

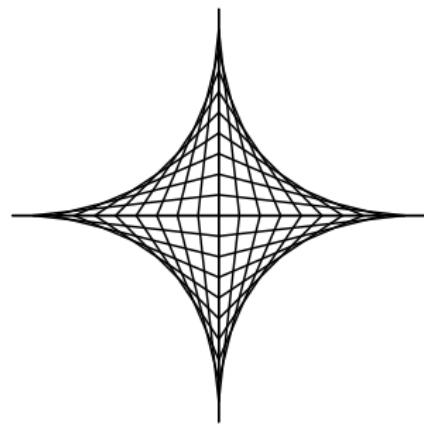
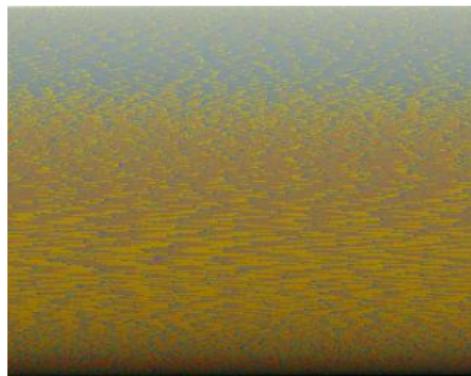
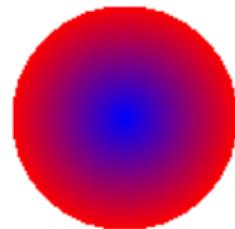
Obrázky (reprezentace, generování, úpravy)

IB113
Radek Pelánek

2021

Rozcvička: šifra





Účel přednášky

- procvičení základních konstrukcí z jiného pohledu
- propojení programování a matematiky
- téma „reprezentace dat“
- procvičení „čtení kódu“
- podklad pro zajímavé cvičení

Poznámka k efektivitě, obrázkům

ukázky programů v přednášce:

- snaha o čitelnost programů
- neefektivní (pomalé):
 - algoritmy
 - technická realizace (např. „putpixel“ vs „load + pixel access object“)

nízká / rozličná kvalita obrázků – čistě pragmatické důvody (nepříliš velké PDF), žádná skrytá pointa

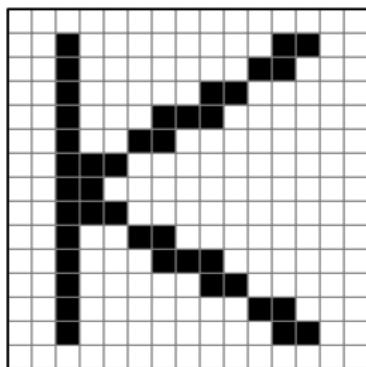
Další zdroje, náměty

obrázky, zvuk, video:

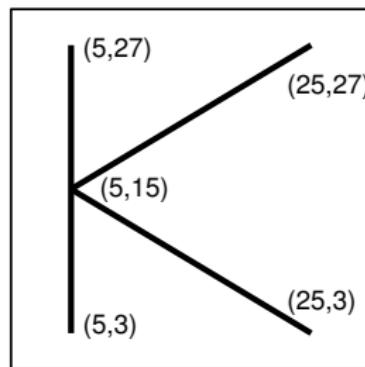
- kniha *Introduction to Computing and Programming in Python, A Multimedia Approach*, M. J. Guzdial, B. Ericson.
- <http://coweb.cc.gatech.edu/mediaComp-teach>

Reprezentace obrázků

Bitmapová grafika

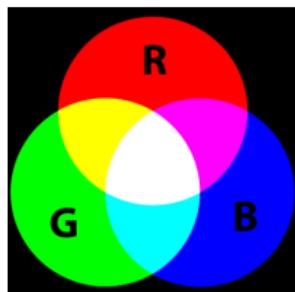


Vektorová grafika



Reprezentace barev

- více barevných modelů (aditivní, subtraktivní)
- budeme používat aditivní model RGB – red, green, blue
- každá složka = hodnota 0-255 (8 bitů, 1 byte)
- barva = trojice, např. (15, 255, 100)



- knihovna pro práci s bitmapovými obrázky
- velmi bohatá funkcionalita
- použijeme jen základní operace:
 - new – vytvoření obrázku
 - open, convert – otevření obrázku, konverze na RGB mód
 - getpixel – zjištění barvy bodu
 - putpixel – změna barvy bodu
 - size – velikost obrázku
 - show, save – zobrazení, uložení

Knihovna Image – technické poznámky

Není součástí standardní distribuce, nutno doinstalovat.

