

Řetězce a seznamy

IB111 Základy programování
Radek Pelánek

2018

Rozcvička: šifry

① C S A R B V
E K T E O A

② A J L B N O C E

③ C S B U J T M B W B

Transpoziční šifry

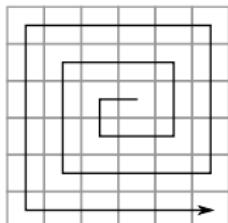
pozpátku

E	S	A	R	P	E	J	O	L	S	E	H
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

ob tří

H	O	R	E	J	A	S	E	S	L	P	E
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

šnek



L	B	A	K	I	N
I	C	S	E	J	B
Z	H	O	P	D	Y
K	O	K	L	A	R
O	V	A	N	Y	U
U	H	R	A	Z	E

trojice pozpátku

S	E	H	J	O	L	R	P	E	E	S	A
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

dopředu dozadu

H	S	O	E	R	S	E	A	P	J	L	E
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

cik-cak

A 6x6 grid with a zigzag path starting from the bottom-left corner and ending at the top-right corner. The path moves right, up, right, down, right, up, right, down, forming a continuous loop that covers every square in the grid.

N	I	O	U	Z	E
H	B	K	K	H	A
C	O	Y	A	Z	R
L	S	V	R	B	I
K	A	E	A	U	L
P	O	D	J	N	Y

Substituční šifry

Jednoduchá substituce - posun o 3 pozice

K	O	Z	A
↓	↓	↓	↓
10	14	25	0
+3	↓	↓	↓
13	17	2	3
↓	↓	↓	↓
N	R	C	D

Substituce podle hesla

HLEDEJPODLIPOU
SLONSLONSLONSL
ZWSQWUDBVWWCGF

H → 7

S → 18

+

25

→ Z

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	

Řetězce a znaky – ukázky operací

```
"kos" * 3  
"petr" + "klic"  
text = "velbloud"  
len(text)  
text[0]  
text[2]  
text[-1]  
ord('b')  
chr(99)
```

str() – explicitní přetypování na řetězec

Uvozovky, apostrofy

- jiné jazyky často: uvozovky pro řetězce, apostrofy pro znaky
- Python: lze používat uvozovky i apostrofy
- PEP8: hlavně konzistence

Indexování od nuly

Proč indexujeme od 0?

- částečně „historicky-technické“ důvody
- ale i dobré „matematické“ důvody

Pro zájemce:

Why numbering should start at zero (Edsger W. Dijkstra)

<http://www.cs.utexas.edu/users/EWD/transcriptions/EWD08xx/EWD831.html>

<http://programmers.stackexchange.com/questions/110804/why-are-zero-based-arrays-the-norm>

[https://www.quora.com/Why-do-array-indexes-start-with-0zero-in-many-programming-languages](https://www.quora.com/Why-do-array-indexes-start-with-0-zero-in-many-programming-languages)

Kódování

- jak jsou znaky reprezentovány?

ASCII, ISO 8859-2, Windows-1250, Unicode, UTF-8, ...

<http://www.joelonsoftware.com/articles/Unicode.html>

<http://www.polylab.dk/utf8-vs-unicode.html>

- Python3 – Unicode řetězce
- pro tento kurz:

- `ord`, `chr` – převod znaků na čísla a zpět
- anglická abeceda má přiřazena po sobě jdoucí čísla

```
for i in range(26):
    print(chr(ord('A')+i))
```

Řetězce – pokročilejší indexování

(specifické pro Python)

```
text = "velbloud"  
text[:3]      # první 3 znaky  
text[3:]      # od 3 znaku dále  
text[1:8:2]   # od 2. znaku po 7. krok po 2  
text[::-3]    # od začátku do konce po 3
```

Řetězce – změny

- neměnitelné (immutable) – rozdíl oproti seznamům a oproti řetězcům v některých jiných jazycích
- změna znaku – vytvoříme nový řetězec

```
text = "kopec"
text[2] = "n" # chyba
text = text[:2] + "n" + text[3:]
```

