

**1. vnitrosemestrální práce MB104, 13. 3. 2017**  
**skupina A**

**Příklad 1.** (3b) Určete poslední tři cifry čísla  $45^{45^{45}}$ .

**Řešení.** Rozdelení úlohy na mod 125 a mod 8 ... 0.5b, výpočet mod 8 (5) 1.5b, výpočet mod 125 (0) 0.5b., dání výsledků dohromady 0.5b – 125.

**Příklad 2.** (3b) Určete největší společný dělitel a příslušné Bezoutovy koeficienty čísel 137 a 16.

**Řešení.** Provedení EA...1b, vyjádření 1 pomocí 16 a 137 ... 1.5b, odečtení Bezoutových koeficientů (60 a -7)...0.5b.

**Příklad 3.** (4b) Nalezněte všechna celá kladná  $n$ , pro která je číslo  $3^n + 8^n$  dělitelné třinácti.

**Řešení.** Nakreslení patřičné tabulky s údaji ...1b (pouze spočítání řádů 3 a 8 za 0.5b). Odhalení násobku, po kterém se budou zbytky výrazu opakovat ...1b (12), odečtení správné zbytkové třídy...2b ( $n = 12k + 6$ ,  $k \in \mathbb{N}$ .)

Ne všechny postupy se vejdu do tohoto známkovacího schématu. Obodováno odpovídajícím způsobem.