

IZOTOPOVÉ METODY

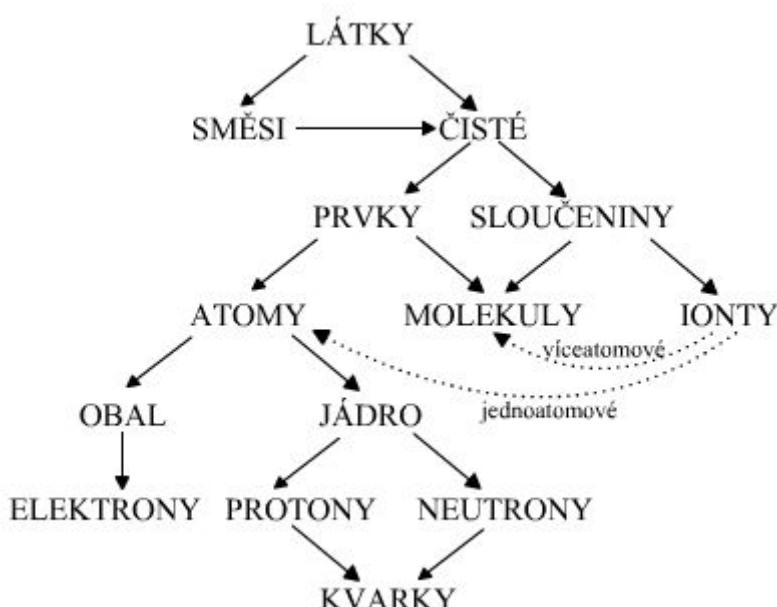
1. Základní údaje

Doporučená literatura:

Radioaktivita, ionizující záření, jaderná energie, *Jiří Hála, Konvoj 1998*

Radioaktivní izotopy, *Jiří Hála, Sursum 2013*

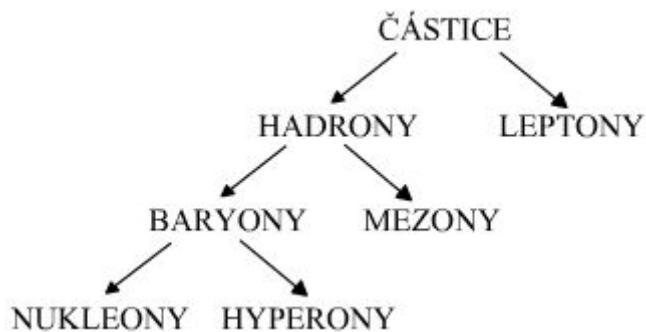
Struktura hmoty:



Rozdělení částic (hmoty):

„Elementární“ částice - cca 100 částic + 100 antičástic

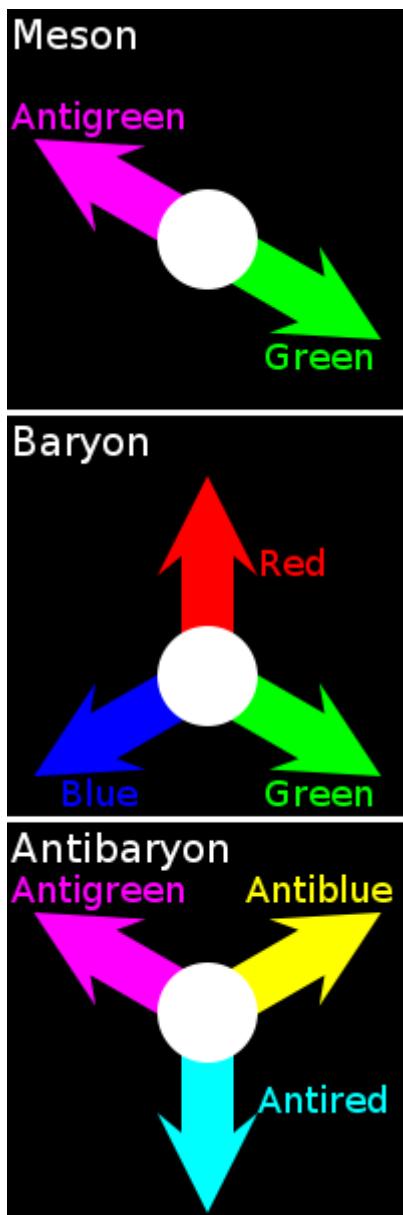
Následující schéma naznačuje zjednodušeně členění „elementárních“ částic:



- hadrony, ovlivňuje je slabá jad., el. mag. a silná jaderná, skládají se z kvarků
- leptony, necítí silnou jadernou (e , μ , τ), jsou elementární

hadrony:

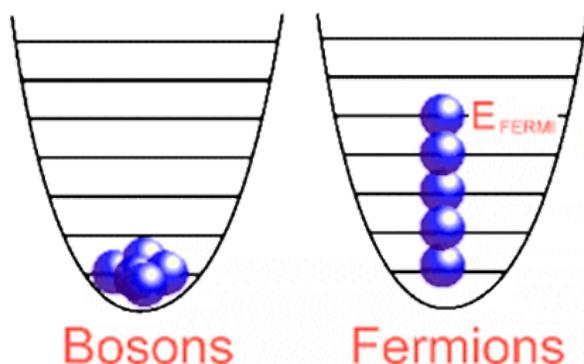
- baryony - polocelý spin (n , p), skládají se ze 3 kvarků (nukleony (p , n), hyperony - obsahují alespoň jeden s kvark)
- mezony - celý spin (π), skládají se ze 2 kvarků ((π^+ ($u\bar{d}$)), π^0 (kvantová superpozice $u\bar{u}$ a $d\bar{d}$ stavu), π^- ($d\bar{u}$)))

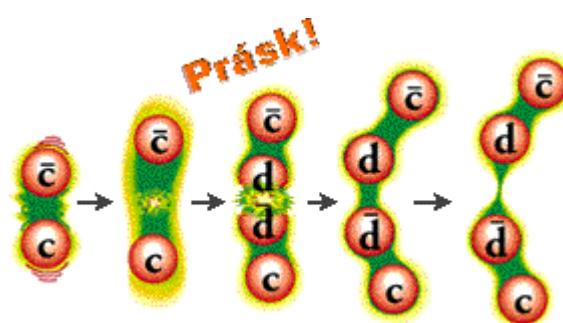
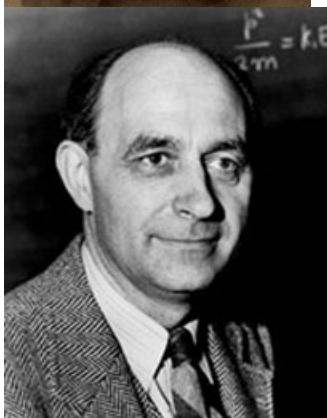


Three Generations of Matter (Fermions)				
	I	II	III	
mass →	2.4 MeV/c ²	1.27 GeV/c ²	171.2 GeV/c ²	0
charge →	2/3	2/3	2/3	0
spin →	1/2	1/2	1/2	0
name →	u up	c charm	t top	γ photon
Quarks				
mass →	4.8 MeV/c ²	104 MeV/c ²	4.2 GeV/c ²	0
charge →	-1/3	-1/3	-1/3	0
spin →	1/2	1/2	1/2	0
name →	d down	s strange	b bottom	g gluon
Leptons				
mass →	<2.2 eV/c ²	<0.17 MeV/c ²	<15.5 MeV/c ²	91.2 GeV/c ²
charge →	0	0	0	0
spin →	1/2	1/2	1/2	1
name →	e electron	ν _μ muon neutrino	ν _τ tau neutrino	Z ⁰ Z boson
mass →	0.511 MeV/c ²	105.7 MeV/c ²	1.777 GeV/c ²	80.4 GeV/c ²
charge →	-1	-1	-1	±1
spin →	1/2	1/2	1/2	1
name →	μ muon	τ tau	W [±] W boson	
Gauge Bosons				

Další způsob dělení:

- bosony, **celý spin** (vnitřní moment hybnosti) (¹⁶O, γ, α)
- fermiony, **polocelý spin** (p⁺, n, e⁻)





Symbolika: ${}^A_Z X^N$ běžný zkrácený zápis: ${}^A X$

A - nukleonové číslo ($A=Z+N$)

Z - protonové číslo

N - neutronové číslo

Zvláštní symbolika:

D - deuterium - ${}^2 H$

T - tritium - ${}^3 H$

Pojmy: **nuklid(y)**- soubor identických atomů, jejichž jádra tedy mají identické složení, stejné A i Z

isotopy - soubor atomů, které mají stejné protonové (Z) ale různé neutronové N (tím pádem i A) číslo

isobary - nuklidy které mají stejně nukleonové (A) ale různé protonové číslo (^{40}Ar , ^{40}K , ^{40}Ca)

radio -značí, že jádro je nestabilní a samovolně se rozpadá

Hmotnost atomu:

$kg \times u$, **definice u:u = 1/12 m(^{12}C)**, po vyčíslení: **u = 0,012 / (12 6,022 · 10²³) = 1,6606 · 10⁻²⁷ kg = 1 u**

Energie:

$J \times eV$, **definice eV:** je to energie, kterou elektron získá při průchodu potenciálovým spádem 1V **E = Q U**

po vyčíslení: **E = QU = 1,602 · 10⁻¹⁹ J = 1,602 · 10⁻¹⁹ J = 1 eV.**

Příklady: Energie fotonu viditelného záření.

$\lambda = 550 \text{ nm} = 5,5 \cdot 10^{-7} \text{ m}$; $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$; $c = 2,997 \cdot 10^8 \text{ ms}^{-1}$.

E = hv = hc/\lambda = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot 2,997 \cdot 10^8 \text{ m} / 5,5 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 3,6 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 3,6 \cdot 10^{-19} \text{ J} / 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 2,3 \text{ eV}

Ekvivalentní energie 1 u:

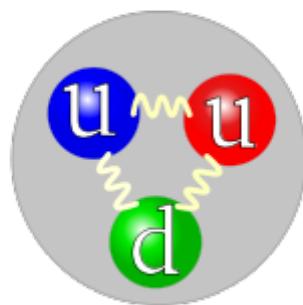
$m = u = 1,6606 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$; $c = 2,997 \cdot 10^8 \text{ m s}^{-1}$

E = mc² = 1,6606 · 10⁻²⁷ (2,997 · 10⁸)² = 1,492 · 10⁻¹⁰ J = 1,492 · 10⁻¹⁰ J / 1,602 · 10⁻¹⁹ = 931,3 MeV

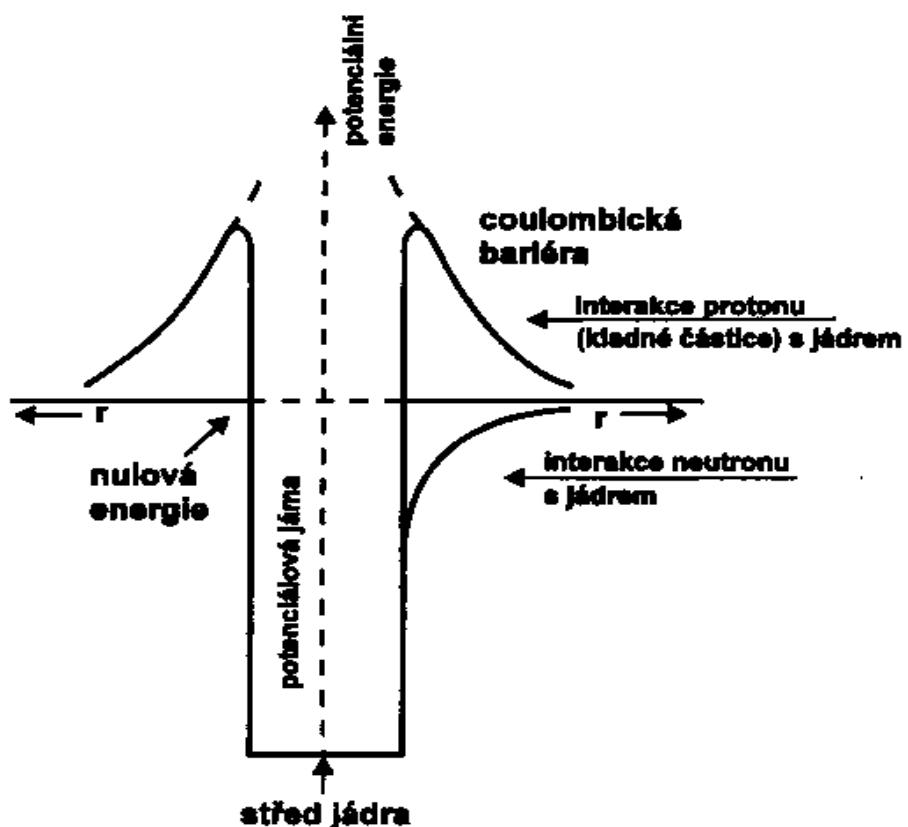
2. Atomové jádro

$p + n$; **centrum + náboje a hmoty**

($m_p 1,673 \cdot 10^{-27}$ kg či $m_n 1,675 \cdot 10^{-27}$ kg $\approx 2000 m_e$
 $9,109 \cdot 10^{-31}$ kg); průměr jádra $\approx 10^{-15}$ m (atomu $\approx 10^{-10}$ m)



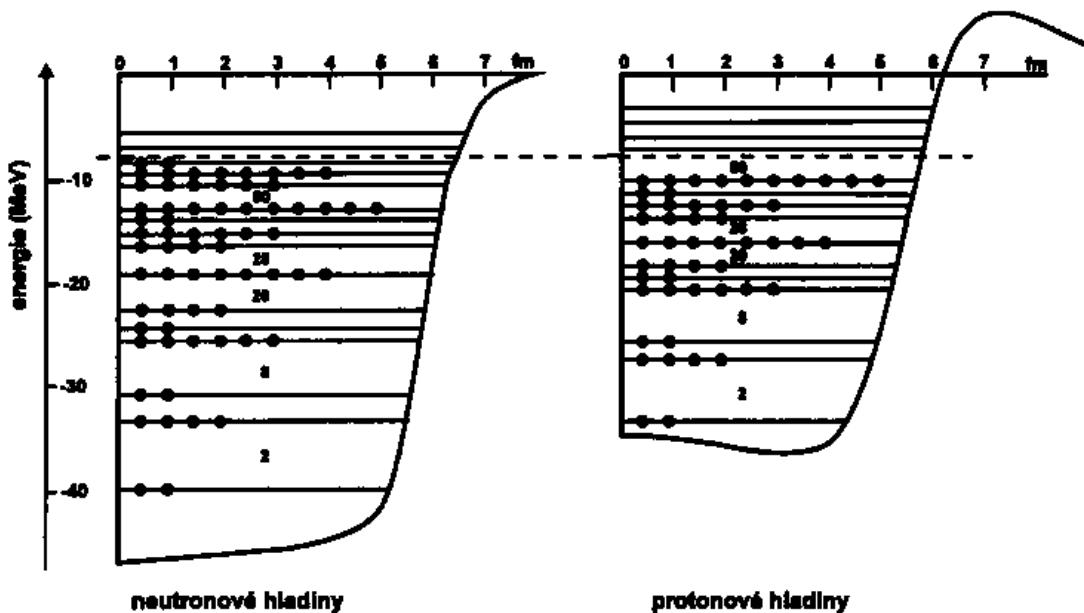
Jaderná potenciálová jáma a bariéra:



Obrázek 2: Potenciální energie při interakci jádra s nukleony.