- Python Imaging Library (PIL): jen pro Python 2
<http://www.pythonware.com/products/pil/>
- implementace Pillow (i pro Python 3):
<https://pypi.python.org/pypi/Pillow/2.1.0>
- `from PIL import Image`

- reprezentace souřadnic a barev pomocí n-tic (tuple)
- podobné jako seznamy, ale neměnitelné; zápis pomocí kulatých závorek
- u obrázků typicky:
 - souřadnice: (x, y)
 - barva: (r, g, b)

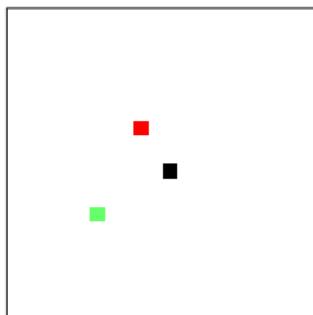
Koncepty v ukázkách

čemu věnovat pozornost v ukázkách:

- objekty – třída Image, objekty pro dílčí obrázky
- n-tice, seznamy
- parametry funkcí, závorky
 - např. putpixel má 2 parametry: souřadnice (=dvojice), barva (=trojice)
- vnořené cykly, podmínky
 - použití v jiném kontextu než doposud

Image demo

```
def demo():
    im = Image.new("RGB", (20, 20), (255, 255, 255))
                    # model, velikost, barva pozadi
    im.putpixel((10, 10), (0, 0, 0))
    im.putpixel((8, 7), (255, 0, 0))
    im.putpixel((5, 13), (100, 255, 105))
    im.show()
    im.save("demo.png")
```



Geometrické útvary

Napište programy pro generování následujících útvarů:

čtverec



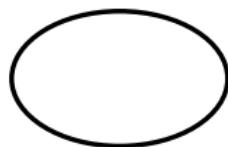
trojúhelník



kruh



elipsa



spirála

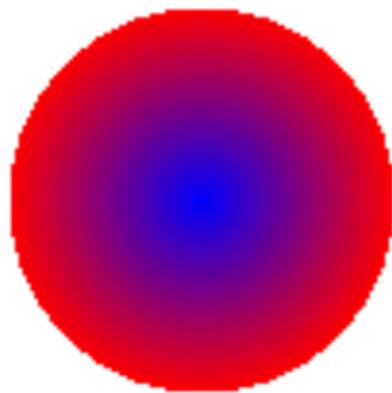


```
def disc(a=150, r=50):
    im = Image.new("RGB", (a, a), (255, 255, 255))
    for x in range(a):
        for y in range(a):
            if XXX:
                im.putpixel((x, y), (0, 0, 0))
    im.show()
```

Kruh

```
def disc(a=150, r=50):
    im = Image.new("RGB", (a, a), (255, 255, 255))
    for x in range(a):
        for y in range(a):
            if (x-a/2)**2 + (y-a/2)**2 < r**2:
                im.putpixel((x, y), (0, 0, 0))
    im.show()
```

Barevný kruh

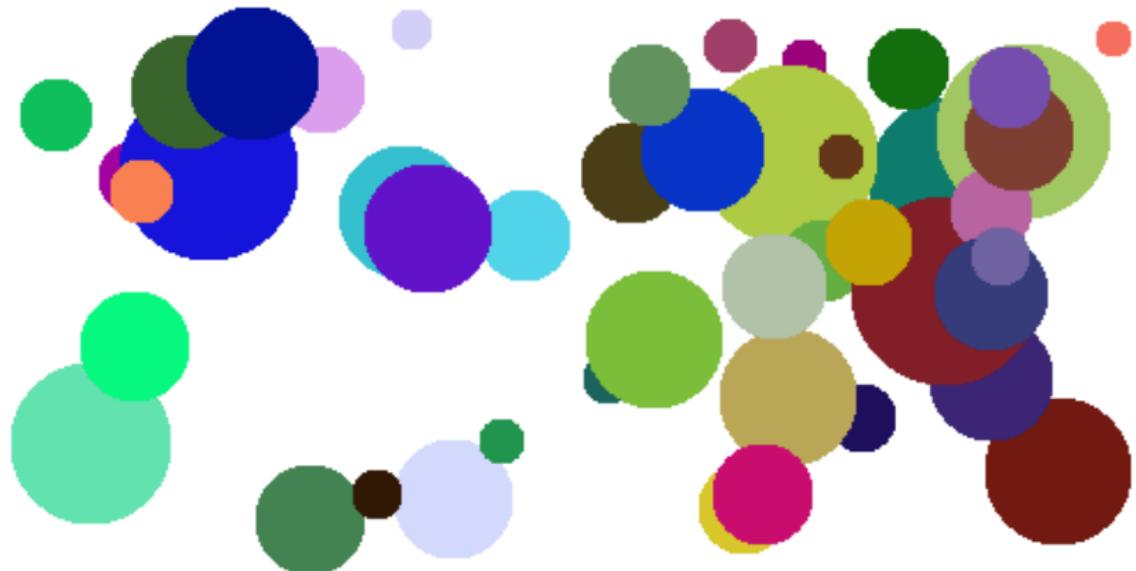


Barevný kruh

Barvu „namícháme“ podle vzdálenosti od středu kruhu:

```
d = math.sqrt((x-a/2)**2 + (y-a/2)**2)
if d < r:
    c = int(255*d/r)
    im.putpixel((x, y), (c, 0, 255-c))
```

