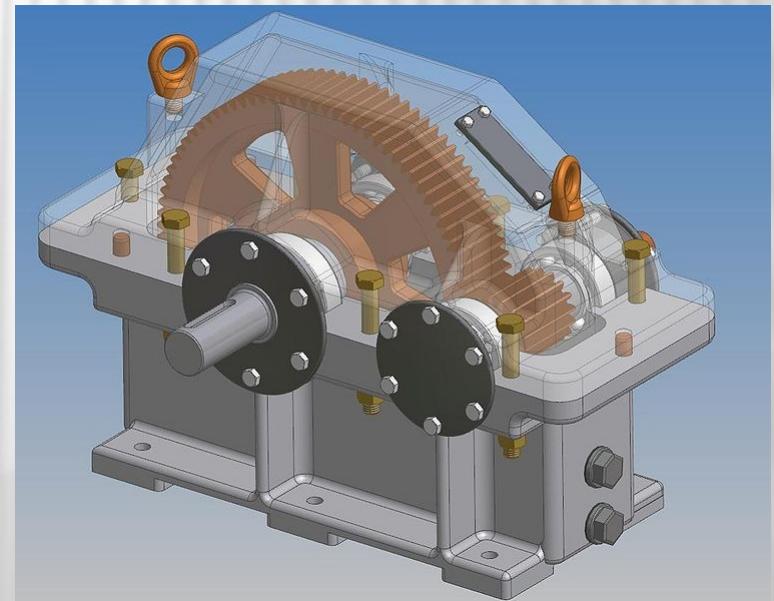


Mechanické převody

# ČÁSTI STROJŮ

# CÍLE PŘEDNÁŠKY

**Seznámení studentů se základními stavebními prvky strojů a strojního zařízení. Úvod do problematiky mechanických spojů.**

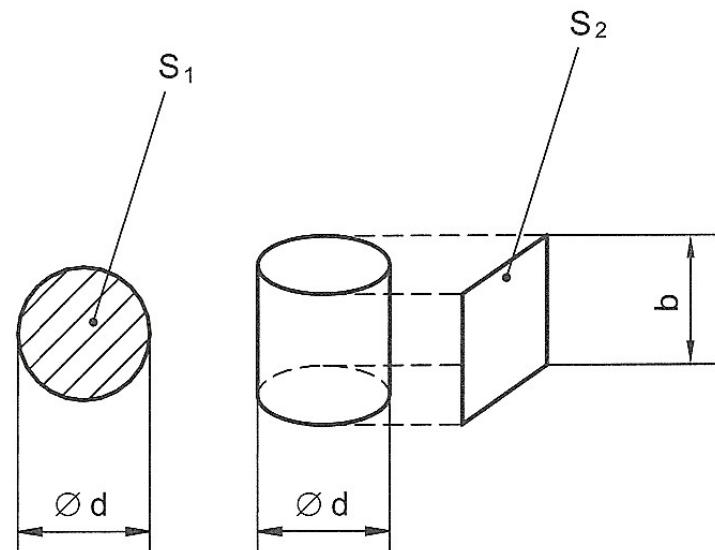
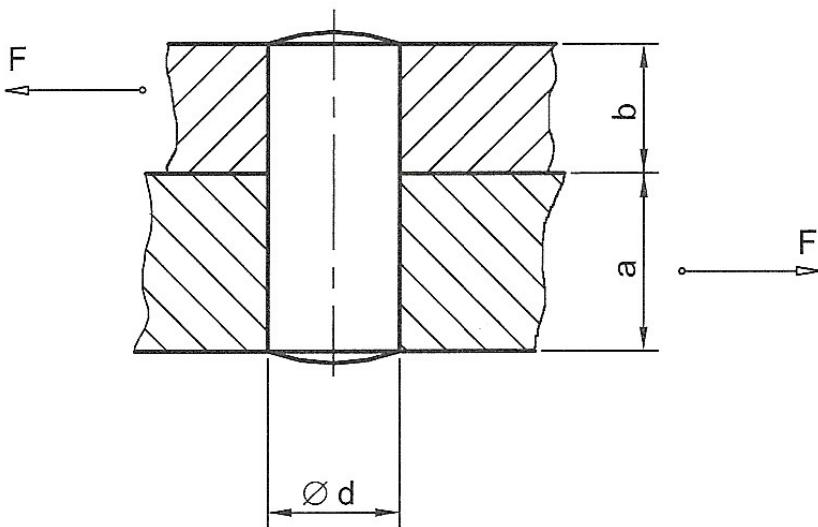


# OBSAH PŘEDNÁŠKY

- 1. Dokončení spojů – výpočtové příklady.**
- 2. Mechanické převody**
  - převody ozubenými koly;
  - řetězové převody;
  - řemenové převody.
- 3. Výpočtový aparát.**
- 4. Příklady.**

# PŘÍKLADY

## Př.3 – Kolíkový spoj



Obr. 23: Pojištění válcovým kolíkem

## Příklad:

Určete průměr pojišťovacího kolíku (obr. 23), je-li z materiálu 11 140.0 a je zadáno:  $a = 20 \text{ mm}$ ,  $b = 10 \text{ mm}$ ,  $F = 5000 \text{ N}$ , zatížení střídavé,  $k = 2$ , materiál obou součástí 11 373.0. Pro materiál 11 140.0 je v tabulkách  $\sigma_{Pt} = 570 \div 980 \text{ MPa}$ .

Nejdříve se stanoví dovolené napětí ve smyku a z něho průměr kolíku z pevnostní rovnice. Druhý výpočet průměru kolíku se provede po určení dovoleného tlaku z pevnostní rovnice na otlačení.

$$\tau_s = \frac{F}{S_1} \leq \tau_{Ds}$$

$$\tau_{Ds} = 0,6 \cdot \sigma_{Dt} = 0,6 \cdot \frac{0,6 \cdot \sigma_{Pt}}{k} \cdot c_{III} = 0,6 \cdot \frac{0,6 \cdot 800}{2} \cdot 0,6 = 86,4 \text{ MPa}$$

$$\frac{F}{S_1} = \tau_{Ds}$$

$$\frac{\frac{F}{\pi \cdot d^2}}{4} = \tau_{Ds} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{4 \cdot F}{\pi \cdot \tau_{Ds}}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 5000}{\pi \cdot 86,4}} = 8,58 \text{ mm}$$

$$p = \frac{F}{S_2} \leq p_D$$

$$p_D = \sigma_{Dd} = \sigma_{Dt} = \frac{0,6 \cdot \sigma_{Pt}}{k} \cdot c_{III} = \frac{0,6 \cdot 370}{2} \cdot 0,65 = 72,2 \text{ MPa}$$

$$\frac{F}{S_2} = p_D$$

$$\frac{F}{b \cdot d} = p_D \Rightarrow d = \frac{F}{b \cdot p_D} = \frac{5000}{10 \cdot 72,2} = 6,9 \text{ mm}$$

Pro výpočet dovoleného tlaku byl brán materiál s menší pevností, tj. materiál spojovaných součástí. Z výpočtu na smyk a otlačení vychází různé průměry kolíku, proto je nutné volit kolík s větším průměrem.

