

Chemické výpočty

Ředění a směšování roztoků

Při řešení těchto příkladů používáme nejčastěji:

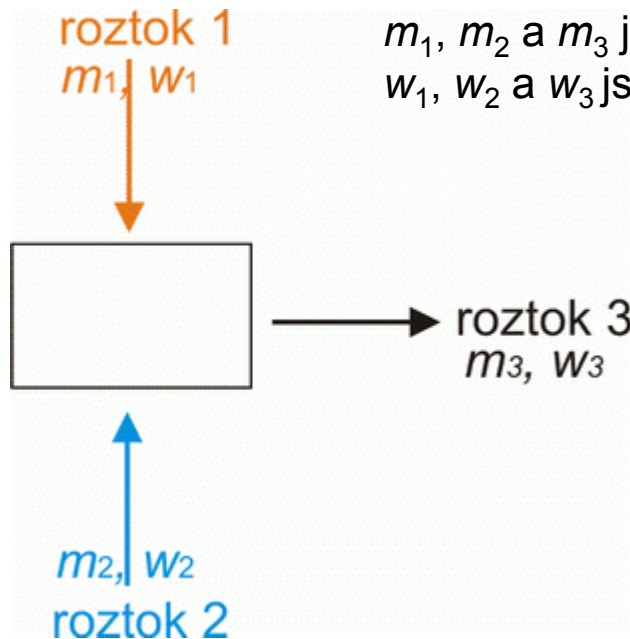
1. Směšovací rovnice
2. Křížové pravidlo
3. Úvaha, trojčlenka

Směšovací rovnice s hmotnostními zlomky

Smísíme-li roztoky o hmotnostech m_1 , m_2 s hmotnostními zlomky w_1 , w_2 , vznikne roztok s hmotnostním zlomkem w_3 , pro který platí:

$$m_1 \cdot w_1 + m_2 \cdot w_2 = (m_1 + m_2) \cdot w_3$$

m_1 , m_2 a m_3 jsou hmotnosti roztoků
 w_1 , w_2 a w_3 jsou hmotnostní zlomky rozpuštěné látky v roztocích



Celková hmotnostní bilance roztoků

$$m_1 + m_2 = m_3$$

Bilance hmotnosti rozpuštěné látky v jednotlivých roztocích

$$w_1 m_1 + w_2 m_2 = w_3 m_3$$

Platí, že w_3 by měl být někde mezi w_1 a w_2

Směšovací rovnice s molárními (látkovými) koncentracemi

Smísíme-li roztoky o objemech V_1 , V_2 s látkovými koncentracemi c_1 , c_2 , vznikne roztok s látkovou koncentrací c_3 , pro který platí:

$$V_1 \cdot c_1 + V_2 \cdot c_2 = V_3 \cdot c_3$$

$$V_1 \cdot c_1 + V_2 \cdot c_2 = (V_1 + V_2) \cdot c_3$$

Obecně neplatí aditivita objemů $V_1 + V_2 \neq V_3$

Směšovací rovnici s látkovými koncentracemi lze použít **pouze pro zředěné vodné roztoky**.

Pro přidávání (odebírání) **rozpouštědla** je hmotnostní zlomek (koncentrace) rozpouštědla $w_2 = 0$ ($c_2 = 0$).

Při odebírání (odpařování, zreagování) se hmotnost (objem) odečítá:

$$m_1 \cdot w_1 = (m_1 - m_2) \cdot w_3$$

$$V_1 \cdot c_1 = (V_1 - V_2) \cdot c_3$$

Při odebírání **rozpouštědla** lze použít i klasický tvar směšovací rovnice. V tomto případě vyjde záporná hodnota hmotnosti (objemu) rozpouštědla, což znamená, že se rozpouštědlo nepřidávalo, ale ubíralo (odpařovalo).

Pro přidávání (odebírání) **čisté (rozpuštěné) látky** je hmotnostní zlomek čisté látky $w_2 = 1$.

Při odebírání (odpařování, zreagování) se hmotnost (objem) odečítá:

$$m_1 \cdot w_1 - m_2 = (m_1 - m_2) \cdot w_3$$

$$V_1 \cdot c_1 - V_2 \cdot c_2 = (V_1 + V_2) \cdot c_3$$

Pokud se přidáním čisté látky objem nezmění ($V_1 + V_2 = V_1$) a koncentrace je látková ($V_2 \cdot c_2 = V_2 \cdot n_2 / V_2 = n_2$) dostáváme:

$$V_1 \cdot c_1 - n_2 = V_1 \cdot c_3$$

Pokud přidáváme **hydrát**, pak lze w_x spočítat jako poměr molárních hmotností bezvodé látky a hydrátu $w_x = M/M_h$ (hydrát je tedy vlastně roztok soli v krystalové vodě hydrátu).

Vypočítejte hmotnosti roztoků hydroxidu draselného o hmotnostním složení 60 % KOH a 10 % KOH pro přípravu 100 g roztoku o hmotnostním obsahu 45 % KOH.