Hladinový model jádra:

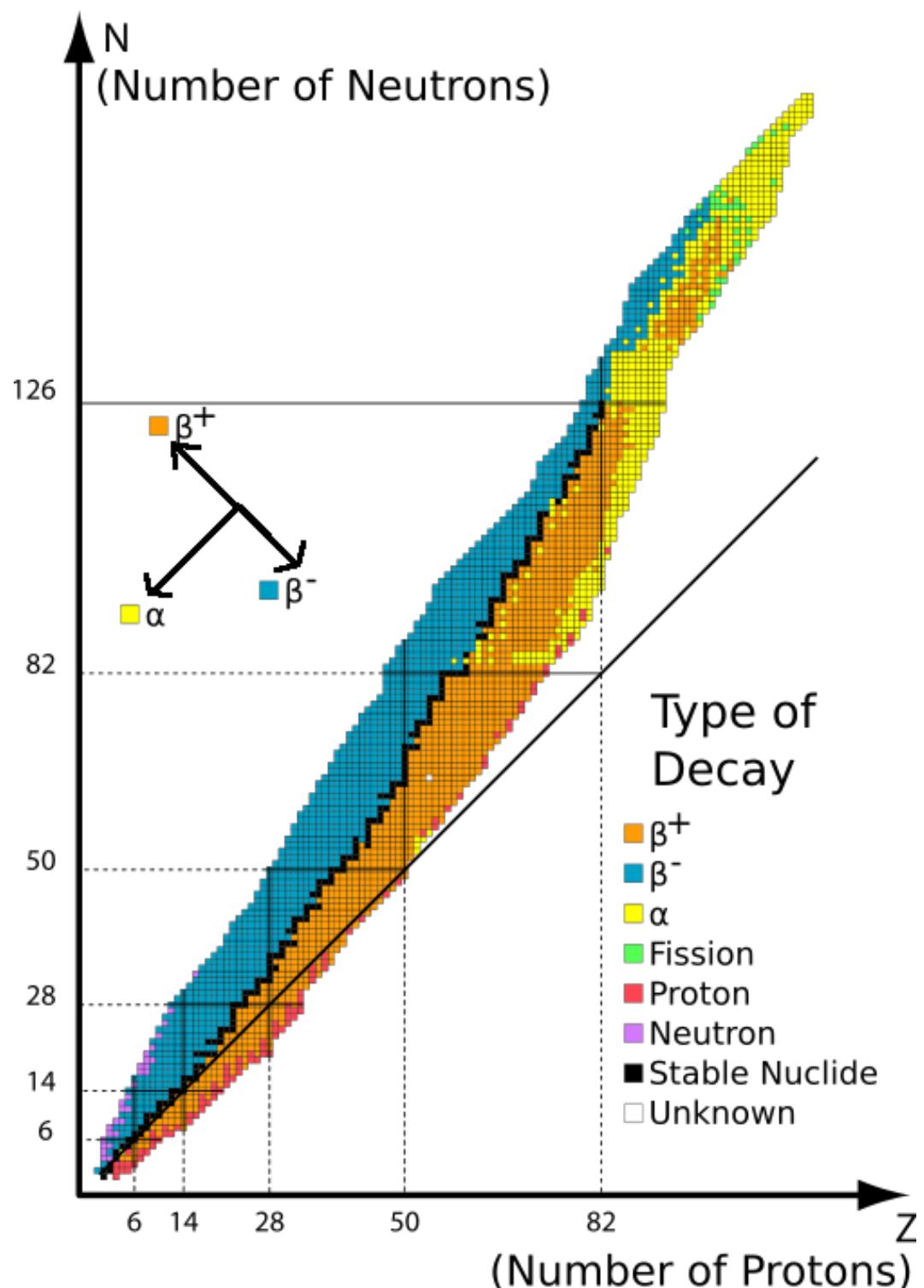
- p i n mají spin 1/2 a ve společném (ale zvlášť p a n) silovém poli **platí Pauliho princip** – každá částice musí být v jiném kvantovém stavu (jako u e v obalu)
- vzniká tak soubor hladin (zvlášť pro p a n)

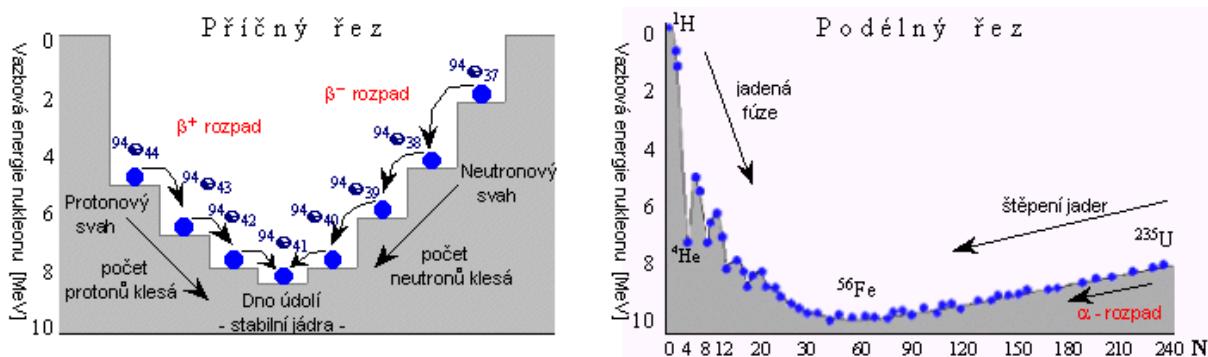


Obrázek 4: Uspořádání nukleonů v jádru $^{116}_{50}\text{Sn}$.

- **u p** coulombická síla způsobuje **zvýšení energie energetických hladin** v potenciálové jámě
- zaplňování slupek (en. hladin) probíhá **obdobně jako u elektronového obalu** (2, 8, 8, 18, 18, 32...), zde u p 2, 6, 12... obdoba u n, celkem pak 2, 8, 20, 28, 50, 82, 126 protonů a 2, 8, 20, 28, 50, 82, 126 neutronů, jsou to tzv. **magická čísla**
- po zaplnění těchto slupek je jádro stabilizováno, obdoba vzácných plynů (při zaplňování slupek v el. obalu)
- dvojitě magická: Z a N jsou magická čísla; Příklad: ^4He (2p, 2n), ^{16}O (8p, 8n), ^{208}Pb (82p, 126n)
- ostrůvky stability: předpokládá se vznik relativně stabilních nuklidů, ^{298}X (114p, 184n), ^{310}Y (126p, 184n)

- aby bylo jádro stabilní, musí mít též správný poměr N a Z, zpočátku $N/Z = 1$ poté roste až na 1,52 u posledního stabilního nuklidu ^{209}Bi (83p, 126n), tzv. řeka stability





- př. ^{100}Sn (50p, 50n) $T_{1/2} = \text{cca } 1 \text{ s}$
- nejstabilnější jádra jsou sudo-sudé, pak sudo-liché či licho-sudé a jen 4 stabilní licho-liché: ^2H (1p, 1n), ^6Li (3p, 3n), ^{10}B (5p, 5n) a ^{14}N (7p, 7n)

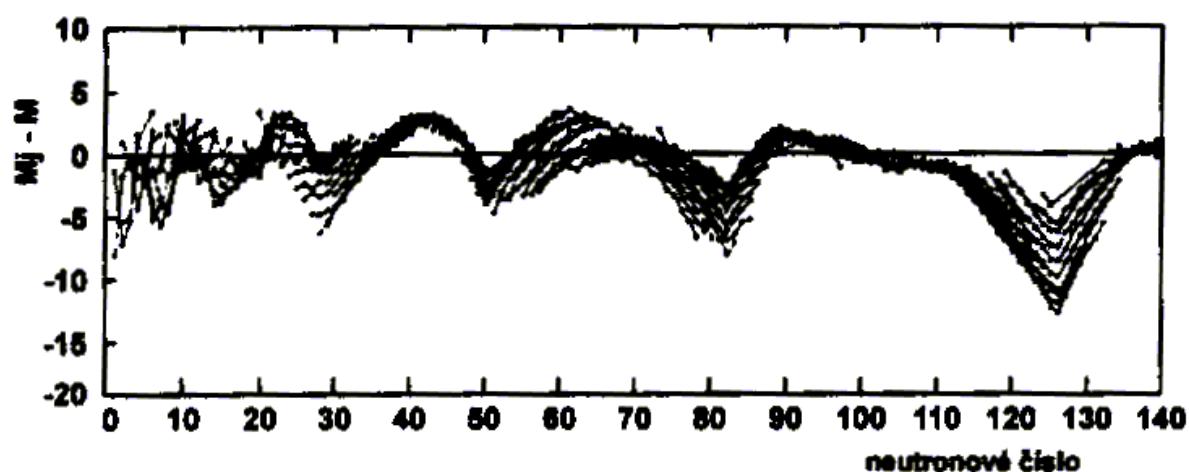
Kapkový model jádra:

$E_v \approx kA$ - krátký dosah jaderných sil obdoba v kapce vody, působí na sebe jen sousední molekuly

$$E_v = k_1 A - k_2 A^{2/3} - k_3 Z^2 A^{-1/3}$$

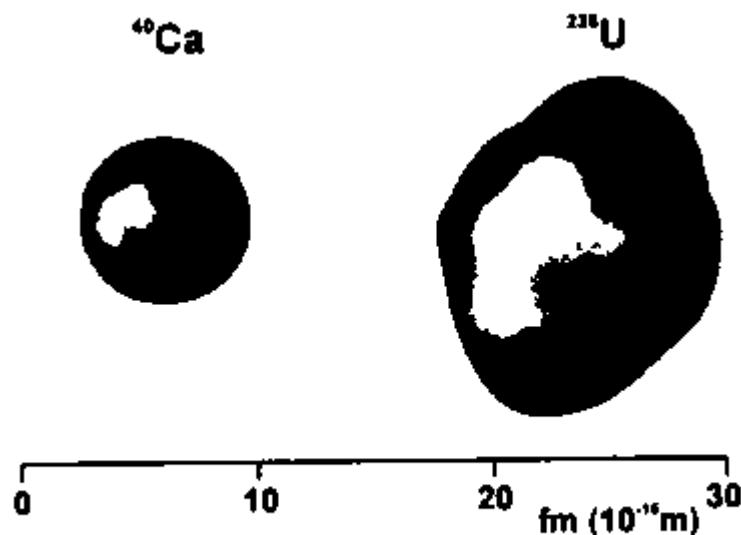
↓ ↓ →

objemová e. povrchová e. coulombické odp. protonů



Obrázek 6: Rozdíl skutečných a vypočtených hmotností jader v závislosti na neutronovém čísle (čarami jsou spojeny izotopy). Stabilizaci jader je zřetelně vidět v oblasti $N = 28, 50, 80$ a 126 . Převzato z [38].

tvar jádra: kulový tvar mají jen dvojitě magická jádra, ostatní jádra se stabilizují změnou tvaru



Obrázek 7: Tvar a velikost jader ^{40}Ca a ^{238}U .

Hmotnost a vazebná energie jádra:

$$m(X) < Zm_p + Nm_n$$

hmotnostní úbytek: $\Delta = m(X) - (Zm_p + Nm_n)$, $\Delta < 0$

$$E_v = -\Delta c^2 \quad (E_v > 0)$$

vazebná energie jádra, z definice plyne, že je kladná

$$\varepsilon = E_v/A$$

střední vazebná energie, v podstatě je to energie potřebná k uvolnění jednoho nukleonu z jádra

Excitační energie jádra je o 5 - 6 řádů větší než excitační energie el. obalu.

Příklad: ^{12}C (6 p, 6 n), $m_p = 1,672622 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$; $m_n = 1,674927 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$; $m_e = 9,109382 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$; $c = 2,997924 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$; $u = 1,660539 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

$$\text{teoretická } m(^{12}\text{C}) = 6m_p + 6m_n + 6m_e = \\ 2,009076 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$$

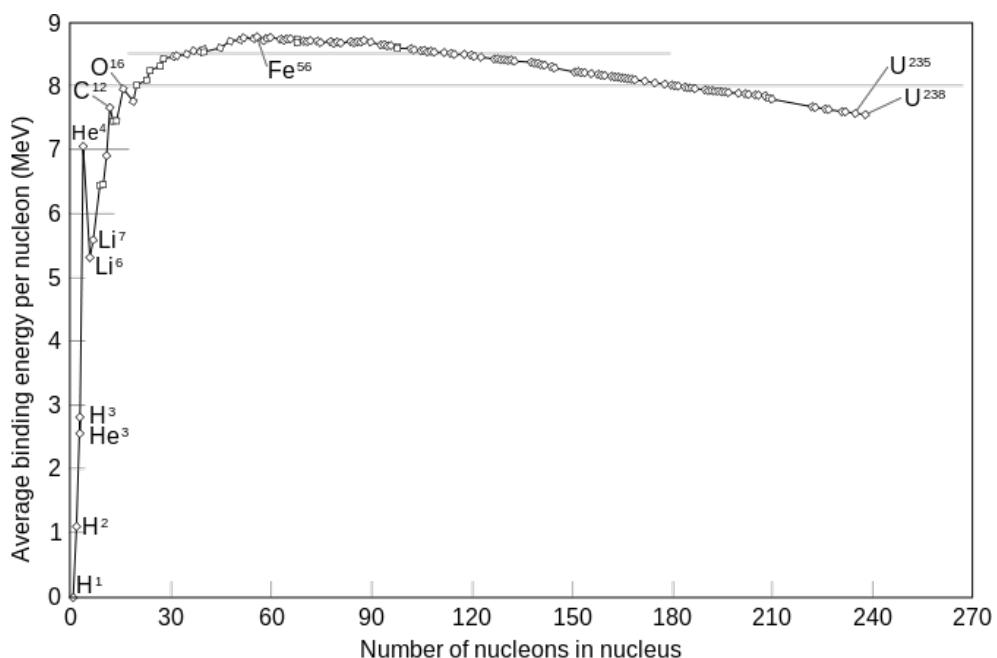
$$\text{skutečná } m(^{12}\text{C}) = 12 \text{ u} = 1,992647 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$$

$$\Delta = 1,992647 \cdot 10^{-26} - 2,009076 \cdot 10^{-26} = -1,642916 \cdot 10^{-28} \text{ kg}$$

$$E_v = 1,642916 \cdot 10^{-28} (2,997924 \cdot 10^8)^2 = 1,4736 \cdot 10^{-11} \text{ J} = \\ 1,4736 \cdot 10^{-11} / 1,602 \cdot 10^{-19} = 92 \text{ MeV}$$

$$\epsilon = 9,2 \cdot 10^7 / 12 = 7,7 \text{ MeV}$$

Zajímavost: Při vzniku 12 g ^{12}C z p a n, by se uvolnilo $1,4736 \cdot 10^{-11} \text{ J}$, rozštěpením 12 g uranu se uvolní asi 1 TJ.



