



# ■ Derivace ■ Derivatives

Robert Mařík  
Mendel University Brno

12. května 2005

■ Are you able to recognize the rule which has to be used for differentiation?

■ Víte, jaké pravidlo je potřeba použít při výpočtu derivací?

Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 1 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

# 1. Test 1

Establish the rule which should be used as the first rule when differentiating the following functions. Consider each function "as is". Do no algebraic simplifications before. You can practise manipulation with test in the first three questions and then you can answer the following questions (continues on the next pages).

Určete, které pravidlo pro derivaci funkce budeme používat jako první při derivování. Každou funkci derivujte tak, jak je (ne-upravujte ji před derivováním). Každá odpověď je automaticky vyhodnocena fajfkou (správně) nebo křížkem (špatně). V prvních třech otázkách si vyzkoušíte ovládání a poté můžete odpovídat na ostro (test pokračuje i na další straně).



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 2 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

## Quiz

Zaškrtněte správné políčko  
Mark the correct answer

- Součin  
Product      Podíl  
Quotient      Slož. funkce  
Chain rule



1. součin, product
2. podíl, quotient
3. složená funkce, chain rule
4.  $y = \ln(x \cos x)$
5.  $y = x \sqrt{x^2 + 1}$

$$6. y = x \frac{\ln x}{\sqrt{x+1}}$$

$$7. y = \frac{x \ln x}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$8. y = \sin(2x) \cos(2x)$$

$$9. y = \operatorname{atan} \frac{x}{x+1}$$

$$10. y = \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$$

Test 1

Test 2

Home Page

Print

Title Page



Page 3 of 9

Go Back

Full Screen

Close

Quit



Součin  
Product

Podíl  
Quotient

Slož. funkce  
Chain rule

Zaškrtněte správné políčko  
Mark the correct answer

11.  $y = \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$

12.  $y = x \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$

13.  $y = x^2 \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x}$

14.  $y = xe^{-x}$

15.  $y = e^{-x/(x+1)}$

16.  $y = \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{e^{2x}}$

Test 1

Test 2

Home Page

Print

Title Page



Page 4 of 9

Go Back

Full Screen

Close

Quit

## 2. Test 2

The functions in the following test are *composite functions and have to be differentiated using the chain rule as the first rule.*

**Mark the rule which will be used as the second rule (for derivative of the inside function).**

Flag of the Czech Republic

Funkce v následujícím testu jsou složené a jako první pravidlo při derivování použijeme řetězové pravidlo pro derivaci složené funkce.

**Určete, které pravidlo použijeme jako druhé (při derivování vnitřní složky).**



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)

◀

▶

◀

▶

Page 5 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)



## Examples:

- For  $y = (x\sqrt{x^2 + 1})^2$  mark "product rule". The inside function " $x\sqrt{x^2 + 1}$ " is a product.
- For  $y = \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)^2$  mark "quotient rule". The inside function " $\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$ " is a quotient.
- For  $y = \ln(\sin(2x))$  mark "chain rule". The inside function " $\sin(2x)$ " is a composite function.
- For  $y = \ln^2 x$  mark "sum rule or formula". The inside function is " $\ln x$ " and can be differentiated using basic formulas.
- For  $y = \ln(x + x^2)$  mark "sum rule or formula". The inside function is " $x + x^2$ " and can be differentiated by the sum rule and using basic formulas.

Consider each function "as is". Do no algebraic simplifications before.

## Příklady:

- Pro  $y = (x\sqrt{x^2 + 1})^2$  dejte "součin". Vnitřní složka " $x\sqrt{x^2 + 1}$ " je součin.
- Pro  $y = \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)^2$  volte "podíl". Vnitřní složka " $\frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$ " je podíl.
- Pro  $y = \ln(\sin(2x))$  volte "složená funkce". Vnitřní složka " $\sin(2x)$ " je složená funkce.
- Pro  $y = \ln^2 x$  volte "součet nebo vzorec". Vnitřní složka je " $\ln x$ " a lze ji derivovat pomocí vzorců.
- Pro  $y = \ln(x + x^2)$  volte "součet nebo vzorec". Vnitřní složka " $x + x^2$ " je součet a budeme derivovat každý sčítanec samostatně.

Derivujte každou funkci přímo v tom tvaru, ve kterém je zadána. Nedělejte žádné úpravy před derivováním.



Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



[Page 6 of 9](#)

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

## Quiz

Zaškrtněte správné políčko  
Mark the correct answer

Součin  
Product  
Podíl  
Quotient  
Slož. fce.  
Chain rule  
Souč. nebo vzorec  
Sum or formula



1.  $y = \ln(x \cos x)$

2.  $y = \sqrt{\ln x}$

3.  $y = \sqrt{\frac{x}{\ln x}}$

4.  $y = \ln(\operatorname{atan}(x \sin x))$

5.  $y = \arcsin \sqrt{\frac{x}{x+1}}$

6.  $y = \operatorname{atan} \sqrt{x}$

7.  $y = \sin(2x + \operatorname{atan} x)$

8.  $y = \ln(x \operatorname{atan} x^2)$

9.  $y = \sqrt{x + x^2}$

10.  $y = e^{\frac{x}{x^2-1}}$

Test 1

Test 2

Home Page

Print

Title Page



Page 7 of 9

Go Back

Full Screen

Close

Quit



Součin  
Product  
Podíl  
Quotient  
Slož. fce.  
Chain rule  
Soutč. nebo vzorec  
Sum or formula

Zaškrtněte správné políčko  
Mark the correct answer

11.  $y = \ln(\sin x)$

12.  $y = \ln(\arcsin x^2)$

13.  $y = \arcsin\left(\frac{x}{x+1}\right)$

14.  $y = \ln \arcsin(x \ln x)$

15.  $y = \sin(x \ln(2x+1))$

Test 1

Test 2

[Home Page](#)

[Print](#)

[Title Page](#)



Page 8 of 9

[Go Back](#)

[Full Screen](#)

[Close](#)

[Quit](#)

 That's all. The user is kindly asked to send his comments to these quizzes to my E-mail address.

 Tot' vše, přátelé. Případné komentáře a ohlasy zašlete prosím na E-mailovou adresu autora.



*Test 1*

*Test 2*

*Home Page*

*Print*

*Title Page*



*Page 9 of 9*

*Go Back*

*Full Screen*

*Close*

*Quit*