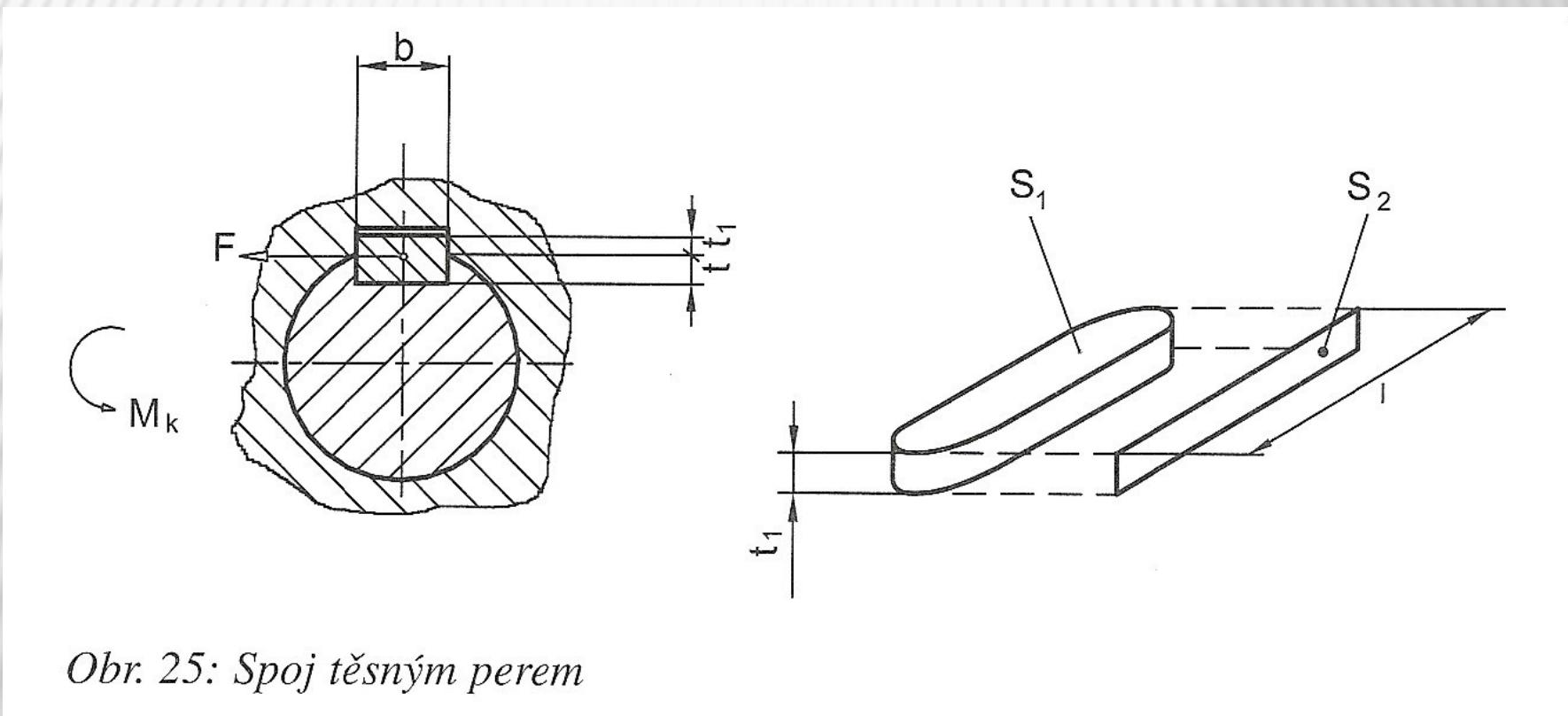
# PŘÍKLADY

podle ČSN... Kolík  $10\ m6 \times 30$  ČSN 02 2150.1

podle ISO ... Válcový kolík ISO 2338 - A -  $10 \times 30 - St$

# PŘÍKLADY

## Př.4 – Spoj těsným perem



Obr. 25: Spoj těsným perem

# PŘÍKLADY

## Příklad:

Hřídel s průměrem  $d = 40 \text{ mm}$  je spojen s ozubeným kolem těsným perem. Zatížení míjivé,  $k = 2$ , materiál ozubeného kola

12 020.9 ( $\sigma_{P_t} = 600 \text{ MPa}$ ),  $M_k = 255 \text{ Nm}$ . Určete minimální délku pera a provedte jeho kontrolu na smyk. Zvoleno pero 12 e7x8.

$$p = \frac{F}{S_2} \leq p_D$$

$$F = \frac{2 \cdot M_k}{d}$$

$$S_2 = t_1 \cdot l$$

$$p_D = \sigma_{Dd} = \frac{0,6 \cdot \sigma_{P_t}}{k} \cdot c_H = \frac{0,6 \cdot 600}{2} \cdot 0,75 = 135 \text{ MPa}$$

$$\frac{F}{t_1 \cdot l} = p_D \Rightarrow l = \frac{2 \cdot M_k}{d \cdot t_1 \cdot p_D} = \frac{2 \cdot 255\,000}{40 \cdot 3,1 \cdot 135} = 30,5 \text{ mm}$$

Zvoleno pero podle ST s délkou  $l = 32 \text{ mm}$

$$\tau_s = \frac{F}{S_1} \leq \tau_{Ds}$$

$$\tau_{Ds} = 0,6 \sigma_{Dt} = 0,6 \cdot 135 = 81 \text{ MPa}$$

$$\tau_s = \frac{F}{b \cdot l} = \frac{2 \cdot M_k}{d \cdot b \cdot l} = \frac{2 \cdot 255\,000}{40 \cdot 12 \cdot 32} = 33,2 \text{ MPa}$$

Zvolené pero na smyk vyhovuje, neboť  $\tau_s < \tau_{Ds}$ .

# PŘÍKLADY

## Př.5 – Spoj těsným perem

### Příklad:

Určit minimální délku náboje podle zadání z minulého příkladu pro výměnné pero.

