

Obsah přednášky

Základy matematiky a statistiky pro humanitní obory

II

Pavel Rychlý Vojtěch Kovář

Fakulta informatiky, Masarykova univerzita
Botanická 68a, 602 00 Brno, Czech Republic
{pary, xkovar3}@fi.muni.cz

9. 3. 2011

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

9. 3. 2011

1 / 11

Další pojmy z teorie grafů

Kruskalův algoritmus

Dijkstrův algoritmus

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

9. 3. 2011

2 / 11

Další pojmy z teorie grafů Souvislé komponenty

Další pojmy z teorie grafů Vzdálenost v grafu

Souvislé komponenty

Vzdálenost v grafu

► Souvislé komponenty

- ▶ největší souvislé podgrafy
- ▶ → mezi každými dvěma vrcholy existuje cesta

► Silné souvislé komponenty

- ▶ v případě orientovaných grafů
- ▶ mezi každými dvěma vrcholy existuje cesta tam i zpět

► Délka cesty

- ▶ **neohodnocený graf:** počet hran v cestě
- ▶ **ohodnocený graf:** součet ohodnocení jednotlivých hran v cestě

► Vzdálenost mezi dvěma vrcholy X a Y

- ▶ je délka nejkratší cesty z X do Y

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

9. 3. 2011

3 / 11

Další pojmy z teorie grafů Kořen a listy stromu

PLIN004

9. 3. 2011

4 / 11

Další pojmy z teorie grafů Kořen a listy stromu

Kořen a listy stromu

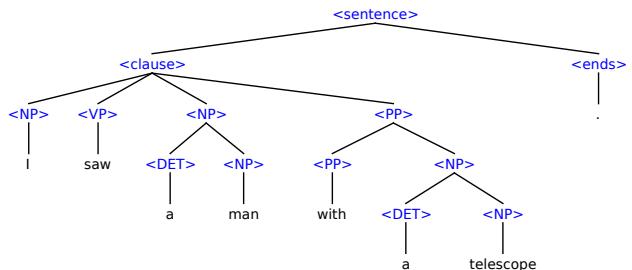
Příklad – syntaktický strom

► Kořen stromu

- ▶ jeden vyznačený vrchol
- ▶ kreslíme většinou nahoře :)

► Listy stromu

- ▶ vrcholy stupně 1, které nejsou kořenem
- ▶ kreslíme většinou dole



Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

9. 3. 2011

5 / 11

Další pojmy z teorie grafů Kostra grafu

PLIN004

9. 3. 2011

6 / 11

Kruskalův algoritmus Kruskalův algoritmus

Kostra grafu

Kruskalův algoritmus

► Podgraf, který

- ▶ obsahuje všechny vrcholy původního grafu
- ▶ je strom
- ▶ → musíme odstranit všechny cykly

► Minimální kostra grafu

- ▶ pro ohodnocený graf
- ▶ kostra s nejmenším součtem ohodnocení hran
- ▶ analogicky maximální kostra

► Vstup

- ▶ neorientovaný graf G
- ▶ ohodnocení hran w

► Výstup

- ▶ minimální kostra grafu G

► Algoritmus je tzv. **hladový**

- ▶ v každém kroku vybírá lokálně optimální možnost

► Idea

- ▶ setřídit hranы podle ohodnocení
- ▶ v každém kroku přidat do kostry tu nejmenší, která nevytvorí cyklus
- ▶ udržujeme si seznam souvislých komponent kostry

Pavel Rychlý, Vojtěch Kovář (FI MU Brno)

PLIN004

9. 3. 2011

7 / 11

PLIN004

9. 3. 2011

8 / 11

Kruskalův algoritmus (G, w)

- ▶ $K \leftarrow []$; $comp \leftarrow \{ \}$
- ▶ for u in $G(V)$:
 - ▶ $comp[u] \leftarrow set(u)$
- ▶ setříd' $G(E)$ podle w
- ▶ for (u, v) in $G(E)$:
 - ▶ if $comp[u] \neq comp[v]$:
 - ▶ $K.append((u, v))$
 - ▶ $newset = union(comp[u], comp[v])$
 - ▶ for x in $newset$: $comp[x] \leftarrow newset$
- ▶ K je minimální kostra grafu

Dijkstrův algoritmus

- ▶ **Vstup**
 - ▶ graf s hranami ohodnocenými funkcí w
 - ▶ ohodnocení hran musí být nezáporné
 - ▶ počáteční vrchol s
- ▶ **Výstup**
 - ▶ vzdálenosti z vrcholu s do všech dalších vrcholů grafu
- ▶ **Idea**
 - ▶ udržujeme si nejmenší známé vzdálenosti do všech vrcholů
 - ▶ na začátku nekonečno
 - ▶ procházíme postupně vrcholy a hodnoty upravujeme

Dijkstrův algoritmus (G, s)

- ▶ for u in $G(V)$:
 - ▶ $d[u] \leftarrow infinity$
- ▶ $d[s] \leftarrow 0$
- ▶ $N \leftarrow G(V)$
- ▶ $p \leftarrow \{ \}$
- ▶ while $N \neq []$:
 - ▶ $u \leftarrow$ vrchol z N s nejmenší hodnotou $d[u]$
 - ▶ for všechny hrany (u, x) vycházející z vrcholu u :
 - ▶ $alt \leftarrow d[u] + w((u, x))$
 - ▶ if $alt < d(x)$: $d[x] \leftarrow alt$; $p[x] \leftarrow u$
 - ▶ odstraň u z N
- ▶ d jsou vzdálenosti vrcholů z vrcholu s
- ▶ p obsahuje předchozí vrcholy na nejkratší cestě z s