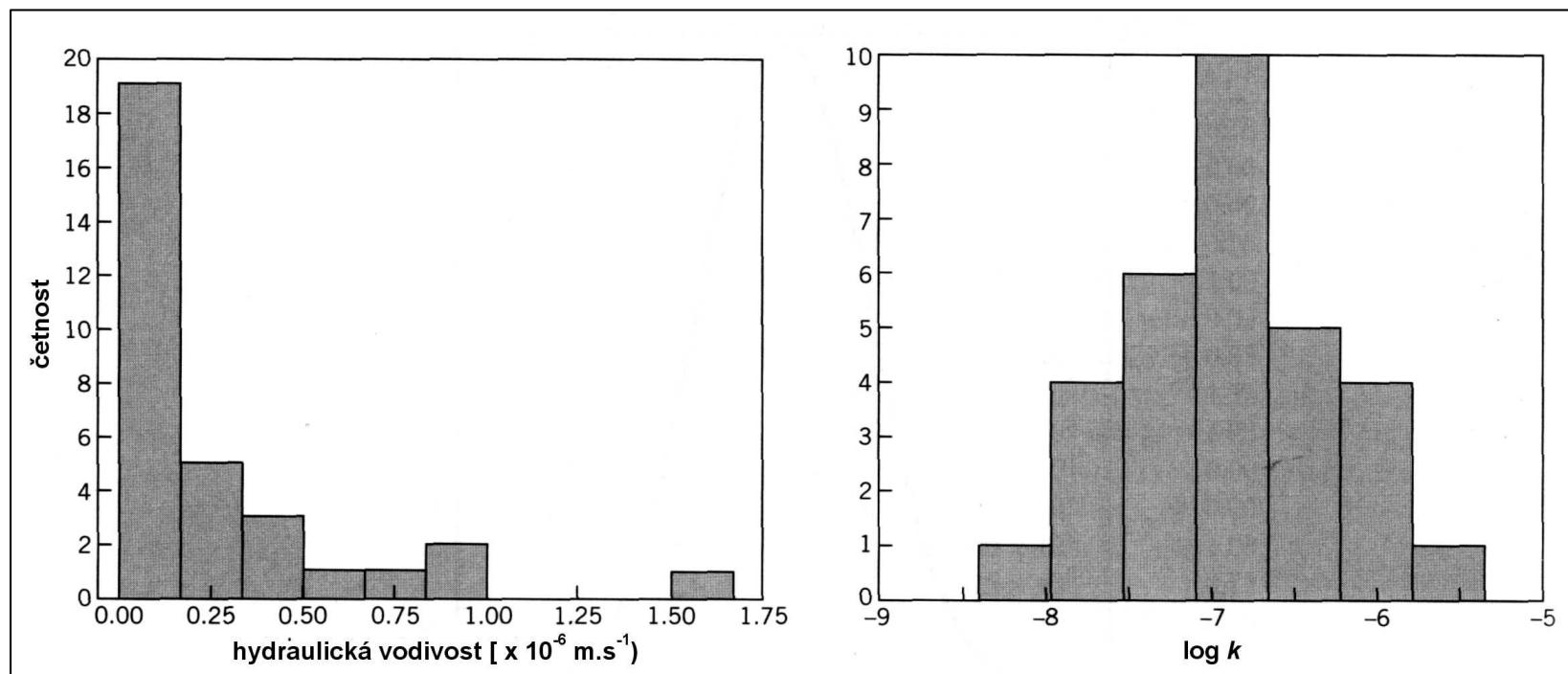
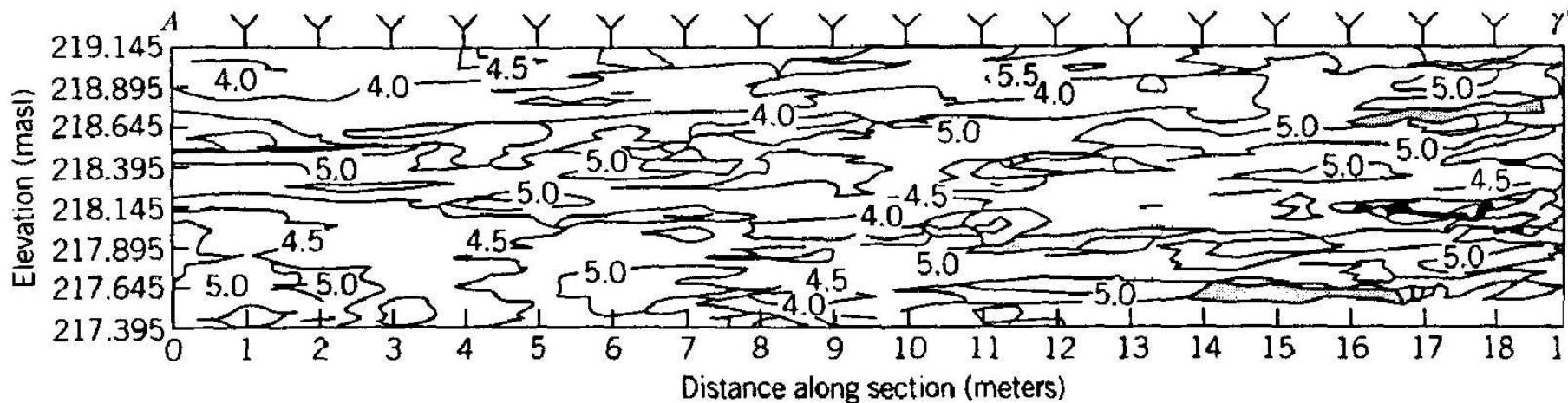


