

Proměnné, paměť, rekurze

IB113
Radek Pelánek

2021

Rozcvička I

```
a = [3, 1, 7]
print(sorted(a))
print(a)
b = [4, 3, 1]
print(b.sort())
print(b)
```

Rozcvička II

```
a = ["magic"]  
a.append(a)  
print(a[1][1][1][1][1][0][1][0][0][0])
```

„základnější partie“

- globální a lokální proměnné
- reprezentace dat v paměti, kopírování
- předávání parametrů funkcím
- typy
- rekurze

základní témata obecně důležitá
detaily specifické pro Python

Varování: Dnešní ukázky programů jsou často „úchylné“.

- minimalistické ukázky důležitých jevů
- nikoliv pěkný, prakticky používaný kód

Vizualizace použité ve slidech:

<http://www.pythontutor.com>

Odkazy na dnešní ukázky:

<https://www.fi.muni.cz/~xpelane/IB113/tutor-codes.html>

Doporučeno projít si interaktivně.

Názvy proměnných – konvence

- konstanty – velkými písmeny
- běžné proměnné:
 - smysluplná slova
 - víceslovné názvy: `lower_case_with_underscores`
- krátké (jednopísmenné) názvy:
 - indexy
 - souřadnice: `x`, `y`
 - pomocné proměnné s velmi lokálním využitím

Globální proměnné

- definovány globálně (tj. ne uvnitř funkce)
- jsou viditelné kdekoli v programu

Lokální proměnné

- definovány uvnitř funkce
- jsou viditelné jen ve své funkci

Rozsah proměnných obecněji

- proměnné jsou viditelné v rámci svého „rozsahu“
- rozsahem mohou být:
 - funkce
 - moduly (soubory se zdrojovým kódem)
 - třídy (o těch se dozvíme později)
 - a jiné (závisí na konkrétním jazyce)

relevantní terminologie: „namespace“, „scope“

Globální a lokální proměnné

```
a = "This is global."
```

```
def example1():  
    b = "This is local."  
    print(a)  
    print(b)
```

```
example1()    # This is global.  
              # This is local.  
print(a)      # This is global.  
print(b)      # ERROR!  
# NameError: name 'b' is not defined
```

Globální a lokální proměnné

Python 3.6

```
1 a = "This is global."  
2  
3 def example1():  
4     b = "This is local."  
5     print(a)  
6     print(b)  
7  
8 example1() # This is global.  
9           # This is local.  
10 print(a)  # This is global.  
11 print(b)  # ERROR!
```

[Edit code](#) | [Live programming](#)

Print output (drag lower right corner to resize)

This is global.

Frames

Objects

Global frame

a "This is global."

example1

function
example1()

example1

b "This is local."

Globální a lokální proměnné

vytváříme novou lokální proměnnou, neměníme tu globální

```
a = "Think global."  
  
def example2():  
    a = "Act local."  
    print(a)  
  
print(a)      # Think global.  
example2()   # Act local.  
print(a)      # Think global.
```

Globální a lokální proměnné

Python 3.6

```
1 a = "Think global."  
2  
3 def example2():  
→ 4     a = "Act local."  
→ 5     print(a)  
6  
7 print(a)      # Think global.  
8 example2()   # Act local.  
9 print(a)      # Think global.
```

[Edit code](#) | [Live programming](#)

st executed

cute

) set a breakpoint; use the Back and Forward buttons to jump there.

Print output (drag lower right corner to resize)

Think global.

Frames

Objects

Global frame

a "Think global."

example2

function
example2()

example2

a "Act local."

