F4110 Kvantová fyzika atomárních soustav letní semestr 2012 - 2013

IV. Elektronová optika cvičení

KOTLÁŘSKÁ 20. BŘEZNA 2013

F4110 Kvantová fyzika atomárních soustav letní semestr 2012 - 2013

IV. Elektronová mikroskopie cvičení

KOTLÁŘSKÁ 20. BŘEZNA 2013

II. Určení průběhu paprsků

Omezíme se nejprve na osově symetrickou paraxiální oblast.

Tam je všechno plně zvládnuto. Zobrazení je tam dokonalé. Paraxiální elektronová optika

• OSOVĚ SYMETRICKÁ SOUSTAVA ... centrovaná

to byla již r. 1931 idea Rusky a Knolla, od té doby rozpracovávaná

• PARAXIÁLNÍ OBLAST

elektronové svazky jen z úzké oblasti kolem optické osy (*nitkový Gaussův prostor*) ... tam dochází k **ideálnímu zobrazování**:





Paraxiální elektronová optika

• OSOVĚ SYMETRICKÁ SOUSTAVA ... centrovaná

to byla již r. 1931 idea Rusky a Knolla, od té doby rozpracovávaná

• PARAXIÁLNÍ OBLAST

elektronové svazky jen z úzké oblasti kolem optické osy (*nitkový Gaussův prostor*) ... tam dochází k **ideálnímu zobrazování**:





Magnetické čočky

Magnetické čočky a jiné součásti převládají v praxi. Jejich pochopení je ale obtížnější. Zde jen několik poznámek.





div
$$\boldsymbol{B} = 0 \Leftrightarrow B_r = -\frac{r}{2} \cdot \frac{\partial B_z}{\partial z} = -\frac{r}{2} \cdot B'$$

paraxiální oblast



- I v magn. čočce vždy dochází k fokusaci Rozhoduje jen osový průběh podélné složky pole
- Pro rychlé elektrony je lámavá síla menší
- Obrazový prostor se pootočí jako celek, věrnost zobrazení není narušena

 $2 \sqrt{2}$

$$r'' + \left(\frac{e}{2m} \cdot \frac{B_z(z)}{\upsilon(z)}\right)^- \times r = 0$$

PARAXIÁLNÍ ROVNICE PAPRSKU

Postupné kroky

A. MAGNETICKÉ POLE V DUTINĚ ČOČKY

- 1. **B** magnetostatické pole
- 2. osově symetrická soustava prázdná dutina ve vakuu paraxiální oblast
- B. PARAXIÁLNÍ ROVNICE PRO EL. PAPRSEK
- 1. $m\ddot{\mathbf{r}} = \mathbf{F}$ ve složkách v cylindrických souřadnicích
- 2. $\mathbf{F} = e\mathbf{v} \times \mathbf{B}$ ve složkách v cylindrických souřadnicích
- 3. $\dot{\phi}$ otáčení obrazového prostoru
- 4. $\ddot{r} = -\Lambda^2 r$ paraxiální rovnice
- C. <u>ŘEŠENÍ PARAXIÁLNÍ ROVNICE</u>
- 1. ohnisková vzdálenost tenké čočky



Magnetické pole v čočce

MAGNETOSTATIKA

 $\nabla \times E = -\frac{\partial B}{\partial t} \qquad \xrightarrow{\frac{\partial B}{\partial t} = 0} \qquad E = 0$ $\nabla E = \frac{\rho}{\varepsilon_0} \qquad \xrightarrow{\rho = 0} \qquad P \rightarrow 0$

$$\nabla \times \boldsymbol{B} = \mu_0 \boldsymbol{j} + \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \xrightarrow{\frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} = \boldsymbol{j} = 0} \text{ rot } \boldsymbol{B} = 0 \qquad \boxed{\int d\boldsymbol{s} \cdot \boldsymbol{B} = 0}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{B} = 0 \qquad \longrightarrow \qquad \text{div } \boldsymbol{B} = 0 \qquad \boxed{\int d\boldsymbol{S} \cdot \boldsymbol{B} = 0}$$

$$\text{GAUSS}$$









Pohybová rovnice v cylindrických souřadnicích

$$\ddot{r} - r\dot{\varphi}^{2} = \frac{e}{m} (B_{\varphi}\dot{z} - B_{z}r\dot{\varphi})$$

$$(r^{2}\dot{\varphi}) = r\frac{e}{m} (B_{z}\dot{r} - B_{r}\dot{z})$$

$$\ddot{z} = \frac{e}{m} (B_{r}r\dot{\varphi} - B_{\varphi}\dot{r})$$

$$\vec{r} = \dot{z}e + \dot{r}n + r\dot{\varphi}t$$

$$A = A_{z}e + A_{r}n + A_{\varphi}t$$

$$A = A_{z}e + A_{r}n + A_{\varphi}t$$

$$A = A_{z}e + A_{r}n + A_{\varphi}t$$

$$e = 0 \quad n = \dot{\varphi}t \quad t = -\dot{\varphi}n$$

Pohybová rovnice v cylindrických souřadnicích

$$\ddot{r} - r\dot{\phi}^{2} = \frac{e}{m} (B_{\phi}\dot{z} - B_{z}r\dot{\phi})$$

$$(r^{2}\dot{\phi}) = r\frac{e}{m} (B_{z}\dot{r} - B_{r}\dot{z})$$

$$\ddot{z} = \frac{e}{m} (B_{r}r\dot{\phi} - B_{\phi}\dot{r})$$

$$B_{\phi} = 0 \qquad B_{r} = -\frac{1}{2}rB'_{z}$$

$$B_{z} = B_{z}(z, r = 0)$$

$$r = \dot{z}e + \dot{r}n + r\dot{\phi}t$$

$$A = A_{z}e + A_{r}n + A_{\phi}t$$

$$A = A_{z}e + A_{r}n + A_{\phi}t$$

$$A = A_{z}e + A_{r}n + A_{\phi}t$$

$$e = 0 \qquad n = \dot{\phi}t \qquad t = -\dot{\phi}n$$

Magnetická čočka: fýsledné rovnice paprsku