# **ZÁKLADY HYDROGEOLOGIE**

***III. PŘEDNÁŠKA***

# DISTRIBUCE HODNOT HYDRAULICKÉ VODIVOSTI



# HOMOGENITA A IZOTROPIE

*homogenní* formace

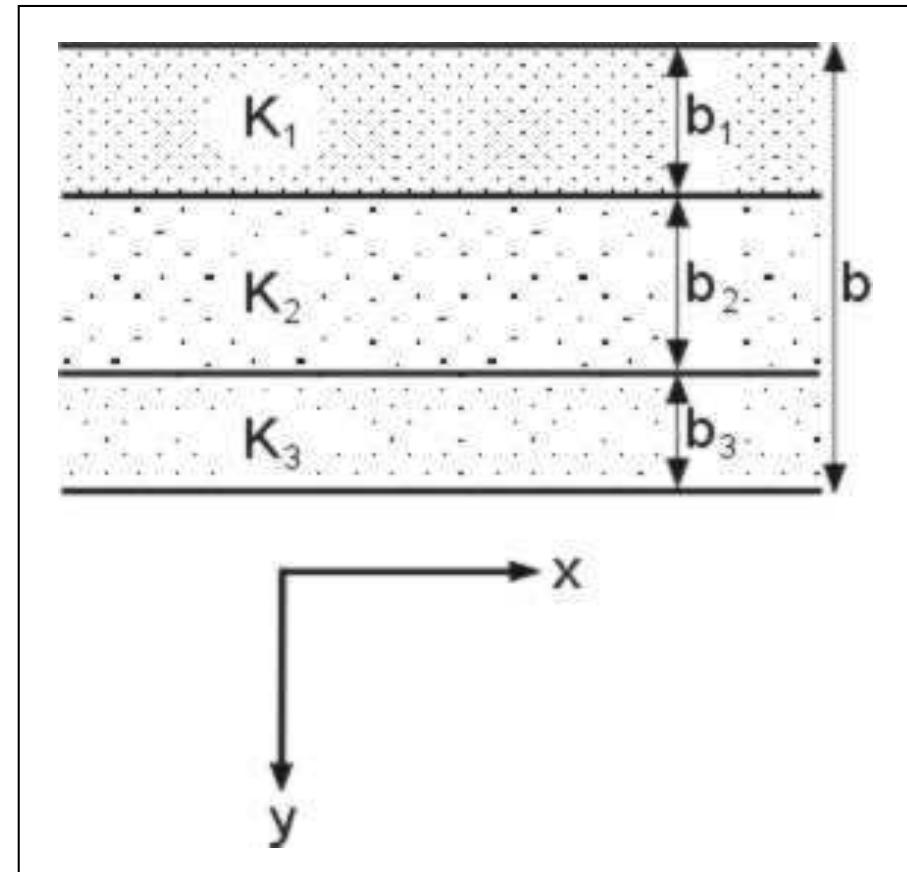
- v každém bodě má stejné vlastnosti – stejné hodnoty hydraulické vodivosti

*heterogenní* (nehomogenní) formace

- odlišné vlastnosti v různých bodech

příčiny heterogenity

- různé sedimentační podmínky a jejich změny
- v rámci jedné vrstvy
- mezi vrstvami
- prostředí s puklinovou pórovitostí

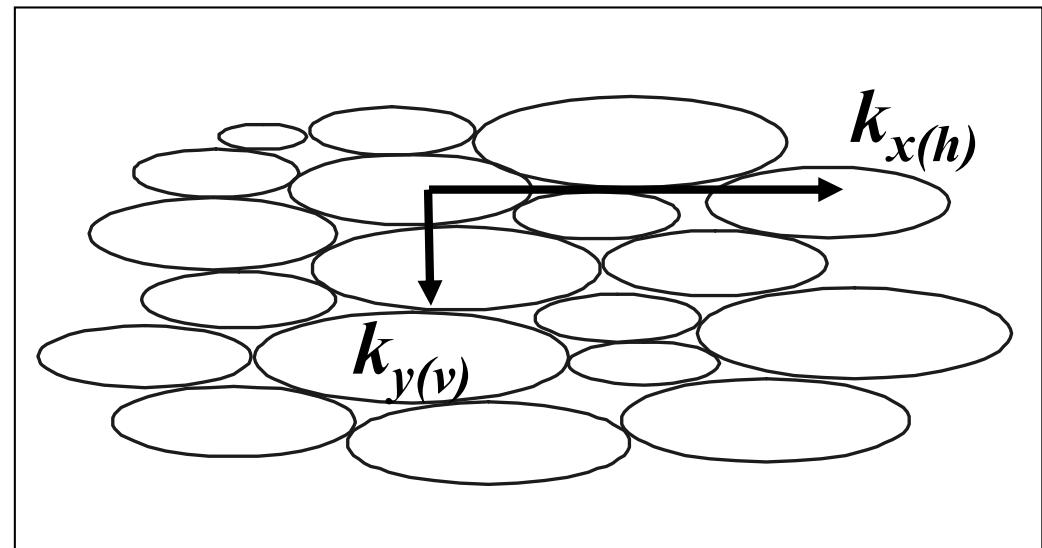
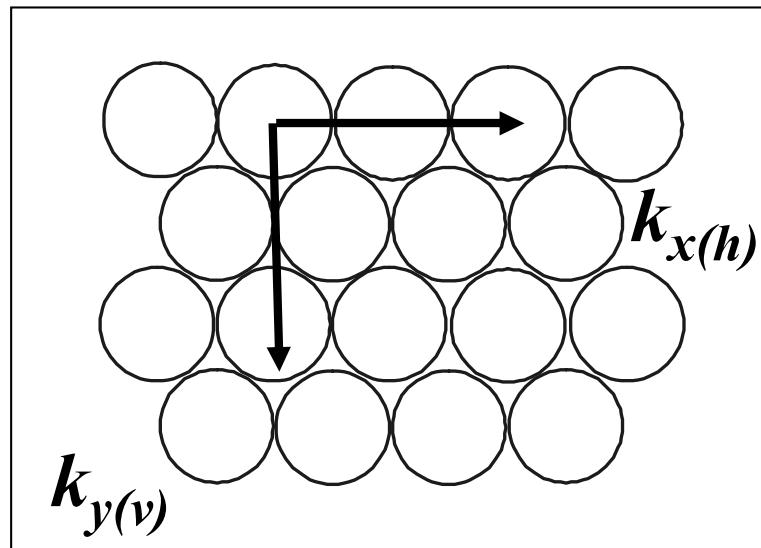


