

F4160

# Vakuová fyzika 1

Pavel Slavíček

email: ps94@sci.muni.cz

## Osnova:

- **Úvod a historický vývoj**
- **Volné plyny**
  - statický stav plynů
  - dynamický stav plynů
- **Získávání vakua - vývěvy s transportem molekul z čerpaného prostoru**
  - vývěvy s periodicky se měnícím prostorem
  - vývěvy s neproměnným pracovním prostorem
  - paroproudové vývěvy
- **Měření vakua**
  - měření celkových tlaků
  - měření parciálních tlaků
  - hledání netěsností ve vakuových systémech

## Navazující přednášky:

- Vakuová fyzika 2 - **F6450**
  - Vázané plyny
  - Sorpční vývěvy
  - Měření ve vakuové fyzice
    - \* měření proudu plynu
    - \* měření tenze par
  - Konstrukční prvky vakuových zařízení
- Experimentální metody a speciální praktikum A 1 - **F7541**

## Literatura

- J. Groszkowski: **Technika vysokého vakua**, SNTL, Praha 1981
- L. Pátý: **Fyzika nízkých tlaků**, Academia, Praha 1968
- V. Sítko: **Vakuová technika**, SNTL, Praha 1966
- J. Král: **Cvičení z vakuové techniky**, ČVUT Praha 1996
- V. Dubravcová: **Vákuová a ultravákuová technika**, Alfa, Bratislava 1992
- A. Roth: **Vacuum technology**, Elsevier, 1990
- W. Espe: **Technologia hmot vákuovej techniky**, Slovenská akadémia vied, Bratislava 1960
- Zpravodaje CVS
- Firemní katalogy
- internet: [www](http://www) - stránky výrobců vakuové techniky, ...

## Úvod

- Vakuum je označení pro stav systému, který obsahuje plyny, nebo páry, pokud je jejich tlak menší než tlak atmosférický.
- Jednotky tlaku:
- $Pa[Nm^{-2}]$  - jednotka v soustavě SI
- $1 \text{ bar} = 10^5 Pa$
- $1 \text{ mbar} = 100 Pa$
- $1 \text{ torr} = 133,322 Pa$
- $1 \text{ atm} = 101325 Pa = 760 \text{ torr}$  (fyzikální atmosféra)

## Historický vývoj

- 1643 - E.Torricelli, první vakuum
- 1654 - O. von Guericke, magdeburské polokoule
- 1855 - Geissler, výboje v plynech, rtuťová vývěva
- 1874 - H.G.Mac-Leod, kompresní manometr
- 1892 - Fleussova pístová vývěva, průmyslova výroba žárovek
- 1906 - Pirani, tepelný manometr
- 1912 - W. Gaede, molekulární vývěva

- 1913 - W. Gaede, difúzní vývěva
- 1916 - Buckley, ionizační manometr
- 1925 - Fyzika nízkých tlaků, jako samostatný obor
- 1936 - Penning, výbojový manometr s magnetickým polem
- 1954 - Alpert - omegatron
- 1958 - Becker, turbomolekulární vývěva