Izotopové efekty:

- $^1\text{H}_2\text{O}$, $^2\text{H}_2\text{O}$, $^3\text{H}_2\text{O}$ či $^{235}\text{UF}_6$ a $^{238}\text{UF}_6$
- střední rychlosť molekul: $v = \sqrt{(8kT/mn)}$
- frekvence vibrace (těžší iz. menší frekv.): $\sqrt{((m_1+m_2)/m_1m_2)}$
- jiná t_t , t_v , rychlosť difúze, rychlosť chemické reakce

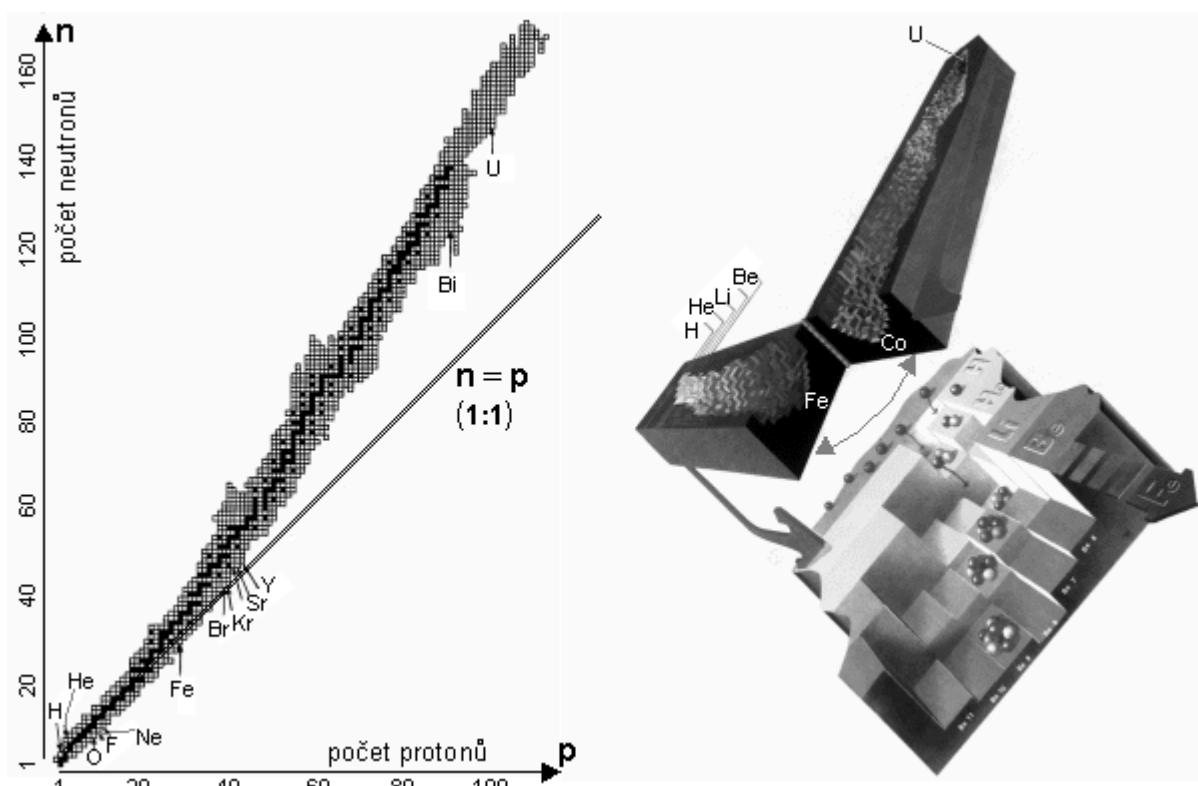
Příklad: $t_v(D_2O) = 101,42 \text{ } ^\circ\text{C}$; $t_t = 3,82 \text{ } ^\circ\text{C}$

3. Radioaktivita

> 2000 nuklidů; 266 stabilních

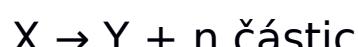
Radioaktivita – samovolná přeměna na jiný nuklid (neplatí pro deexcitaci jádra).

Pro $Z \leq 20$ je $\mathbf{N} / Z \approx 1$, poté postupně až **1,52** pro ^{209}Bi , přebytek neutronů zmenšuje odpuzování protonů.



Vlevo: Jednoduchá dvojrozměrná mapa nuklidů. **Vpravo:** Trojrozměrná mapa včetně vazbových energií.

Při radioaktivní přeměně se **uvolňuje energie**.



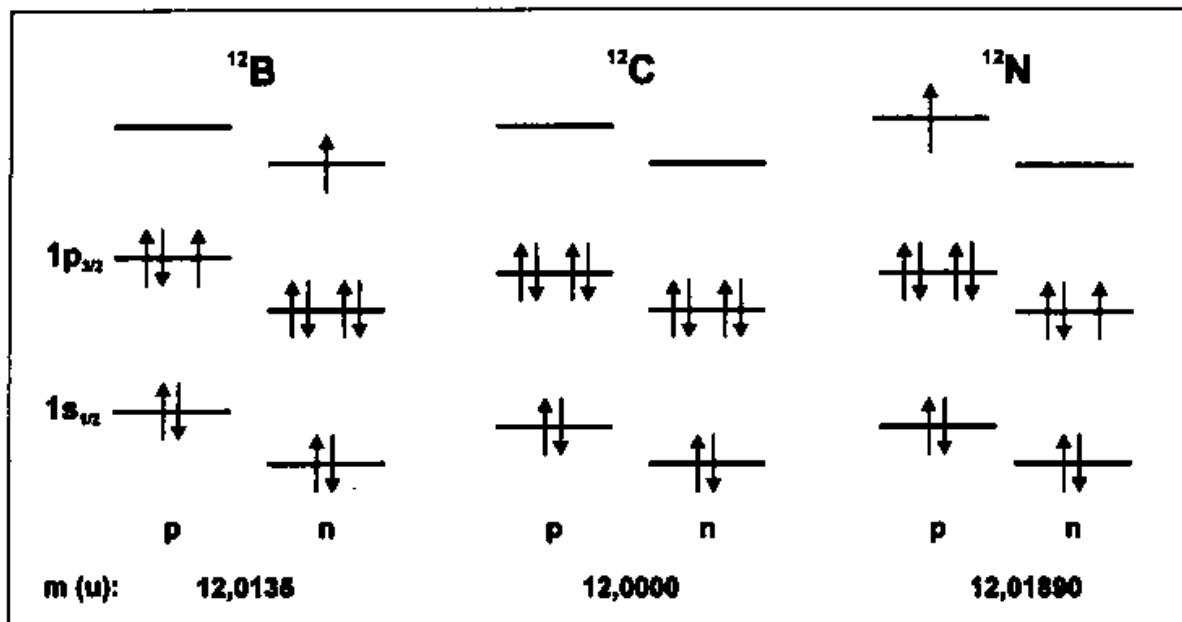
Základní hmotnostní podmínka radioaktivity:

$$M(X) > M(Y) + M(\text{ČÁSTIC})$$

Energie uvolněná při radioaktivní přeměně:

$$E_{\text{přeměny}} = E_{\text{kin}}(Y) + E_{\text{kin}}(\text{ČÁSTIC}) + E_{\gamma}$$

Stabilita atomových jader vyplývá z hladinového modelu:



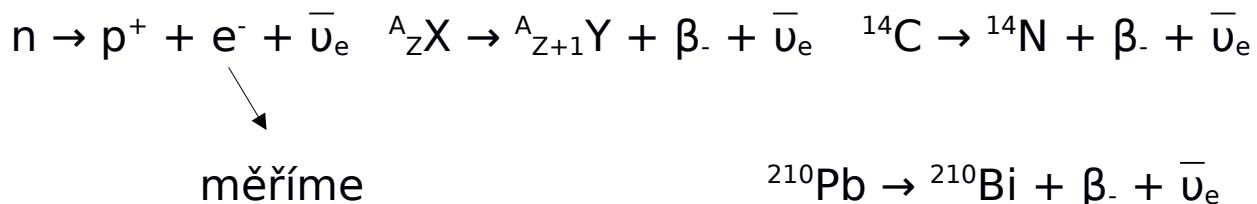
Obrázek 9: Souvislost nestability jádra vůči přeměnám β s nukleonovou konfigurací.

Skupiny radioaktivních přeměn:

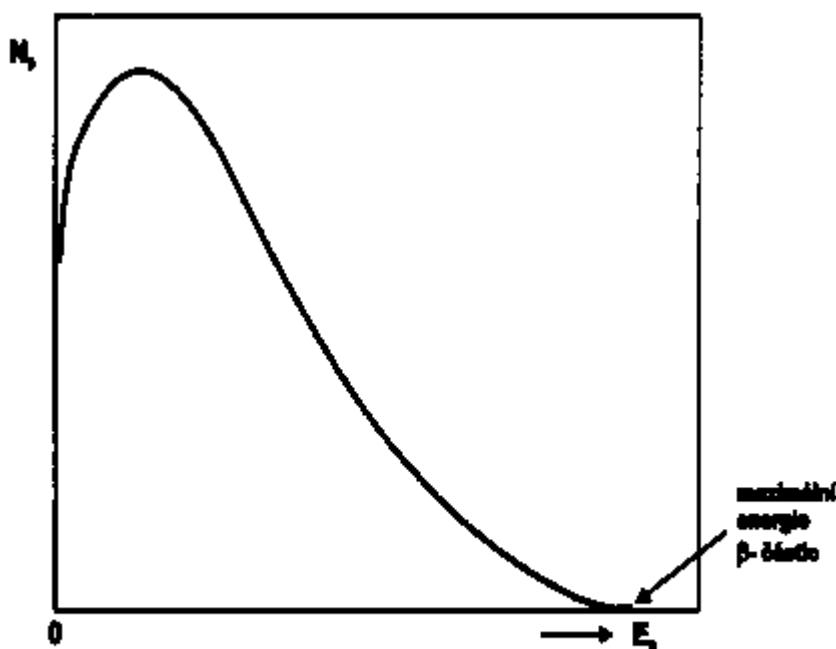
1. **mění se Z** při konstantním A (β_- , β_+ , EZ)
2. **mění se Z i A** (α , emise nukleonů, emise těžších jader ^{14}C , ^{24}Ne , SS)
3. **deexcitace jádra** (γ emise okamžitá či zpožděná, vnitřní konverze)

Druhy radioaktivních přeměn:

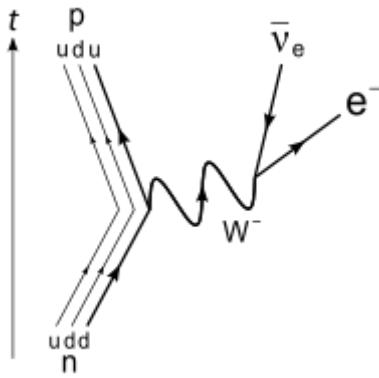
A) Přeměna β .



Energie se rozdělí mezi jádro (málo), elektron a ν_e náhodně, spektrum je proto spojité.



Obrázek 12: Energetické spektrum β^- částic.



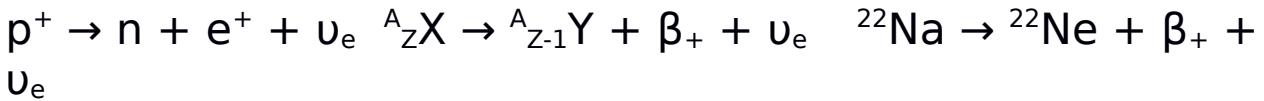
Jádro Y vzniká:

- a) v základním stavu ${}^3\text{H}$, ${}^{14}\text{C}$, ${}^{32}\text{P}$, ${}^{35}\text{S}$
- b) v excitovaném stavu (poté dochází k emisi 1 či více γ)



Může vznikat i směs a) a b)

B) Přeměna β_+



Platí stejné energetické zásady jako u β_- přeměny (spořité spektrum apod.).

Čistý β_+ rozpad je vzácný, většinou probíhá spolu s elektronovým záchytem (EZ). Měří se pomocí anihilačních fotonů a ionizačních účinků e^+ :

$\text{e}^+ + \text{e}^- \rightarrow 2\gamma$, $E = 2 m_e c^2 = 1,02 \text{ MeV}$ tj. $0,51 \text{ MeV}$ na jedno kvantum γ

C) Elektronový záchyt (EZ)

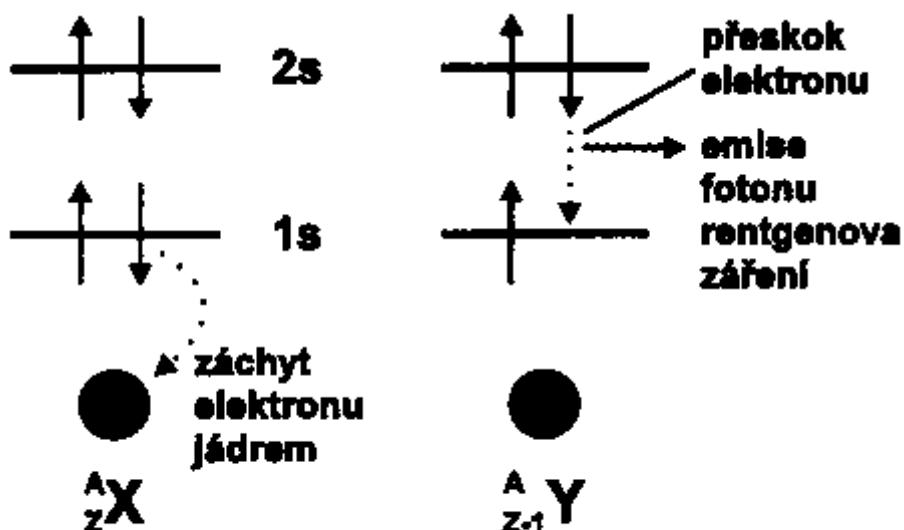


Po EZ dochází k následným dějům, pomocí kterých se tato radioaktivita měří: zaplňování vakancí ve slupkách K či L → **emise RTG fotonů** či Augerových elektronů (elektrony vyražené RTG zářením z vyšších slupek elektronového obalu, mají diskrétní energii)

$$E_{\text{aug}} = E_{\text{RTG}} - E_{\text{vaz.}}$$

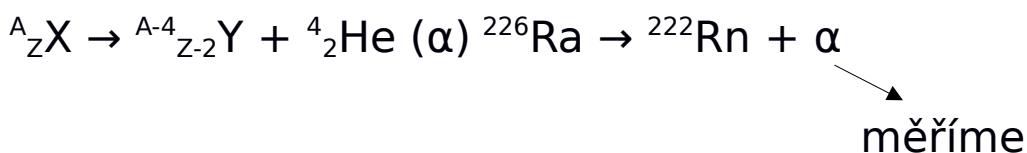
Měří se RTG fotony.