*izotropní* prostředí

- vlastnosti prostředí nezávisí na směru a jsou ve všech směrech stejné

*anizotropní* prostředí

- vlastnosti prostředí závisí na směru a nejsou ve všech směrech stejné
- extrémně vysoká v puklinově pórovitém prostředí



## DARCYHO ZÁKON V ANIZOTROPNÍM PROSTŘEDÍ

- v reálném 3-D prostředí může podzemní voda proudit všemi směry (osy  $x, y, z$ )
- podobně hydraulický gradient můžeme definovat ve všech směrech
- potom pokud jsou směry anizotropie paralelní se směry os  $x, y, z$

proudění ve směru osy  $x$

$$q_x = -k_x \frac{\Delta h}{\Delta x}$$

proudění ve směru osy  $y$

$$q_y = -k_y \frac{\Delta h}{\Delta y}$$

proudění ve směru osy  $z$

$$q_z = -k_z \frac{\Delta h}{\Delta z}$$

specifický tok  $q$  ve směru osy  $x$

$$q_x = -k_{xx} \frac{\Delta h}{\Delta x} - k_{xy} \frac{\Delta h}{\Delta y} - k_{xz} \frac{\Delta h}{\Delta z}$$

pokud nejsou směry anizotropie paralelní se směry os  $x, y, z$

$$\begin{matrix} k_{xx} & k_{xy} & k_{xz} \\ k_{yx} & k_{yy} & k_{yz} \\ k_{zx} & k_{zy} & k_{zz} \end{matrix}$$



$$\begin{matrix} k_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & k_{yy} & 0 \\ 0 & 0 & k_{zz} \end{matrix}$$

## **Popis anizotropie**

*elipsoid anizotropie*

*koeficient anizotropie*

- $KA = \frac{k_h}{k_v}$  - v sedimentárních horninách běžně kolem 10 a i řádově více

## **Určení průměrné hydraulické vodivosti**

$$K_x = \frac{\sum (m_i \cdot k_i)}{\sum m_i} \quad m_i \quad \text{mocnost i-tého horizontu}$$

$$K_z = \frac{\sum m_i}{\sum (m_i/k_i)} \quad k_i \quad \text{hydraulická vodivost i-tého horizontu}$$