Řetězce: další operace

```
text = "i Have a dream."  
print(text.upper())  
print(text.lower())  
print(text.capitalize())  
print(text.rjust(30))  
print("X", text.center(30), "X")  
print(text.replace("dream", "nightmare"))
```

... a mnoho dalších, více později, příp. viz dokumentace

Pozn. objektová notace

Příklad: Transpozice (rozcvička 1)

- úkol: přepis textu do N sloupců
- příklad vstupu a výstupu:
 - CESKATREBOVA, 2
 - C S A R B V
 - E K T E O A

Transpozice (rozsvička 1)

```
def cipher_columns(text, n):
    for i in range(n):
        for j in range(len(text) // n + 1):
            position = j * n + i
            if position < len(text):
                print(text[position], end="")
    print()
```

Transpozice (rozvíčka 1), kratší varianta

Za využití notace specifické pro Python:

```
def cipher_columns(text, n):
    for i in range(n):
        print(text[i::n])
```

Caesarova šifra (rozsvička 3)

- substituční šifra – posun v abecedě
- vstup: text, posun
- výstup: zašifrovaný text
- BRATISLAVA, 1 → CSBUJTMBWB

Caesarova šifra – řešení

```
def caesar_cipher(text, n):
    result = ""
    text = text.upper()
    for i in range(len(text)):
        if text[i] == " ":
            result = result + " "
        else:
            c = ord(text[i]) + n
            if (c > ord("Z")): c = c - 26
            result = result + chr(c)
    return result
```

Pozn. Řešení má nedostatky – zkuste najít a vylepšit.

Caesarova šifra – rozlomení

- máme text zašifrovaný Caesarovou šifrou (s neznámým posunem)
- jak text dešifrujeme?
- příklad: MPKTWTDVLVELMZCF

Caesarova šifra – rozlomení

- máme text zašifrovaný Caesarovou šifrou (s neznámým posunem)
- jak text dešifrujeme?
- příklad: MPKTWTDVLVELMZCF
- jak to udělat, aby program vrátil jen jednoho kandidáta?

Caesarova šifra – rozložení

k	Kandidát	b_s	b_f	k	Kandidát	b_s	b_f
0	MPKTWTDVLVELMZCF	0	21	13	ZCXGJGQIYIRYZMPS	0	-13
1	NQLUXUEWMWFNMADG	13	0	14	ADYHKHRJZJSZANQT	0	16
2	ORMVYVFXNXGNODEH	24	9	15	BEZILISKAKTABORU	67	59
3	PSNWZWGYOYHOPCFI	5	-3	16	CFAJMJTLBLUBCPGV	0	11
4	QTOXAXHZPZIPQDGJ	10	-6	17	DGBKNKUMCMVCDQTW	5	-4
5	RUPYBYIAQAJQREHK	0	9	18	EHCLOLVNDNWDERUX	17	31
6	SVQZCZJBRBKRSFIL	0	3	19	FIDMPMWOEEOXFESVY	5	22
7	TWRADAKCSCLSTGJM	32	26	20	GJENQNXPFPYFGTWZ	4	-23
8	UXSBEBLTDMDTUHKN	0	24	21	HKFOROYQGQZGHUXA	16	-17
9	VYTCFCMEEENUVILO	11	46	22	ILGPSPZRHRAHIVYB	28	18
10	WZUDGDNFVFOVWJMP	0	-6	23	JMHQTQASISBIJWZC	9	0
11	XAVEHEOGWGPWXKNQ	5	-2	24	KNIRURBTJTCJKXAD	5	24
12	YBWFIFPHXHQXYLOR	0	-28	25	LOJSVSCUKUDKLYBE	4	29

Vigenèrova šifra

- substituce podle hesla – „sčítáme“ zprávu a heslo
- vhodné cvičení
- rozlomení Vigenèrovovy šifry?