## Využití vakua

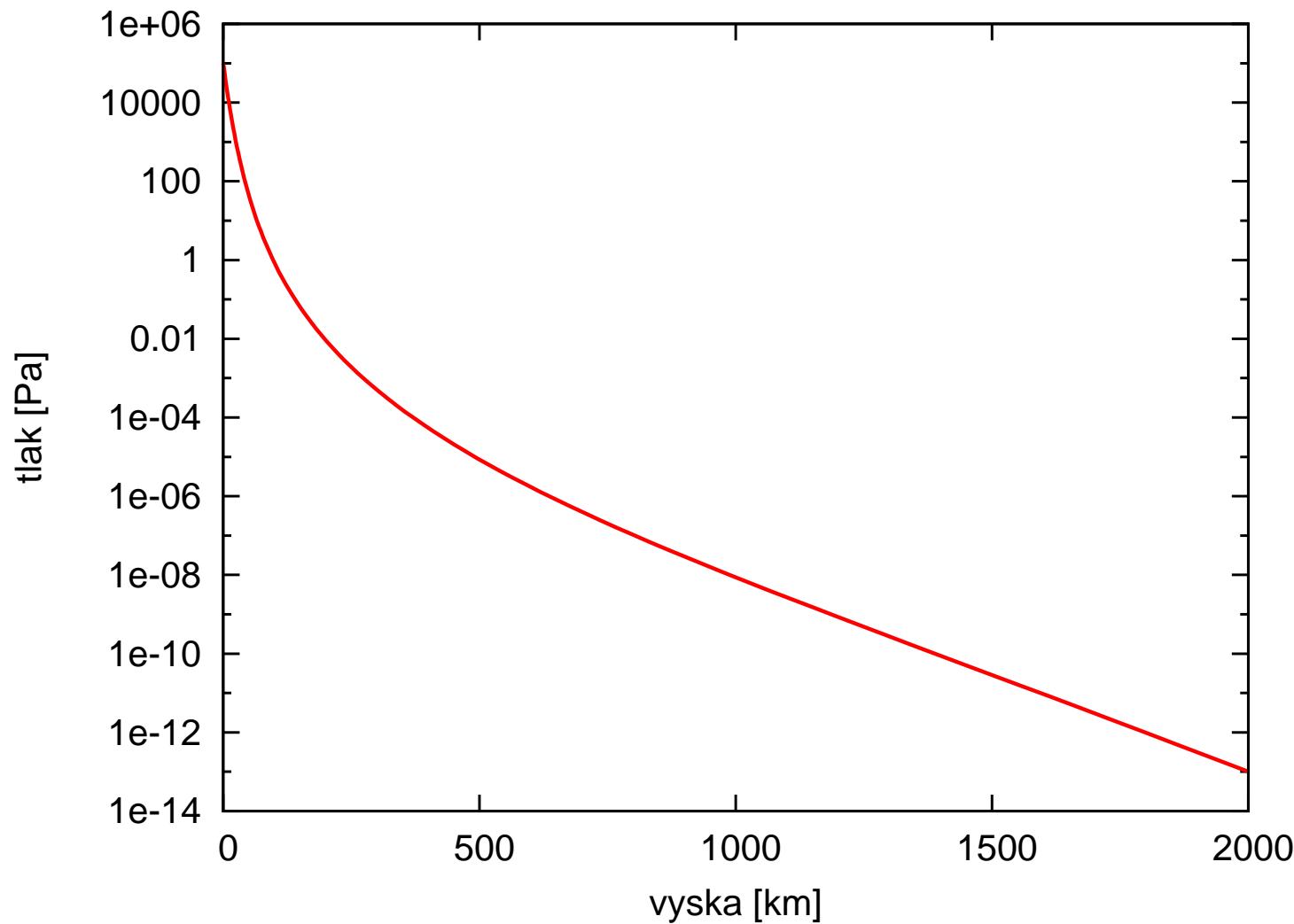
- **Věda a výzkum**
  - diagnostické metody
    - \* elektronový mikroskop
    - \* hmotový spektrometr
    - \* optický vakuový spektrometr
  - plazmochemické reaktory
  - urychlovače částic - CERN, LHC délka  $27\text{ km}$
  - termojaderné reaktory - ITER, objem  $834\text{ m}^3$

- **Průmyslové aplikace**
  - vytváření tenkých vrstev
  - výroba elektronických součástek
  - osvětlovací technika - žárovky, zářivky
  - chemický průmysl - čisté látky
  - metalurgie
- **přesně definované podmínky procesu, izolace studovaného procesu od okolí, velká střední volná dráha**

## Závislost tlaku na nadmořské výšce

výška [km]	tlak [mbar]	tlak [Pa]
0	$10^3$	$10^5$
11	$10^2$	$10^4$
50	$10^{-2}$	$10^0$
100	$10^{-3}$	$10^{-1}$
200	$10^{-6}$	$10^{-4}$
500	$10^{-8}$	$10^{-6}$
1000	$10^{-10}$	$10^{-8}$
2000	$10^{-15}$	$10^{-13}$