## **Metody stanovení propustnosti hornin**

1. podle popisu hornin

2. empirické vzorce

Hazenův

Kozenyho

Harlemanův,

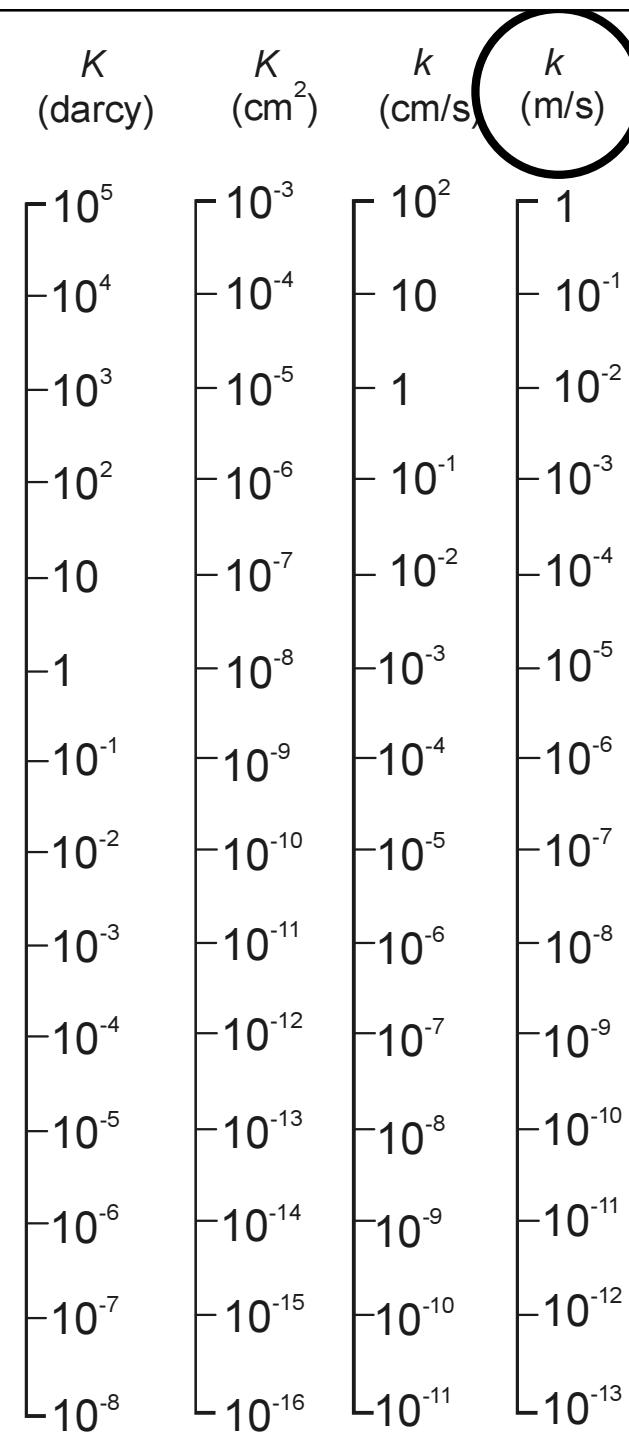
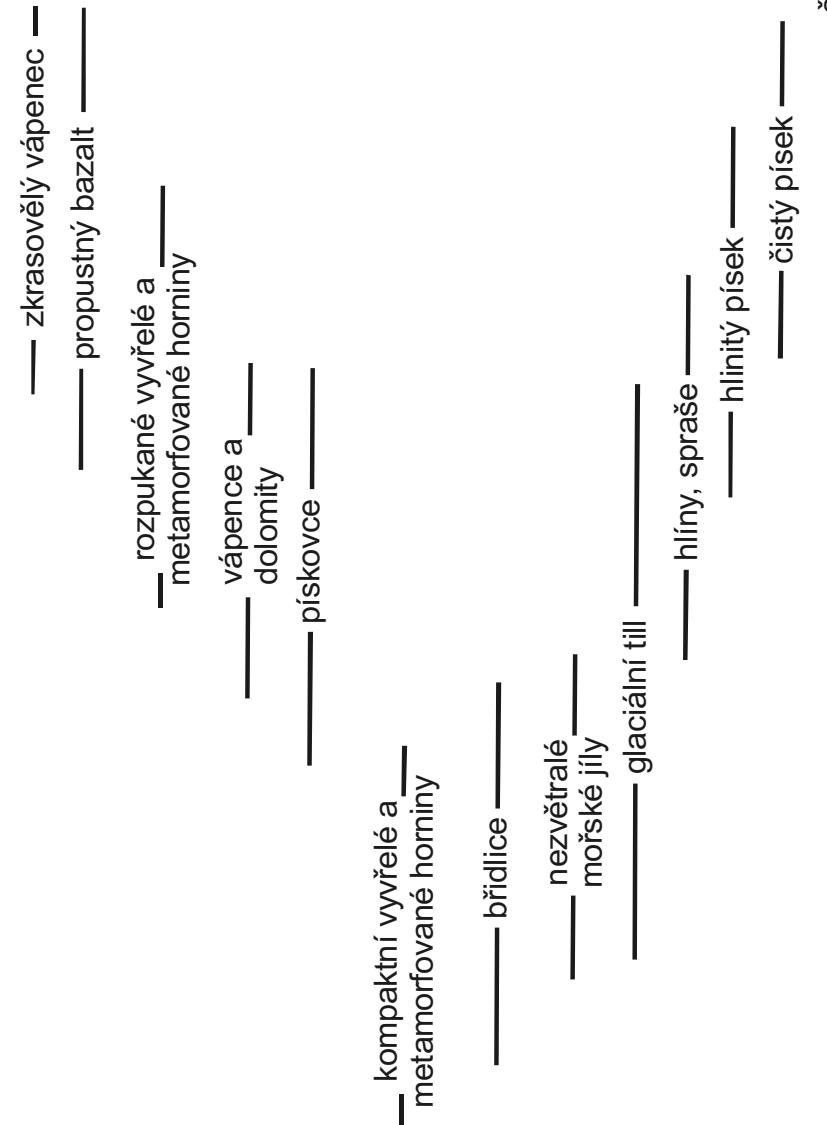
– vzorce jsou platné jen v prostředí v nichž byly odvozeny