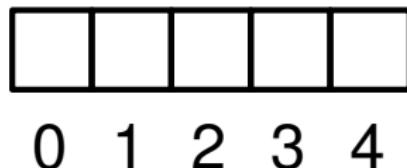
Seznamy (pole) – motivace

- řazení studentů podle bodů na písemce
- reprezentace herního plánu (piškvorky, šachy)
- frekvence písmen v textu

Frekvenční analýza nevhodně

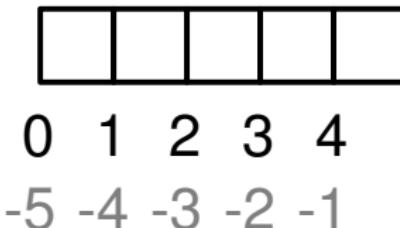
```
def frequency_analysis(text):
    text = text.upper()
    freqA = 0
    freqB = 0
    freqC = 0
    for letter in text:
        if letter == 'A':
            freqA += 1
        elif letter == 'B':
            freqB += 1
        elif letter == 'C':
            freqC += 1
    print('A', freqA)
    print('B', freqB)
    print('C', freqC)
```

Seznamy (pole)



- „více položek za sebou v pevném pořadí“
- indexováno od nuly
- základní koncept dostupný ve všech jazycích, běžně „pole“ (array), položky stejného typu, pevně daná délka
- seznamy v Pythonu – obecnější (ale pomalejší)
- Python a pole – knihovna NumPy (nad rámec IB111)

Seznamy v Pythonu



- variabilní délka
- položky mohou být různého typu
- indexování i od konce (pomocí záporných čísel)

Seznamy: použití v Pythonu

```
s = []          # deklarace prázdného seznamu
s = [3, 4, 1, 8]
s[2]           # indexace prvku, s[2] = 1
s[-1]          # indexace od konce, s[-1] = 8
s[2] = 15      # změna prvku
s.append(6)    # přidání prvku
s[1:4]         # indexace intervalu, s[1:4] = [4, 15, 8]
len(s)         # délka seznamu, len(s) = 5
t = [3, "pes", [2, 7], -8.3]
                  # seznam může obsahovat různé typy
```

list() – přetypování na seznam

Seznamy: konvence zápisu (PEP8)

- mezera se dělá: za čárkou
- mezera se nedělá: před čárkou, na „okrajích“

Python: seznamy a cyklus for

- cyklus for – přes prvky seznamu*
- range – vrací seznam* čísel
- typické použití: for i in range(n)
- ale můžeme třeba:
 - for animal in ["dog", "cag", "pig"]:
 - for letter in "hello world": ...

(*) ne úplně přesně – z důvodu efektivity se používají generátory a speciální „range object“, v případě potřeby použijte explicitní přetypování na seznam: `list(range(10))`

Objekty, hodnoty, aliasy – stručné varování

`a = [1, 2, 3]`

`b = [1, 2, 3]` nebo `b = a[:]`

`a → [1, 2, 3]`

`b → [1, 2, 3]`

`a = [1, 2, 3]`

`b = a`

`a → [1, 2, 3]`

`b → [1, 2, 3]`

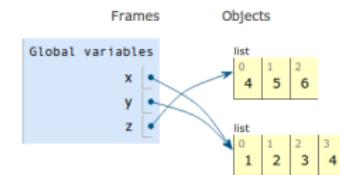
- parametry funkcí – pouze volání hodnotou
(na rozdíl např. od Pascalu: volání hodnotou a odkazem)
- měnitelné objekty (např. seznam) však funkce může měnit
- mělká vs hluboká kopie
- více později

Vizualizace běhu programu

<http://www.pythontutor.com/>

```
1 x = [1, 2, 3]
2 y = [4, 5, 6]
3 z = y
4 y = x
5 x = z
6
7 x = [1, 2, 3] # a different [1, 2, 3] list!
8 y = x
  9 x.append(4)
→ 10 y.append(5)
11 z = [1, 2, 3, 4, 5] # a different list!
12 x.append(6)
13 y.append(7)
14 y = "hello"

