

- 50% bodů ze všech písemek
- Nejvíce tři absence
- 2 příklady u tabule

9. Uvažte atom vodíku ve stavu  $n = 4$ .

- Jaká je maximální velikost orbitálního momentu  $L$  jeho elektronu?
- Jaká je maximální hodnota velikosti  $z$ -složky orbitálního momentu  $L_z$  jeho elektronu?
- Jaký je minimální úhel mezi  $\mathbf{L}$  a osou  $z$ ?

10. Spočítejte energiový rozdíl mezi stavy  $m_s = \frac{1}{2}$  (spin up) a  $m_s = -\frac{1}{2}$  (spin down) atomu vodíku ve stavu  $1s$ , když je umístěn do mg. pole  $1.45 \text{ T}$  paralelního s negativním směrem osy  $z$ . Který stav,  $m_s = \frac{1}{2}$  nebo  $m_s = -\frac{1}{2}$ , má nižší energii?

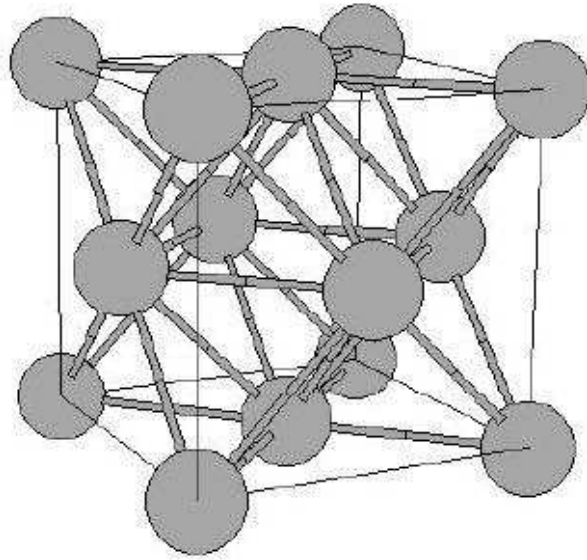
11.  $K_\alpha$  čára RTG záření detekovaného ze vzorku odstřelovaného elektrony má energii  $7.46 \text{ keV}$ . Atomy jakého prvku obsahuje vzorek?

12. Spočítejte frekvenci, energii a vlnovou délku spektrální čáry  $K_\alpha$  pro

- Ca ( $Z=20$ )
- Cd ( $Z=48$ )

### 3 Základy fyziky kondenzovaných látek

- Najděte úhel  $\theta$  mezi nejbližšími sousedními vazbami v mřížce křemíku. Zvažte, že každý atom křemíku je vázán ke čtyřem nejbližším sousedům, a ty jsou ve vrcholech pravidelného čtyřstěnu, jehož všechny stěny jsou rovnostranné trojúhelníky.
  - Najděte délku vazby z údaje, že atomy ve vrcholech čtyřstěnu jsou od sebe vzdáleny  $388 \text{ pm}$ .
- Vypočítejte mřížkový parametr  $a$  mědi, víte-li že hustota mědi je  $8940 \text{ kgm}^{-3}$ , hmotové číslo je  $63.55$  a elementární buňka mědi je kubická plošně centrovaná (atomy mědi se nachází ve vrcholech krychle a ve středech stěn – viz. obrázek [\[1\]](#)).



Obrázek 1: Krystalová struktura mědi

(b) Ukažte, že koncentrace vodivostních elektronů je  
 $n = 8.4310 \times 10^{28} \text{ m}^{-3}$ .

3. Pomocí následujícího vztahu určete Fermiho energii mědi a poté ověřte, že Fermiho rychlost je  $v_F = 1.6 \times 10^6 \text{ ms}^{-1}$ .

$$E_F = \left( \frac{3}{16\sqrt{2}\pi} \right)^{2/3} \frac{\hbar^2}{m} n^{2/3}$$

4. Vypočtěte driftovou rychlost elektronů v měděném drátu o průměru 1 mm, víte-li, že drátem teče proud o velikosti 1 mA. Tento výsledek porovnejte s Fermiho rychlostí z předchozího příkladu.
5. Určete relaxační dobu  $\tau$  elektronů v mědi, je-li její měrný odpor mědi  $1.7 \times 10^{-8} \Omega\text{m}$ .
6. Porovnejte plazmovou frekvenci mědi s plazmovou frekvencí ionosféry. Elektronová hustota elektronů v nejnižší vrstvě ionosféry – vrstvě D je v poledne  $n_D = 1 \times 10^9 \text{ m}^{-3}$  a v nejvyšší vrstvě F<sub>2</sub> je  $n_F = 1 \times 10^{12} \text{ m}^{-3}$ . Jak souvisí vypočtené hodnoty s pásmy radiové komunikace?