3. laboratorními zkouškami

– propustoměry – platné pro zkoumané vzorky hornin

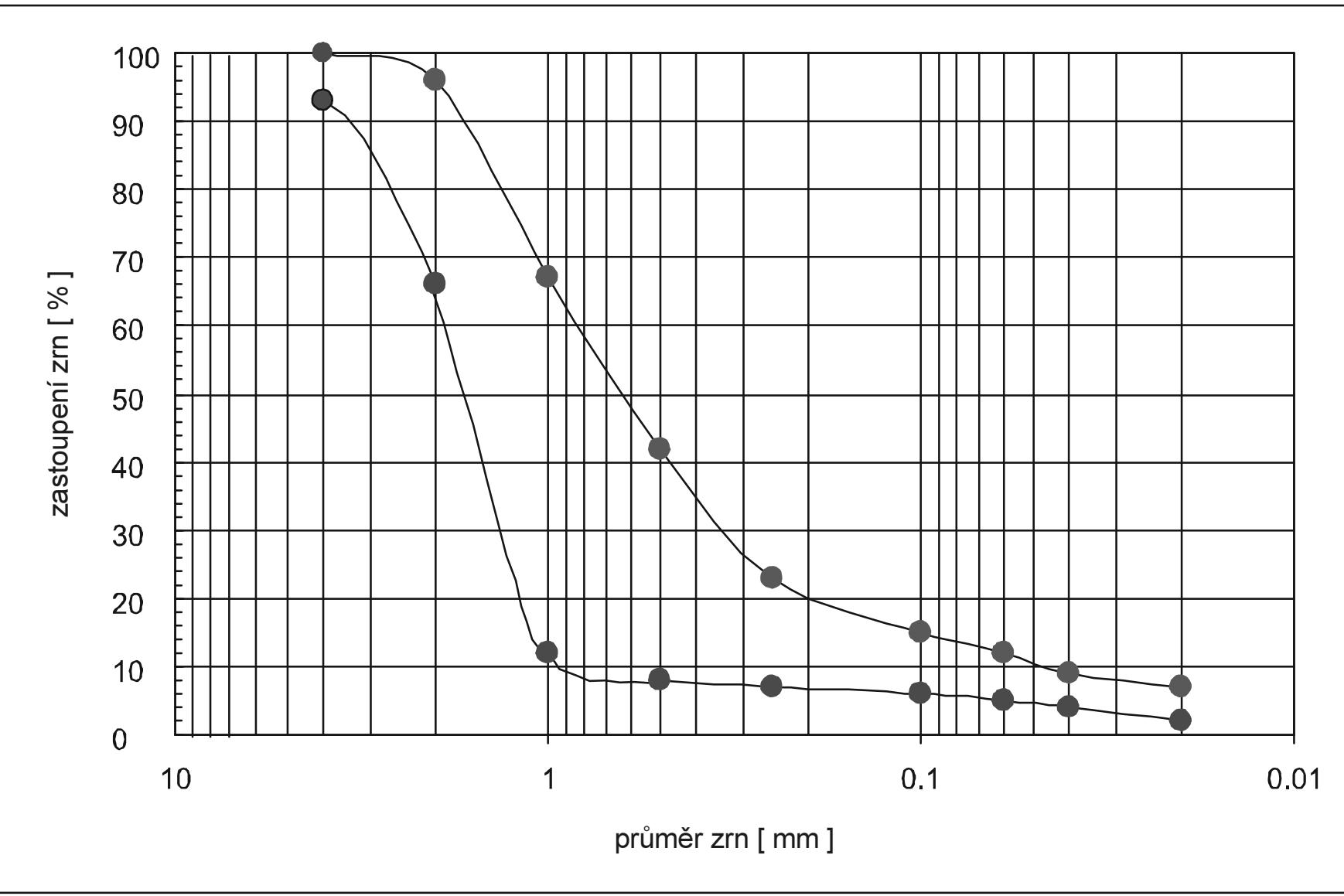
4. hydrodynamickými zkouškami

– obrovská výhoda – stanovení v přírodních podmínkách



## 2. empirické vzorce

- nejčastěji pro nezpevněné sedimentární horniny
- použití hodnot zrnitosti  $d$  ze zrnitostních křivek



# Vzorec Hazenův

$$k = C \cdot d_{10}^2 \quad [ \text{cm/s} ]$$

Podmínky platnosti:

$$0,1 < d_{10} < 3,0 \text{ mm}$$

$$d_{60}/d_{10} = < 5$$

Tabulka hodnot C pro Hazenův vzorec

Koeficient C (pro $k_f$ v $\text{m.s}^{-1}$ )	Název sypkých hornin
0,00464	Štěrky a písky silně zahliněné
0,00695	Štěrky písčité, zahliněné
0,00925	Štěrky písčité, slabě zahliněné
0,0104	Štěrky písčité, velmi slabě zahliněné
0,0116	Štěrky písčité, střední zrnitosti, čisté
0,0139	Štěrky písčité, hrubé, velmi čisté

## **Vzorec Harlemanův**

$$K = (6,54 \times 10^{-4}) \cdot d_{10}^2 \quad [ \text{cm}^2 ]$$

## **Vzorec Kozeny – Carmen Bear**

$$k = \left( \frac{\rho_v \cdot g}{\mu} \right) \frac{n^3}{(1-n)^2} \left( \frac{d_m^2}{180} \right)$$

$d_m$

reprezentativní průměr zrna

### 3. laboratorní stanovení – *propustoměry*

- maloobjemové vzorky nereprezentují vlastnosti celé horniny
- jen orientační použití zjištěných hodnot  $k$  a  $K$

#### 1. zkoušky s konstantním spádem

- hodnoty gradientu (a tím i rychlosti proudění) by se neměly lišit od přírodních

$$k = \frac{V \cdot l}{A \cdot t \cdot h}$$

#### 2. zkoušky s proměnlivým spádem

- použití zejména pro relativně nepropustné vzorky

$$k = \frac{d_t^2 \cdot l}{d_{vz}^2 \cdot t} \cdot \ln \frac{h_1}{h_2}$$

## Přenos tlaku v hornině

Terzaghi (1925) – analýza napětí v hornině

$$\sigma = \sigma_e + p$$

$\sigma$  - celkové napětí v hornině – geostatický tlak

$\sigma_e$  - efektivní napětí – tlak mezi zrny horniny

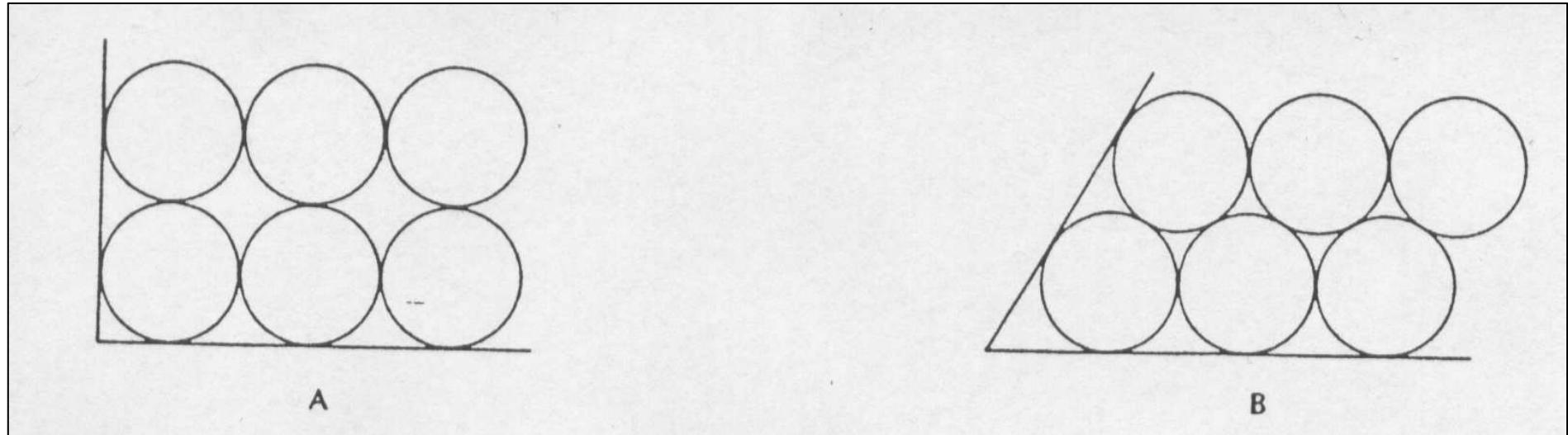
$p$  - neutrální napětí – tlak kapaliny (pórový tlak)

