

# Určitý integrál

## Interaktivní kvízy

Robert Mařík

8. března 2007

Vyzkoušejte dva, tři nebo dvacet dalších  
mých kvízů a potom mi prosím vyplňte  
na webu. Děkuji!



[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀](#)

[▶](#)

[◀](#)

[▶](#)

[Strana 1 z 9](#)

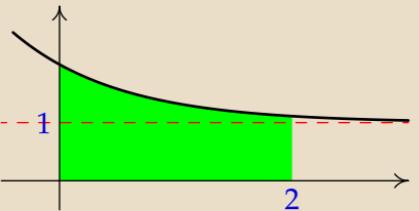
[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

**Kvíz.** Funkce na obrázku je funkce  $y = e^x$  otočená okolo osy  $y$  a posunutá o jedničku nahoru. (Exponenciální  $e^x$  funkci můžete zapsat jako  $\exp(x)$ , nebo  $e^{\wedge}(x)$ .) Zelená množina odpovídá intervalu  $x \in [0, 2]$ .



1. Najděte analytické vyjádření funkce.  $y =$
2. Zapište obsah zelené množiny pomocí určitého integrálu.

$$S = \int \quad dx$$

3. Najděte následující primitivní funkci.

$$\int e^{-x} dx = \quad + C$$

4. Zintegrujte a použijte Newtonovu–Leibnizovu větu.

$$S = \left[ \quad \right]$$

5. Dosaděte meze a vypočtěte integrál.  $S =$

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)



[Strana 2 z 9](#)

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

6. Zapište objem rotačního tělesa, které obdržíme rotací zelené množiny kolem osy  $x$ , jako určitý integrál.

$$V = \pi \int \text{dx}$$

7. Upravte a zintegrujte.

$$V = \pi \left[ \quad \right]$$

8. Dopočítejte objem.  $V = \pi$

ROBERT MARÍK

Určitý integrál

file int-urc-CZ.tex

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀◀](#) [▶▶](#)

[◀](#) [▶](#)

[Strana 3 z 9](#)

[Zpět](#)

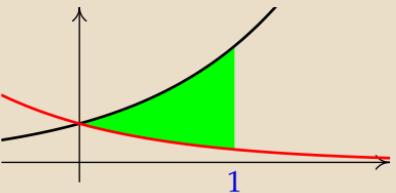
[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)



**Kvíz.** Funkce an obrázku jsou  $y = e^x$  a  $y = e^{-x}$  (Do políček tyto funkce můžete  $e^x$  zapsat jako  $\exp(x)$  nebo  $e^{\wedge}(x)$  a  $e^{-x}$  jako  $\exp(-x)$  nebo  $e^{\wedge}(-x)$ .) Zelená množina odpovídá intervalu intervalu  $x \in [0, 1]$ .



1. Černá křivka má analytické vyjádření  $y =$
2. Červená křivka má analytické vyjádření  $y =$
3. Zapište obsah množiny pomocí určitého integrálu.

$$S = \int \quad dx$$

4. Zintegrujte

$$S = \left[ \quad \right]$$

5. Dosaděte meze a dopočítejte integrál  $S =$

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀◀](#) [▶▶](#)

[◀](#) [▶](#)

Strana 4 z 9

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

6. Zapište objem rotačního tělesa, které vznikne rotací zelené množiny okolo osy  $x$ , pomocí určitého integrálu.

$$V = \pi \int \text{dx}$$

7. Upravte a zintegrujte.

$$V = \pi \left[ \quad \right]$$

8. Dopočítejte objem tělesa.  $V = \pi$

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[!\[\]\(bd3b31712ad9bab5a241210fa6925cdd\_img.jpg\)](#) [!\[\]\(882be629d4a853dc90d60f084b0d185d\_img.jpg\)](#)  
[!\[\]\(cadb1a36ec331fde129feec52622b01a\_img.jpg\)](#) [!\[\]\(993d39f42bf03c4f62d9b7c594e41af9\_img.jpg\)](#)

[Strana 5 z 9](#)

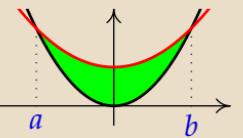
[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

**Kvíz.** Funkce na obrázku jsou  $y = x^2$  a  $y = \frac{x^2}{2} + 2$ . (Můžete je zapsat například jako  $y=x^2$  a  $y=x^2/2+2$ ).



1. Černá křivka je:  $y =$
2. Červená křivka je:  $y =$
3. Najděte  $x$ -ové souřadnice průsečíků obou křivek:  $a =$        $b =$
4. Zapište obsah zelené množiny pomocí určitého integrálu.

$$S = \int \quad dx$$

5. Integrand je polynomem. Najděte jeho koeficienty (doplňte čísla).

$$S = \int \quad ( \quad x^2 + \quad ) dx$$

6. Zintegrujte pomocí Newtonovy–Leibnizovy věty.

$$S = \left[ \quad \right] =$$

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀◀](#) [▶▶](#)

[◀](#) [▶](#)

[Strana 6 z 9](#)

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

7. Zapište objem tělesa, které obdržíme otáčením zelené množiny okolo osy  $x$ , jako určitý integrál.

$$V = \pi \int \quad dx$$

8. Integrand je polynomem. V následujícím integrálu doplňte nejprve koeficienty tohoto polynomu.

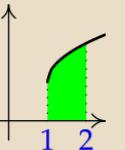
$$V = \pi \int \left( \quad x^4 + \quad x^2 + \quad \right) dx$$

9. Zintegrujte a použijte Newtonovu–Leibnizovu větu.

$$V = \pi \left[ \quad \right]$$

10. Dopočítejte objem.  $V =$   $\pi$

**Kvíz.** Kvíz. Křivka na obrázku je grafem funkce  $y = \sqrt{x}$ , který je posunutý o jedničku doprava a nahoru. (Funkci  $\sqrt{x}$  nůžete zapsat jako  $\text{sqrt}(x)$  nebo  $x^{(1/2)}$ .)



1. Analytický tvar funkce na obrázku je:  $y =$
2. Zapište obsah vyznačené množiny pomocí určitého integrálu

$$S = \int \quad dx$$

3. Doplňte vzoreček, který využijeme při výpočtu integrálu

$$\int \sqrt{x} dx = \int x^{\frac{1}{2}} dx = \quad + C$$

4. Najděte primitivní funkci

$$S = \left[ \quad \right]$$

5. Vypočtěte integrál:  $S =$

**6.** Zapište objem rotačního tělesa, které vznikne rotací množiny okolo osy  $x$ , jako určitý integrál

$$V = \pi \int \text{d}x$$

**7.** Zjednodušte a upravte

$$V = \pi \left[ \quad \right]$$

**8.** Vypočtěte objem  $V = \pi$

ROBERT MARÍK

Určitý integrál

file int-urc-CZ.tex

[Úvodní strana](#)

[Print](#)

[Titulní strana](#)

[◀◀](#) [▶▶](#)

[◀](#) [▶](#)

Strana 9 z 9

[Zpět](#)

[Full Screen](#)

[Zavřít](#)

[Konec](#)