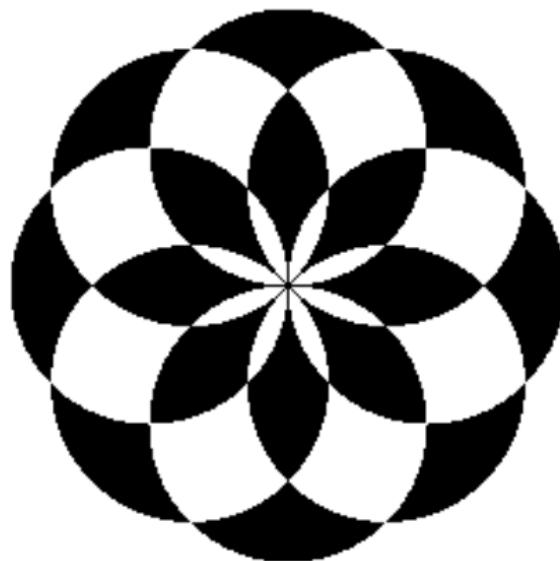
Barevné kruhy



Přidání náhodného kruhu do obrázku

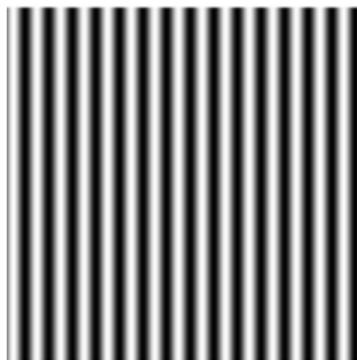
```
def add_random_disc(im):
    (width, height) = im.size
    r = random.randint(8, min(width, height) // 6)
    sx = random.randint(r+1, width-r-1)
    sy = random.randint(r+1, height-r-1)
    color = (random.randint(0, 255),
              random.randint(0, 255),
              random.randint(0, 255))
    for x in range(width):
        for y in range(height):
            if (x-sx)**2 + (y-sy)**2 < r**2:
                im.putpixel((x, y), color)
```

Námět na procvičení

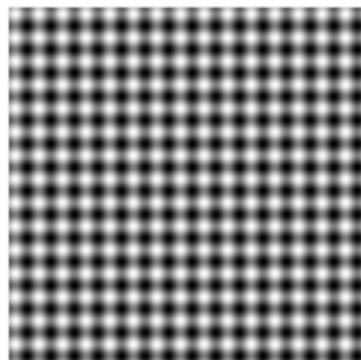


Geometrické obrazce

pruhy



mřížka



vlny



Základní princip

- potřebujeme plynulý přechod mezi bílou a černou
- jakou matematickou funkci využijeme?

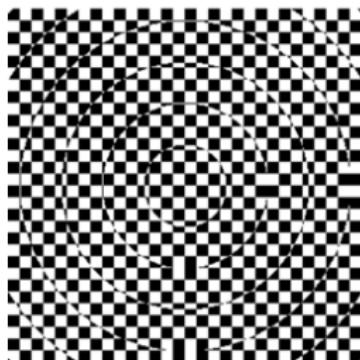
Základní princip

- potřebujeme plynulý přechod mezi bílou a černou
- jakou matematickou funkci využijeme?
- sinus – hodnoty mezi -1 a 1, perioda 2π
- potřebujeme – hodnoty mezi 0 a 255, perioda (např.) 20

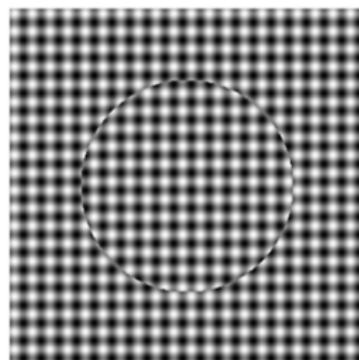
```
def strips(size=150, count=5):
    im = Image.new("RGB", (size, size))
    for x in range(size):
        for y in range(size):
            z = math.sin(count * 2*math.pi * x/size)
            shade = int(255 * (z+1)/2)
            im.putpixel((x, y), (shade, shade, shade))
    im.show()
```