Globální a lokální proměnné

Jak měnit globální proměnné?

```
a = "Think global."
```

```
def example3():  
    global a  
    a = "Act local."  
    print(a)
```

```
print(a)      # Think global.  
example3()   # Act local.  
print(a)      # Act local.
```

Lokální proměnné: deklarace

lokální proměnná vzniká, pokud je přiřazení **kdekoli uvnitř funkce**

```
a = "Think global."  
def example4(change_opinion=False):  
    print(a)  
    if change_opinion:  
        a = "Act local."  
        print("Changed opinion:", a)
```

```
print(a)      # Think global.  
example4()   # ERROR!
```

```
# UnboundLocalError: local variable 'a' referenced before  
# assignment
```

Globální a lokální proměnné: příklad

```
a = 5
```

```
def test1():  
    print(a)
```

```
def test2():  
    print(a)  
    a = 8
```

```
test1() # 5
```

```
test2() # UnboundLocalError
```


Rozsah proměnných: for cyklus

- rozsah proměnné v Pythonu není pro „dílčí blok kódu“, ale pro celou funkci (resp. globální kód)
- častá chyba (základní překlep): proměnná for cyklu použita po ukončení cyklu

—

```
n = 9
for i in range(n):
    print(i)
if i % 2 == 0:
    print("I like even length lists")
```

Globální a lokální proměnné

Doporučení:

- **vyhýbat se globálním proměnným**
- pouze ve specifických případech, např. globální konstanty

Proč?

- horší čitelnost kódu
- náročnější testování
- zdroj chyb

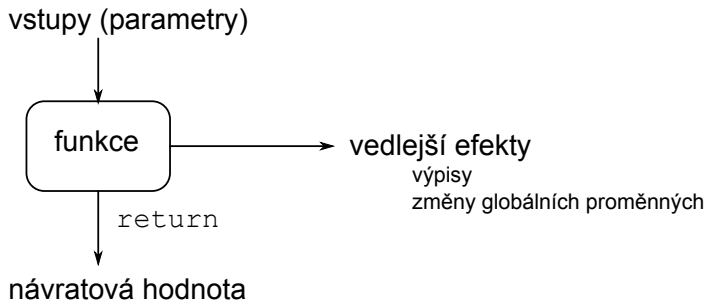
obecně: „lokalita kódu“ je užitečná

Globální proměnné: alternativy

- předávání parametrů funkcím a vracení hodnot z funkcí
- objekty (probereme stručně později)
- a další (nad rámec předmětu): statické proměnné (C, C++, Java, ...), návrhový vzor Singleton, ...

příklad: herní plán

Připomenutí z dřívější přednášky



Funkce bez vedlejších efektů

„čistá funkce“ = funkce bez vedlejších efektů

Reklama

Čisté funkce jsou vaši přátelé!

- ladění
- modularita
- přemýšlení o problému
- čitelnost kódu

Funkce: vedlejší efekty

- změna měnitelných parametrů
 - OK, ale nemíchat s návratovou hodnotou, vhodně pojmenovat, dokumentovat
- změna globálních proměnných (které nejsou parametry)
 - většinou cesta do pekla
- změna stavu systému (libovolné „výpisy“, zápis do souboru, databáze, odeslání na tiskárnu, . . .)
 - nutnost, ale nemíchat chaoticky s výpočty

Proměnné v různých jazycích

- pojmenované místo v paměti
- odkaz na místo v paměti (*Python*)
- kombinace obou možností

Přiřazení

- proměnné ve stylu C: změna obsahu paměti
- proměnné ve stylu Pythonu: změna odkazu na jiné místo v paměti

Proměnné a paměť

```
int a, b;
```

```
a = 1;
```



```
a = 2;
```



```
b = a;
```



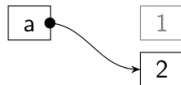
Jazyk C

Proměnné jako hodnoty

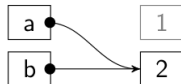
```
a = 1;
```



```
a = 2;
```



```
b = a;
```



Jazyk Python

Proměnné jako odkazy

Proměnné a paměť

funkce `id()` – vrací „identitu“ objektu (\pm adresa v paměti)

```
a = 1000  
b = a
```

```
print(a, b)  
print(id(a), id(b))
```

```
b += 1
```

```
print(a, b)  
print(id(a), id(b))
```

```
a = [1]  
b = a
```

```
print(a, b)  
print(id(a), id(b))
```

```
b.append(2)
```

```
print(a, b)  
print(id(a), id(b))
```

