$

Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

$$A_0 = a_0 X_m$$

Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

$$A_0 = a_0 X_m = a_0 \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]}$$

Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

$$A_0 = a_0 X_m = a_0 \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]} = 10$$

Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

$$A_0 = a_0 X_m = a_0 \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]} = 10$$

- jak docílit přesné adaptace při snížení aktivity z a_0 na a_1 ?

Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

$$A_0 = a_0 X_m = a_0 \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]} = 10$$

- jak docílit přesné adaptace při snížení aktivity z a_0 na a_1 ?
 - potřebujeme dostat $A_0 = A_2$

Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

$$A_0 = a_0 X_m = a_0 \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]} = 10$$

- jak docílit přesné adaptace při snížení aktivity z a_0 na a_1 ?
 - potřebujeme dostat $A_0 = A_2$
 - při daných hodnotách by po snížení aktivity bylo nutné nastavit snížený projev demetylace na $V'_B[\text{CheB}] = 1.1$

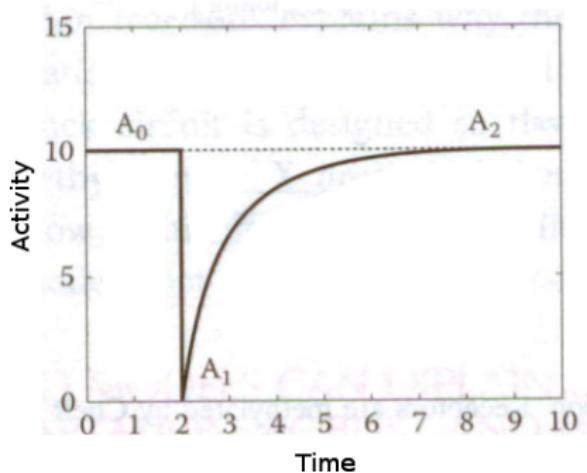
Model signálního řízení chemotaxe

- nyní můžeme analyzovat projev adaptace
- nastavíme-li $a_0 = 10$, $a_1 = 1$, $K = 1$, $V_R[\text{CheR}] = 1$,
 $V_B[\text{CheB}] = 2$ potom:

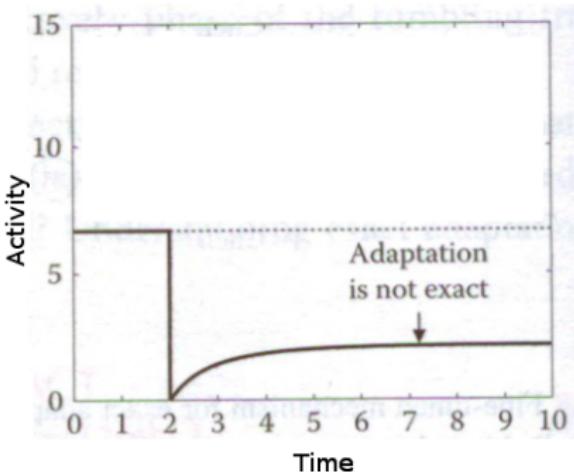
$$A_0 = a_0 X_m = a_0 \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]} = 10$$

- jak docílit přesné adaptace při snížení aktivity z a_0 na a_1 ?
 - potřebujeme dostat $A_0 = A_2$
 - při daných hodnotách by po snížení aktivity bylo nutné nastavit snížený projev demetylace na $V'_B[\text{CheB}] = 1.1$
- uvažovaný model je velmi citlivý na malé změny parametrů

Model je “fine-tuned”



$$V_R[\text{CheR}] = 1$$



$$V_R[\text{CheR}] = 0.8$$

Obsah

Případová studie – chemotaxe bakterií

Model chemotaxe s nerobustní adaptací

Model chemotaxe s robustní adaptací

Model signálního řízení chemotaxe

- uvažujeme receptorový komplex v aktivním metylovaném stavu X_m^* i neaktivním metylovaném stavu X_m