Vzory II

šachovnice a kruhy



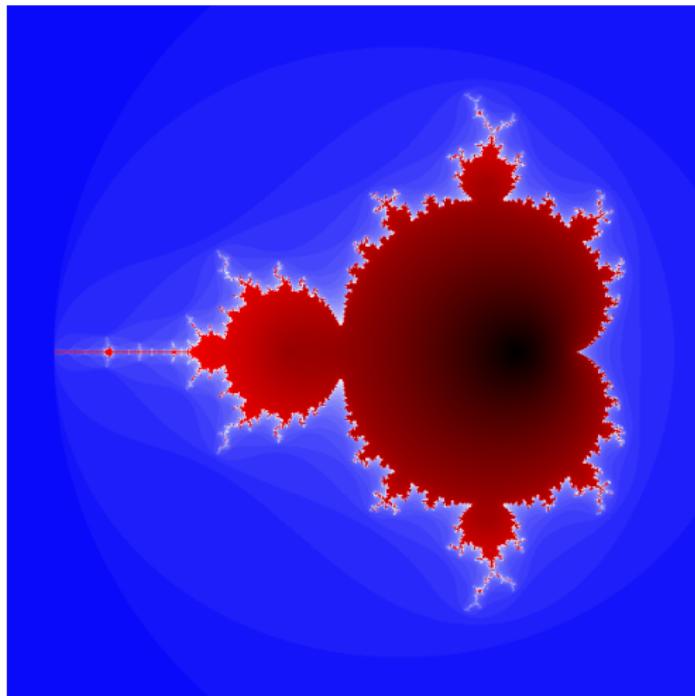
mřížka a kruh



vlny a čtverec



Mandelbrotova množina

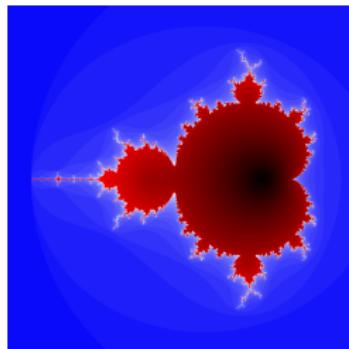


Mandelbrotova množina

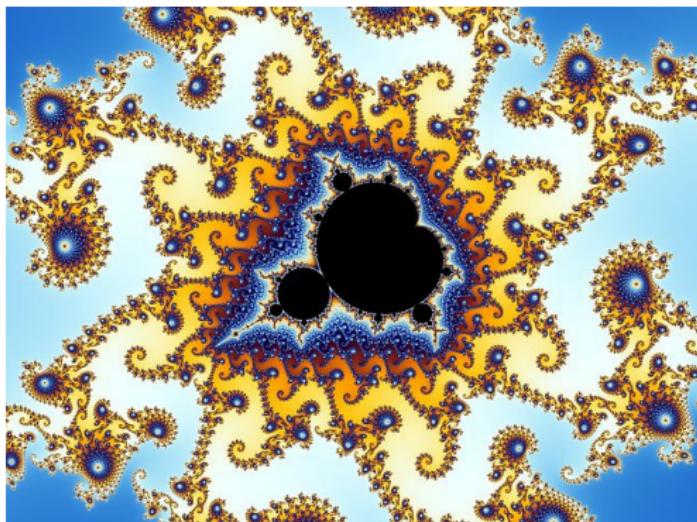
- $z_1 = 0, c = x + yi$ je konstanta (komplexní číslo)
- definujeme posloupnost

$$z_{n+1} = z_n^2 + c$$

- c patří do Mandelbrotovy množiny \Leftrightarrow tato posloupnost je omezená



Mandelbrotova množina – detail



Zdroj: Wikipedia

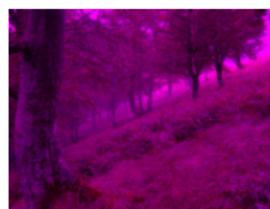
Video zoom: <http://www.youtube.com/watch?v=gEw8xpbl1RA>

Mandelbrotova množina – kód

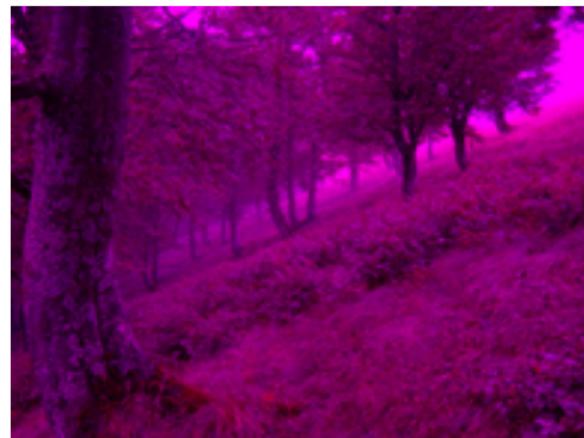
```
-          =  (
      255,
lambda
    V      ,B,c
: c   and Y(V*V+B,B, c
      -1)if(abs(V)<6)else
(      2+c-4*abs(V)**-0.4)/i
) ;v,      x=1500,1000;C=range(v*x
);import struct;P=struct.pack;M,\
j  ='<QIIHHHH',open('M.bmp','wb').write
for X in j('BM'+P(M,v*x*3+26,26,12,v,x,1,24))or C:
  i ,Y=_;j(P('BBB',*(lambda T:(T*80+T**9
    *i-950*T **99,T*70-880*T**18+701*
    T **9      ,T*i**((1-T**45*2)))(sum(
[           Y(0,(A%3/3.+X%v+(X/v+
    A/3/3.-x/2)/1j)*2.5
    /x    -2.7,i)**2 for \
      A      in C
      [:9]]))
      /9)
    )  )
```