$m_1 = ?$
 $w_1 = 60 \%$
 $m_2 = ?$
 $w_2 = 10 \%$
 $m_3 = 100 \text{ g}$
 $w_3 = 45 \%$

$$m_1 \cdot 60 + m_2 \cdot 10 = 100 \cdot 45$$

$$(100 - m_2) \cdot 60 + m_2 \cdot 10 = 100 \cdot 45$$

$$6000 - 60 m_2 + m_2 \cdot 10 = 4500$$

$$\mathbf{m_2 = 30 \text{ g}} \quad 10\% \text{ roztoku}$$

$$m_1 + m_2 = m_3 \rightarrow \mathbf{m_1 = 70 \text{ g}} \quad 60\% \text{ roztoku}$$

Pro přípravu 100 g roztoku o hmotnostním obsahu 45 % KOH je potřeba 30 g 10% roztoku a 70 g 60% roztoku.

Jakou hmotnost 70 % kyseliny octové a vody je nutno k přípravě 500 g 25 % kyseliny octové?

$$m_1 = ?$$

$$w_1 = 70 \%$$

$$m_2 = ?$$

$$w_2 = 0 \%$$

$$m_3 = 500 \text{ g}$$

$$w_3 = 25 \%$$

$$m_1 \cdot w_1 + m_2 \cdot w_2 = m_3 \cdot w_3$$

$$m_1 \cdot 70 + m_2 \cdot 0 = 500 \cdot 25$$

$$m_1 = 178,57 \text{ g kyseliny octové}$$

$$m_2 = 321,43 \text{ g vody}$$

K přípravě 500 g 25 % kyseliny octové je potřeba 178,57 g kyseliny octové a 321,43 g vody.

**Připravte 450 g 18 % roztoku NaCl. K dispozici máte kuchyňskou sůl a vodu.
Kolik g soli a vody potřebujete k přípravě?**

$$m_1 = ?$$

$$w_1 = 100 \%$$

$$m_2 = ?$$

$$w_2 = 0 \%$$

$$m_3 = 450 \text{ g}$$

$$w_3 = 18 \%$$

$$m_1 \cdot w_1 + m_2 \cdot w_2 = m_3 \cdot w_3$$

$$m_1 \cdot 100 + m_2 \cdot 0 = 450 \cdot 18$$

$$m_1 = \mathbf{81 \text{ g}} \text{ soli}$$

$$m_2 = \mathbf{369 \text{ g}} \text{ vody}$$

K přípravě 450 g 18% roztoku NaCl bude použito 81 g soli a 369 g vody.

Kolik gramů $\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$ je nutno přidat k 900 g 8 % roztoku síranu železnatého, aby koncentrace roztoku stoupla na 12 %?

$$m_1 = ?$$

$$m_2 = 900 \text{ g}$$

$$w_2 = 8 \%$$

$$w_3 = 12 \%$$

$$M_r(\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}) = 278,0$$

$$M_r(\text{H}_2\text{O}) = 18,0$$

Heptahydrát síranu železnatého = roztok FeSO_4 v sedmi molekulách vody.

$$x = \frac{152 \cdot 100}{278} = \mathbf{54,7 \%}$$

Dále použijeme zředovací rovnici. ($m_1 = 900$, $m_2 =$ hmotnost $\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$, $c_1 = 8 \%$, $c_2 = 54,7 \%$, $c = 12 \%$)

$$m_1 * c_1 + m_2 * c_2 = (m_1 + m_2) * c$$

$$900 * 8 + m_2 * 54,7 = (900 + m_2) * 12$$

$$m_2 = \mathbf{84,3 \text{ g}}$$

K roztoku je nutno přidat 84,3 g $\text{FeSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$.

Jaká bude procentuální koncentrace roztoku ethanolu, který vznikl smísením 550 cm³ jeho 20 % roztoku ($\rho = 0,9686 \text{ g.cm}^{-3}$) s 350 cm³ bezvodého ethanolu ($\rho = 0,7893 \text{ g.cm}^{-3}$)?

$$V_1 = 550 \text{ cm}^3$$

$$w_1 = 20 \%$$

$$\rho_1 = 0,9686 \text{ g.cm}^{-3}$$

$$V_2 = 350 \text{ cm}^3$$

$$\rho_2 = 0,7893 \text{ g.cm}^{-3}$$

$$w_2 = 100 \%$$

$$m_3 = 450 \text{ g}$$

$$w_3 = ?$$

Celková hmotnost ethanolu:

$$m = 106,5 + 276,3$$

$$m = \mathbf{382,8 \text{ g}}$$

Hmotnost nově vzniklého roztoku:

$$m = 532,7 + 276,3$$

$$m = \mathbf{809 \text{ g}}$$

Hmotnost roztoku (vypočítáme ze vztahu $m = \rho \cdot V$).