## Závislost tlaku na nadmořské výšce



**Tlak na Měsíci**  $1nPa = 10^{-9}Pa$

**Tlak v mezihvězdném prostoru**  $100\mu Pa - 3fPa, 10^{-4}Pa - 3 \cdot 10^{-15}Pa$

## Rozdělení vakua 1

vakuum	tlak [mbar]	tlak [Pa]
<b>nízké (GV), hrubé, technické</b>	$10^3 - 10^0$	$10^5 - 10^2$
<b>střední (FV)</b>	$10^0 - 10^{-3}$	$10^2 - 10^{-1}$
<b>vysoké (HV)</b>	$10^{-3} - 10^{-7}$	$10^{-1} - 10^{-5}$
<b>velmi vysoké (UHV)</b>	$< 10^{-7}$	$< 10^{-5}$

## Rozdělení vakua 2

vakuum	tlak [mbar]	tlak [Pa]
nízké (GV), hrubé, technické	$10^3 - 10^0$	$10^5 - 10^2$
střední (FV)	$10^0 - 10^{-3}$	$10^2 - 10^{-1}$
vysoké (HV)	$10^{-3} - 10^{-7}$	$10^{-1} - 10^{-5}$
velmi vysoké (UHV)	$10^{-7} - 10^{-10}$	$10^{-5} - 10^{-8}$
extremě vysoké (XHV)	$< 10^{-10}$	$< 10^{-8}$

## Rozdělení vakua

vakuum	nízké	střední	vysoké	extrémně vysoké
tlak [ $Pa$ ]	$10^5 - 10^2$	$10^2 - 10^{-1}$	$10^{-1} - 10^{-5}$	$< 10^{-5}$
koncentrace [ $cm^{-3}$ ]	$10^{19} - 10^{16}$	$10^{16} - 10^{13}$	$10^{13} - 10^9$	$< 10^9$
střední dráha $\lambda [cm]$	$< 10^{-2}$	$10^{-2} - 10^1$	$10^1 - 10^5$	$> 10^5$
monovrstva $\tau [s]$	$< 10^{-5}$	$10^{-5} - 10^{-2}$	$10^{-2} - 10^2$	$> 10^2$
typ proudění	viskózní	Knudsenovo	molekulární	molekulární

## Teoretické základy vakuové fyziky

### Plyny

- **Plyny volné**
  - plyny v statickém stavu, konstantní teplota a tlak v celém objemu
  - plyny v dynamickém stavu, různé teploty a tlak
- **Plyny vázané**
  - plyny vázané na povrchu, nebo v objemu pevné látky

## **Volné plyny v statickém stavu**

### **Ideální plyn, předpoklady:**

- molekuly a atomy plynu jsou velmi malé ve srovnání se vzdáleností mezi nimi
- molekuly a atomy plynu na sebe nepůsobí přitažlivými silami
- molekuly a atomy plynu jsou v neustálém náhodném pohybu
- molekuly a atomy plynu se neustále srážejí mezi sebou navzájem a se stěnami nádoby
- tyto srážky jsou dokonale pružné

## Základní pojmy a zákony

- tlak plynu: nárazy molekul a atomů plynu na rovinnou stěnu o povrchu  $S$  se projevují, jako tlaková síla  $F$  na stěnu  $p = \frac{F}{S}$
- molekulová (atomová) hmotnost  $M$  : poměr hmotnosti molekuly dané látky a  $\frac{1}{12}$  hmotnosti atomu uhlíku  $^{12}_6C$
- Avogadrův zákon: Stejné objemy různých plynů obsahují při témže tlaku a teplotě stejný počet molekul.
- Mol je počet gramů stejnorodé látky číselně rovný molekulové hmotnosti
- 1 mol různých plynů má při stejném tlaku a teplotě vždy týž objem, za tzv. normálních podmínek  $V_m = 22415\text{cm}^3\text{mol}^{-1}$ .
- normální podmínky : tlak  $p = 101324\text{ Pa}$ ; teplota  $T = 273\text{ K}$

- Avogadrovo číslo určuje počet molekul v jednom molu

$N_A = 6,023 \cdot 10^{23} mol^{-1}$ , tento počet je pro všechny látky stejný.

- Loschmidtovo číslo je podíl Avogadrova čísla a objemu molu

$N_L = \frac{N_A}{V_m} = 2,69 \cdot 10^{19}$  (za normálních podmínek), udává počet molekul v objemu 1  $cm^3$ .