```



vhodné např. pokud je nejasný některý z příkladů ve slidech

N-tice - stručné představení

- n-tice (tuples)
- neměnitelná varianta seznamů
- kulaté závorky místo hranatých (někdy lze vyněchat):
 $t = (1, 2, 3)$
- neměnitelné podobně jako řetězce
- typické užití:
 - souřadnice: (x, y)
 - barva: (r, g, b)
- použití pro přiřazení: a, b = b, a

Příklad: výpočet průměrné hodnoty

```
def average1(num_list):
    total = 0
    for i in range(len(num_list)):
        total += num_list[i]
    return total / len(num_list)

def average2(num_list):
    total = 0
    for x in num_list:
        total += x
    return total / len(num_list)

def average3(num_list):
    return sum(num_list) / len(num_list)
```

Ilustrace práce se seznamem

```
def divisors_list(n):
    divisors = []
    for i in range(1, n+1):
        if n % i == 0:
            divisors.append(i)
    return divisors

divisors24 = divisors_list(24)
print(divisors24)
print(len(divisors24))
for x in divisors24: print(x**2)
```

Frekvenční analýza nevhodně

```
def frequency_analysis(text):
    text = text.upper()
    freqA = 0
    freqB = 0
    freqC = 0
    for letter in text:
        if letter == 'A':
            freqA += 1
        elif letter == 'B':
            freqB += 1
        elif letter == 'C':
            freqC += 1
    print('A', freqA)
    print('B', freqB)
    print('C', freqC)
```

Frekvenční analýza lépe

```
def frequency_analysis(text):
    text = text.upper()
    frequency = [0 for i in range(26)]
    for letter in text:
        if ord(letter) >= ord('A') and \
           ord(letter) <= ord('Z'):
            frequency[ord(letter) - ord('A')] += 1
    for i in range(26):
        if frequency[i] != 0:
            print(chr(ord('A')+i), frequency[i])
```

Simulace volebního průzkumu – nevhodné řešení

```
def survey(size, pref1, pref2, pref3):
    count1 = 0
    count2 = 0
    count3 = 0
    for i in range(size):
        r = random.randint(1, 100)
        if r <= pref1: count1 += 1
        elif r <= pref1 + pref2: count2 += 1
        elif r <= pref1 + pref2 + pref3: count3 += 1
    print("Party 1:", 100 * count1 / size)
    print("Party 2:", 100 * count2 / size)
    print("Party 3:", 100 * count3 / size)
```

Simulace volebního průzkumu – lepší řešení

```
def survey(size, pref):
    n = len(pref)
    count = [0 for i in range(n)]
    for _ in range(size):
        r = random.randint(1, 100)
        for i in range(n):
            if sum(pref[:i]) < r <= sum(pref[:i+1]):
                count[i] += 1
    for i in range(n):
        print("Party", i+1, 100 * count[i] / size)
```

Toto řešení má stále nedostatky (po stránce funkčnosti) – zkuste dále vylepšit.

Převod do Morseovy abecedy

- vstup: řetězec
- výstup: zápis v Morseově abecedě
- příklad: PES → .-- . | . | ...

Převod do Morseovy abecedy nevhodně

```
def to_morse_poor(text):
    result = ''
    for i in range(len(text)):
        if text[i] == 'A': result += '.-|'
        elif text[i] == 'B': result += '-...|'
        elif text[i] == 'C': result += '-.-.|'
        elif text[i] == 'D': result += '-..|'
        # etc
    return result
```

Převod do Morseovy abecedy: využití seznamu

```
morse = ['.-·', '-...·', '-.-.·', '-..·'] # etc

def to_morse(text):
    result = ''
    for i in range(len(text)):
        if ord('A') <= ord(text[i]) <= ord('Z'):
            c = ord(text[i]) - ord('A')
            result += morse[c] + '|'
    return result
```

(ještě lepší řešení: využití slovníku – bude později)