<http://preshing.com/20110926/high-resolution-mandelbrot-in-obfuscated-python/>

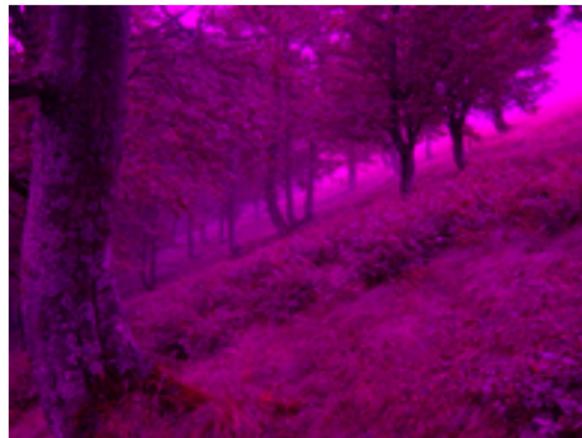
Úpravy obrázků



Úprava barev



Úprava barev



pro každý pixel:

- zjisti barvu (getpixel)
- ulož upravenou barvu (putpixel)

Úprava barev – kód

```
def remove_green(filename):
    im = Image.open(filename)
    im = im.convert("RGB")
    width, height = im.size
    for x in range(width):
        for y in range(height):
            (r, g, b) = im.getpixel((x, y))
            im.putpixel((x, y), (r, 0, b))
    im.show()
```

Úprava barev – obecnější řešení

```
def transform_colors(filename, f_trans):
    im = Image.open(filename)
    im = im.convert("RGB")
    width, height = im.size
    for x in range(width):
        for y in range(height):
            (r, g, b) = im.getpixel((x, y))
            im.putpixel((x, y), f_trans(r, g, b))
    im.show()

def inversion(r, g, b):
    return (255-r, 255-g, 255-b)

transform_colors("les.jpg", inversion)
transform_colors("les.jpg",
                 lambda r, g, b: (255-r, b, g))
```

Zrcadlový obraz



Zrcadlový obraz



pro každý pixel v levé polovině:

- zjisti jeho barvu (getpixel)
- ulož barvu na příslušnou pozici v pravé polovině (putpixel)

Zrcadlový obraz – kód

```
for x in range(width / 2):
    for y in range(height):
        im.putpixel((width-1-x, y),
                    im.getpixel((x, y)))
```

Překlopení



Překlopení



prohazování symetrických bodů

Překlopení – kód

V předchozím kódu (zrcadlový obraz) změníme tělo for cyklu:

```
tmp = im.getpixel((width-1-x, y))
im.putpixel((width-1-x, y),
            im.getpixel((x, y)))
im.putpixel((x, y), tmp)
```

Rotace



Rotace

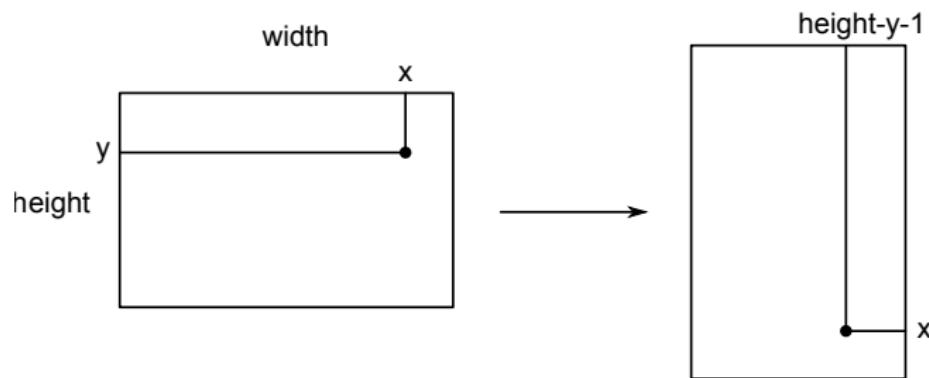


vytvoř nový obrázek a naplň jej pixely podle originálu – vhodně
pozměněné souřadnice

Rotace – kód s cenzurou

```
def rotation(filename):
    im = Image.open(filename)
    im = im.convert("RGB")
    width, height = im.size
    new_im = Image.new("RGB", (height, width))
    for x in range(width):
        for y in range(height):
            new_im.putpixel((XXX, YYY),
                            im.getpixel((x, y)))
    new_im.show()
```