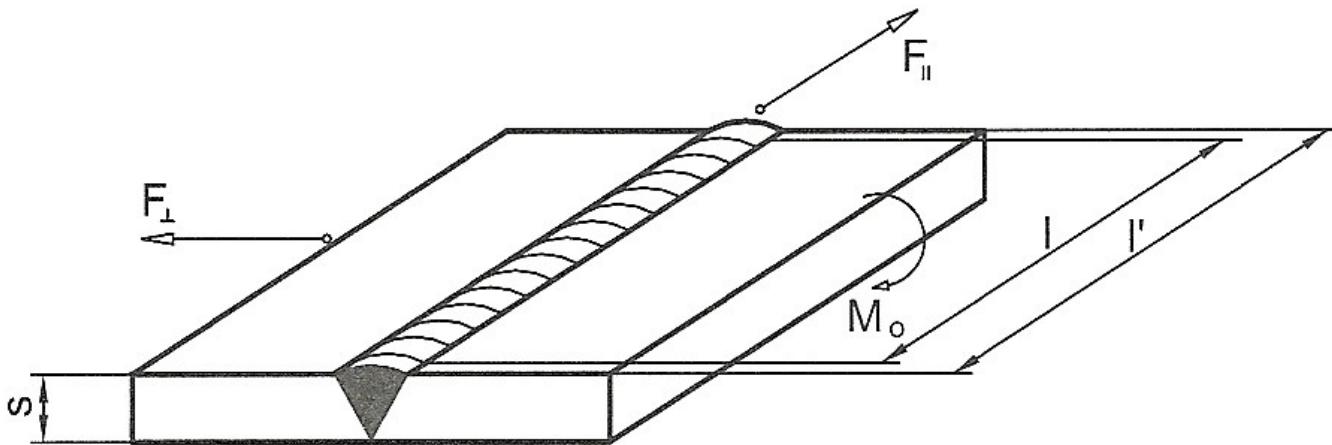
$$l = \frac{2 \cdot M_k}{d \cdot t_1 \cdot p_D} = \frac{2 \cdot 255\,000}{40 \cdot 3,1 \cdot 23} = 178,8 \text{ mm}$$

$$p_D = 0,17 \cdot \sigma_{Dd} = 0,17 \cdot 135 = 23 \text{ MPa}$$

Vzhledem k velké délce náboje je výhodnější volit dvě pera s poloviční délkou.

# PŘÍKLADY

## Př.6 – Svarový spoj



Obr. 44: Namáhání tupého V svaru

### Příklad:

Svar V podle obr. 44 je namáhán míjivou tahovou silou  $F_{\perp} = 14\,000\text{ N}$ . Rozměry svaru:  $s = 5\text{ mm}$ ,  $l' = 50\text{ mm}$ , materiál součástí 11 373, bezpečnost  $k = 2$ . Proveďte pevnostní kontrolu svaru.

# PŘÍKLADY

$$\sigma_{\perp} = \frac{F_{\perp}}{s \cdot l} = \frac{F_{\perp}}{s \cdot (l' - 1,5 \cdot t)} = \frac{14\,000}{5 \cdot (50 - 1,5 \cdot 5)} = 65,9 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{Dsv} = \alpha_{\perp} \cdot \sigma_{Dt} = \alpha_{\perp} \cdot \frac{0,6 \cdot \sigma_{Pt}}{k} \cdot c_H = 0,85 \cdot \frac{0,6 \cdot 370}{2} \cdot 0,85 = 80,2 \text{ MPa}$$

Navržený svar vyhovuje.

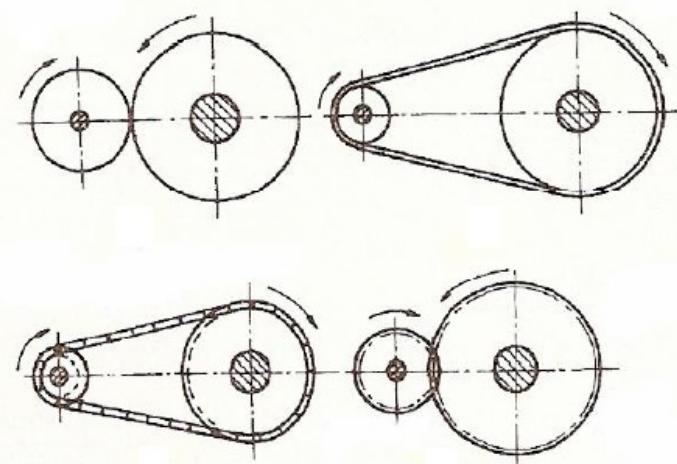
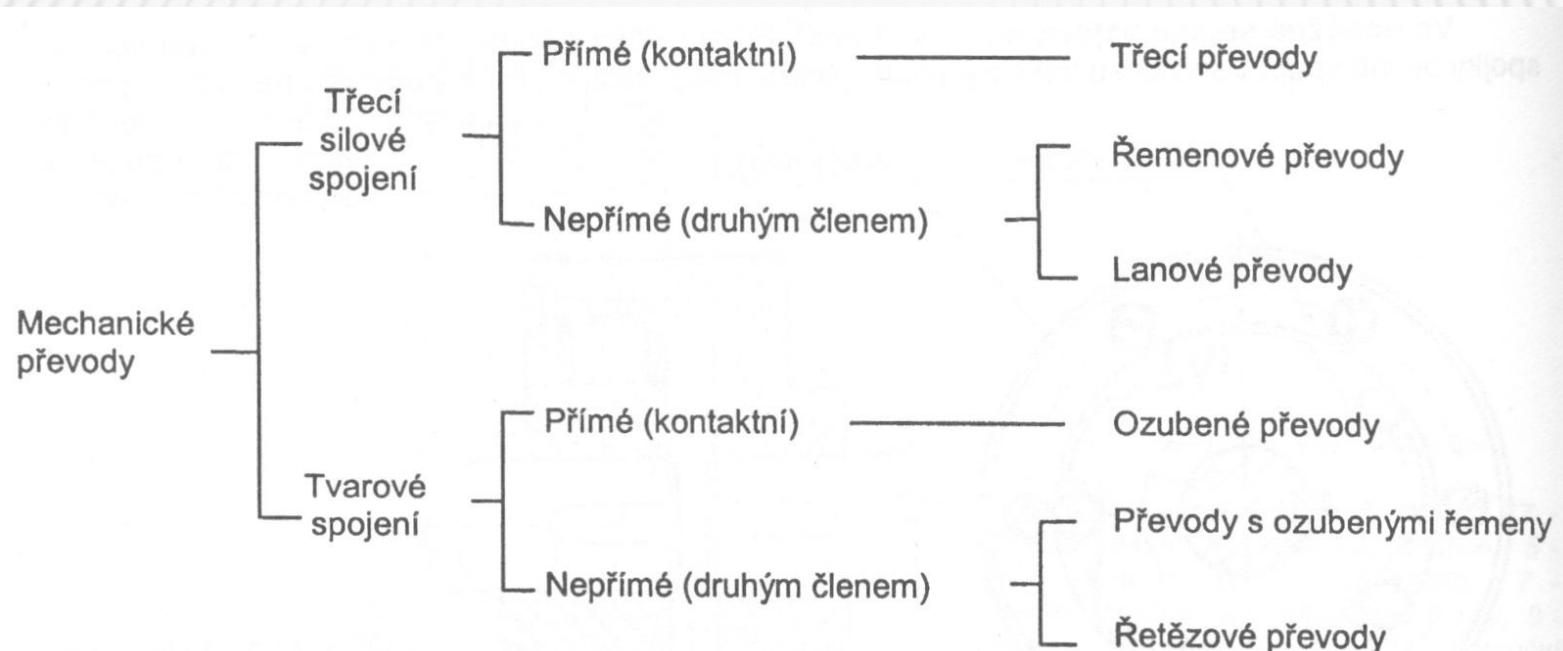
# MECHANICKÉ PŘEVODY

Mechanické převody umožňují spojení hnacích a hnaných členů ve strojích, přičemž umožňují změnu rychlosti otáčení a kroutícího momentu u hnaného členu.