Rovnost vs. „stejná identita“

```
a = [1, 2, 3]
b = [1, 2, 3]
print(a == b)           # True
print(id(a) == id(b))  # False
```

operátor `is` – stejná identita

Předávání parametrů v Pythonu

- paramater drží odkaz na předanou proměnnou
- změna parametru změní i předanou proměnnou
- *neměnitelné typy* (čísla, řetězce, ntice)
 - nelze „změnit“, každé přiřazení znamená vytvoření odkazu na něco nového
 - neprojeví se mimo funkci
- *měnitelné typy* (seznam, slovník)
 - lze měnit, změna typu `append`, `x[3] = 8` se projeví i mimo funkci
 - pozor: přiřazení znamená změnu odkazu, neprojeví se mimo funkci

Předávání parametrů: ukázky

číselný parametr je neměnitelný, toto nic neprovede

```
def update_param_int(x):  
    x = x + 1
```

```
a = 1  
print(a) # 1  
update_param_int(a)  
print(a) # 1
```

Předávání parametrů: ukázky

seznam je měnitelný, změna se projeví i mimo funkci

```
def update_param_list(x):  
    x.append(3)
```

```
a = [1, 2]  
print(a) # [1, 2]  
update_param_list(a)  
print(a) # [1, 2, 3]
```

Předávání parametrů: ukázky

odkaz se změní na nový seznam, původní je nezměněn –
změna se neprojeví mimo funkci

```
def change_param_list(x):  
    x = [1, 2, 3]  
  
a = [1, 2]  
print(a) # [1, 2]  
change_param_list(a)  
print(a) # [1, 2]
```

Předávání parametrů: kvíz

```
def test(s):  
    s.append(3)  
    s = [42, 17]  
    s.append(9)  
    print(s)
```

```
t = [1, 2]  
test(t)  
print(t)
```

Předávání parametrů: vizualizace

Python 3.6

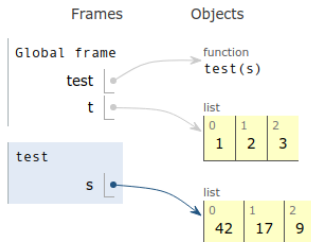
```
1 def test(s):  
2     s.append(3)  
3     s = [42, 17]  
→ 4     s.append(9)  
→ 5     print(s)  
6  
7 t = [1, 2]  
8 test(t)  
9 print(t)
```

[Edit code](#) | [Live programming](#)

ted

⚠ breakpoint; use the Back and Forward buttons to jump there.

Print output (drag lower right corner to resize)



Kopírování objektů

Vytvoření aliasu `b = a`

- odkaz na stejnou věc

Mělká kopie `b = a[:]` nebo `b = list(a)`

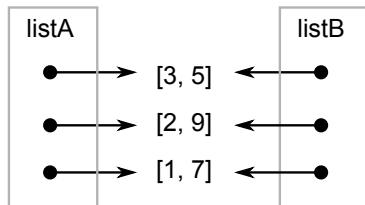
- vytváříme nový seznam, ale prvky tohoto seznamu jsou aliasy
- obecně i pro jiné typy než seznamy (knihovna `copy`)
 - `b = copy.copy(a)`

Hluboká kopie

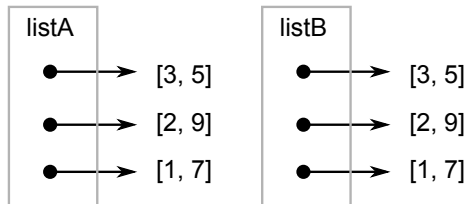
- kompletní kopie všech dat
- obecné řešení (opět knihovna `copy`)
 - `b = copy.deepcopy(a)`

Kopírování objektů

mělká kopie



hluboká kopie



Příklad

```
import copy
a = [[3, 5], [2, 9], [1, 7]]
b = a
c = a[:]
d = copy.deepcopy(a)
a[0][0] = 100
print(b[0][0], c[0][0], d[0][0])
a[0] = [200, 200]
print(b[0][0], c[0][0], d[0][0])
```

Datové typy určují:

- význam dat
- operace, které lze s daty provádět
- hodnoty, kterých mohou data nabývat

Typy v Pythonu

- bool
- int, float, complex – číselné typy
- str – řetězec
- list – seznam
- tuple – n-tice
- dict – slovník
- set – množina