$$\Delta\sigma = \Delta\sigma_e + \Delta p \longrightarrow \text{konstantní v čase} \longrightarrow \Delta\sigma_e = -\Delta p$$

snížení pórového tlaku ve zvodněné hornině (čerpání vody, odvodnění, apod.)  $\Rightarrow$

růst efektivního napětí  $\Rightarrow$  zrna začnou přenášet větší část celkového tlaku  $\Rightarrow$  stlačení horniny a zmenšení jejího objemu (Mexiko, Kalifornie, Benátky, apod.)

snížení hydraulického tlaku v pórech  $\Rightarrow$  uvolnění části objemu vody z pórů + nárůst efektivní napětí  $\Rightarrow$  zmenšení objemu horniny kompresí zrn horniny  $\Rightarrow$  uvolnění dalšího objemu vody z pórů = základ mechanizmu neustáleného proudění podzemní vody (změny piezometrické úrovně)



**stlačitelnost horniny – koeficient  $\alpha$**

$$\alpha_h = -\frac{\Delta V}{V} / \Delta \sigma_e$$

přírůstek efektivního napětí  $\Delta \sigma_e$  vyvolá zmenšení celkového objemu horniny  $V$ , tj. změnu  $\Delta V$ , stlačitelnost horninového prostředí se vyjadřuje koeficientem stlačitelnosti

$$V = V_V + V_s$$

velikost změn objemu zrn – zanedbatelná – dochází k přeskupení zrn (uspořádání) – doprovází jej vytláčení vody z pórů

$\Delta V = \Delta V_V$  - předpoklad – voda má kam uniknout – př. stavby

vzrůst celkového napětí  $\Rightarrow$  přenášen vodou  $\Rightarrow$  vytlačení vody  $\Rightarrow$  přenášen částicemi horniny  $\Rightarrow$  zvýšení efektivního napětí  $\Rightarrow$  stlačení zeminy (konsolidace)  $\Rightarrow$  dosažení nové rovnováhy ( $\Delta p=0$  a  $\Delta \sigma_e=0$ )

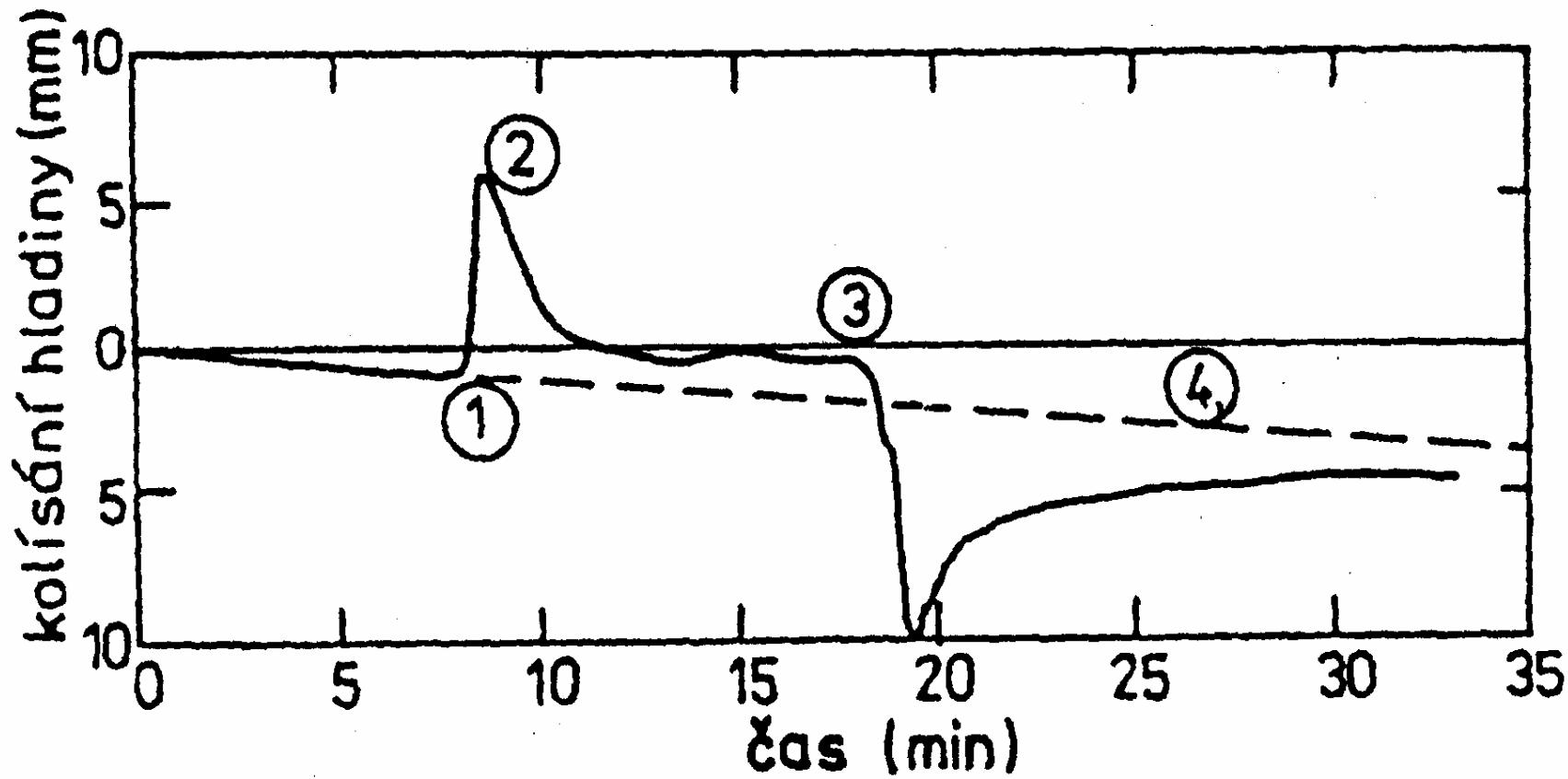
rovnováha – další stlačování např. při snížení hydraulického tlaku