Použití v medicíně: ^{13}N , ^{15}O , ^{11}C

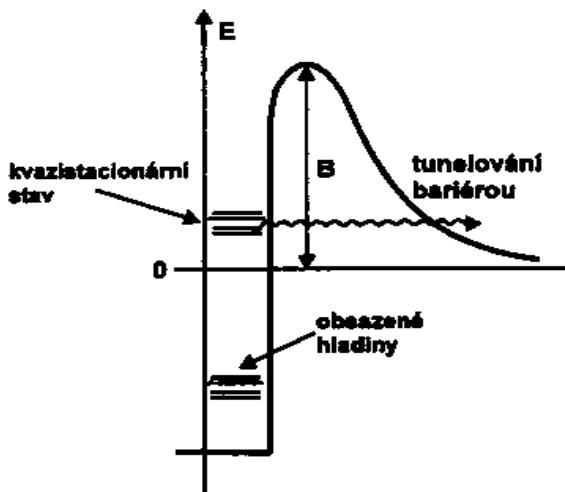


Obrázek 13: K výkladu elektronového záhytu.

D) Přeměna α



Alfa částice je velice stabilní, a proto je její emise výhodná, zvlášť u těžších prvků.



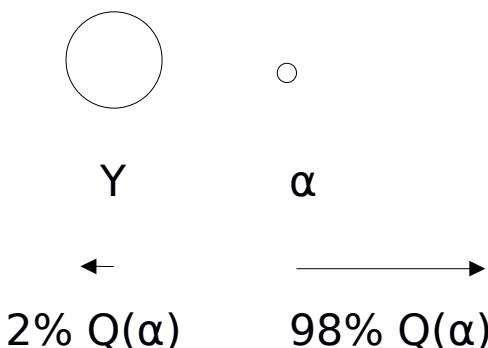
Obrázek 14: Mechanismus přeměny α .

$$(h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ Js}, \hbar = 4,1 \cdot 10^{-15} \text{ eVs})$$

Na rozdíl od spektra β je spektrum α čarové ale stejně jako při β rozpadu vzniká část jader excitovaná.

Odrazová energie jádra Y:

$$E_Y = Q(\alpha) m(\alpha) / (m(Y) + m(\alpha)) \text{ kde } Q(\alpha) = 931,5 (m(X) - m(Y) - m(\alpha))$$



$$E_\alpha \approx 5 \text{ MeV}, E_Y \approx 100 \text{ keV}$$

U přeměny β a emise γ je odrazová energie mnohem menší (řádově 10^1 eV). Zde odrazová energie způsobuje ztrátu části orbitálních elektronů, vzniká ion s velkým kladným nábojem, což vede k rozrušení chemických vazeb v dané sloučenině.

E) Emise těžších jader

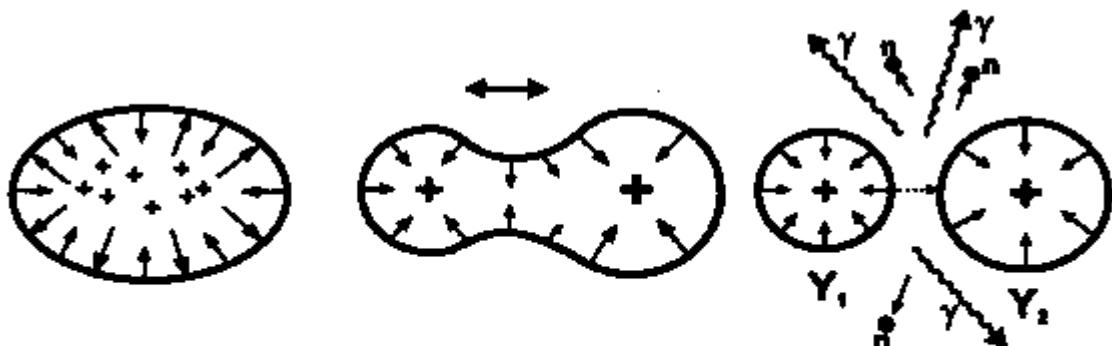


měříme

Obdoba α rozpadu.

F) Samovolné štěpení (SŠ)

Je-li splněna hmotnostní podmínka, rozštěpí se jádro těžší na dvě lehká plus dva až tři neutrony. Existuje ale i bezneutronové štěpení.



Obrázek 16: Průběh samovolného štěpení jádra.

Vysvětlení: hlinový model: emise těžké částice, obdoba emise α částice

kapkový model: zvětšení povrchu, zúžení, vznik stabilních zárodků, zaškracení, rozštěpení

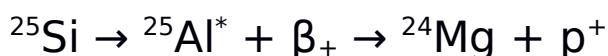
Většinou SŠ konkuje α přeměna, která je na rozdíl od SŠ velice rychlá. V excitovaném stavu jde SŠ snadněji, protože jádro je deformovanější.

Příklad: $T_{1/2}$ SŠ pro **excitované jádro** $^{240}\text{Pu} = 8 \mu\text{s}$, pro jádro v **základním stavu** $1,2 \cdot 10^{11}$ roků.

Použití: ^{252}Cf – jako zdroj neutronů se kterými se ozařují nádory

G) Emise nukleonů

Normálně nemožná (jen na hranici existence jádra). Možná je spíše zpožděná emise nukleonů z excitovaného jádra.



H) Větvené přeměny

- 1) α / β
- 2) $\alpha / \text{SŠ}$
- 3) α / EZ
- 4) β_+ / EZ
- 5) β_- / EZ

Současně můžou probíhat i více jak 2 přeměny naráz. Každý děj probíhá vlastní rychlostí. Celkový úbytek nuklidu je řízen nejrychlejším dějem.

I) Přeměna γ a vnitřní konverze

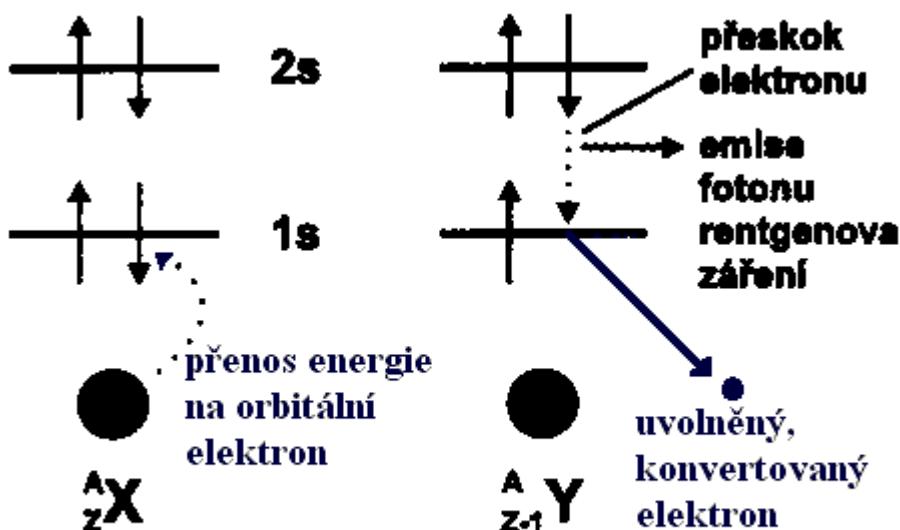
Po radioaktivní přeměně vzniká jádro většinou v excitovaném stavu. **Foton má spin $I = 1$** a proto změna spinu o 1 je nejpravděpodobnější a dochází k „okamžité emisi γ záření.“

Rychlosť premeny: $\Delta I = 1$, $T_{1/2} = 10^{-16} - 10^{-10}$ s, $\Delta I = 2$, $T_{1/2} = 10^{-11} - 10^{-4}$ s

Dále existuje „zpožděná emise γ záření“ $\Delta I > 2$ (zakázaný přechod) $T_{1/2} = 10^{-3}$ s – roky, daný nuklid se pak nazývá **jaderný izomer**.

Příklad: $^{137}\text{Cs} \rightarrow ^{137m}\text{Ba} + \beta^- + \bar{\nu}_e$; $^{137m}\text{Ba} \rightarrow ^{137}\text{Ba} + \gamma$
 $T_{1/2} = 30,1$ roků $T_{1/2} = 2,7$ minut

vnitřní konverze: Je to přímý a nezářivý přenos excitační energie jádra na orbitální elektron.



Konvertované elektrony mají diskrétní spektrum:

$$E_{\text{kon}} = E_{\text{exc}} - E_{\text{vaz. el.}}$$

Je-li $\Delta I = 0$ pak VK je jediný možný proces, protože **emise není v tomto případě možná**.

Kinetika radioaktivních přeměn:

- za dostatečně krátký časový interval se přemění vždy stálá část z přítomného počtu (N) atomů radioaktivního nuklidu (radionuklidu)

$$(\frac{dN}{N}) / dt = \lambda$$

$\lambda [s^{-1}]$ - přeměnová konstanta

Př. $\lambda = 1 \cdot 10^{-3} s^{-1}$ - z přítomného počtu RN se přemění každou sekundu 1 / 1000 atomů

Nuklid	$\lambda (s^{-1})$	$T_{1/2}$
^{238}U	$4,87 \cdot 10^{-18}$	$4,5 \cdot 10^9$ r
^{14}C	$3,84 \cdot 10^{-12}$	5736 r
^{137}Cs	$7,23 \cdot 10^{-10}$	30 r
^{131}I	$9,93 \cdot 10^{-7}$	8,1 d
^{211}At	$2,67 \cdot 10^{-5}$	7,2 h
^{223}Fr	$5,25 \cdot 10^{-4}$	22 m
^{252}Db	0,0204	34 s
^{263}Sg	0,77	0,9 s

Rychlosť přeměny **závisí na:**

- výchozím a konečném stavu jádra
- vlnové funkci obou jader
- na parametrech slabé, silné a elektromagnetické interakce.

nezávisí na:

- tlaku, teplotě, koncentraci, chemické formě

Výjimka: U EZ a vnitřní konverze.

$\lambda_{\text{slouč.}} < \lambda_{\text{kov}}$ př: u 7Be $\lambda(BeF_2) < \lambda_{\text{kov}}$ o 0,1 %

Střední doba života: $\tau = 1 / \lambda$

Aktivita: rychlosť premeny radioaktivného nuklidu

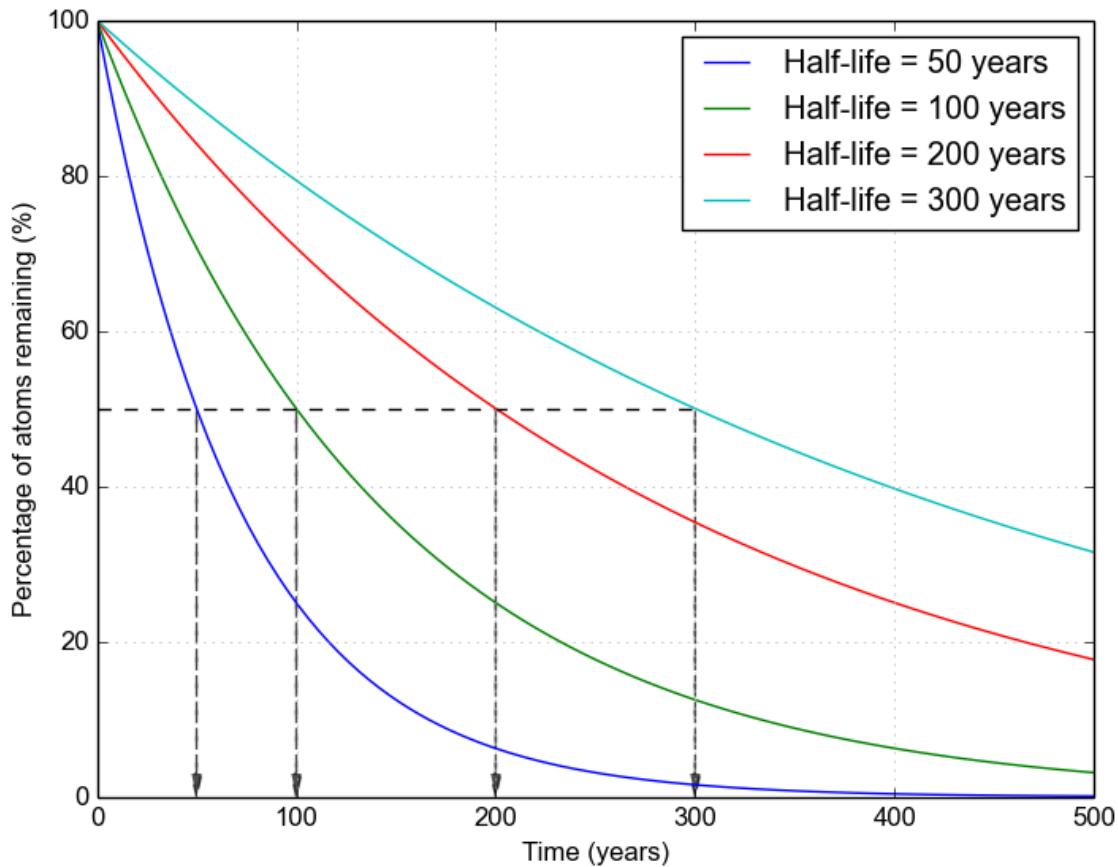
$$A = dN / dt$$

$$A = \lambda N$$

- **závisí na počtu radioaktivných atomů** v radioaktivní látce
- rozmer s^{-1}
- jednotka 1 becquerel (Bq), násobné kBq, MBq, GBq apod.
- **měrná aktivita:** vztaženo na m, V, c apod.
- maximální možná molární aktivita $A = \lambda N = \lambda N_A$ [$Bq \cdot mol^{-1}$]

Časová změna aktivity:

$$-dN / dt = \lambda N \rightarrow N = N_0 e^{-\lambda t} \rightarrow A = A_0 e^{-\lambda t}$$



- aktivita RN klesá s časem exponenciálně, rychlosť poklesu je dáná konštantou λ .

Poločas pŕeměny: $A = A_0 / 2 \rightarrow$

$$A_0 / 2 = A_0 e^{-\lambda t}$$

$$1 / 2 = e^{-\lambda t}$$

$$\ln(1 / 2) = -\lambda t$$

$$-\ln 2 = -\lambda t$$

$$t = \ln 2 / \lambda$$

$$\mathbf{T_{1/2} = \ln 2 / \lambda}$$

Měření poločasu rozpadu z úbytku aktivity lze jen u krátkodobě žijících radionuklidů. Jinak se poločas rozpadu počítá z aktivity radionuklidu o známé hmotnosti (měrné aktivity).

Radionuklid o hmotnosti m obsahuje: $N = nN_A$

$$N = (mN_A) / A_r$$

$$A = (\lambda m N_A) / A_r$$

Pak z λ spočítáme $T_{1/2}$, popřípadě se znalosti λ spočítáme m.