Převody lze rozdělit podle změny rychlosti otáčení u výstupního členu na :

- **Reduktory** dochází ke snížení otáček a ke zvýšení kroutícího momentu.
- **Multiplikátory** dochází ke zvýšení otáček a ke snížení kroutícího momentu.

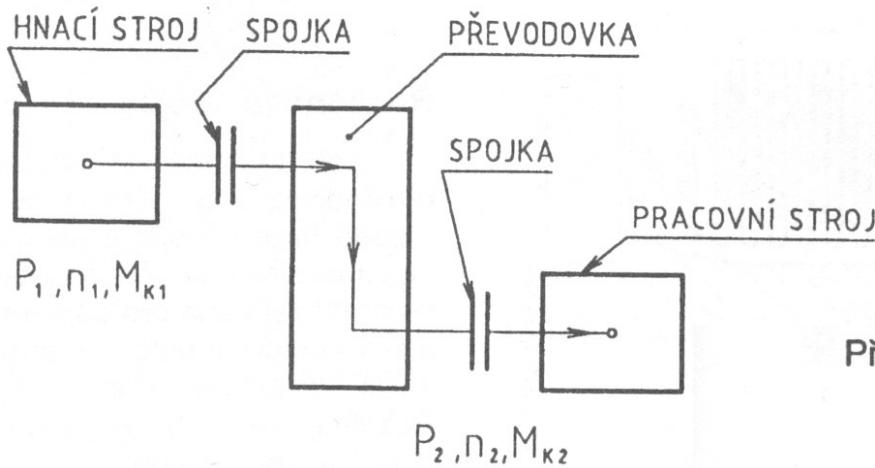
# MECHANICKÉ PŘEVODY



# MECHANICKÉ PŘEVODY

## Účinnost převodu a převodový poměr.

$$\eta = \frac{P_2}{P_1}$$



Převodový poměr

$i < 1$

- převod do rychla

$i > 1$

- převod do pomala

$$i = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{n_1}{n_2},$$

kde  $\omega_1 (\text{s}^{-1})$  je úhlová rychlosť hnacího členu;  
 $\omega_2 (\text{s}^{-1})$  - úhlová rychlosť hnaného členu;  
 $n_1 (\text{min}^{-1})$  - frekvencie otáček hnacího členu;  
 $n_2 (\text{min}^{-1})$  - frekvencie otáček hnaného členu.

# MECHANICKÉ PŘEVODY

**Převodové číslo (pro ozubené soukolí):**

$$u = \frac{z_2}{z_1} = \frac{d_2}{d_1},$$

kde  $z_1$  je počet zubů hnacího kola (menšího kola, tzv. pastorku);  
 $z_2$  - počet zubů hnaného kola;  
 $d_1$  - průměr roztečné kružnice pastorku;  
 $d_2$  - průměr roztečné kružnice kola.

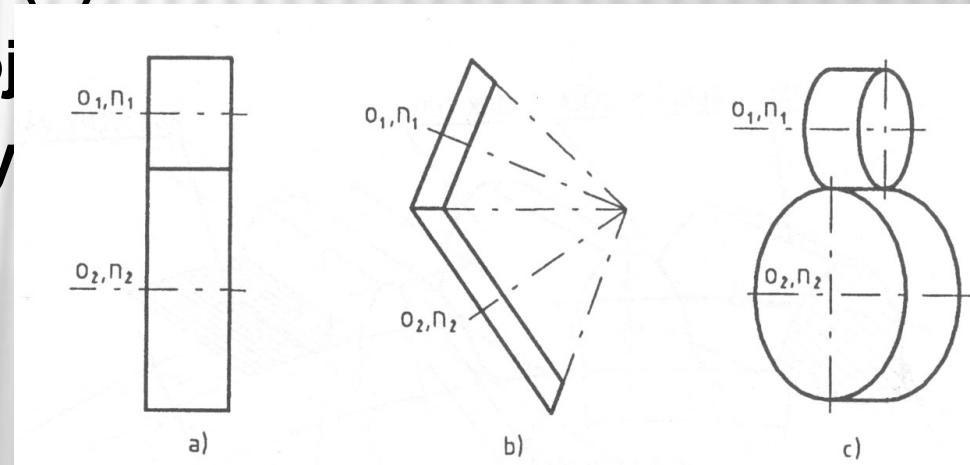
**U ideálního převodu:**

$$u = i = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{z_2}{z_1} = \frac{M_{K2}}{M_{K1}}.$$

# OZUBENÉ PŘEVODY

Ozubenými převody se přenáší otáčivý pohyb mezi hřídeli. Převod je tvořen ozubenými koly, jejichž tvar závisí na vzájemné poloze hřídelů.

- Hřídele rovnoběžné se spojují čelními ozubenými koly (a).
- Hřídele různoběžné se spojují kuželovými ozubenými koly (b).
- Hřídele mimoběžné se spojují šroubovými ozubenými koly



# ČELNÍ SOUKOLÍ

Princip čelního soukolí je podobný jako, kdyby se po sobě odvalovaly dva válce. Menší ozubené kolo se nazývá **pastorek**, větší ozubené kolo –**kolo**.