- Daltonův zákon parciálních tlaků  $p = \sum_{i=1}^j p_i$

## Stavová rovnice plynu

**stavová rovnice pro ideální plyn, látkové množství  $n$  kilomolů**

$$\frac{pV}{T} = nR$$

**$R$  - je univerzální plynová konstanta,  $R = kN_A$**

$R = 8310 \text{ [J}kmol^{-1}K^{-1}\text{]}, k = 1.38 \cdot 10^{-23} \text{ [JK}^{-1}\text{]},$

$N_A = 6,023 \cdot 10^{26} \text{ [kmol}^{-1}\text{]}$

$$\frac{pV}{T} = nR = \frac{m}{M}R$$

## Maxwellův rozdělovací zákon

$$f_v(v, T, m_0) = \frac{1}{N} \frac{dN}{dv}$$

**pravděpodobnost, že  $dN$  molekul má rychlosť v intervalu  $< v, v + dv >$**

$$f_v(v, T, m_0) = 4\pi \left( \frac{m_0}{2\pi kT} \right)^{3/2} v^2 \exp \left( -\frac{m_0 v^2}{2kT} \right)$$

**pravděpodobnost, že molekula má při dané teplotě  
rychlosť v intervalu  $< 0, \infty >$**

$$\int_0^\infty f_v(v) dv = 1$$

**nejpravděpodobnější rychlosť**

$$v_p = \sqrt{\frac{2kT}{m_0}}$$

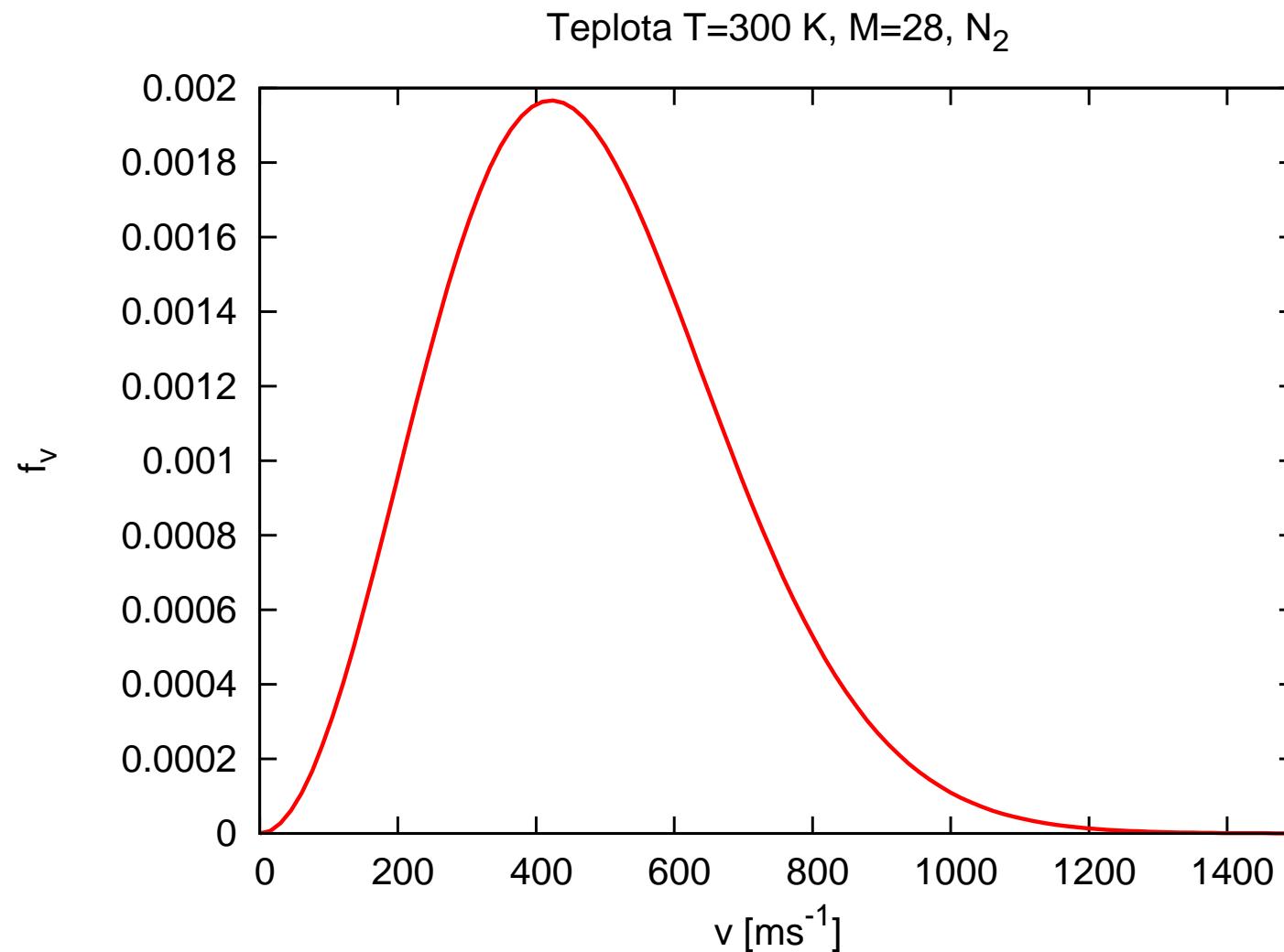
**střední kvadratická rychlosť**

$$v_e = \sqrt{\frac{3}{2}} v_p = \sqrt{\frac{3kT}{m_0}}$$

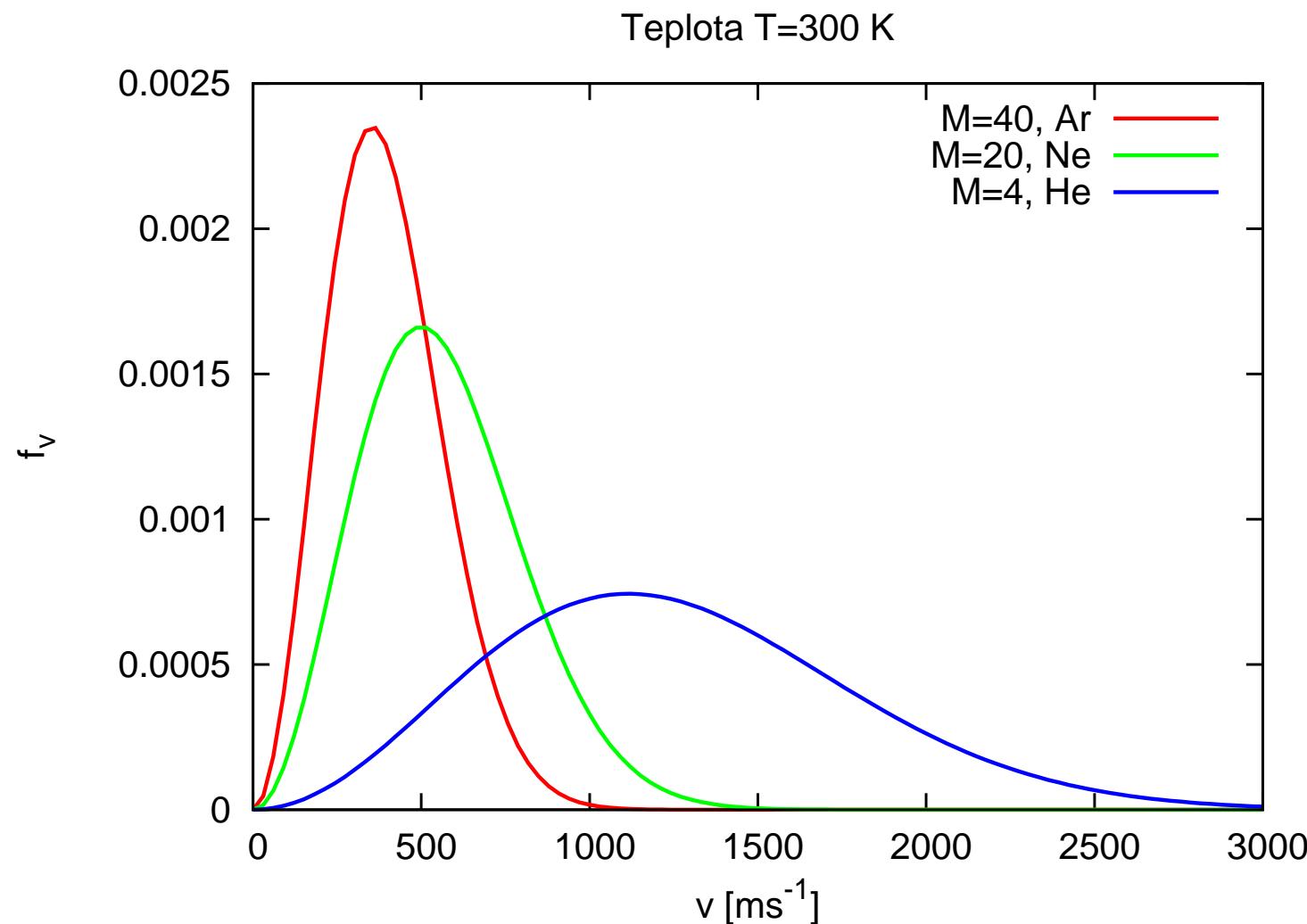
**střední aritmetická rychlosť**

$$v_a = \sqrt{\frac{4}{\pi}} v_p = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m_0}}$$