Rotace – ilustrace



Rotace o zadaný úhel



Rotace o zadaný úhel



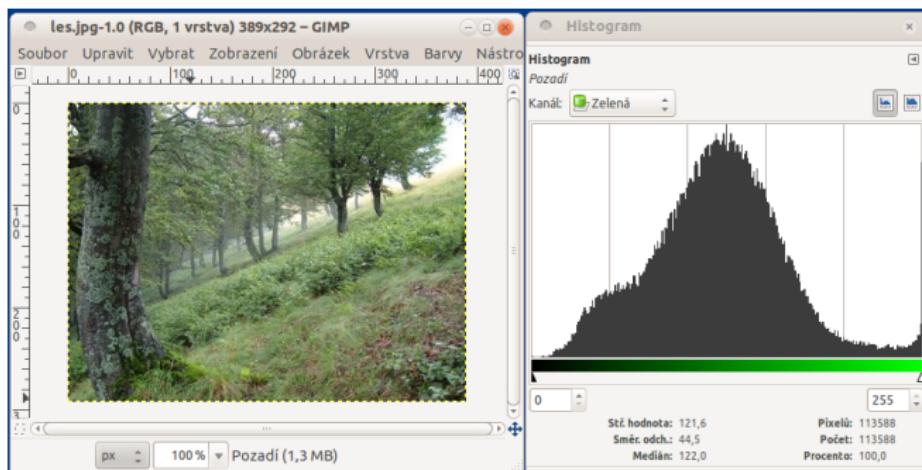
goniometrické funkce, lineární transformace, matice – aplikace
(procvičení) pojmů z matematiky

„Praktická“ aplikace - šifra



Histogram

variace na téma „frekvenční analýza“



Histogram – textový výpis

0 - 19: 0.3 %
20 - 39: 3.5 %
40 - 59: 6.3 %
60 - 79: 8.3 %
80 - 99: 12.7 %
100 - 119: 17.1 %
120 - 139: 18.5 %
140 - 159: 15.2 %
160 - 179: 9.0 %
180 - 199: 4.0 %
200 - 219: 1.8 %
220 - 239: 1.1 %
240 - 259: 2.2 %

(implementace – doporučené cvičení)

Další náměty na úpravy

- změna velikosti obrázku
- převod do stupňů šedi
- rozmazání (blur), detekce hran
- ... další věci co umí váš grafický program

Pořádek v umění

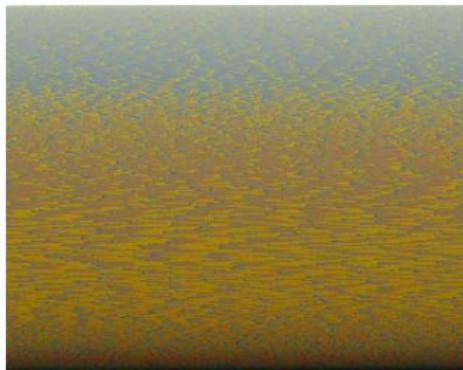


http://www.ted.com/talks/ursus_wehrli_tidies_up_art.html

Pořádek (nejen) v umění



Pořádek v umění – pixel po pixelu



Řazení pixelů podle barvy

- vytvoříme seznam všech použitých barev – seznam trojic $(0, 150, 20), (255, 255, 255), (0, 0, 255), \dots]$
- seznam seřadíme
- barvy umístíme do obrázku

```
def tidy_up(filename):
    im = Image.open(filename)
    im = im.convert("RGB")
    width, height = im.size
    pixels = []
    for x in range(width):
        for y in range(height):
            pixels.append(im.getpixel((x, y)))
    pixels.sort()
    new_im = Image.new("RGB", (width, height))
    for y in range(height):
        for x in range(width):
            new_im.putpixel((x, y), pixels[y*width+x])
    new_im.show()
```

Řazení pixelů



Řazení pixelů

- pixely je seznam trojic (r, g, b)
- sort() používá „lexikografické“ řazení
- pokud chceme „řazení dle součtu“ (intenzity) nahradíme pixels.sort() za:

```
pixels = sorted(pixels,  
                 key=lambda c: -(c[0]+c[1]+c[2]))
```

Pořádek v umění – náměty

Zkuste další způsoby řazení:

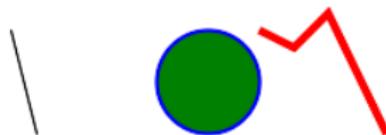
- po řádcích / sloupcích
- po „čtverečcích“
- podle jiného kritéria
- „gradient“ po uhlopříčce

Scalable Vector Graphics (SVG)