Převodové číslo:

$$u = \frac{z_2}{z_1} = \frac{d_2}{d_1} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{n_1}{n_2} = i,$$

kde  $n_1, n_2$  (sec<sup>-1</sup>)      je frekvence otáčení hřídelů;

$\omega_1, \omega_2$  (sec<sup>-1</sup>)      - úhlové rychlosti hřídelů;

$z_1, z_2$                           - počty zubů pastorku a kola;

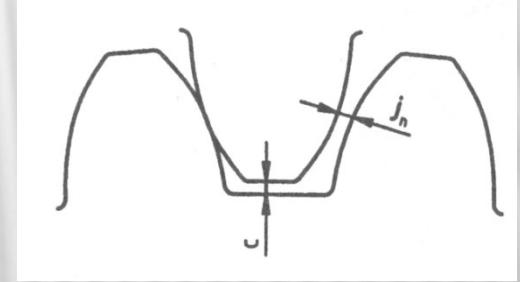
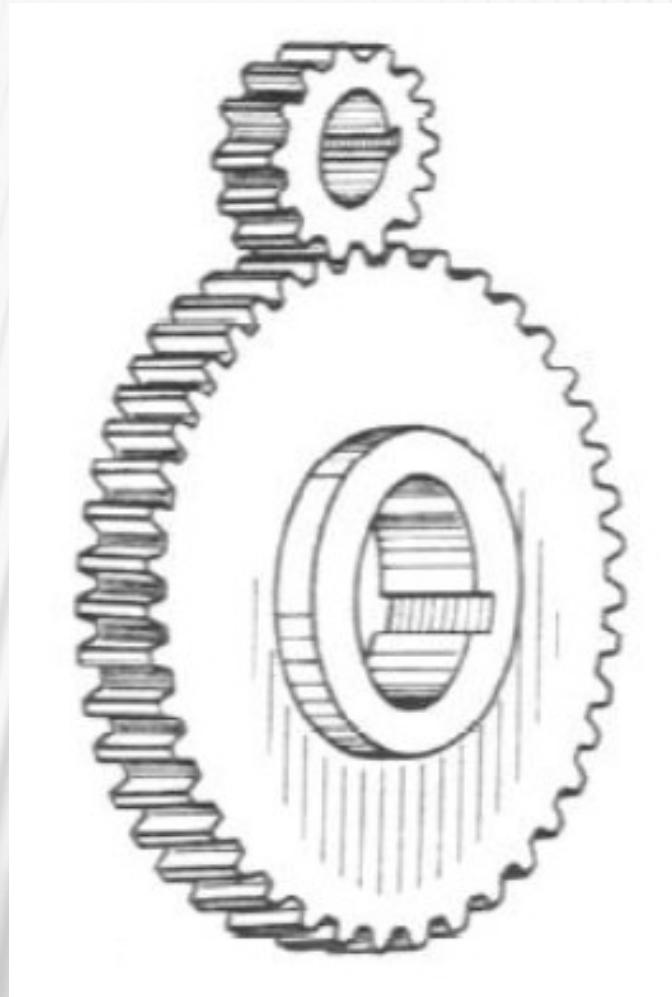
$d_1, d_2$  (mm)                    - průměry roztečných kružnic;

$a = \frac{d_1 + d_2}{2}$  (mm) - osová vzdálenost hřídelů.

# ČELNÍ OZUBENÉ SOUKOLÍ

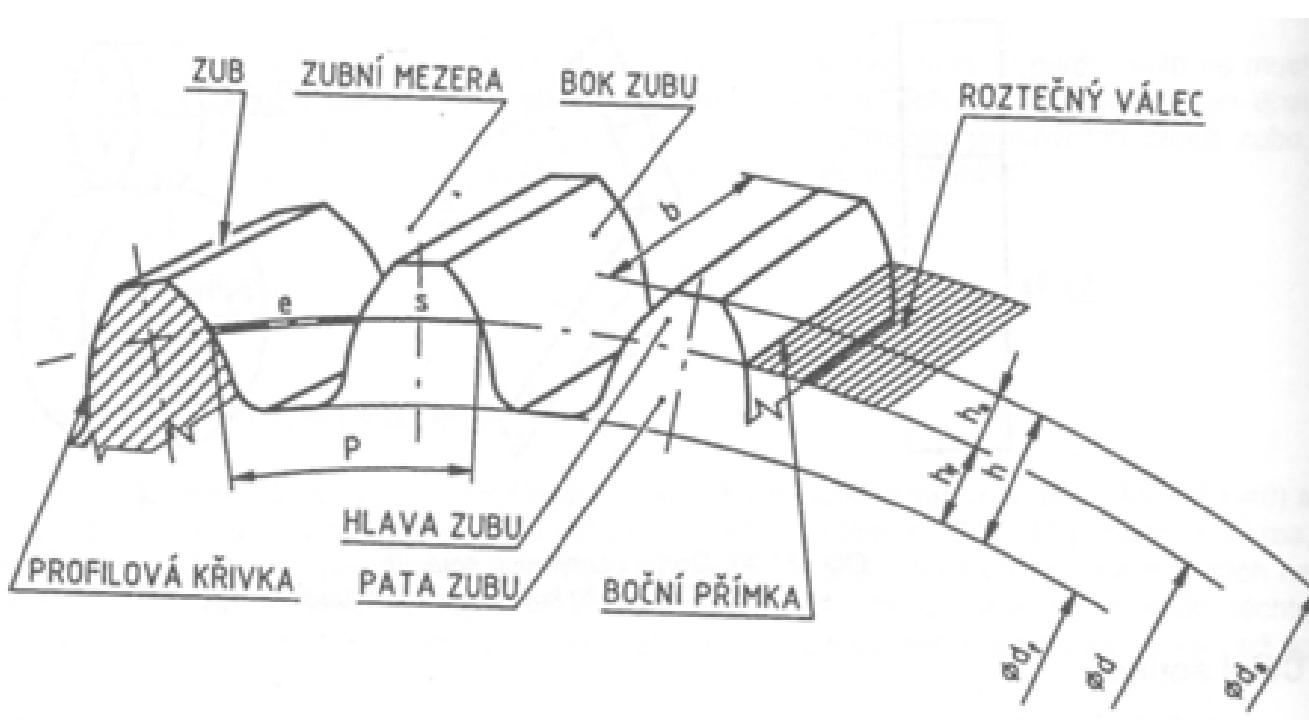
Pastorek

Ozub. Kolo



# OZUBENÉ KOLO S PŘÍMÝMI ZUBY

Volí se evolventní profil zubů.