(výběr nejdůležitějších)

Typy: kvíz

```
print(type(3))  
print(type(3.0))  
print(type(3==0))  
print(type("3"))  
print(type([3]))  
print(type((3,0)))  
print(type({3:0}))  
print(type({3}))
```

Typy: kvíz

```
type(3)           # <class 'int'>
type(3.0)         # <class 'float'>
type(3==0)       # <class 'bool'>
type("3")        # <class 'str'>
type([3])         # <class 'list'>
type((3,0))       # <class 'tuple'>
type({3:0})       # <class 'dict'>
type({3})         # <class 'set'>
```

Typy: měnitelnost

- neměnitelné (immutable):
bool, int, float, str, tuple
- měnitelné (mutable):
list, dict, set

Příklady, kde důležité:

- změna indexováním
- předávání parametrů funkcím
- indexování slovníku

- None – jedinečná hodnota typu `NoneType`
- význam: „prázdné“, „žádná hodnota“
- využití: např. defaultní hodnota parametrů funkcí
- implicitní návratová hodnota z funkcí (pokud nepoužijeme `return`)

Pravdivostní hodnota

```
if value:  
    print("foo")
```

Pro které z těchto hodnot value se vypíše foo?

True, False, 3, 0, 3.0, -3, [3], [], "3", "",
None

Pravdivostní hodnota

test je úspěšný ("true") vždy, kromě následujících případů:

- konstanty: `None`, `False`
- nulové hodnoty u numerických typů: `0`, `0.0`, `0j`
- prázdné sekvence (nulová délka měřená pomocí `len`): `""`, `[]`, `()`,

(mírně zjednodušeno, např. u objektů může být komplikovanější)

Dynamická kontrola typů

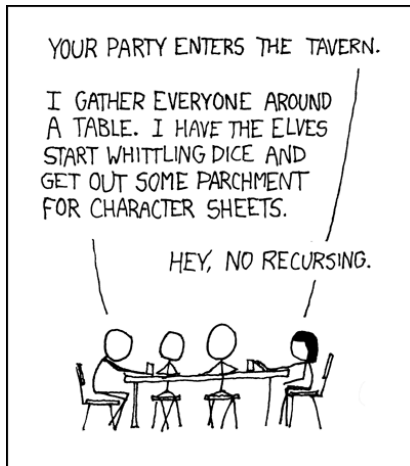
- `type(x)` – zjištění typu
- `isinstance(x, t)` – test, zda je proměnná určitého typu

```
values = [3, 8, "deset", 4, "dva", "sedm", 6]
s = 0
for value in values:
    if isinstance(value, int):
        s += value
    else:
        print("Not int:", value)
print("Sum of ints:", s)
```

- použití funkce při její vlastní definici
- volání sebe sama (s jinými parametry)

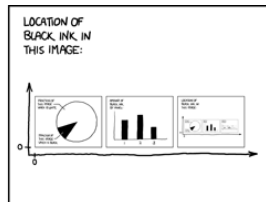
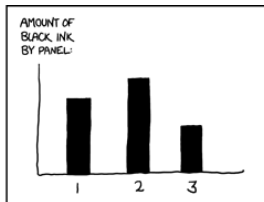
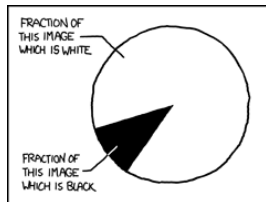
To iterate is human, to recurse divine. (L. Peter Deutsch)

xkcd: Tabletop Roleplaying



<https://xkcd.com/244/>

Sebereference



<https://xkcd.com/688/>

Sebereferenční test

- 1 Které písmeno není správnou odpovědí na žádnou otázku:
(A) A (B) C (C) B
- 2 Odpověď na 3. otázku je:
(A) stejná jako na 1. otázku (B) stejná jako na 2. otázku (C) jiná než odpovědi na 1. a 2. otázku
- 3 První otázka, na kterou je odpověď A, je otázka:
(A) 1 (B) 2 (C) 3

