
2.3 Navrhněte SLL(2) analyzátor pro gramatiku $G = (\{S, A, B, D\}, \{a, b, c\}, P, S)$, kde P obsahuje níže uvedená pravidla. Analyzujte slova $acaac$ a $abaac$.

- 1 $S \rightarrow aAaA$
- 2 $S \rightarrow aBaB$
- 3 $A \rightarrow aA$
- 4 $A \rightarrow c$
- 5 $B \rightarrow bD$
- 6 $D \rightarrow bD$
- 7 $D \rightarrow \epsilon$

Nejprve pro každé pravidlo tvaru $A \rightarrow \alpha$ spočítáme množinu $FI_2(\alpha) \oplus_2 FO_2(A)$:

| | | |
|---|--------------------------|--|
| 1 | $S \rightarrow aAaA$ | $FI_2(aAaA) \oplus_2 FO_2(S) = \{aa, ac\}$ |
| 2 | $S \rightarrow aBaB$ | $FI_2(aBaB) \oplus_2 FO_2(S) = \{ab\}$ |
| 3 | $A \rightarrow aA$ | $FI_2(aA) \oplus_2 FO_2(A) = \{aa, ac\}$ |
| 4 | $A \rightarrow c$ | $FI_2(c) \oplus_2 FO_2(A) = \{ca, c\}$ |
| 5 | $B \rightarrow bD$ | $FI_2(bD) \oplus_2 FO_2(B) = \{bb, ba, b\}$ |
| 6 | $D \rightarrow bD$ | $FI_2(bD) \oplus_2 FO_2(D) = \{bb, ba, b\}$ |
| 7 | $D \rightarrow \epsilon$ | $FI_2(\epsilon) \oplus_2 FO_2(D) = \{ab, \epsilon\}$ |

Nyní snadno zkonstruujeme tabulku přechodové funkce analyzátoru. Prázdná políčka znamenají, že analyzátor v odpovídající situaci vrátí chybu, protože analyzované slovo není generováno gramatikou G .

| | aa | ab | ac | ba | bb | bc | ca | cb | cc | a | b | c | ϵ |
|-----|-----------|---------------|-----------|---------|---------|-----|--------|----|-----|-----|---------|--------|---------------|
| S | $aAaA, 1$ | $aBaB, 2$ | $aAaA, 1$ | | | | | | | | | | |
| A | $aA, 3$ | | $aA, 3$ | | | | $c, 4$ | | | | | $c, 4$ | |
| B | | | | $bD, 5$ | $bD, 5$ | | | | | | $bD, 5$ | | |
| D | | $\epsilon, 7$ | | $bD, 6$ | $bD, 6$ | | | | | | $bD, 6$ | | $\epsilon, 7$ |
| a | ČTI | ČTI | ČTI | ČTI | ČTI | ČTI | | | ČTI | ČTI | ČTI | | |
| b | | | | | | | | | | | | | |
| c | | | | | | | | | | | | | |
| \$ | | | | | | | | | | | | | AKC. |

Zpravidla se uvádí pouze "zajímavá" část tabulky, t.j. bez řádků pro terminály a pro \$ a bez sloupců, které by následně zůstaly prázdné:

| | aa | ab | ac | ba | bb | ca | b | c | ϵ |
|-----|-----------|---------------|-----------|---------|---------|--------|---------|--------|---------------|
| S | $aAaA, 1$ | $aBaB, 2$ | $aAaA, 1$ | | | | | | |
| A | $aA, 3$ | | $aA, 3$ | | | $c, 4$ | | $c, 4$ | |
| B | | | | $bD, 5$ | $bD, 5$ | | $bD, 5$ | | |
| D | | $\epsilon, 7$ | | $bD, 6$ | $bD, 6$ | | $bD, 6$ | | $\epsilon, 7$ |

Analýza slova $acaac$:

$$\begin{aligned}
 (acaac, S\$, \varepsilon) &\vdash (acaac, aAaA\$, 1) \stackrel{a}{\vdash} (caac, AaA\$, 1) \vdash \\
 \vdash (caac, caA\$, 14) &\stackrel{c}{\vdash} (aac, aA\$, 14) \stackrel{a}{\vdash} (ac, A\$, 14) \vdash \\
 \vdash (ac, aA\$, 143) &\stackrel{a}{\vdash} (c, A\$, 143) \vdash (c, c\$, 1434) \stackrel{c}{\vdash} \\
 \stackrel{c}{\vdash} (\varepsilon, \$, 1434) &\Rightarrow \text{akceptuje}
 \end{aligned}$$

Analýza slova $abaac$:

$$\begin{aligned}
 (abaac, S\$, \varepsilon) &\vdash (abaac, aBaB\$, 2) \stackrel{a}{\vdash} (baac, BaB\$, 2) \vdash \\
 \vdash (baac, bDaB\$, 25) &\stackrel{b}{\vdash} (aac, DaB\$, 25) \Rightarrow \text{zamítá}
 \end{aligned}$$

3.6 Zkonstruujte LL(3) analyzátor pro gramatiku $G = (\{S, A, B\}, \{a, b\}, P, S)$, kde P obsahuje pravidla:

- 1 $S \rightarrow aAaB$
- 2 $S \rightarrow bAbB$
- 3 $A \rightarrow a$
- 4 $A \rightarrow ba$
- 5 $B \rightarrow aB$
- 6 $B \rightarrow a$

Nejprve zkonstruujeme pomocné LL(3) tabulky:

| | | | |
|------------------------------|----------------------|------------|--------------------------------|
| $T_0 = (S, \{\varepsilon\})$ | $S \rightarrow aAaB$ | aaa, aba | $\{aa, aaa\}, \{\varepsilon\}$ |
| | $S \rightarrow bAbB$ | bab, bba | $\{ba, baa\}, \{\varepsilon\}$ |
| $T_1 = (A, \{aa, aaa\})$ | $A \rightarrow a$ | aaa | — |
| | $A \rightarrow ba$ | baa | — |
| $T_2 = (B, \{\varepsilon\})$ | $B \rightarrow aB$ | aa, aaa | $\{\varepsilon\}$ |
| | $B \rightarrow a$ | a | — |
| $T_3 = (A, \{ba, baa\})$ | $A \rightarrow a$ | aba | — |
| | $A \rightarrow ba$ | bab | — |

Nyní zapíšeme tabulku přechodové funkce analyzátoru. Uvádíme pouze zajímavou část tabulky, tj. řádky popisující situaci, kdy je na vrcholu zásobníku nějaké T_i , a sloupce, které jsou v těchto řádcích tabulky neprázdné. Zbytek tabulky obsahuje pokyn $\check{C}TI$, je-li na vrcholu zásobníku terminál shodný s terminálem na vstupu, a $AKCEPTUJ$, je-li na vrcholu zásobníku jeho dno $\$$ a celý vstup je přečtený (na vstupu je ε). Ve všech ostatních

případech (včetně prázdných buněk uvedené části tabulky) analyzátor vrátí chybu, protože analyzované slovo není generováno gramatikou G .

| | aaa | aba | bab | bba | baa | aa | a |
|-------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------|-----------|--------|
| T_0 | $aT_1aT_2, 1$ | $aT_1aT_2, 1$ | $bT_3bT_2, 2$ | $bT_3bT_2, 2$ | | | |
| T_1 | $a, 3$ | | | | $ba, 4$ | | |
| T_2 | $aT_2, 5$ | | | | | $aT_2, 5$ | |
| T_3 | | $a, 3$ | $ba, 4$ | | | | $a, 6$ |