Model signálního řízení chemotaxe

- uvažujeme receptorový komplex v aktivním metylovaném stavu X_m^* i neaktivním metylovaném stavu X_m
- předpokládáme saturovanou metylaci
- předpokládáme, že pouze aktivní receptory lze demetylovat
- budeme měřit aktivitu X_m (vliv na frekvenci tlapání)

Model signálního řízení chemotaxe

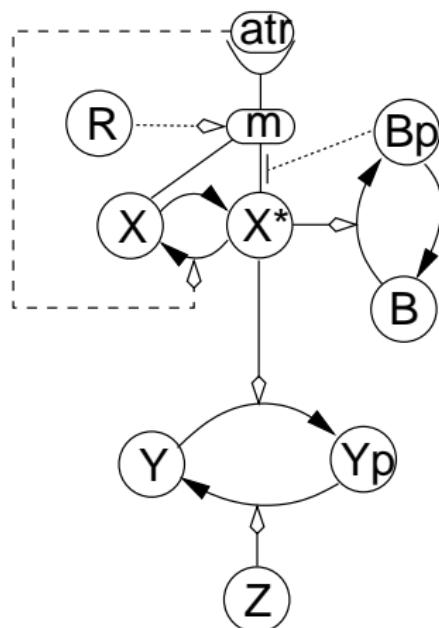
- uvažujeme receptorový komplex v aktivním metylovaném stavu X_m^* i neaktivním metylovaném stavu X_m
- předpokládáme saturovanou metylaci
- předpokládáme, že pouze aktivní receptory lze demetylovat
- budeme měřit aktivitu X_m (vliv na frekvenci tápání)
- uvažujeme vývoj $X_m + X_m^*$:

$$\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = V_R[\text{CheR}] - \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

V_R určuje spontánní (saturovaný) vliv metylace

V_B určuje maximální projev demetylace

Model signálního řízení chemotaxe



Model signálního řízení chemotaxe

- v rovnovážném stavu (pro $\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = 0$) dostáváme:

$$V_R[\text{CheR}] = \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

Model signálního řízení chemotaxe

- v rovnovážném stavu (pro $\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = 0$) dostáváme:

$$V_R[\text{CheR}] = \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

- aktivitu řízení v tomto rovnovážném stavu značíme A_0 a definujeme přímo jako koncentraci aktivního receptorového komplexu:

$$A_0 = X_m^*$$

Model signálního řízení chemotaxe

- v rovnovážném stavu (pro $\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = 0$) dostáváme:

$$V_R[\text{CheR}] = \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

- aktivitu řízení v tomto rovnovážném stavu značíme A_0 a definujeme přímo jako koncentraci aktivního receptorového komplexu:

$$A_0 = X_m^* = \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]}$$

Model signálního řízení chemotaxe

- při snížení aktivity vlivem atraktoru dochází k rapidnímu snížení X_m^*

Model signálního řízení chemotaxe

- při snížení aktivity vlivem atraktoru dochází k rapidnímu snížení X_m^*
- to má za následek omezení vlivu demetylace dle rovnice:

$$\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = V_R[\text{CheR}] - \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

Model signálního řízení chemotaxe

- při snížení aktivity vlivem atraktoru dochází k rapidnímu snížení X_m^*
- to má za následek omezení vlivu demetylace dle rovnice:

$$\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = V_R[\text{CheR}] - \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

- záporný člen je minimalizován a tedy se výrazně projeví saturovaná metylace ($V_R[\text{CheR}]$), která zvýší $X_m + X_m^*$ a tedy zejména X_m^*

Model signálního řízení chemotaxe

- při snížení aktivity vlivem atraktoru dochází k rapidnímu snížení X_m^*
- to má za následek omezení vlivu demetylace dle rovnice:

$$\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = V_R[\text{CheR}] - \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

- záporný člen je minimalizován a tedy se výrazně projeví saturovaná metylace ($V_R[\text{CheR}]$), která zvýší $X_m + X_m^*$ a tedy zejména X_m^*
- aktivita v rovnovážném stavu je opět

$$A_0 = X_m^*$$

Model signálního řízení chemotaxe

- při snížení aktivity vlivem atraktoru dochází k rapidnímu snížení X_m^*
- to má za následek omezení vlivu demetylace dle rovnice:

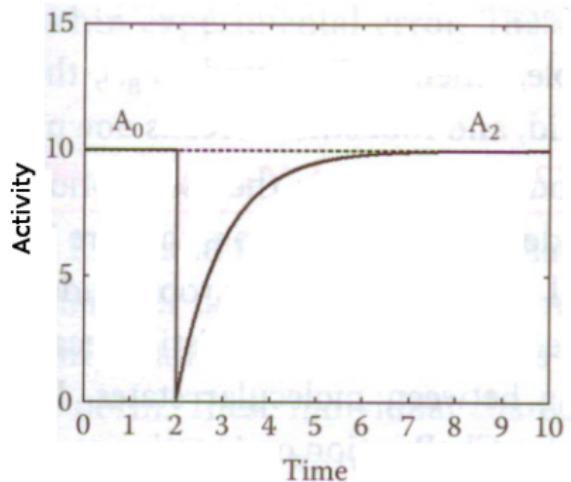
$$\frac{d(X_m + X_m^*)}{dt} = V_R[\text{CheR}] - \frac{V_B[\text{CheB}]X_m^*}{K + X_m^*}$$

- záporný člen je minimalizován a tedy se výrazně projeví saturovaná metylace ($V_R[\text{CheR}]$), která zvýší $X_m + X_m^*$ a tedy zejména X_m^*
- aktivita v rovnovážném stavu je opět

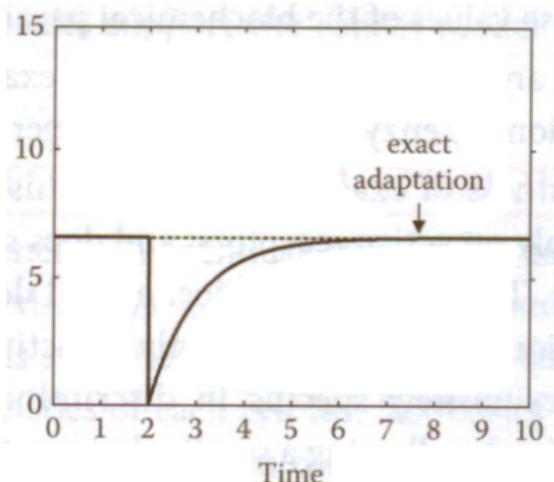
$$A_0 = X_m^* = \frac{KV_R[\text{CheR}]}{V_B[\text{CheB}] - V_R[\text{CheR}]}$$

- aktivita nezávisí na vlivu ligandů
- model je **robustní** vůči změnám parametrů (je citlivý pouze na stabilní koncentraci X_m^*)

Model je robustní



$$V_R[\text{CheR}] = 1$$



$$V_R[\text{CheR}] = 0.8$$

Literatura

-  Berg, H. C. *E. Coli in motion*. Springer-Verlag, 2004.
-  Sourjik, V. and Berg, H.C. *Receptor sensitivity in bacterial chemotaxis*. *Proc. Natl. Acad. Sci.* 99, 123-127 (2002).
-  Alon, U. *An Introduction to Systems Biology: Design Principles of Biological Circuits*. Chapman & Hall, 2006.
-  Maki N, Gestwicki JE, Lake EM, Kiessling LL, Adler J. *Motility and chemotaxis of filamentous cells of Escherichia coli*. *J Bacteriol.* 182(15):4337-42. (2000).

Poděkování

Předmět připravován za podpory projektu OPvK Vzdělání pro konkurenceschopnost, projekt *"Inovace bakalářského a magisterského studijního oboru Bioinformatika ve směru Systémová biologie"*, reg. číslo CZ.1.07/2.2.00/07.0464.

Tento projekt je spolufinancován Evropským sociálním fondem a státním rozpočtem České republiky.