Příklad využití vztahu $A = A_0 e^{-\lambda t}$:

- uhlíková metoda ^{14}N (n, p) ^{14}C
- ^{14}C se během minut až hodin oxidují na CO_2
- rozdelení mezi rostliny, organismy, oceány
- rovnováha 15,3 přeměny za minutu v 1g C živé hmoty
- po smrti konec rovnováhy, citlivost asi do 50 000 roků ($T_{1/2} = 5,7$ tisíc roků)
- měří se dřevo, uhlíky, textil, kůže
- moderní metoda: urychlovačová hmotnostní spektrometrie, použitelná až do 100 000 roků
- stačí i 0,05 mg vzorku, ve vakuu se vzorek bombarduje ionty Cs^+ za vzniku $^{14}\text{C}^-$ (izobarický ^{14}N záporné ionty netvoří) poté se ionty $^{14}\text{C}^-$ dostávají do prostoru s Ar, vzniká $^{14}\text{C}^{3+}$ a vstupují do hmotnostního spektrometru.
- stejná metoda se používá ke stanovení obsahu př.: ^{10}Be (mořské sedimenty, polární led), ^{36}Cl a ^{129}I (podzemní vody), ^{26}Al (mořské sedimenty).

Příklad: Maximální měrná aktivita pro glycín $\text{NH}_2 - \text{CH}_2 - {}^{14}\text{COOH}$

$$T_{1/2} = 5760 \text{ r} = 1,818 \cdot 10^{11} \text{ s}; N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$\lambda = \ln(2) / T_{1/2} = 3,813 \cdot 10^{-12} \text{ s}^{-1}; A \text{ (molární, maximální)} =$$

$$\lambda N_A = 3,813 \cdot 10^{-12} \cdot 6,022 \cdot 10^{23} = 2,3 \cdot 10^{12} \text{ Bq} \cdot \text{mol}^{-1} = 2,3$$

$$\text{TBq} \cdot \text{mol}^{-1} = \mathbf{2,3 \text{ GBq} \cdot \text{mmol}^{-1}}$$

Z katalogu SIGMA: glycín ^{14}C 0,3 – 2,0 $\text{GBq} \cdot \text{mmol}^{-1}$

Kinetika hromadění stabilního produktu radioaktivní přeměny:

$$X \rightarrow Y_{\text{stab.}}$$

$$-\frac{dN_X}{dt} = \frac{dN_Y}{dt}$$

Na počátku ($t = 0$) $N_{X,0}$ atomů X a 0 atomů Y pak v čase t platí:

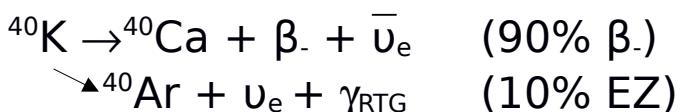
$$\begin{aligned} N_{X,0} &= N_X + N_Y \\ N_X &= N_{X,0} e^{-\lambda t} = (N_X + N_Y) e^{-\lambda t} \end{aligned}$$

Pro počet atomů N_Y vzniklých za čas t platí:

$$\begin{aligned} N_X / e^{-\lambda t} &= N_X + N_Y \\ N_Y &= N_X / e^{-\lambda t} - N_X \\ N_Y &= N_X e^{\lambda t} - N_X \\ \mathbf{N_Y / N_X} &= \mathbf{e^{\lambda t} - 1} \end{aligned}$$

Použití: Při určování stáří nerostů. Nuklid musí mít velký $T_{1/2}$ (^{40}K , ^{87}Rb , ^{238}U atd.), okamžik krystalizace $t = 0$.

Nejznámější je metoda **draslík-argonová**: roztavení materiálu a stanovení ^{40}Ar pomocí hmotnostní spektrometrie.



Kinetika hromadění radioaktivního produktu radioaktivní přeměny:

$$X (\lambda_X) \rightarrow Y (\lambda_Y) \rightarrow \dots$$

X mateřský radionuklid, Y dceřinný radionuklid
Celková změna počtu atomů Y v čase je:

$$dN_Y / dt = \lambda_X N_X - \lambda_Y N_Y$$

Pro počet atomů Y v čase t platí:

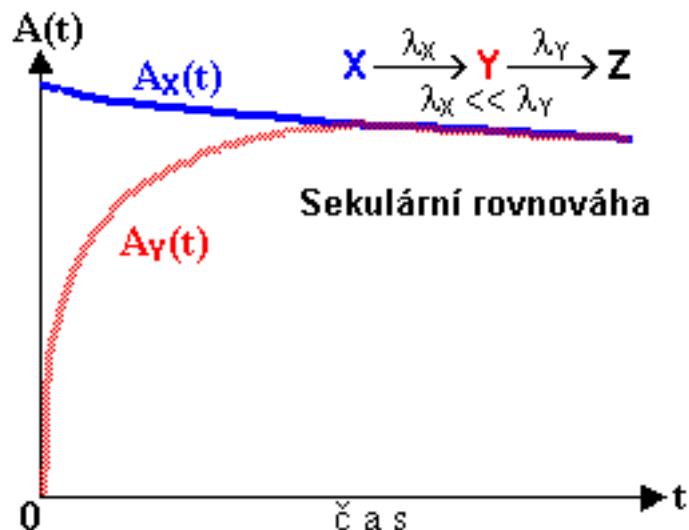
$$N_Y = N_{X,0} \lambda_X / (\lambda_Y - \lambda_X) (e^{-\lambda_X t} - e^{-\lambda_Y t})$$

Jestli $T_{1/2}X >> T_{1/2}Y$ ($\lambda_X \ll \lambda_Y$) pak se vztah zjednoduší na:

$$A_Y = A_{X,0} (1 - e^{-\lambda_Y t})$$

Za dostatečně dlouhou dobu (vůči $T_{1/2}Y$) pak platí:

$$A_Y = A_{X,0}$$



To znamená že po uplynutí určité doby (10ti násobek $T_{1/2} Y$) se vytvoří v původně čistém nuklidu X dceřinný nuklid Y o stejně aktivitě - tzv. **trvalá radioaktivní rovnováha**.

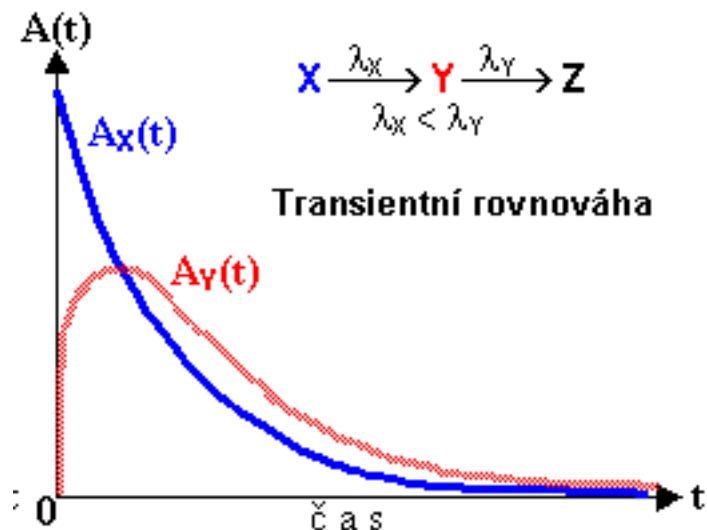
Významné jsou některé produkty štěpení uranu:



V přírodě najdeme trvalé radioaktivní rovnováhy v radioaktivních řadách. Existují 3 a to **uran-radioiová** (^{238}U

- ^{206}Pb), **thoriová** ($^{232}\text{Th} - ^{208}\text{Pb}$) a **uran - aktiniová** ($^{235}\text{U} - ^{207}\text{Pb}$).

Přechodná radioaktivní rovnováha: Mateřský nuklid má sice větší poločas rozpadu ale srovnatelný s dceřiným nuklidem ($\lambda_X < \lambda_Y$; $T_{1/2}X > T_{1/2}Y$).



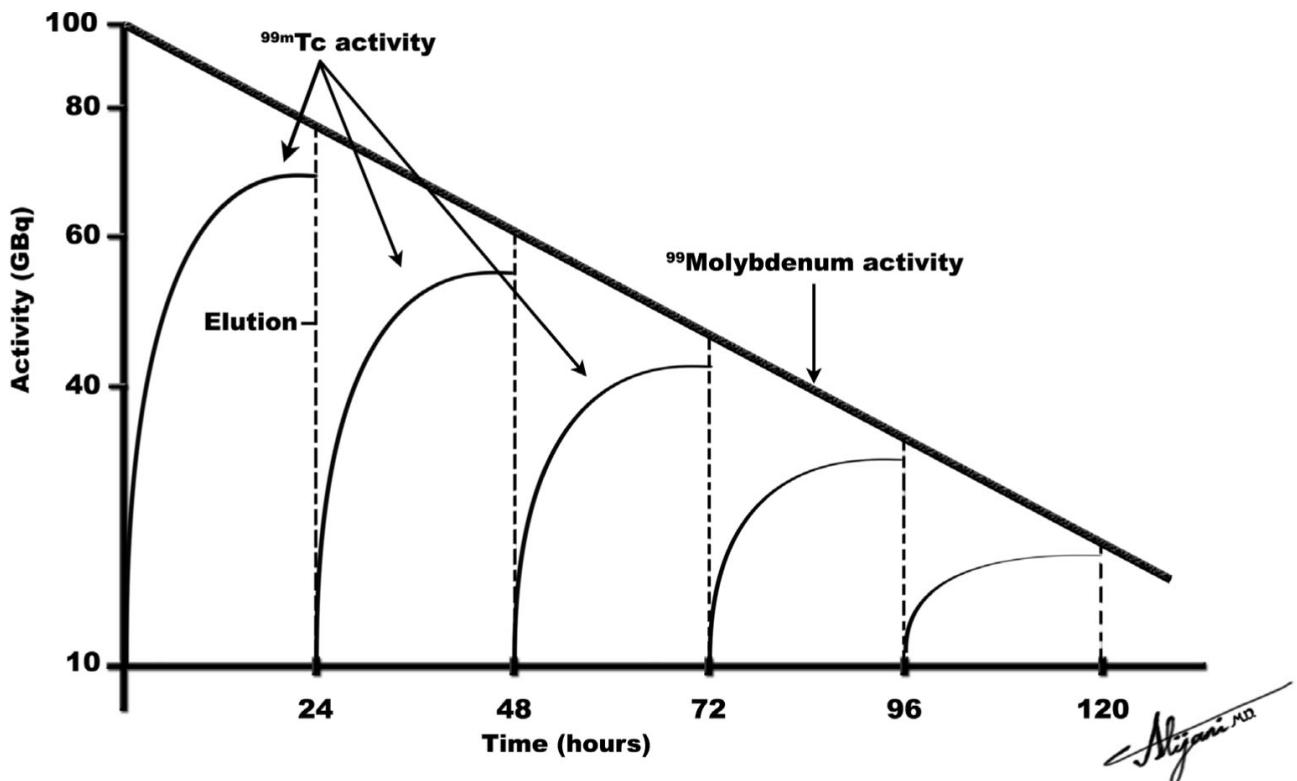
$$A_Y = A_X \lambda_Y / (\lambda_Y - \lambda_X)$$

$$A_Y / A_X = \lambda_Y / (\lambda_Y - \lambda_X)$$

Poměr A_Y / A_X je konstantní, maximální aktivity je dosaženo v čase:

$$t = 1 / (\lambda_Y - \lambda_X) \ln (\lambda_Y / \lambda_X)$$

Generátory radioaktivních nuklidů: Kolonka sorbentu s pevně zachycenou vhodnou formou mateřského nuklidu, ve vhodné době se dceřiný nuklid s kolonky vymyje.



Přirozeně se vyskytující radioaktivní prvky: přírodní X umělé (není mezi nimi rozdílu)

1. $T_{1/2} > 10^8$ roků, vznikly při syntéze prvků ve vesmíru

Radionuklid	Poločas rozpadu (roky)	Zastoupení (%)
^{40}K	$1,27 \cdot 10^9$	0,012
^{87}Rb	$4,7 \cdot 10^{10}$	27,85
^{88}Sr	$> 3 \cdot 10^{15}$	82,56
^{115}In	$6 \cdot 10^{14}$	95,77
^{138}Ba	$> 1 \cdot 10^{15}$	71,66
^{147}Sm	$6,7 \cdot 10^{11}$	14,97
^{159}Tb	$> 5 \cdot 10^{16}$	100
^{186}W	$> 6 \cdot 10^{15}$	28,41
^{187}Re	$5 \cdot 10^{10}$	0,93
^{209}Bi	$2,7 \cdot 10^{17}$	100
^{232}Th	$1,39 \cdot 10^{10}$	100
^{235}U	$7,13 \cdot 10^8$	0,715
^{238}U	$4,51 \cdot 10^9$	99,274

2. **$T_{1/2} < 10^8$ roků**, vznikají jako produkty přeměny mateřských nuklidů z radioaktivních řad a jadernými reakcemi v zemské atmosféře působením kosmického záření (${}^3\text{H}$, ${}^{14}\text{C}$, ${}^{10}\text{Be}$ aj.)

4. Vlastnosti ionizujícího záření

Energie záření (γ , β , α apod.) keV – MeV, ionizační energie atomů a molekul < 25 eV proto **ionizující záření**.



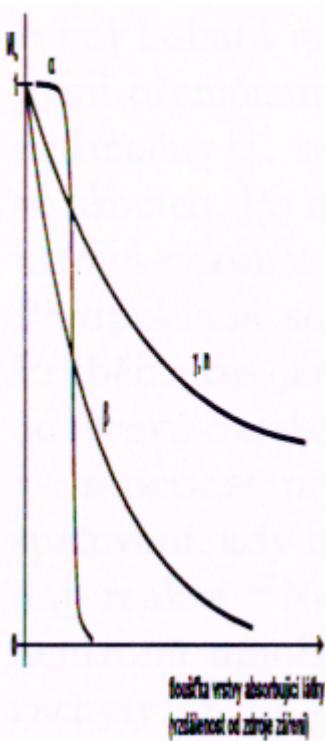
Rychlosť asi $10^{-16} - 10^{-15}$ s, poměr a) a b) 1:2, elektrony způsobují další sekundární ionizaci a excitaci. **Excitace je mnohonásobná a do vysokých excitačních stavů** (na rozdíl od UV)

Pojmy a veličiny: ionizující záření, jaderné záření (pouze při radioaktivních přeměnách), radioaktivní záření (nesprávné, záření není radioaktivní {kromě n})

Absorpce záření – postupné odevzdávání energie až do stavu kdy už není schopno dále ionizovat

Dosah záření – tloušťka vrstvy, která úplně absorbuje záření

Absorpční křivky



Dávka záření – energie sdělená ionizujícím zářením (energie získaná od všech primárně i sekundárně ionizujících částic) malému objemu látky

$$D = d\varepsilon / dm$$

Rozměr je $J \ kg^{-1}$, jednotkou Gray (**Gy**), 1 Gy = energie **1 J** absorbovaná v **1 kg** látky.