Hlavalamikon

Rekurze a sebereferece

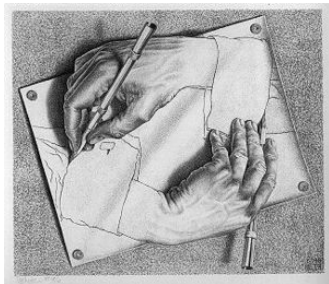
Rekurze a sebereferece – klíčové myšlenky v informatice

některé souvislosti:

- matematická indukce
- funkcionální programování
- rekurzivní datové struktury (např. stromy)
- gramatiky
- logika, neúplnost
- nerozhodnutelnost, diagonalizace

Rekurze a sebereferece

... nejen v informatice



M. C. Escher; Drawing Hands, 1948

Gödel, Escher, Bach: An Eternal Golden Braid; Douglas Hofstadter

Faktoriál

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (n - 1) \cdot n$$

$$f(n) = \begin{cases} 1 & \text{pokud } n = 1 \\ n \cdot f(n - 1) & \text{pokud } n > 1 \end{cases}$$

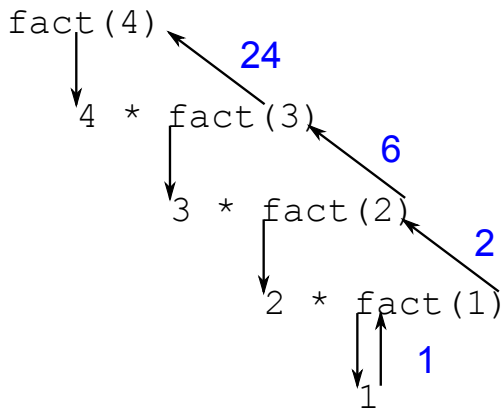
Faktoriál iterativně (pomocí cyklu)

```
def fact(n):  
    f = 1  
    for i in range(1,n+1):  
        f = f * i  
    return f
```

Faktoriál rekurzivně

```
def fact(n):  
    if n == 1: return 1  
    else: return n * fact(n-1)
```

Faktoriál rekurzivně – ilustrace výpočtu



Příklad: výpis čísel

Vymyslete funkci, která:

- vypíše čísla od 1 do N
- pomocí rekurze – bez použití cyklů `for`, `while`

Příklad: výpis čísel

Vymyslete funkci, která:

- vypíše čísla od 1 do N
- pomocí rekurze – bez použití cyklů for, while

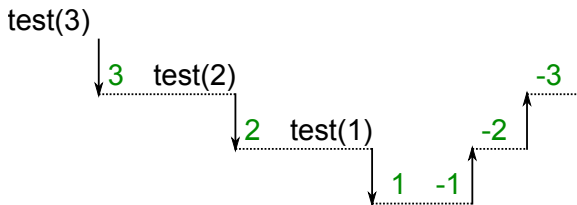
```
def sequence(n):  
    if n > 1:  
        sequence(n-1)  
    print(n)
```


Co udělá tento program?

```
def test(n):  
    print(n)  
    if n > 1:  
        test(n-1)  
    print(-n)
```

```
test(5)
```

Ilustrace zanořování



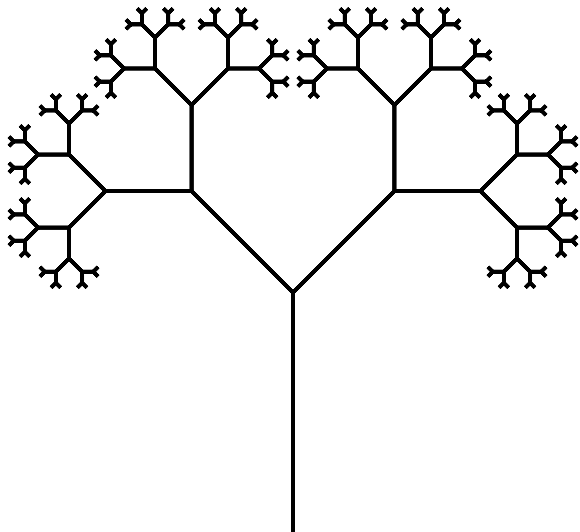
Nepřímá rekurze

```
def even(n):  
    print("even", n)  
    odd(n-1)
```

```
def odd(n):  
    print("odd", n)  
    if n > 1:  
        even(n-1)
```

```
even(10)
```