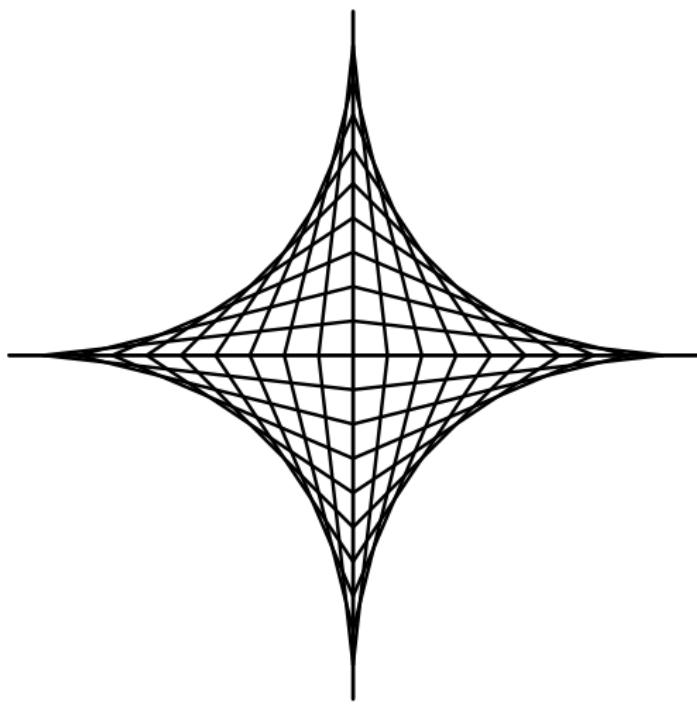
- vektorový formát založený na XML
- snadný způsob vytváření obrázků v jakémkoliv jazyce
(generujeme prostý text)
- prohlížení: např. webový prohlížeč
- ruční editování: např. Inkscape
- převod na bitmapu: např. convert (ImageMagick)

SVG příklad

```
<svg xmlns="http://www.w3.org/2000/svg">
<line x1="15" y1="20" x2="30" y2="80"
      stroke="black" stroke-width="1"/>
<circle cx="130" cy="50" r="30" stroke="blue"
       stroke-width="2" fill="green" />
<polyline fill="none" stroke="red" stroke-width="4"
           points="160,20 180,30 200,10 234,80"/>
</svg>
```



Hvězda

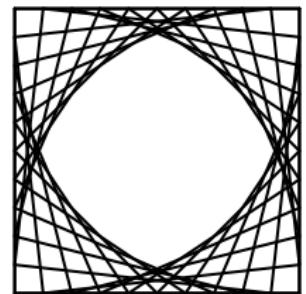
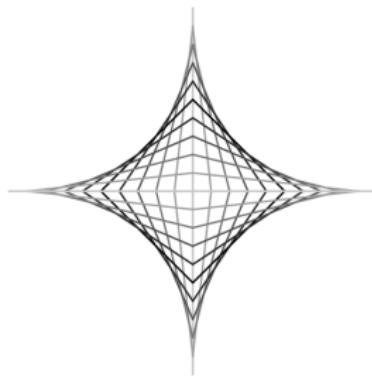
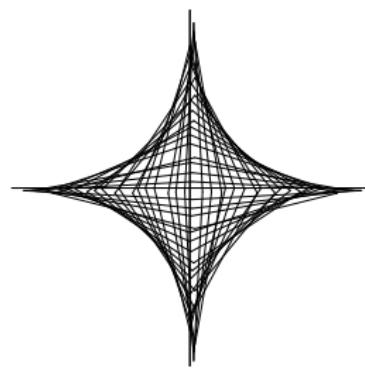


```
def star(n=10, length=100):
    svg_header()
    center_x = length * 1.5
    center_y = length * 1.5
    step = length / n
    for i in range(n + 1):
        svg_line(center_x + i*step, center_y,
                  center_x, center_y + (n-i)*step)
        svg_line(center_x - i*step, center_y,
                  center_x, center_y + (n-i)*step)
        svg_line(center_x + i*step, center_y,
                  center_x, center_y - (n-i)*step)
        svg_line(center_x - i*step, center_y,
                  center_x, center_y - (n-i)*step)
    svg_finish()
```

Kompaktnější zápis

```
def star(n=10, length=100):
    svg_header()
    center_x = length * 1.5
    center_y = length * 1.5
    step = length / n
    for i in range(n + 1):
        for dx, dy in [(-1, -1), (-1, 1),
                       (1, -1), (1, 1)]:
            svg_line(center_x + dx*i*step, center_y,
                     center_x, center_y + dy*(n-i)*step)
    svg_finish()
```

Variace na hvězdu



Vlastní knihovna pro želví grafiku

- želví grafika – používána knihovna turtle
- vytvořme vlastní „knihovnu“ s vykreslováním do SVG
- jen základní příkazy:
 - `forward(length)`
 - `left(angle), right(angle)`
 - `save(filename)`

Princip implementace

- stav želvy: souřadnice x, y a aktuální natočení heading
- vykreslený obrazec: seznam souřadnic

Implementace I

```
x = 50
y = 50
heading = 0
lines = []

def left(angle):
    global heading
    heading -= angle

def right(angle):
    global heading
    heading += angle
```

Implementace II

```
def forward(d):
    global x
    global y
    nx = x + d * math.cos(heading * math.pi / 180)
    ny = y + d * math.sin(heading * math.pi / 180)
    lines.append((x, y, nx, ny))
    x, y = nx, ny
```

