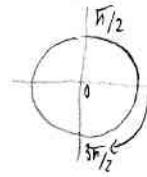


1) otočení o $\pi/2$ v kladném směru

obecní matice otočení o úhel α : $R_\alpha = \begin{pmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix}$

$\Rightarrow R_{\pi/2} = \begin{pmatrix} \cos \pi/2 & -\sin \pi/2 \\ \sin \pi/2 & \cos \pi/2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

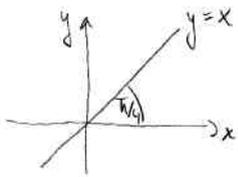


2) otočení o $\pi/2$ v záporním směru

$\Rightarrow R_{-\pi/2} = \begin{pmatrix} \cos(-\pi/2) & -\sin(-\pi/2) \\ \sin(-\pi/2) & \cos(-\pi/2) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos 3\pi/2 & -\sin 3\pi/2 \\ \sin 3\pi/2 & \cos 3\pi/2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$

3) zrcadlení vzhledem k přímce $y = x$

obecní matice zrcadlení kolem přímky, která svírá s osou x úhel α : $\begin{pmatrix} \cos 2\alpha & \sin 2\alpha \\ \sin 2\alpha & -\cos 2\alpha \end{pmatrix}$

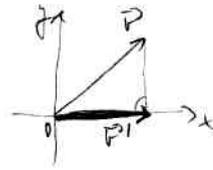


$\Rightarrow A = \begin{pmatrix} \cos \pi/2 & \sin \pi/2 \\ \sin \pi/2 & -\cos \pi/2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

4) projekce na osu x

$\hookrightarrow y$ -ová souřadnice se vynulují

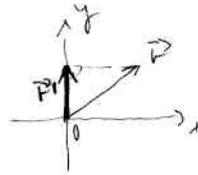
$\Rightarrow A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$



5) projekce na osu y

$\hookrightarrow x$ -ová souřadnice se vynulují

$\Rightarrow A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$



6) složený zobrazení: projekce na osu x , pak otočení o $\pi/3$ v kladném směru

$\Rightarrow A = R_{\pi/3} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \pi/3 & -\sin \pi/3 \\ \sin \pi/3 & \cos \pi/3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \pi/3 & 0 \\ \sin \pi/3 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/2 & 0 \\ \sqrt{3}/2 & 0 \end{pmatrix}$

7) zrcadlení vzhledem k přímce $y = \sqrt{3}x$ svírající s kladným směrem osy x úhel $\pi/3$

$\Rightarrow A = \begin{pmatrix} \cos 2\alpha & \sin 2\alpha \\ \sin 2\alpha & -\cos 2\alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos 2\pi/3 & \sin 2\pi/3 \\ \sin 2\pi/3 & -\cos 2\pi/3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\cos \pi/3 & \sin \pi/3 \\ \sin \pi/3 & \cos \pi/3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1/2 & \sqrt{3}/2 \\ \sqrt{3}/2 & 1/2 \end{pmatrix}$