Rozsah dávek:

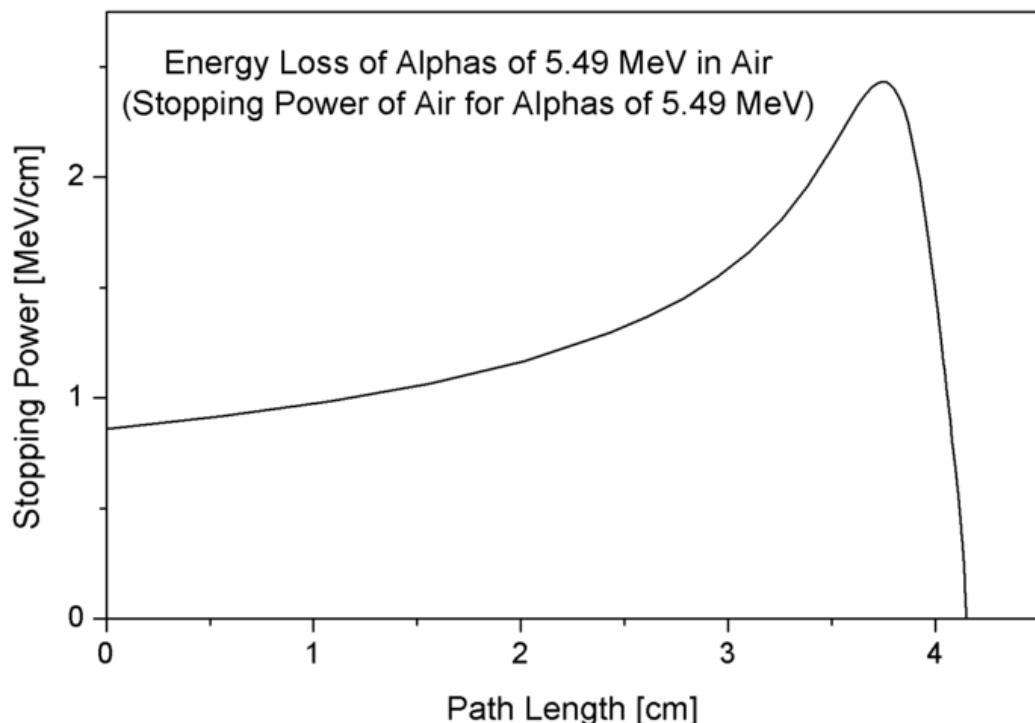
- $10^{-6} - 10^{-2}$ Gy při monitorování dávek v životním prostředí
- $10^{-4} - 1$ Gy při monitorování dávek u profesionálních pracovníků se zářením
- $10^{-1} - 10^2$ Gy v léčebném použití záření
- $10^{-1} - 10^4$ Gy v radiobiologii
- $10^2 - 10^5$ Gy v radiační chemii a technologii.

Dávkový příkon – rychlosť s jakou je látce energie sdělována, rozměr $W \ kg^{-1}$, jednotka Gy s⁻¹

$$D = dD / dt$$

Lineární přenos energie - používá se při posuzování biologických účinků IZ a udává **rozložení sdělené energie podél dráhy částice**, rozměr $J \text{ m}^{-1}$, běžně keV μm^{-1}

$$L = dE / dx$$



(tzv Braggova křivka)

Lineární přenos energie ve vodě pro různé druhy záření

záření	keV, μm^{-1}
γ záření ${}^{60}\text{Co}$ (1,17 a 1,31 MeV)	0,22
rtg záření (200 keV)	1,7
rtg záření (50 keV)	6,3
elektrony (záření β) (1–2 MeV)	0,2
elektrony (10 keV)	0,3
elektrony (100 eV)	20
protony (10 MeV)	4,7
záření α (5 MeV)	40
jádra vzniklá jaderným štěpením (100 MeV)	1800

Mechanismus ztráty energie záření:

α : (těžké nabité částice): krátký, ostře definovaný dosah, ionizace po většinu dráhy stejná pak ostrý pokles k 0 (zachycení elektronů a vznik He), dosah ve vzduchu několik cm, v kapalinách desítky μm , lineární ionizace je největší před koncem dráhy (viz Braggova křivka)

β: L je menší než u α, menší náboj a při stejné energii větší rychlosť $v = \sqrt{2E/m}$, má proto větší pronikavost a dosah, v plynech metry, kapaliny milimetry:

Tabulka: Dosah (mm) β záření čtyř radionuklidů v různých materiálech

nuklid	E_{max} (MeV)	vzduch	voda	hliník
^3H	0,018	5,2	0,008	0,0026
^{35}S	0,167	101	0,158	0,119
^{131}I	0,81	2310	3,63	1,15
^{32}P	1,71	5860	9,18	2,91

Absorpční křivka (viz Absorpční křivky nahoře) má exponenciální průběh:

$$I = I_0 e^{-\mu d}$$

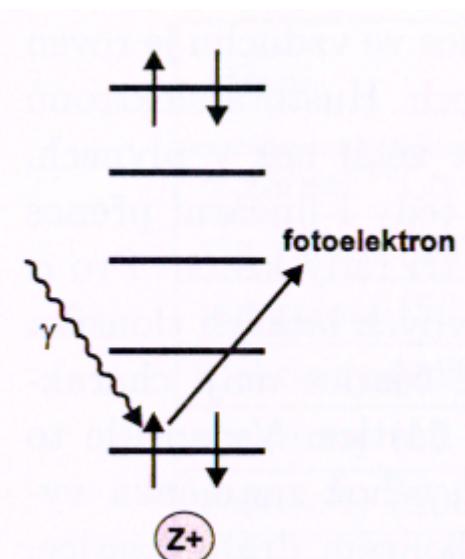
Kde d je tloušťka absorbující vrstvy v m a μ je lineární absorpční koeficient v m^{-1} , závisí na hustotě elektronů absorbujícího prostředí a energii β záření.

Další možnosti ztráty energie β záření – **brzdné záření** – při průniku až k jádru, dochází v elektrickém poli k vyzařování spojitého RTG záření ($0,1 - 0,4 \text{ nm} = 60 - 250 \text{ keV}$), uplatňuje se při velké energii β záření a velkém Z.
Čerenkovovo záření vzniká je li $v_\beta > c/n$, vzniká rázová

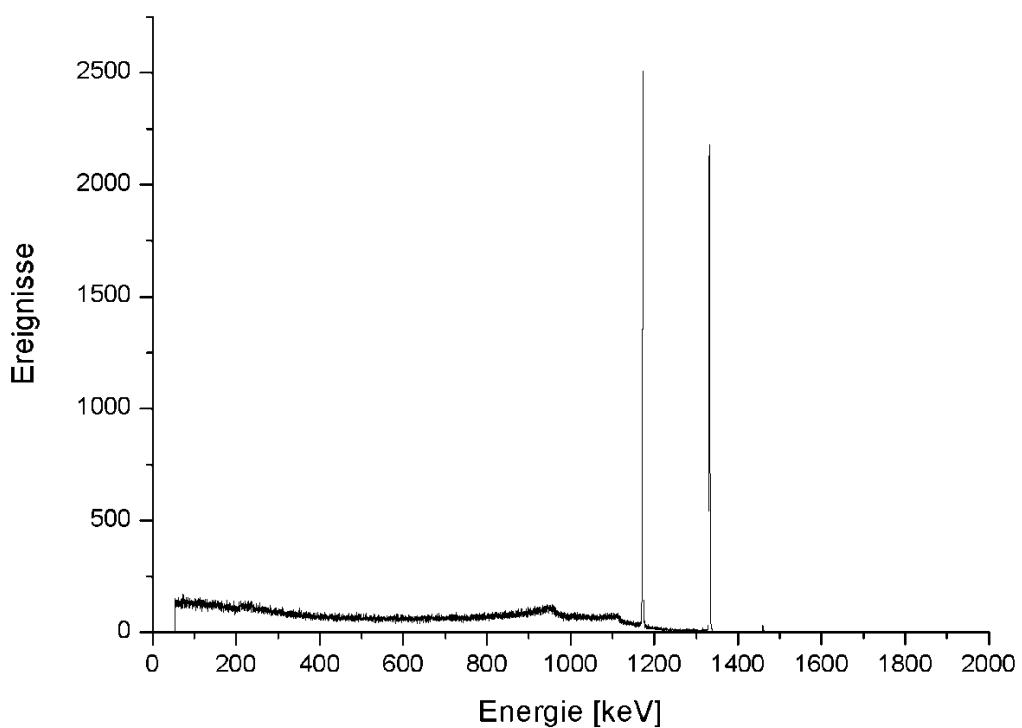
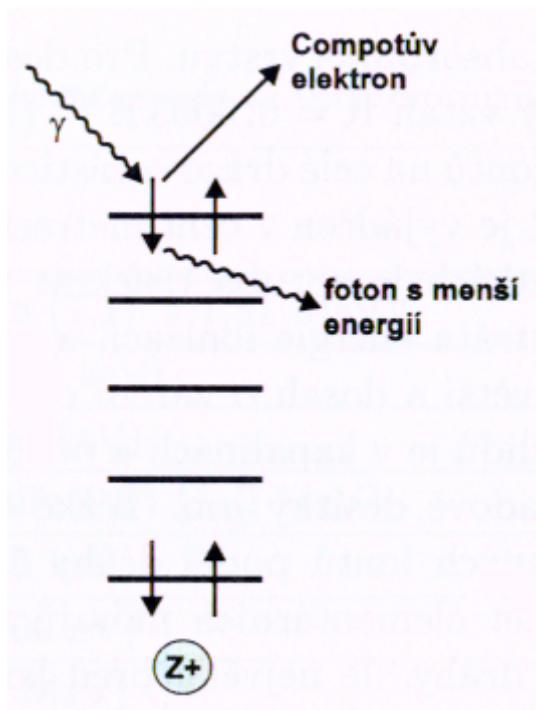
elektromagnetická vlna - světelný záblesk. Ve vodě dochází pro $E_\beta > 0,26$ MeV.

γ : Ionizuje nepřímo účinkem sekundárních elektronů, tři děje:

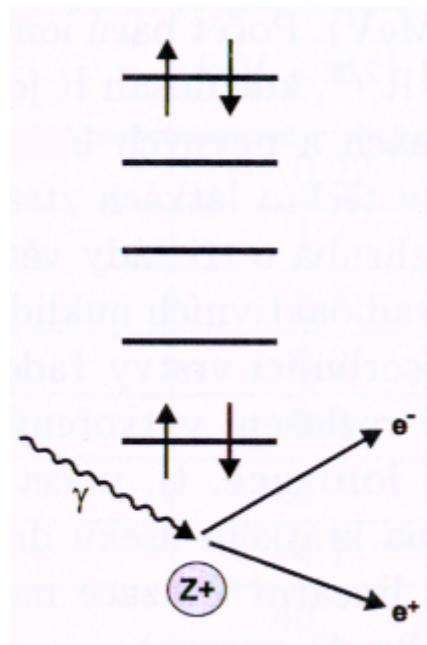
- a) **fotoefekt** - pro $E_\gamma < 0,1$ MeV, na elektron uvnitř obalu se přenese celá energie fotonu, pravděpodobnost silně závisí na Z a E_γ ($\sim Z^5 / E_\gamma^{3,5}$), doprovázen RTG emisí (zaplňování slupek)



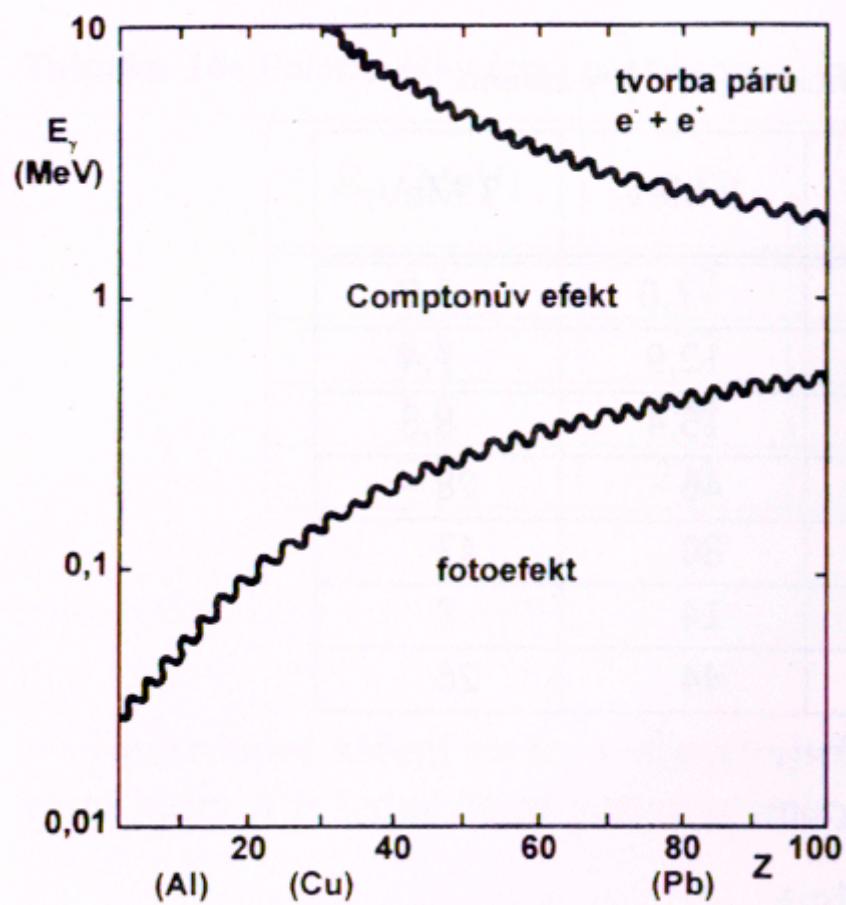
- b) **Comptonův rozptyl** - pro E_γ 0,1 - 2 MeV, interakce s orbitálními elektryny, foton předá část své energie a uvolňuje jej z atomu (Comptonův elektron), atd. (zmenšuje se E_γ a směr γ se mění, až zanikne fotoefektem), pravděpodobnost $\sim Z / E_\gamma$



- c) **tvorba páru** – v blízkosti atomového jádra a pro $E_\gamma > 1,02 \text{ MeV}$, dochází ke vzniku páru e^- a e^+ , pravděpodobnost $\sim Z^2 / E_\gamma$, pozitrony zanikají anihilací



Uplatnění těchto 3 dějů:



Lineární ionizace je malá a dosah γ proto velký, nelze jej běžně určit. Zeslabení svazku γ se řídí vztahem:

$$I = I_0 e^{-\mu d}$$

Kde μ (lineární absorpční koeficient) zahrnuje všechny tři děje a závisí proto na Z a E_γ . Pronikavost γ se vyjadřuje pomocí **polotloušťky** – vrstva zeslabující počáteční intenzitu záření na $1/2$.

$$\begin{aligned} I &= I_0 / 2 \rightarrow I_0/2 = I_0 e^{-\mu d} \\ &\quad 1/2 = e^{-\mu d} \\ \ln(1/2) &= -\mu d \\ -\ln 2 &= -\mu d \\ d &= \ln 2 / \mu \\ \mathbf{d_{1/2}} &= \ln 2 / \mu \end{aligned}$$

Tabulka: Polotloušťky (cm) pro absorpci γ záření v některých látkách

E_γ (MeV)	voda	beton	olovo
0,1	42	17	0,15
0,5	72	34	4
1,0	98	46	9,3
5,0	230	110	15

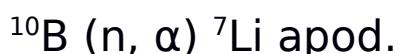
Pro vzduch pro 0,1 MeV 35 m, pro 1,0 MeV 90 m.

n: energii ztrácí srážkami s atomovými jádry, k účinnému zpomalení dochází při srážce s lehkými jádry (nejlépe 1H),

$$\Delta E = E (4 m M) / (m + M)^2$$

po zpomalení na energii $\sim 10^{-2}$ eV (tepelné neutrony) zanikají jadernou reakcí, stejně jako u γ nemá n záření definovaný dosah, μ závisí na účinném průřezu (σ rozměr m^2 , závisí na energii projektlu a druhu jaderné reakce) záchytu neutronů jádry absorbující látky.

