

3. MNOŽINY VŠECH BODŮ S DANOU VLASTNOSTÍ

V následující části budu se budeme zabývat vyšetřování množin bodů a danou vlastností, přičemž na rozdíl od množin bodů budeme používat množiny všech bodů, které splňují...

1. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od bodu B.

2. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od přímky p o stejnou vzdálenost jako od přímky q.

3. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od přímky p.

4. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od bodu B a zároveň od přímky p o stejnou vzdálenost jako od přímky q.

5. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od bodu B a zároveň od přímky p o stejnou vzdálenost jako od bodu C.

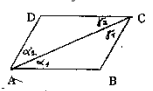
ROVNOBĚŽNÍKY a jejich vlastnosti

Definice: Rovnoběžník je čtyřúhelník, který má každé dvě protější strany rovnoběžné.

Věta 1: Jestliže je čtyřúhelník rovnoběžníkem, pak platí, že jeho:

- a) protější strany jsou shodné úsečky,
b) úhlopříčky se půlí (tj. mají společný bod, který je středem každé z nich),
c) protější vnitřní úhly rovnoběžníku jsou shodné.

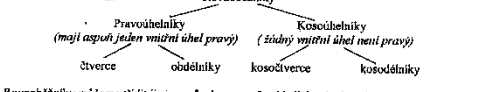
Důkaz: a) Vycházíme z předpokladu: Čtyřúhelník ABCD je rovnoběžník, tzn. že AB // CD a DC // AB. Trojúhelníky ABC a CDA jsou shodné podle věty ÚSU (strana AC je společná, úhly alpha\_1, gamma\_2 a alpha\_2, gamma\_1 tvoří dvojice střídavých úhlů). Proto: AB = CD a AD = BC.



b), c) důkazy proveďte samostatně. Věta 2: a) Platí-li pro čtyřúhelník ABCD, že každé dvě protější strany jsou shodné, pak je čtyřúhelník ABCD rovnoběžníkem.

b) Platí-li pro čtyřúhelník ABCD, že se jeho úhlopříčky půlí, pak je čtyřúhelník ABCD rovnoběžníkem.

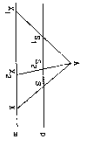
Věta 3: Platí-li pro čtyřúhelník ABCD, že jedna dvojice protějších stran jsou rovnoběžné a shodné úsečky, pak je tento čtyřúhelník rovnoběžníkem.



Rovnoběžníky můžeme třídít jiným způsobem, např. z hlediska shodnosti stran (rovnoramé a různoramé rovnoběžníky), nebo podle vlastnosti úhlopříček. (viz též pracovní texty Elementární geometrie)

Některé vlastnosti zvláštních druhů rovnoběžníků: Věta 4: V každém rovnoramém rovnoběžníku jsou úhlopříčky navzájem kolmé. Věta 5: V každém různoramém rovnoběžníku leží úhlopříčky v osách vnitřních úhlů. Věta 6: Úhlopříčky v každém pravouhlém rovnoběžníku jsou shodné.

Důkazy proveďte samostatně. Vlastnosti nepravě zformulujte jako věty tvaru implikace a pak použijte přímý důkaz.



1. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od bodu B. 2. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od přímky p o stejnou vzdálenost jako od přímky q. 3. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od přímky p. 4. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od bodu B a zároveň od přímky p o stejnou vzdálenost jako od přímky q. 5. Příklad: V množině všech bodů M najdi množinu M' s vlastností: M' je množina všech bodů, které jsou vzdáleny od bodu A o stejnou vzdálenost jako od bodu B a zároveň od přímky p o stejnou vzdálenost jako od bodu C.