# OZUBENÉ KOLO S PŘÍMÝMI ZUBY

**Charakteristické rozměry ozubeného kola: modul (m), rozteč zubů (P), počet zubů (z).**

**Další rozměry:**

výška hlavy zuba

$$h_a = m;$$

výška paty zuba

$$h_f = h_a + c = m + 0,25 m = 1,25 m;$$

výška zuba

$$h = h_a + h_f = m + 1,25 m = 2,25 m;$$

průměr roztečné kružnice

$$d = m.z;$$

průměr hlavové kružnice

$$d_a = d + 2h_a = m.z + 2 m = m(z + 2);$$

průměr patní kružnice

$$d_f = d - 2h_f = m.z - 2 \cdot 1,25 m = m(z - 2,5);$$

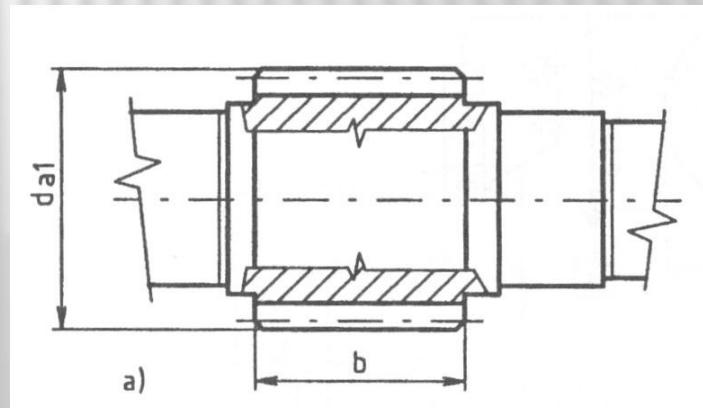
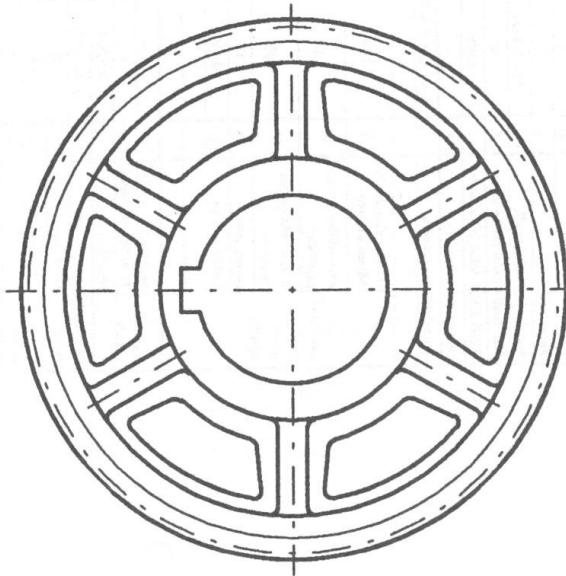
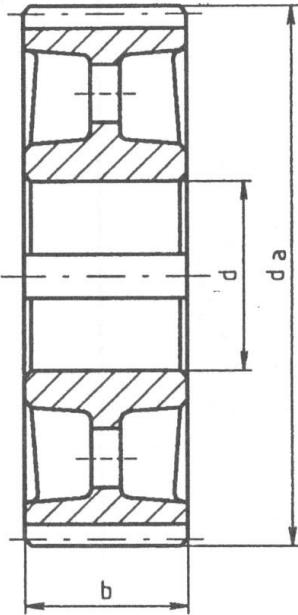
průměr základní kružnice

$$d_b = d \cdot \cos\alpha.$$

## Modul ozubení – m (normalizován ČSN 01 4608)

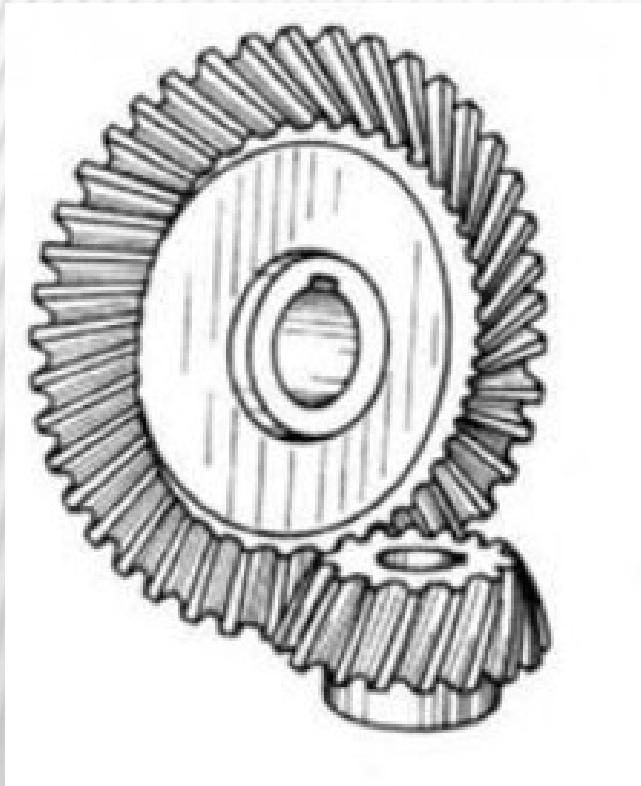
# ZOBRAZOVÁNÍ OZUBENÝCH KOL

Zobrazování ozubených kol v řezech.



# KUŽELOVÁ SOUKOLÍ

**Slouží k přenášení rotačního pohybu mezi různoběžnými hřídeli**

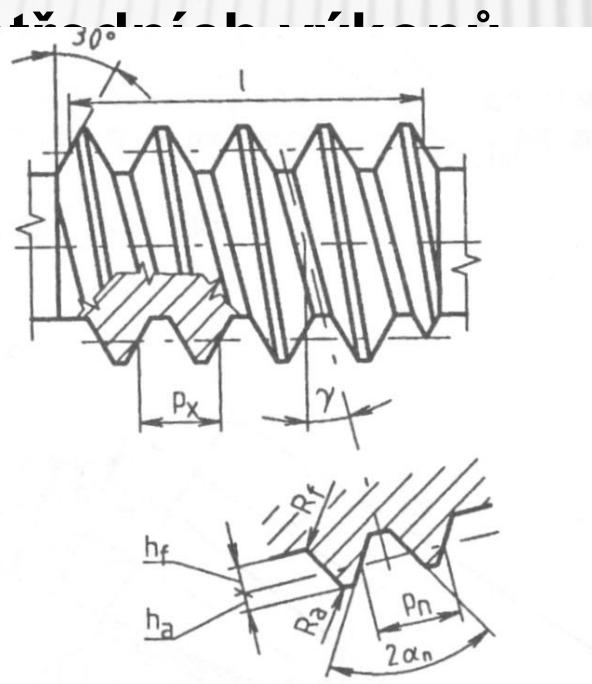
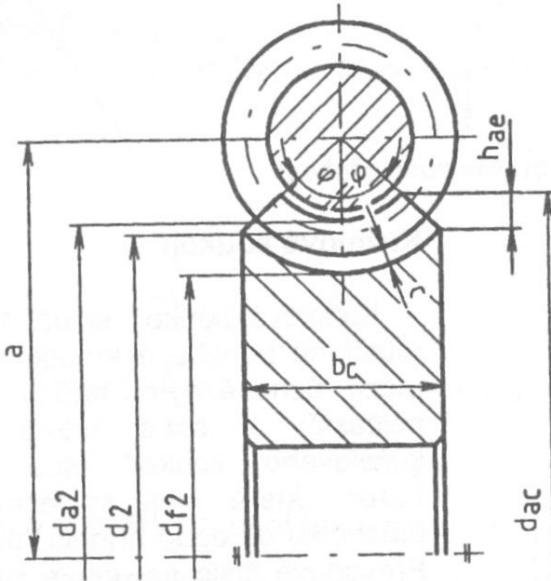


