

PSY117/454 Statistická analýza dat v psychologii – přednáška 7

Počet pravděpodobnosti

Pravděpodobnost jevu

- Pravděpodobnost, že nastane jev A
 - jistý jev : $P = 1$
 - nemožný jev : $P = 0$

- 2 pojetí pravděpodobnosti
 - subjektivní jistota
 - četnostní (statistická): z m náhodných pokusů nastal jev A n -krát
 - $P(A) = n / m$, blíží-li se počet pokusů ∞ (populaci)

Jevy a náhodné pokusy

□ Jevy

- \approx hodnoty proměnných – např. Petr má IQ = 150
- vzorek 15 IQ (lidí) – 15 jevů
- ...a jejich kombinace (složené jevy)
 - náhodné vs. deterministické, 2: neslučitelné(disjunktní), ekvivalentní
 - doplňkový jev (\bar{A})

□ Pole jevů

- množina hodnot, kterých může proměnná/é nabývat
- \approx proměnná

□ Náhodný pokus

- situace, kdy z pole jevů může nastat jeden nebo více jevů
- \approx výběr a změření člověka, hod kostkou
- nelze určit, který jev nastane & lze opakovat bez vzájemného ovlivňování

Náhodným pokusem získáváme z pole jevů jev.

Počítání s pravděpodobnostmi

□ „NEBO“ – součet jevů

- nastane jev A nebo jev B [nebo oba pokud nejsou disjunktní]
- $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - [P(A \cap B)]$
- *př.* náhodně vybraný člověk je žena nebo psycholog
- *př. disj.* náhodně vybraný člověk má základní vz. nebo je vyučen .

□ „A“ – součin jevů

- nastane jev A a zároveň nastane jev B
- $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$
- *př.* náhodně vybraný člověk je psycholožka

Podmíněná pravděpodobnost

□ Jaká je pravděpodobnost jevu A, pokud nastal jev B?

■ $P(A|B) \dots P(A \cap B) = P(A|B) \cdot P(B)$

□ *př.* kouří-li člověk (jev B), je riziko onemocnění rakovinou (jev A) 40% : $P(A|B)$

□ Kuřáků je 30% - $P(B) = 0,3$.

□ P, že náhodně vybraný člověk je kuřák, kt. onemocní rakovinou je 12%

□ Bayesův teorém

■ přepočítání mezi $P(A|B)$ a $P(B|A)$

■ $P(A|B) = P(A) \cdot P(B|A) / [P(A) \cdot P(B|A) + P(\bar{A}) \cdot P(B|\bar{A})]$

□ *př.* v Hendlovi (s.120)

□ *př.* Test na rakovinu má 10% chybovost ($P(B|A)=0,9$, $P(B|\bar{A})=0,1$)

□ Prevalence rakoviny je 20%. ($P(A)=0,2$)

□ P., že člověk s pozitivním výsledkem v testu má rakovinu?