Implementace III

```
def save(filename):
    f = open(filename, "w")
    f.write("<svg>")
    s = '<line x1="{}" y1="{}" x2="{}" y2="{}" style="{}"'
    for x1, y1, x2, y2 in lines:
        f.write(s.format(x1, y1, x2, y2,
                         "stroke:black;stroke-width:1"))
    f.write("</svg>")
    f.close()
```

jde o názornou ukázkou principů, nikoliv dobrou knihovnu:

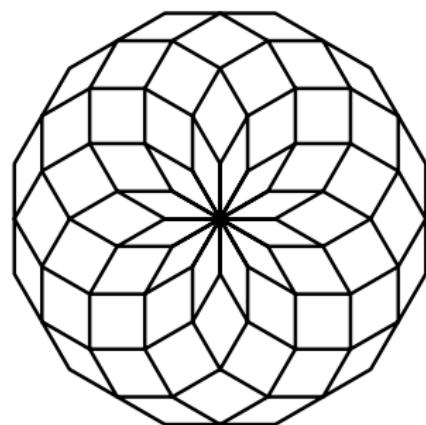
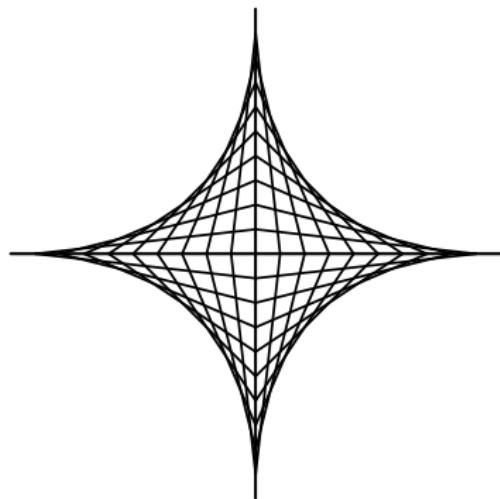
- příliš malá funkcionality
- chybí dokumentace

nevhodné použití globálních proměnných – lepší přes objektovou reprezentaci

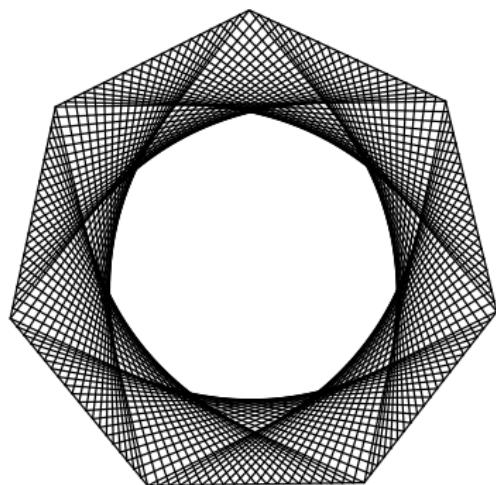
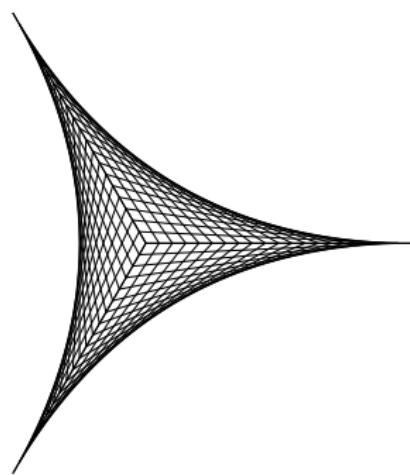
```
class Turtle:  
    def __init__(self):  
        self.x = 50  
        self.y = 50  
        self.heading = 0  
        self.lines = []  
  
    def left(self, angle):  
        self.heading -= angle  
  
    def right(self, angle):  
        self.heading += angle  
  
    def forward(self, d):  
        nx = self.x + d * math.cos(self.heading * math.pi / 180)  
        ny = self.y + d * math.sin(self.heading * math.pi / 180)  
        self.lines.append((self.x, self.y, nx, ny))  
        self.x, self.y = nx, ny
```

Absolutní vs. relativní vykreslování

(souřadnice vs. želva)



Jak vykreslíte tyto obrázky?



Kontrolní otázky

- Jaký je rozdíl mezi bitmapovou a vektorovou grafikou?
- Co znamená RGB? Jakým barvám odpovídají trojice (0, 0, 0), (0, 255, 0), (200, 0, 180)?
- Jakou datovou strukturu použijeme v Pythonu pro reprezentaci barev? Proč?
- Jakým způsobem vytvoříme v Pythonu bitmapový obrázek, který je celý bílý a uprostřed má červenou tečku?
- Jakým způsobem můžeme v Pythonu otestovat, že obrázek obsahuje pouze bílou, modrou a černou barvu?
- Co je to SVG? Jakým způsobem můžeme vytvořit obrázek v tomto formátu?

- ukázka elementární práce s grafikou
 - bitmapová – Image, putpixel, getpixel
 - vektorová – SVG, line
- využití základních konstrukcí (vesměs vnořené for cykly), trocha matematiky