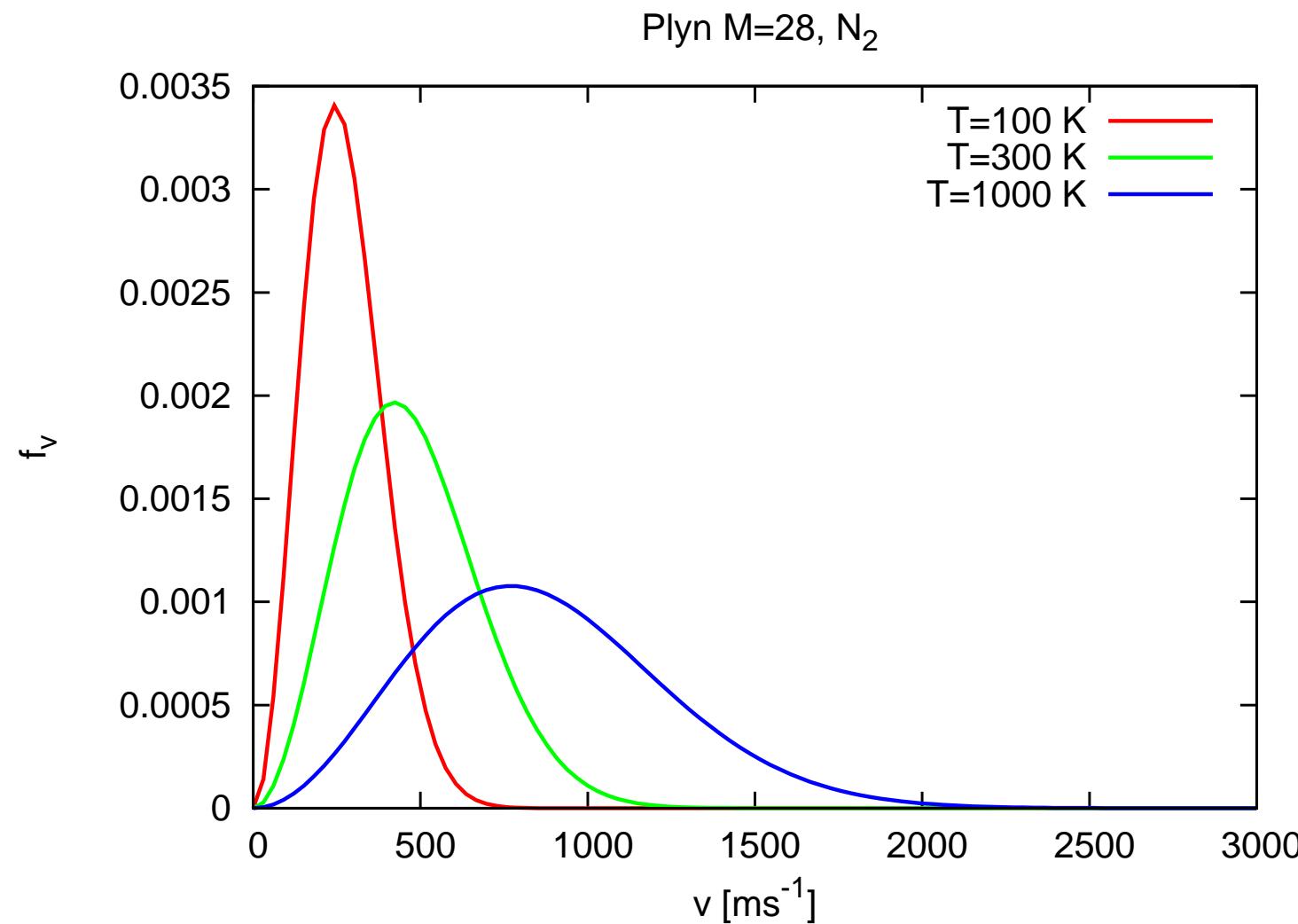
## Maxwellův rozdělovací zákon



## Maxwellův rozdělovací zákon - různé plyny



## Maxwellův rozdělovací zákon - různé teploty



## Střední volná dráha

je průměrná vzdálenost mezi dvěma po sobě následujícími srážkami molekul(atomů) plynu.

střední volná dráha molekul

$$\lambda = \frac{1}{\sqrt{2}n\pi d^2}$$

$n$  - je koncentrace,  $d$  - efektivní průměr molekuly  
zpřesnění

$$\lambda = \frac{1}{\sqrt{2}n\pi d^2} \cdot \frac{1}{1 + \frac{T_\lambda}{T}}$$

$T_\lambda$  je Sutherlandova konstanta pro daný plyn

Střední volná dráha - Sutherlandova konstanta

Plyn	$Ne$	$Ar$	$He$	$N_2$	$O_2$	$CO_2$	$H_2O$
$T_\lambda [K]$	55	145	80	110	125	254	650

## Počet částic dopadajících na jednotku plochy za jednotku času

Sférické souřednice  $r, \varphi, \vartheta$

$$dS = r^2 \sin \vartheta d\vartheta d\varphi$$

Počet částic s rychlostí  $v_1$  dopadajících na element  $dS$

$$\nu_1 = \frac{n_{v1} dS}{4\pi r^2} = \frac{n_{v1} r^2 \sin \vartheta d\vartheta d\varphi}{4\pi r^2}$$

Počet částic dopadajících na plochu kolmou na osu  $z$

$$d\nu_2 = \nu_1 v_1 \cos \vartheta = \frac{n_{v1} \sin \vartheta d\vartheta d\varphi}{4\pi} v_1 \cos \vartheta$$

$$\nu_2 = \frac{n_{v1}v_1}{4\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin\vartheta \cos\vartheta d\vartheta d\varphi =$$