Pronikavost n se vyjadřuje opět pomocí **polotloušťky**. Ionizační účinky jsou nepřímé a jsou způsobeny částicemi, které vznikají jadernou reakcí při záchytu neutronu.



Při srážce s H (živé organismy) $\Delta E = E$, vyražení p z H atomu se značnou E_{kin} a velkým lineárním přenosem energie, **nebezpečné pro živé organismy**.

Zdroje IZ:

- aparaturní – záření vzniká jen během provozu zařízení
- radionuklidové – emitují záření nepřetržitě

Zdroje γ a RTG záření: γ : ^{241}Am , ^{109}Cd , ^{57}Co , ^{55}Fe , ^{60}Co , ^{137}Cs , ^{192}Ir ; RTG: RTG lampy, ^{109}Cd , radionuklid generující brzdné záření při absorpci β záření, urychlovače elektronů

Zdroje elektronů: ^{90}Sr / ^{90}Y , ^{3}H , ^{147}Pm ; urychlovače elektronů

Zdroje pozitronů: ^{22}Na , ^{68}Ge

Zdroje těžkých kladných částic: α : ^{210}Po , ^{226}Ra , ^{238}Pu , ^{239}Pu , ^{241}Am , urychlovače častic

Zdroje neutronů: radionuklidové zdroje založené na reakci (α , n) (AmBe, PuBe, RaBe) a samovolném štěpení, neutronový generátor (^3H (d, n) ^4He), jaderný reaktor

Ochrana před IZ:

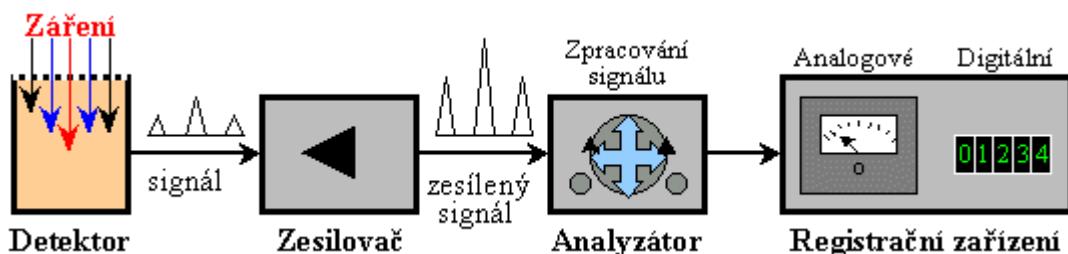
Spočívá v zeslabení dávky záření na hodnotu, při níž je riziko pro lidský organismus sníženo na zanedbatelnou hodnotu.

Metody ochrany před IZ:

- a) udržováním patřičné **vzdálenosti** od zdroje záření $\sim 1 / d^2$ (důležité u γ záření)
- b) **odstíněním** záření (všude kromě α záření, u β stačí 1 - 2 cm skla, plexiskla, u γ olovo, železobeton, beton s barytem ($BaSO_4$ - těživec), pozitrony se stíní jako γ , stejně se stíní γ při rekaci pomalých neutronů s jádry atomů, neutrony se zpomalují př. parafínem)
- c) nejkratší **dobou** pobytu v prostoru kde záření působí

5. Metody detekce IZ

- IZ není vnímatelné lidskými smysly
- registruje se na základě dějů, které vyvolává při absorpci ve vhodné látce
- důsledky těchto dějů se elektronicky převádějí na pozorovatelné signály
- elektronický způsob detekce vyžaduje zařízení sestávající z několika částí
- část citlivá na záření se nazývá detektor záření (energie záření se mění na elektrické či optické signály a dále se zpracovávají (zesílení, integrace)
- zpracované signály se přivádějí na registrační jednotku (pulsní {zobrazují se přímo impulsy} či integrující režim {počet impulsů za čas} tzv. dozimetry - udávají dávkový příkon př. $\mu\text{Gy hod}^{-1}$



- zařízení, které rozlišuje energii záření podle výšky impulsů - spektrometr záření
- chyba měření vzorku je tím menší, čím větší počet impulsů zaznamenáme

Detektory IZ:

Měření, detekce a registrace intenzity ionizujícího záření je proces, při kterém dochází k částečné nebo úplné absorpci ionizujícího záření. K detekci ionizujícího záření se běžně užívají tyto sekundární projevy absorpce:

- fotografické účinky
- ionizace plynů
- luminiscence
- schopnost zvyšovat elektrickou vodivost některých materiálů
- změna struktury materiálu

Podle toho lze rozdělit detektory ionizujícího záření do pěti základních skupin:

1. fotografický film
2. ionizační komora, proporcionální detektory, Geiger-Műllerovy detektory
3. fluorescenční stínítka, scintilační detektory, termoluminiscenční detektory
4. polovodičové detektory
5. stopové detektory částic

Detektory obecně:

Hlavní funkcí detektoru je změna energie ionizujícího záření na elektrické pulsy, které je možno zaznamenávat. Důležitými charakteristikami všech typů detektorů jsou:

- účinnost
- linearita
- energetická proporcionalita
- rozlišení

Účinnost:

Výkonnost detektoru popisuje možnosti detektoru zaznamenávat různé druhy záření o různých energiích,

která na něho dopadají. Ideální je stav, kdy počet částic dopadajících na snímač je roven počtu impulsů registrovaných detektorem. Většina detektorů neměří IZ se 100% účinností, pro četnost R platí: $R = \eta A$ (η – účinnost < 1; A – aktivita v Bq)

Linearita:

Proces konverze jednotlivých částic na elektrické pulsy je extrémně rychlý - řádově několik mikrosekund. Pokud je vysoký tok částic, může se stát, že částice přicházející do detektoru není zaznamenána, protože detektor ještě zpracovává částici předcházející. Doba potřebná pro registraci částice (přeměnu na elektrický puls) se označuje jako mrtvá doba detektoru (τ). Část částic, které mohou být náležitě zpracovány, je popsána linearitou detektoru. Jednotlivá částice s energií E, která vstoupí do detektoru, produkuje elektrický puls V, takže částice, které dopadají na detektor v počtu I částic za sekundu vyvolají vznik napěťových pulsů v počtu R pulsů za sekundu. Detektor považujeme za lineární, dokud trvá přímá úměra mezi R a I.

Jelikož je detektor po určitou dobu τ "mrtvý", bude měřené množství pulsů R_m vždy nižší než skutečné množství pulsů R_t :

$$R_t = R_m / (1 - R_m \cdot \tau)$$

Délka mrtvé doby je ovlivněna řadou faktorů a rozlišují se dva typy mrtvé doby:

- "ochromující" mrtvá doba, která zcela zablokuje detektor tak, že přestane detekovat
- "neochromující" mrtvá doba, při které dojde ke ztrátám při zaznamenávání pulsů, pokud se zvýší tok fotonů, ale nedojde do stavu, kdy je detektor zablokován

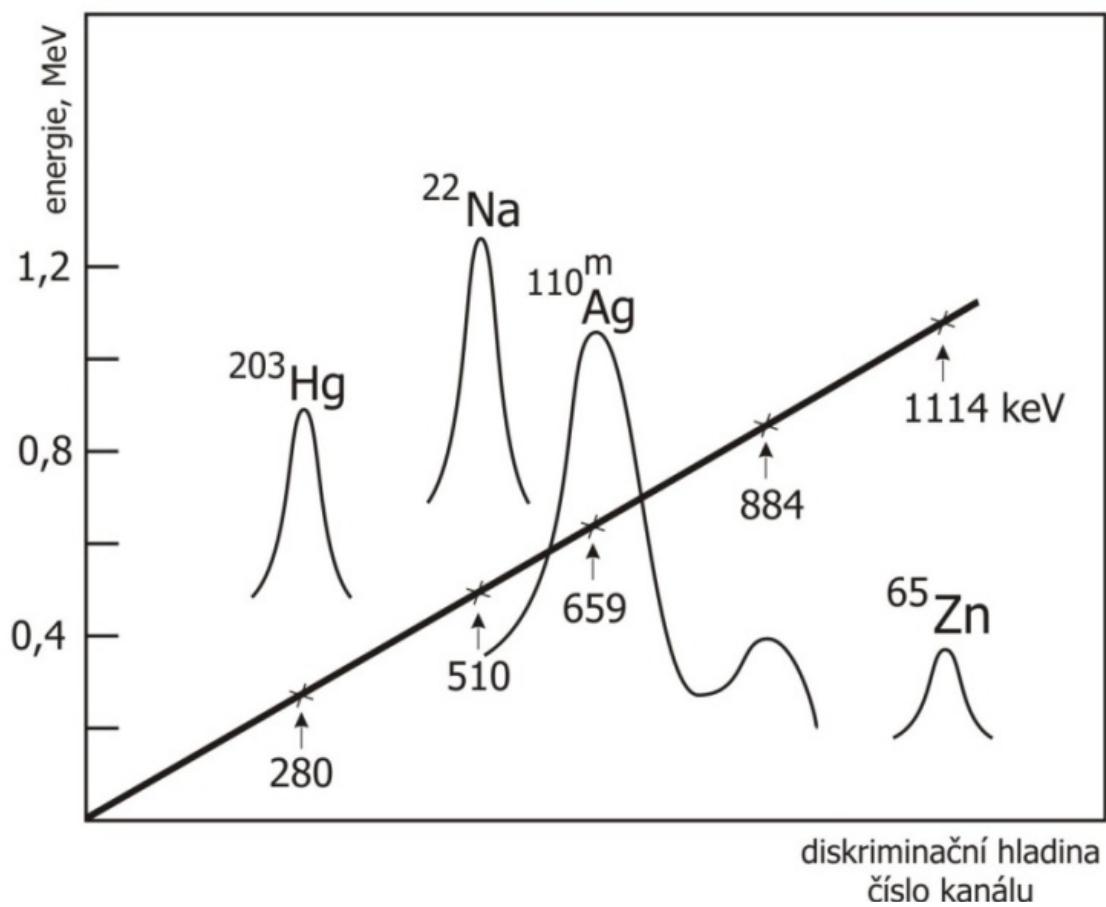
Oba typy mrtvé doby se významně uplatňují u Si(Li) detektorů. Neochromující mrtvá doba zpravidla nedělá potíže u scintilačních detektorů.

Průměrná mrtvá doba činí:

- 200 μ s u Geiger-Müllerova detektoru
- 0,23 μ s u scintilačního krystalu NaI (Tl)
- 0,027 μ s u scintilačního krystalu YAP (Ce)
- 0,001 μ s u polovodičových detektorů

Energetická proporcionalita:

Jedná se o úměrnost signálu detektoru k energii dopadající částice. Velikost výstupního signálu je závislá na proudu vzniklému v čítači a tento proud je závislý na počtu ionizačních přeměn vedoucích ke vzniku pulsu. Jestliže počet ionizačních přeměn bude úměrný energii dopadajících částic, velikost výstupního napětí bude rovněž úměrná energii dopadajících částic. Detektor bude proporcionalní, pokud je velikost výstupního napětí detektoru V úměrná energii E dopadajících částic.



Rozlišení

Je to schopnost detektoru rozlišit částice různých energií.

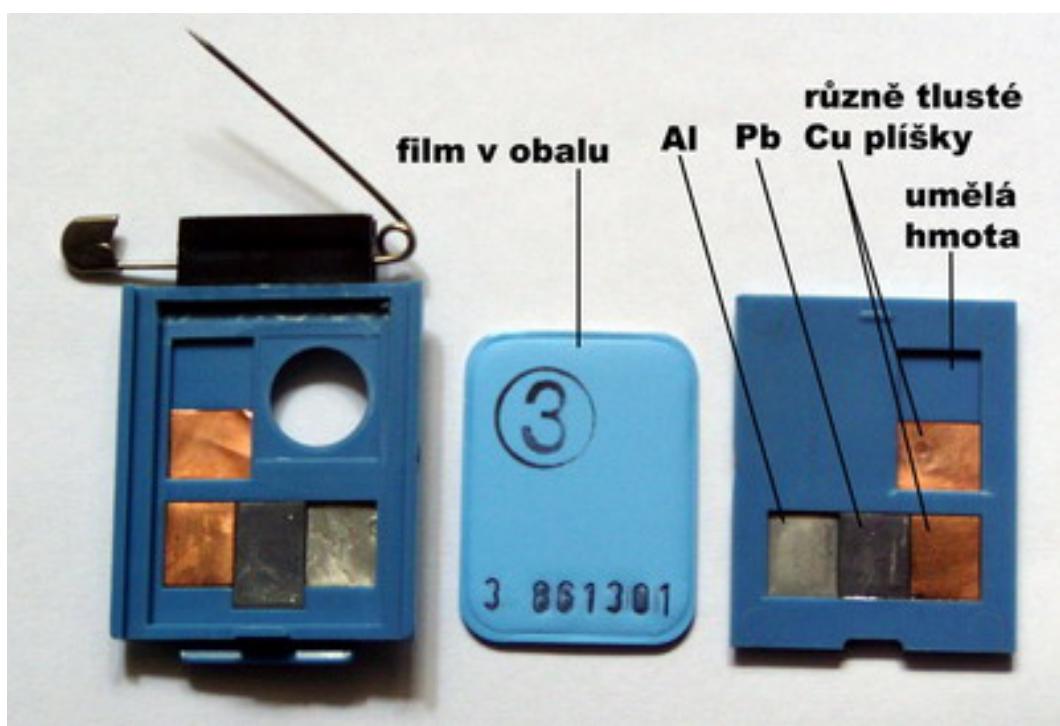
Detektory konkrétně:

Fotografický film

Fotografická detekce ionizujícího záření je založena na tom, že ionizující záření, stejně jako viditelné světlo, vyvolává ve **fotografické emulzi** (krystalky Agar v želatině) latentní obraz, který lze zviditelnit chemickým vyvoláním. Ozářená místa emulze vykazují po vyvolání zčernání, jehož intenzita je úměrná počtu částic, které na emulzi působily. Používají se k detekci RTG záření, záření γ

a neutronů. **Neutrony**, které sami na fotografickou emulzi nepůsobí, je třeba převést na detekci ionizujících částic. Například překrytím fotografické emulze **kadmiovou fólií**, v níž se pomalé neutrony zachycují reakcí ^{113}Cd (n, γ) ^{114}Cd a vzniklé fotony pak způsobují zčernání emulze.