Převod z Morseovy abecedy

```
def find_letter(sequence):
    for i in range(len(morse)):
        if morse[i] == sequence:
            return chr(ord('A') + i)
    return '?'

def from_morse(message):
    result = ''
    sequence = ''
    for symbol in message:
        if symbol == '|':
            result += find_letter(sequence)
            sequence = ''
        else:
            sequence += symbol
    return result
```

Split – seznam z řetězce

split – rozdělí řetězec podle zadaného oddělovače, vrátí seznam

```
>>> vowels = "a,e,i,o,u,y"  
>>> vowels.split(",")  
['a', 'e', 'i', 'o', 'u', 'y']  
>>> message = ".-..|---|-..|.--"  
>>> message.split("|")  
['.-..', '---', '-..', '.-']
```

Příklad – načítání vstupu od uživatele

```
>>> input_string = input()
3 7
>>> xstring, ystring = input_string.split(" ")
>>> x = int(xstring)
>>> y = int(ystring)
```

Výškový profil



mapy.cz

Výškový profil

```
heights_profile([3, 4, 5, 3, 4, 3, 2, 4, 5, 6, 5])
```

```
          #
#           # # #
# #   #       # # # #
# # # # # #   # # # #
# # # # # # # # # #
# # # # # # # # # #
```

Ascent 7

Descent 5

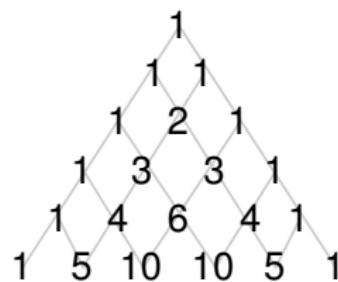
Výškový profil

```
def heights_profile(heights):
    for v in range(max(heights)):
        for i in range(len(heights)):
            if heights[i] >= max(heights) - v:
                print("#", end=" ")
            else:
                print(" ", end=" ")
        print()
print()
```

Výškový profil

```
def elevation(heights):
    ascent = 0
    descent = 0
    for i in range(len(heights)-1):
        if heights[i] < heights[i+1]:
            ascent += heights[i+1] - heights[i]
        else:
            descent += heights[i] - heights[i+1]
    print("Ascent", ascent)
    print("Descent", descent)
```

Pascalův trojúhelník



$$\begin{aligned} & \binom{0}{0} \\ & \binom{n}{0} \quad \binom{n}{1} \\ & \binom{2}{0} \quad \binom{2}{1} \quad \binom{2}{2} \\ & \binom{3}{0} \quad \binom{3}{1} \quad \binom{3}{2} \quad \binom{3}{3} \end{aligned}$$

Explicitní vzorec

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{(n-k)!k!}$$

Rekurzivní vztah

$$\binom{n}{k} = \binom{n-1}{k-1} + \binom{n-1}{k}$$

Pascalův trojúhelník

```
def get_next_row(row):
    next_row = [1]
    for i in range(len(row)-1):
        next_row.append(row[i]+row[i+1])
    next_row.append(1)
    return next_row

def pascal_triangle(n):
    row = [1]
    for i in range(n):
        print(row)
        row = get_next_row(row)
```

Kompaktní zápis

pro zajímavost:

```
def get_next_row(row):
    return [1]+[sum(p) for p in zip(row, row[1:])] + [1]
```

- dělitelné jen 1 a sebou samým
- předmět zájmu matematiků od pradávna, cca od 70. let i důležité aplikace (moderní kryptologie)
- problémy s prvočísly:
 - výpis (počet) prvočísel v intervalu
 - test prvočíselnosti
 - rozklad na prvočísla (hledání dělitelů)

Výpis prvočísel přímočaře

```
def print_primes(how_many):
    n = 1
    while how_many > 0:
        if len(divisors_list(n)) == 2:
            print(n, end=" ")
            how_many -= 1
        n += 1
print()
```

Test prvočíselnosti:

- zkoušíme všechny možné dělitele od 2 do $n - 1$
- vylepšení:
 - dělíme pouze dvojkou a lichými číslы
 - dělíme pouze dvojkou a číslы tvaru $6k \pm 1$
 - dělíme pouze do \sqrt{n}

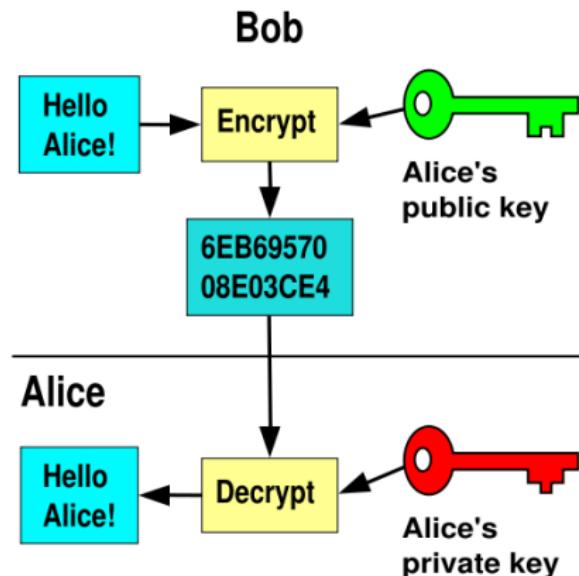
Test prvočíselnosti: chytřejší algoritmy

- náhodnostní algoritmy
- polynomiální deterministický algoritmus (objeven 2002)
- (vysoce) nad rámec tohoto kurzu
- **umí se to** dělat rychle

Rozklad na prvočísla

- rozklad na prvočísla = faktorizace
- naivní algoritmy:
 - průchod všech možných dělitelů
 - zlepšení podobně jako u testů prvočíselnosti
- chytřejší algoritmy:
 - složitá matematika
 - aktivní výzkumná oblast
 - **neumí se to** dělat rychle
 - max cca 200 ciferná čísla

Příklad aplikace: asymetrická kryptologie



http://en.wikipedia.org/wiki/Public-key_cryptography

Asymetrická kryptologie: realizace

- jednosměrné funkce
 - jednoduché vypočítat jedním směrem
 - obtížné druhým (inverze)
 - ilustrace: míchání barev
- RSA (Rivest, Shamir, Adleman) algoritmus
 - jednosměrná funkce: násobení prvočísel (inverze = faktorizace)
 - veřejný klíč: součin velkých prvočísel
 - bezpečnost \sim nikdo neumí provádět efektivně faktorizaci
 - využití modulární aritmetiky, Eulerovy věty, ...

Eratosthenovo síto

- problém: výpis prvočísel od 2 do n
- algoritmus: opakovaně provádíme
 - označ další neškrtnuté číslo na seznamu jako prvočíslo
 - všechny násobky tohoto čísla vyškrtni

Eratosthenovo sito

1. krok

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60

2. krok

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60

3. krok

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60

4. krok

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60

Eratosthenovo síto

```
def reset_multiples(is_candidate, i):
    k = 0
    while k < len(is_candidate):
        is_candidate[k] = 0
        k += i

def eratosthenes(n):
    is_candidate = [1 for _ in range(n)]
    for i in range(2, n):
        if is_candidate[i]:
            print(i, end=" ")
            reset_multiples(is_candidate, i)
```

Pozn. Všimněte si, že funkce mění seznam.

Zajímavosti

- prvočísla – Ulamova spirála
- Pascalův trojúhelník – obarvení podle sudosti – Sierpińského trojúhelník

Vi Hart: Doodling in math: Sick number games

<https://www.khanacademy.org/math/recreational-math/vi-hart/doodling-in-math/v/doodling-in-math-sick-number-games>

Shrnutí

Seznamy, řetězce:

- základní operace
- ukázky použití
- kryptografické příklady (historické) a souvislosti (moderní)

Příště: Vyhledávání, řadicí algoritmy