$$= \frac{n_{v1}v_1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin\vartheta \cos\vartheta d\vartheta = \frac{n_{v1}v_1}{2} \left[ \frac{\sin^2\vartheta}{2} \right]_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{n_{v1}v_1}{4}$$

$$\nu_2 = \frac{1}{4} n_{v1} v_1$$

$$\nu = \frac{1}{4} n v_a$$

## Tlak jako kinetické působení plynu

**částice s rychlostí  $v_1$**

$$I = 2m_0 v_1 \cos\vartheta$$

$$dp_1 = d\nu_2 I = d\nu_2 2m_0 v_1 \cos\vartheta$$

$$p_1 = \frac{n_{v_1}}{4\pi} 2m_0 v_1^2 \int_0^{2\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2\vartheta \sin\vartheta d\vartheta d\varphi =$$

$$p_1 = n_{v1} m_0 v_1^2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 \vartheta \sin \vartheta d\vartheta =$$

$$= n_{v1} m_0 v_1^2 \left[ \frac{\cos^3 \vartheta}{3} \right]_0^{\frac{\pi}{2}}$$

$$p_1 = \frac{1}{3} n_{v1} m_0 v_1^2$$

$$p = \frac{1}{3} n m_0 v_e^2$$

## Vztah mezi koncentrací, tlakem a teplotou

Ze stavové rovnice plynu

$$\frac{pV}{T} = n_0 R = \frac{m}{M} R = \frac{m}{M} k N_A$$

$$n = \frac{N}{V} = \frac{m N_A}{M} \frac{1}{V} = \frac{p V}{T k} \frac{1}{V}$$

$$p = n k T$$

$$p = nkT$$

$$p = \frac{1}{3}nm_0v_e^2$$

$$nkT = \frac{1}{3}nm_0v_e^2$$

$$v_e^2 = \frac{3kT}{m_0} \Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{3kT}{m_0}}$$