# ŠROUBOVÁ A ŠNEKOVÁ SOUKOLÍ

**Slouží k přenášení rotačního pohybu mezi mimoběžnými hřídeli.**

**Šnekové soukolí je tvořeno šnekem (z=1-3 i více) a spolu-zabírajícím kolem (šnekovým kolem).**

Dle DIN 3961 - Šnekové soukolí

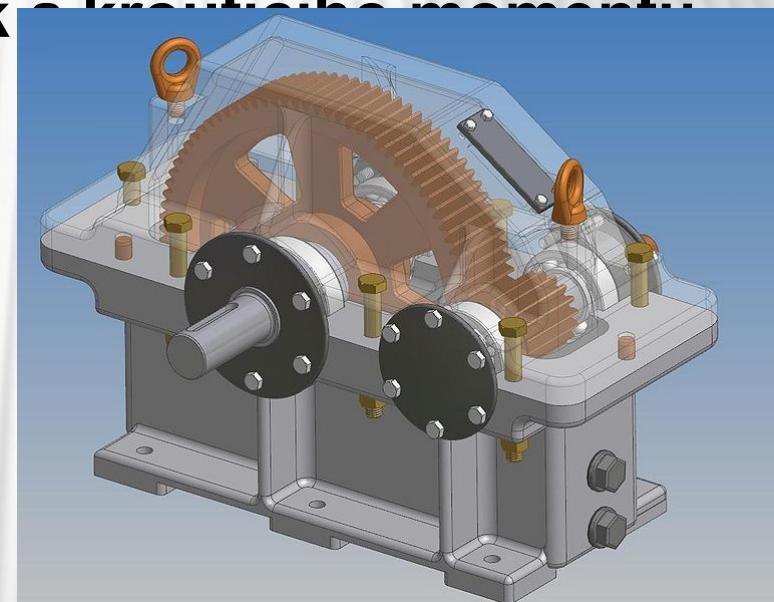


# PŘEVODOVKY

Převodovka je technické zařízení využívající mechanického převodu (nejčastěji s zubeným soukolím) ke změně otáček a kroužícího momentu.

Převodovky mohou být:

- jednostupňové
- vícestupňové.



Převodovka je tvořena vstupním a výstupním hřídelem, skříní (vana a víko) a ozubeným soukolím. Převodovky se využívají v automobilovém průmyslu, jsou důležitou součástí strojů.

# PŘEVODOVKY

Automobilní (Volkswagen Golf R32)



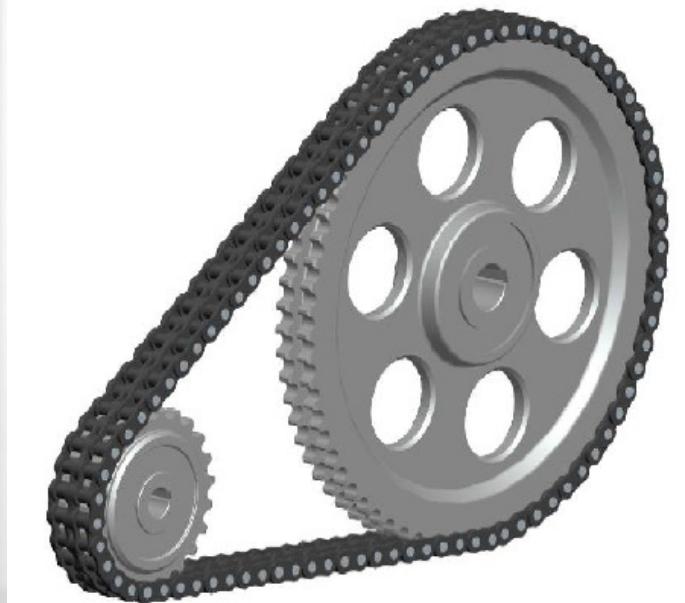
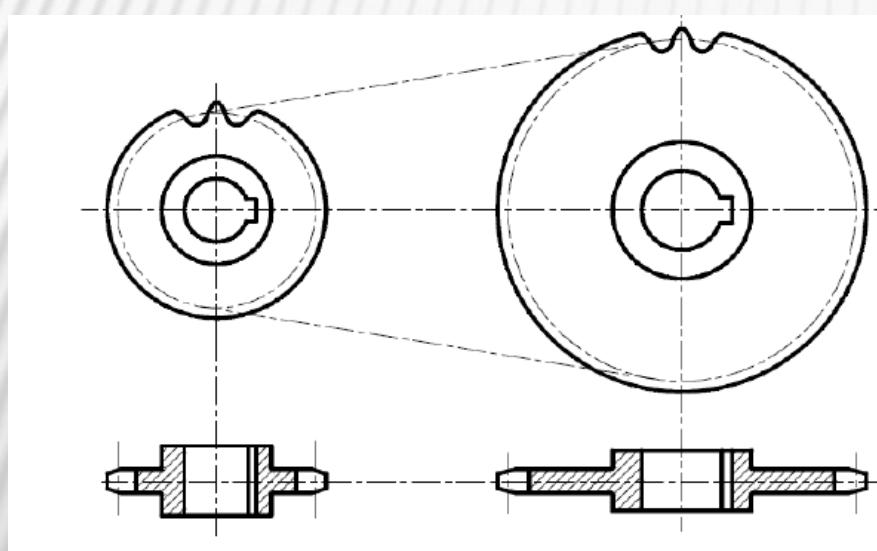
Strojní (šneková)