Rekurzivní stroměček



Rekurzivní stromeček

nakreslit stromeček znamená:

- udělat stonek
- nakreslit dva menší stromečky (pootočené)
- vrátit se na původní pozici

Stromeček želví grafikou

```
def tree(length):  
    forward(length)  
    if length > 10:  
        left(45)  
        tree(0.6 * length)  
        right(90)  
        tree(0.6 * length)  
        left(45)  
    back(length)
```

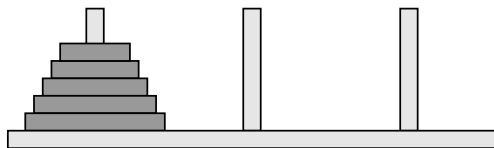
Podoby rekurze, odstranění rekurze

- koncová rekurze (tail recursion)
 - rekurzivní volání je poslední příkaz funkce
 - lze vesměs přímočaře nahradit cyklem
- „plná“ rekurze
 - „zanořující se“ volání
 - např. stromeček
 - lze přepsat bez použití rekurze za použití zásobníku
 - rekurzivní podoba často výrazně elegantnější

Hanojské věže aneb O konci světa

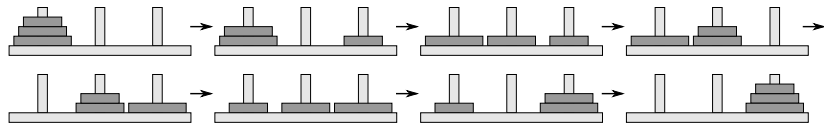
- video: <https://www.youtube.com/watch?v=8yaoED8jc8Y>
- klášter kdesi vysoko v horách u města Hanoj
- velká místnost se třemi vyznačenými místy
- 64 různě velkých zlatých disků
- podle věštby mají mniši přesouvat disky z prvního na třetí místo
- a až to dokončí ...

Hanojské věže: pravidla



- N disků různých velikostí naskládaných na sobě
- vždy může být jen menší disk položen na větším
- možnost přesunout jeden horní disk na jiný kolíček
- cíl: přesunout vše z prvního na třetí

Hanojské věže: řešení



Hanojské věže: výstup programu

```
>>> solve(3, "A", "B", "C")
```

```
A -> B
```

```
A -> C
```

```
B -> C
```

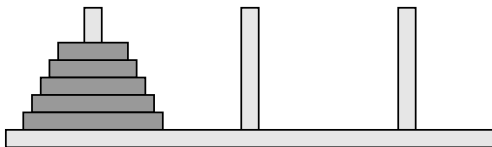
```
A -> B
```

```
C -> A
```

```
C -> B
```

```
A -> B
```

Hanojské věže: rekurzivní řešení



```
def solve(n, start, end, auxiliary):  
    if n == 1:  
        print(start, "->", end)  
    else:  
        solve(n-1, start, auxiliary, end)  
        solve(1, start, end, auxiliary)  
        solve(n-1, auxiliary, end, start)
```

Hanojské věže: souvislosti

- Sierpińského fraktál
- Pascalův trojúhelník

⇒ <https://www.youtube.com/watch?v=8yaoED8jc8Y>

Kontrolní otázky

- Předpokládejme, že y je seznam. Jaký je rozdíl mezi $x = y$ a $x = y[:]$?
- Jaký je význam pojmů „globální proměnná“ a „lokální proměnná“?
- Jaké jsou nevýhody použití globálních proměnných?
- Jaký je význam pojmů „hluboká kopie“ a „mělká kopie“?
- Jaké jsou v Pythonu hlavní vestavěné typy? Které z nich jsou měnitelné a které neměnitelné?
- Co je to rekurze?
- Jak zapíšeme výpočet faktoriálu: a) za použití rekurze, b) bez použití rekurze?

- představa o reprezentaci v paměti je potřeba
- globální, lokální proměnné
- předávání parametrů funkcím
- mělká vs. hluboká kopie
- typy, měnitelné, neměnitelné
- rekurze

příště: regulární výrazy, zpracování textu