horninové prostředí – stlačitelnost má význam jen ve vertikálním směru

- $\Rightarrow$  závislost na stlačitelnosti horniny
- $\Rightarrow$  závislost na mocnosti horniny
- $\Rightarrow$  závislost na pórovitosti

$$\alpha_h = -\frac{\Delta \varepsilon}{(1+\varepsilon)} \quad \varepsilon = \frac{n}{1-n} \quad \varepsilon = \frac{V_v}{V_s}$$

hornina	koeficient stlačitelnosti $\alpha_h$ [ Pa <sup>-1</sup> ]
jíl	$10^{-6} - 10^{-8}$
písek	$10^{-7} - 10^{-9}$
štěrk	$10^{-8} - 10^{-10}$
rozpukaná skalní hornina	$10^{-8} - 10^{-10}$
pevná skalní hornina	$10^{-9} - 10^{-11}$
voda ( $\beta_v$ )	$4,4 \cdot 10^{-10}$



*Kolísání piezometrické úrovně napjaté podzemní vody způsobené zastavením  
a rozjezdem vlaku vedle pozorovací studně.*

*1 - lokomotiva je u pozorovací studně, 2 - vlak se zastavuje, 3 - vlak se rozjíždí,  
4 - celkový trend poklesu piezometrické úrovně (podle J. E. Jacoba, 1939, fide  
D. K. Todd, 1959)*

koeficient stlačitelnosti horniny      X      koeficient roztažnosti horniny

poměr koeficientů – zpravidla není 1:1

zeminy s koeficientem roztažnosti řádově nižším – nevratné změny objemu

- stejnozrnné písky – 1:1
- jíly – 10:1

zvodněné systémy  
s písčitými kolektory  
a jílovitými izolátory

## Hydraulické charakteristiky zvodněných formací

### 1. odporové charakteristiky – transmisivita $T$ [ m<sup>2</sup>/s ]

- zohledňuje vliv mocnosti formace na průtok
- při stejné hodnotě hydraulické vodivosti protéká větší objem kapaliny formací o vyšší mocnosti

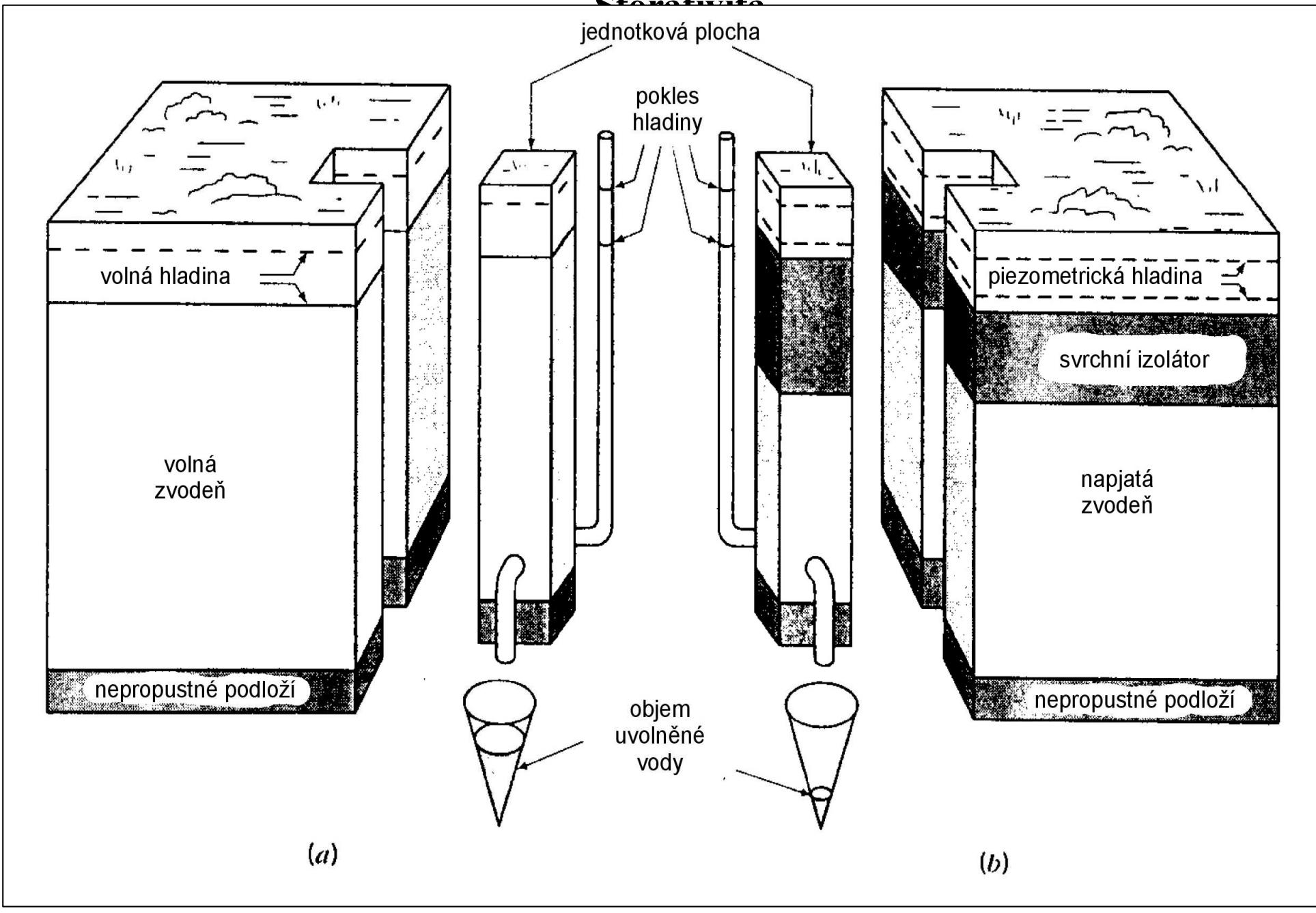
### 2. kapacitní charakteristiky – storativita (zásobnost) $S$