# ŘETĚZOVÉ PŘEVODY

**Kroutící moment se přenáší tvarovým stykem z hnacího na hnaný hřídel pomocí třetího členu – řetězu.**

**Požití v převodech k přenosu středních a malých výkonů.**



**Nejčastěji se používají válečkové řetěz**



# ŘETĚZOVÉ PŘEVODY

**Výhody :** mohou pracovat v prašném i vlhkém prostředí, mají dobrou účinnost a nižší cenu než převody ozub. koly.

**Nevýhody:** vhodné pro nižší obvodové rychlosti ( do 12m/s).



ízdních kol, motocyklů

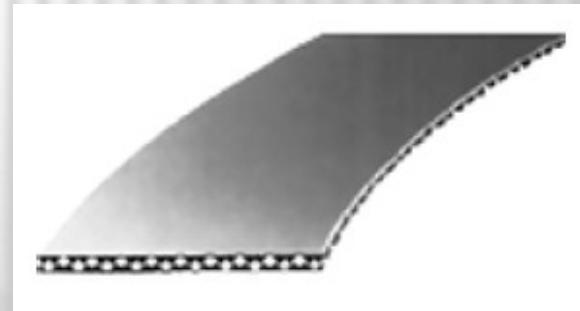
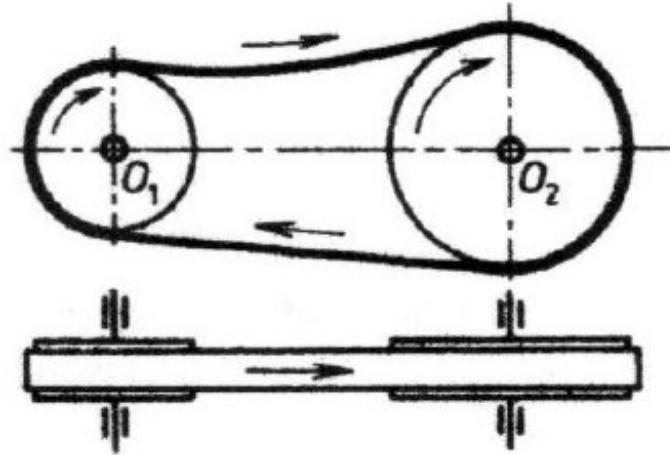


# ŘEMENOVÉ PŘEVODY

Kroutící moment se přenáší ohebným členem (řemenem) z hnacího na hnaný hřídel. Ohebný člen je přepásán přes kola tzv. řemenice, které jsou upevněny na hřídelích.

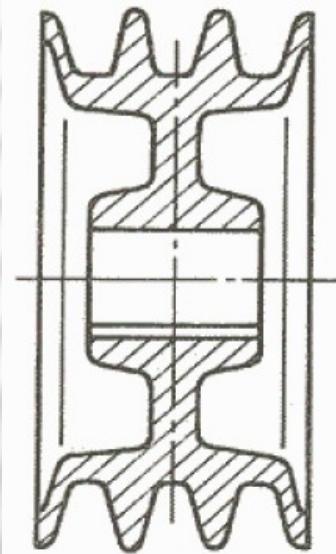
Požití v převodech k přenosu středních a malých výkonů.

Používají se ploché nebo klínové řemeny (případně ozubené řemeny). Řemeny bývají pryžové vyztužené ko-

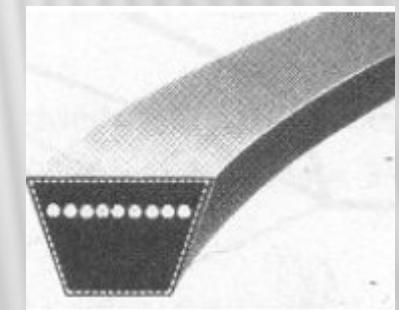
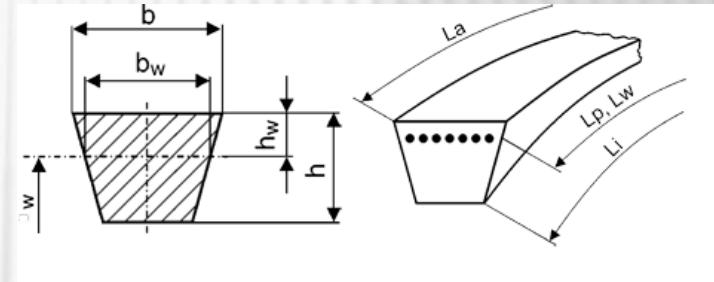


# ŘEMENOVÉ PŘEVODY

Řemenice:



klínový řemen:



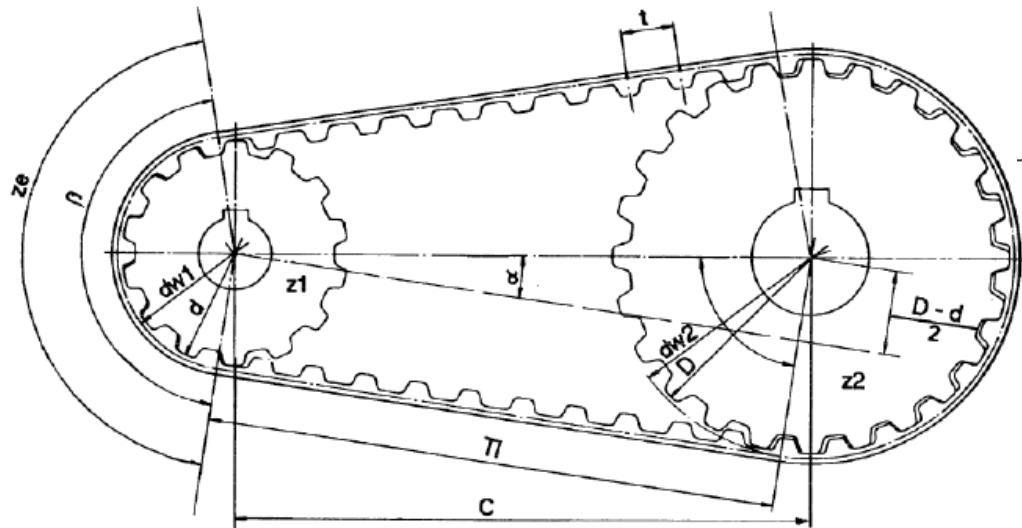
**Výhody:** tichý chod, obvodová rychlosť až 50 m/s, tlumí kmity a rázy, ekonomický provoz.

**Nevýhody:** možnosť prokluzu, nevhodné pro vyšší teploty a vlhkost, opotrebení řemenu a nízká tuhost převodu.

# ŘEMENOVÉ PŘEVODY

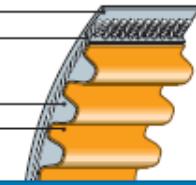
Použití řemenových převodů u strojů a v automobilním průmyslu.

Převody ozubenými řemeny odstraňují některé nevýhody



Polyuretanový hřbet  
Aramidová tažná vlákna

Polyuretanové zuby  
Speciálně upravená tkanina



# LITERATURA

- [1] Hosnedl, S., Krátký, J. *Příručka strojního inženýra 1*, Computer press, 1999, 313 s.
- [2] Zelený, J. *Stavba strojů strojní součásti*. Cpress, 2007, 157 s.
- [3] Stejskal, V. a kol. *Mechanika 1*. ČVUT, 1998, 163 s.
- [4] *internet <http://www.338.vsb.cz/PDF/04HYDRO-STROJE.pdf>*
- [5] *internet <http://www.restauratorskadilna.cz/fotoalbum.php?adresar=/opravy/projekty-konzultace/2010-parni\_stroj\_Skoda-Techmania >*