□ $0,2 \cdot 0,9 / (0,2 \cdot 0,9 + 0,8 \cdot 0,1) = 0,69$

K dostudování

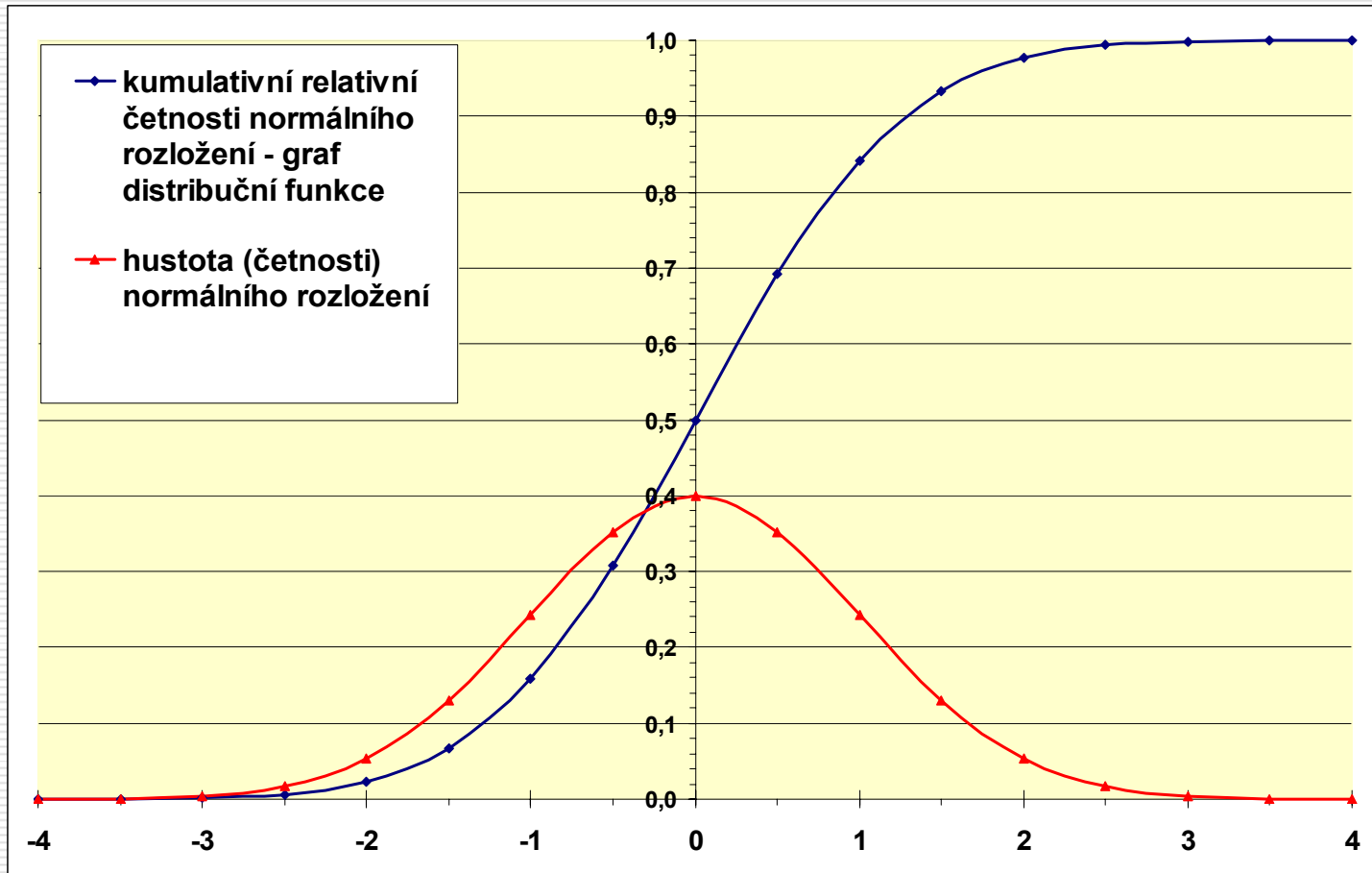
- Kombinatorika – velikost pole jevů
 - permutace n prvků = $n!$
 - kombinace r prvků z n -prvkové množiny = $n! / r!(n-r)!$

- Šance – odds ratio
 - častý způsob vyjádření pravděpodobnosti
 - šance Komety na vítězství jsou 1:10
 - = $P(A) / P(\bar{A})$

Pravděpodobnostní rozložení náhodné proměnné

- Je-li proměnná náhodná (tj. její hodnoty lze považovat za výsledek náhodných pokusů)...
- ...jaká je pravděpodobnost výskytu jednotlivých možných hodnot?
- Vzpomeňme si, že $P(A) = n / m$, blíží-li se počet pokusů ∞ (populaci)
- Máme-li tedy dost velký, náhodně vybraný vzorek, pak P výskytu jednotlivých hodnot = jejich relativní četnost
- **Pravděpodobnostní rozložení \approx rozložení relativních četností**
 - U spojitých proměnných většinou neuvažujeme o pravděpodobnostech výskytu jednotlivých hodnot (je jich nekonečno), ale spíše o pravděpodobnosti výskytu hodnot v intervalech – **hustota pravděpodobnosti**
 - U diskrétních proměnných uvažujeme o pravděpodobnostech výskytu jednotlivých hodnot.
- P-nostní rozložení je popsáno **distribuční funkcí**
 - $F(x) = P(X \leq x)$ tj. P. výskytu hodnot $\leq x$
 - Tato P je rovna „ploše oblasti pod křivkou“

Normální rozložení



Důležitá p-nostní rozložení

- ❑ Normální
- ❑ Poissonovo
- ❑ Studentovo t- rozložení
- ❑ Fisherovo F-rozložení
- ❑ χ^2 -rozložení (chí-kvadrát)
- ❑ Binomické (Hendl, 134)

Vyjma binomického se všechna uvedená rozložení používají jako přibližné (asymptotické) ideály, jimž by se rozložení našich proměnných (statistik) blížilo, kdybychom měli obrovský a reprezentativní vzorek.