$$m = 0,9686 * 550$$

$$m = \mathbf{532,7 \text{ g}}$$

$$x = \frac{532,7 * 20}{100}$$

$$x = \mathbf{106,5 \text{ g}}$$

Hmotnost čistého ethanolu

$$m = 0,7893 * 350$$

$$m = \mathbf{276,3 \text{ g ethanolu (100%)}}$$

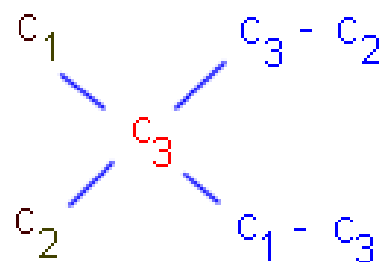
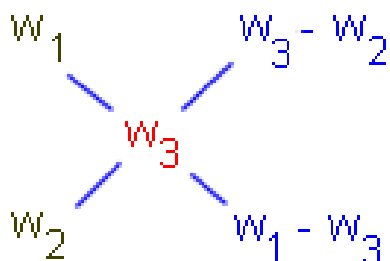
Procentická koncentrace nového roztoku

$$x = \frac{382,8 * 100}{809}$$

$$x = \mathbf{47,3 \%$$

Nově připravený roztok ethanolu je 47,3 %.

Směšovací rovnici lze graficky vyjádřit pomocí **křížového pravidla**



$$m_1 : m_2 = w_3 - w_2 : w_1 - w_3$$

$$V_1 : V_2 = c_3 - c_2 : c_1 - c_3$$

V jakém poměru smísíme 60% H₂SO₄ s vodou, abychom dostali 5 % kyselinu?

$$\begin{array}{c} 60 \searrow \\ 0 \nearrow \end{array} 5 \begin{array}{c} \nearrow 5 \\ \searrow 55 \end{array} \begin{array}{c} \rightarrow 1 \\ \rightarrow 11 \end{array} \frac{m_1}{m_2} = \frac{5-0}{60-5} = \frac{5}{55} = \frac{1}{11}$$

60% kyselinu smísíme s vodou v poměru 1 díl kyseliny : 11 dílům vody

Vypočtete koncentraci roztoku chloridu sodného, který vznikne smísením 6 dm³ 3 M roztoku NaCl a 2 dm³ 8 M roztoku NaCl.

$$m_1 = ?$$

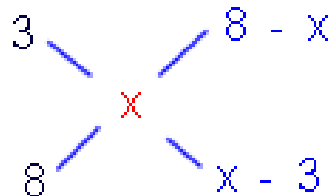
$$w_1 = 100 \%$$

$$m_2 = ?$$

$$w_2 = 0 \%$$

$$m_3 = 450 \text{ g}$$

$$w_3 = 18 \%$$



$$6 : 2 = 8 - x : x - 3$$

$$3 \cdot (x - 3) = 8 - x$$

$$4x = 17$$

$$x = 4,25$$

1. Připravte 260 g 24 % roztoku NaCl. K dispozici máte 40 % solný roztok a vodu. Kolik g solného roztoku a vody bude k přípravě potřeba?

[62,4 g roztoku a 197,6 g vody]

2. Jaká bude výsledná koncentrace cukerného roztoku, pokud smícháte 69 g 20% roztoku sacharózy a 120 g roztoku sacharózy o koncentraci 10 %

[13,65 %]

3. Kolikaprocentní roztok vznikne smícháním 1,5 dm³ 10% roztoku kyseliny sírové o hustotě 1,0661 g.cm⁻³ s 0,5 dm³ 40% roztoku téže kyseliny o hustotě 1,3028 g.cm⁻³?

[18,7 %]

4. Vypočítejte, kolik ml 80% roztoku kyseliny fosforečné (hustota 1,633 g.ml⁻¹) a kolik ml vody je nutné smíchat, aby vzniklo 500 ml 4% roztoku kyseliny fosforečné o hustotě 1,020 g.ml⁻¹

[15,6 ml kyseliny a 484,5 ml vody]

5. K 21,1% roztoku dusičnanu amonného o hmotnosti 460 g bylo přidáno 22,9 g pevného dusičnanu amonného. O kolik % se zvýšil obsah dusičnanu amonného?

[3,74 %]

6. Kolik g pevného hydroxidu draselného je třeba přidat do 28 ml 0,12% KOH, abychom získali 0,39% roztok?

[0,0756 g]

7. Zředíme-li 15 ml roztoku chloridu kobaltitého o molární koncentraci $c = 3,92 \text{ mol.l}^{-1}$ na objem 25 ml, jakou molární koncentraci vzniklého roztoku získáme?

[2,352 mol.l⁻¹]

8. Vypočtete objem koncentrované kyseliny sírové ($w_1 = 98\%$, $\rho_1 = 1,836 \text{ g.cm}^{-3}$) potřebného k přípravě 3 dm³ roztoku této kyseliny pro plnění akumulátoru ($w_3 = 32\%$, $\rho_3 = 1,235 \text{ g.cm}^{-3}$)

[658,9 ml]