

- Eulerova funkce:  $\varphi(n) = n \cdot \left(1 - \frac{1}{p_1}\right) \cdots \left(1 - \frac{1}{p_k}\right) = (p_1^{\alpha_1} - p_1^{\alpha_1-1}) \cdots (p_k^{\alpha_k} - p_k^{\alpha_k-1})$ .
- Eulerova věta (také Fermatův test):  $(a, m) = 1 \Rightarrow a^{\varphi(m)} \equiv 1 \pmod{m}$ .
- Jacobiho symbol:
  - \*  $\left(\frac{2}{b}\right) = (-1)^{\frac{b^2-1}{8}}$ , pro liché číslo  $b$ ;  
přitom  $b \equiv 1, 7 \pmod{8}$  dá  $+1$ ,  $b \equiv 3, 5 \pmod{8}$  dá  $-1$ ,
  - \*  $\left(\frac{a}{b}\right) \cdot \left(\frac{b}{a}\right) = (-1)^{\frac{a-1}{2} \cdot \frac{b-1}{2}}$ , pro lichá čísla  $a, b$ ;  
přitom vše dá  $+1$ , akorát  $a, b \equiv 3 \pmod{4}$  dá  $-1$ ,
  - \* Legendrův symbol:  $\left(\frac{a}{p}\right) \equiv a^{\frac{p-1}{2}} \pmod{p}$ , pro  $p$  liché prvočíslo (také Eulerův-Jacobiho test),
- RSA:  $n = p \cdot q, d \cdot e \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}, c \equiv m^e \pmod{n}, m \equiv c^d \pmod{n}$ .
- Rabin:  $n = p \cdot q, c \equiv m^2 \pmod{n}, m \equiv \pm c^{\frac{p+1}{4}} \pmod{p}, m \equiv \pm c^{\frac{q+1}{4}} \pmod{q}$ .
- ElGamal:  $c \equiv g^{a \cdot b} \cdot m \pmod{n}$ .