- objem vody, který se uvolní z hranolu kolektoru o jednotkové základně při jednotkovém snížení hydraulické výšky
- bezrozměrný parametr (objem/objem)

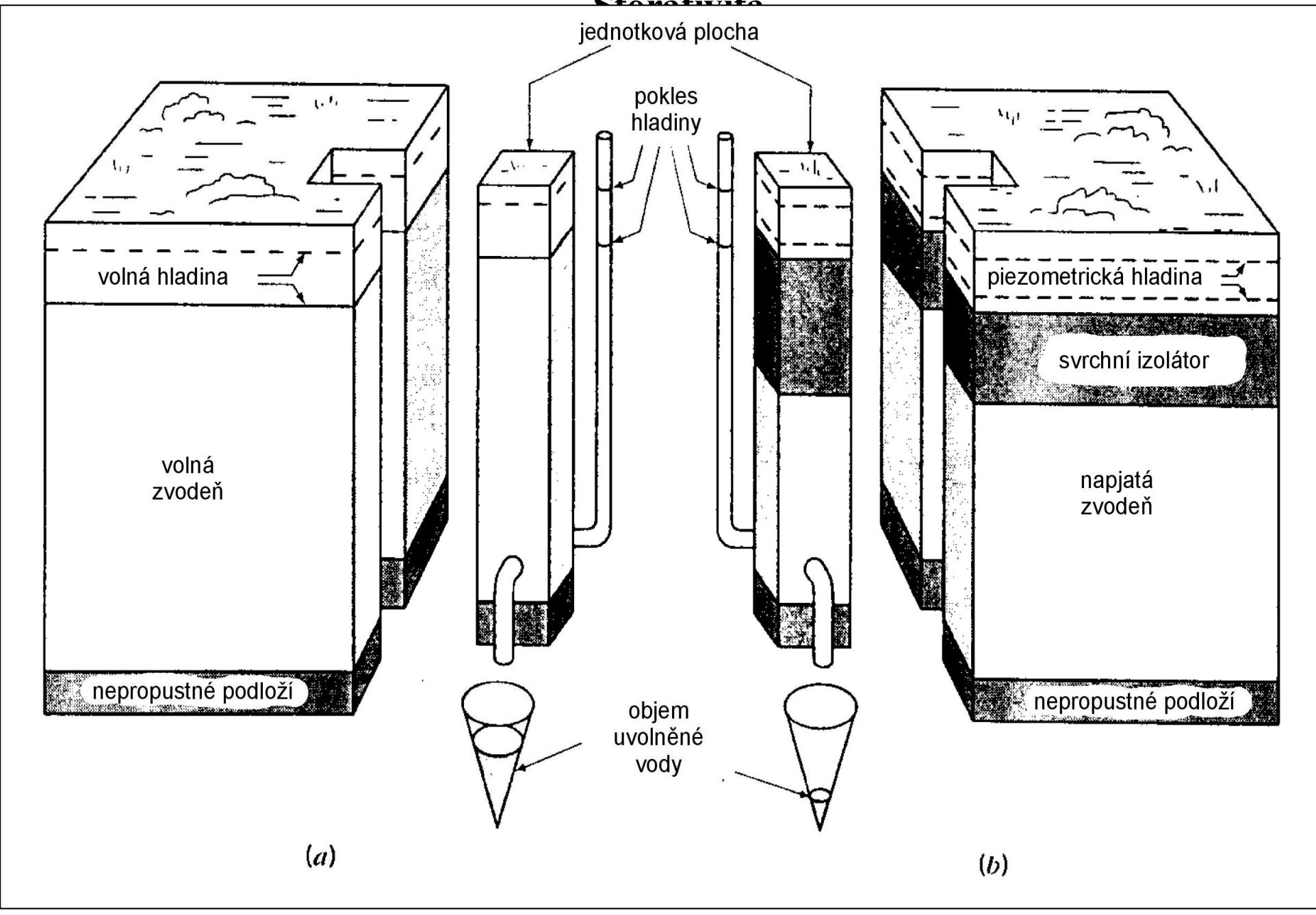
### 3. kapacitně – odporové charakteristiky – koeficient hydraulické difuzivity $a$ [m<sup>2</sup>/s]

- popisuje šíření tlakových změn v kolektorech
- závisí především na hodnotě zásobnosti  $S$
- $a = T/S$
- výrazně větší hodnoty u napjatých zvodní – větší rychlosť šíření tlakových změn

### Stavovisko



### Stavovisko



*volná hladina*

<b>materiál</b>	<b>storativita [ % ]</b>
štěrk, hrubozrnný	23
písek, hrubozrnný	27
písek, jemnozrnný	23
silt	8
jíl	3
pískovec	25
vápenec	14
spraš	18
till, písčitý	16