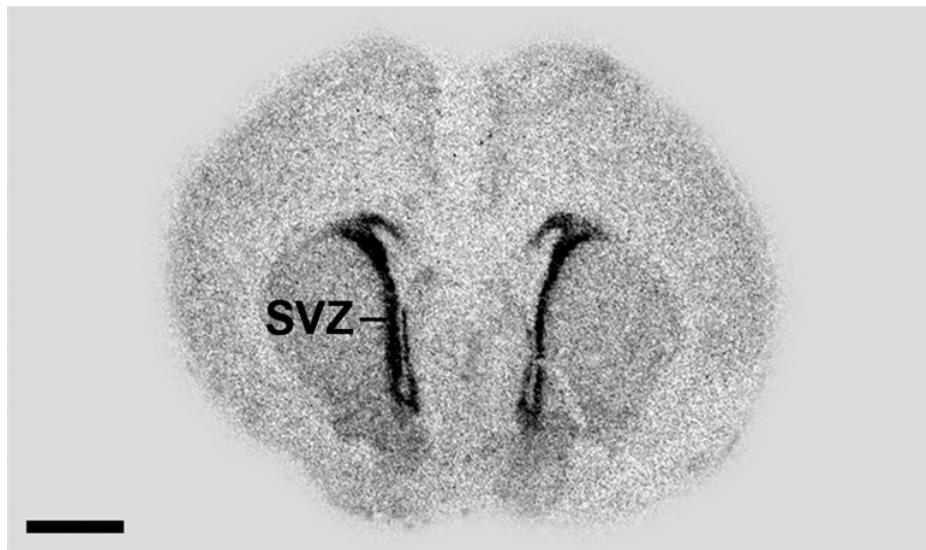
Fotografická detekce ionizujícího záření se používá v **osobní dozimetrii** pracovníků s ionizujícím zářením. A v různých **radiografických metodách**. **Osobní filmový dozimetr** obsahuje film v papírovém obalu, který je uložen v plastikové kazetě. Na vnitřních stěnách kazety, jsou upevněny měděné a olověné proužky, které umožňují přibližně určit energii záření tím, že různě absorbují záření dopadající na film. Dozimetr je připevněn na pracovním oděvu a nepřetržitě registruje záření, obvykle po dobu jednoho měsíce. Po vyvolání filmu se dávka záření určí z intenzity zčernání filmu.



Osobní filmový dozimetr

Autoradiografické metody jsou významné tím, že poskytují informace o rozložení radioaktivity ve zkoumaném objektu. To je velmi užitečné v biologických studiích, kde se

zjišťuje rozložení radioaktivních láték v živočišných orgánech, částech rostlin a buněčných strukturách. Zkoumaný radioaktivní objekt se na určitou dobu přiloží na film, který se pak vyvolá.

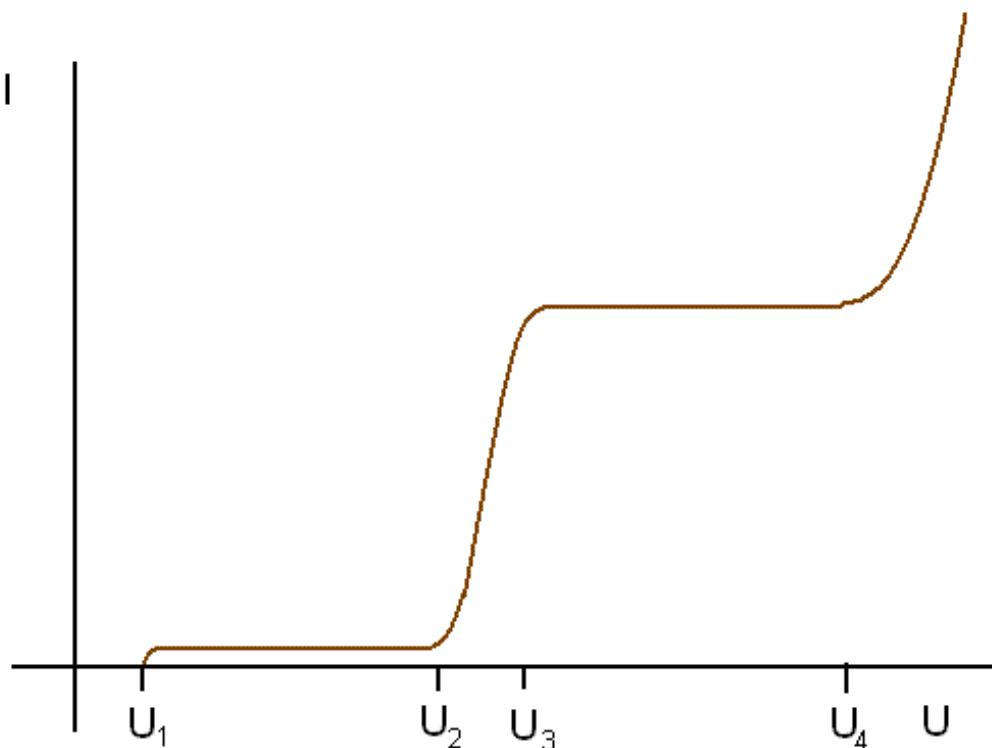


Autoradiograf mozkového řezu krysího embrya. Značeno ^{35}S -dATP, který se váže na GAD67 (glutamate decarboxylase). Vysoká koncentrace markeru (černě) je pozorována především v subventrikulární zóně (SVZ). Rozměr černé čáry je 2 mm.

Fotografická detekce ionizujícího záření se také používá v průmyslové radiografii a v lékařské rentgenové diagnostice.



Ruka ženy W. Röntgena, exponováno 22. 12. 1885



Plynové ionizační detektory

Všechny detektory mají za základ nádobu s tenkým, málo absorbujícím vstupním okénkem a dvěma elektrodami uvnitř. Detektor je plněn vzácnými plyny (argon, xenon). Po určité době budou vzniklé iontové páry rekombinovat a přejdou zpět do základního stavu. **V případě, že je na elektrody vloženo určité napětí**, budou elektrony přitahovány k anodě a ionty ke katodě a sníží se tím rozdíl potenciálů. Velikost vzniklého napěťového impulsu záleží na napětí mezi elektrodami.

Závislost počtu elektronů vzniklých v komoře působením ionizujícího záření na napětí mezi elektrodami lze vyjádřit graficky. **Je-li hodnota U menší než U_1** bude část elektronů a iontů rekombinovat ještě před zachycením na elektrodách. **V oblasti napětí U_1-U_2** dopadnou všechny elektrony na anodu a ionty na katodu - jejich počet závisí pouze na počtu absorbovaných částic. V oblasti, kde je napětí mezi **elektrodami vyšší než U_2** , budou mít volné elektrony dostatečnou energii, aby na cestě k anodě ionizovaly další atomy plynu, a probíhá tzv. lavinová

ionizace. **Koeficient plynového zesílení** (A) udává, kolikrát více párů dopadlo na elektrody, než vzniklo účinkem ionizujícího záření (pracuje se v oblasti $\mathbf{U}_3 - \mathbf{U}_4$), u napětí vyšší než \mathbf{U}_4 dochází v detektoru ke kontinuálnímu výboji – není schopen detekovat IZ.

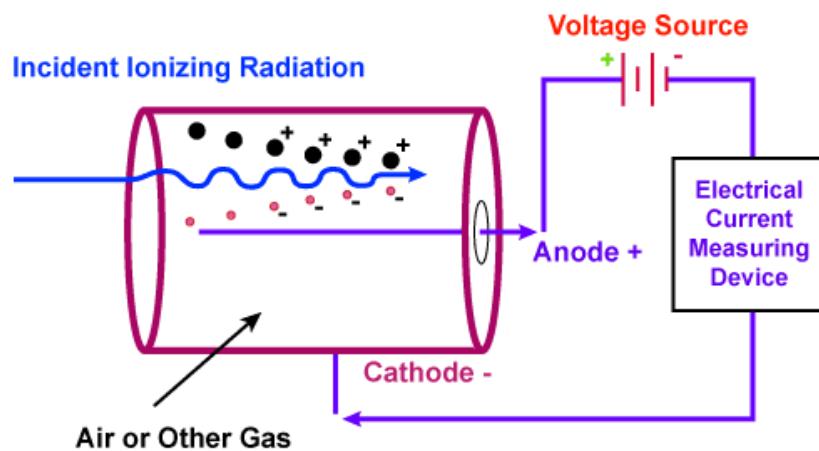
Ionizační komora:

Ionizační komora pracuje v oblasti $\mathbf{U}_1-\mathbf{U}_2$ ($A = 1$), ionizační proud je úměrný energii ionizujícího záření. Napětí nutné k dosažení nasyceného proudu závisí na intenzitě záření. Citlivost komory závisí na vlnové délce a stejně tak i absorpcie záření v plynu. K plnění se používá těžkých vzácných plynů (Ar, Kr).

Proporcionální a Geiger-Műllerův detektor:

Jedná se o detektory pracující v oblasti $\mathbf{U}_3-\mathbf{U}_4$. Počet vzniklých párů elektron-iont je úměrný energii ionizujícího záření. Pokud je koeficient plynového zesílení konstantní je elektrický napěťový impuls na výstupu úměrný absorbované energii ionizujícího záření a detektor dovoluje rozlišit ionizující záření s různými energiami.

Vznik lavin elektronů je v proporcionálním detektoru lokální záležitostí - vznikají v té části, kde bylo ionizující záření pohlceno. Vyhasnutí lavin proběhne, aniž by se rozšířili do celého objemu. **Plynové zesílení tohoto Geiger-Műllerova detektoru je kolem 10^7 .**

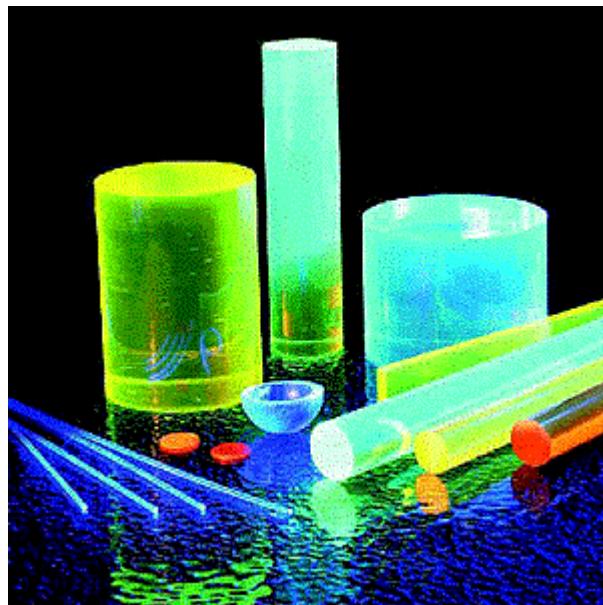


Geiger-Müllerův detektor

Luminiscenční detektory

Fluorescenční stínítka:

Při ozáření některých látek ionizujícím zářením může dojít k uvolnění elektronů z valenčního pásu a přechodu do pásu vodivostního a při zpětném přechodu může vzniknout viditelné záření. Tento jev se pak využívá k vizuální detekci ionizujícího záření. Jako fluoreskujících látek se používá **wolframan vápenatý**, křemičitan zinečnatý nebo **sulfid zinečnatý**. Ačkoliv existuje závislost mezi intenzitou fluorescence a intenzitou dopadajícího svazku, používá se fluorescenčních stínítek hlavně při justaci přístrojů.

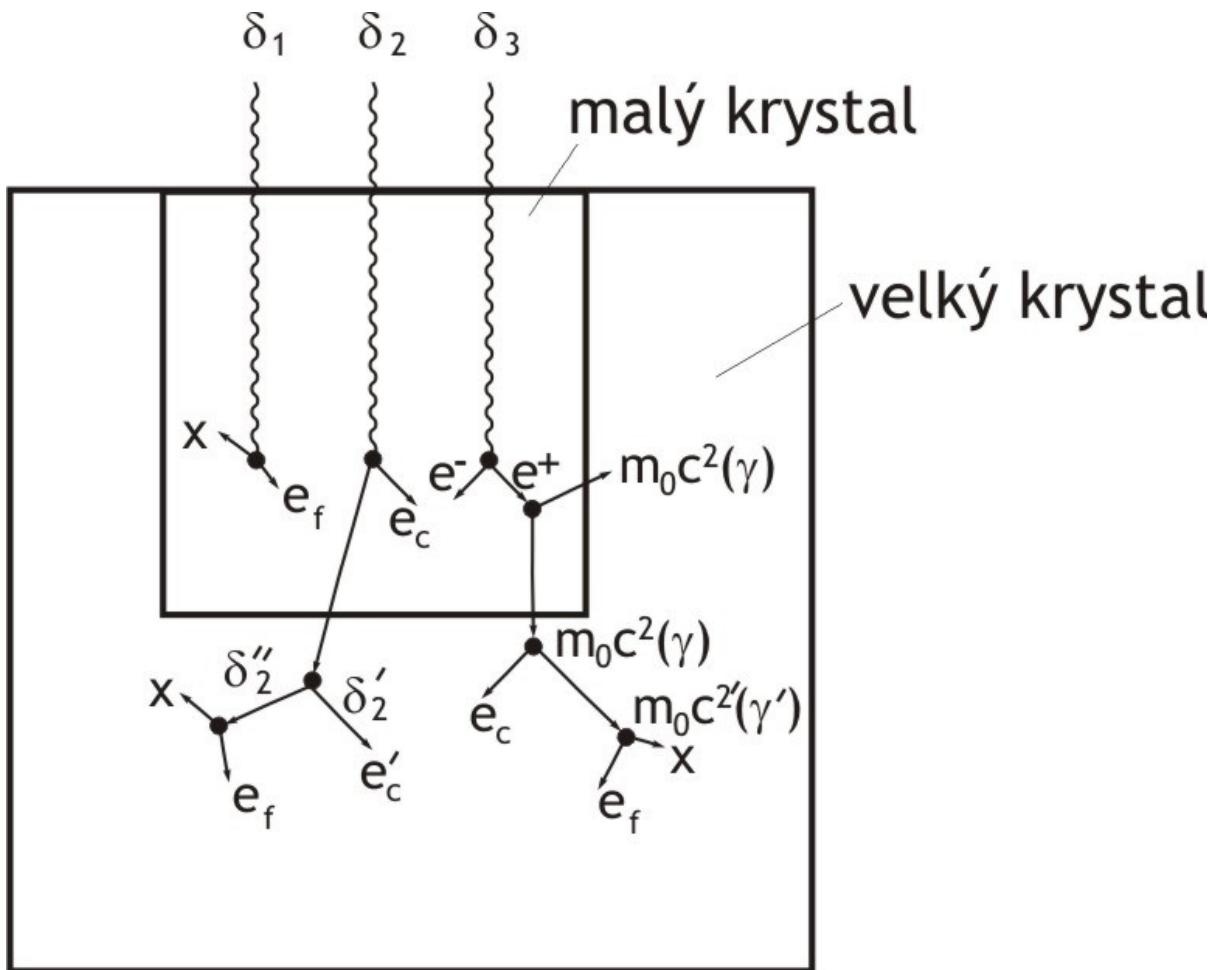


Luminiscence materiálů v UV světle.

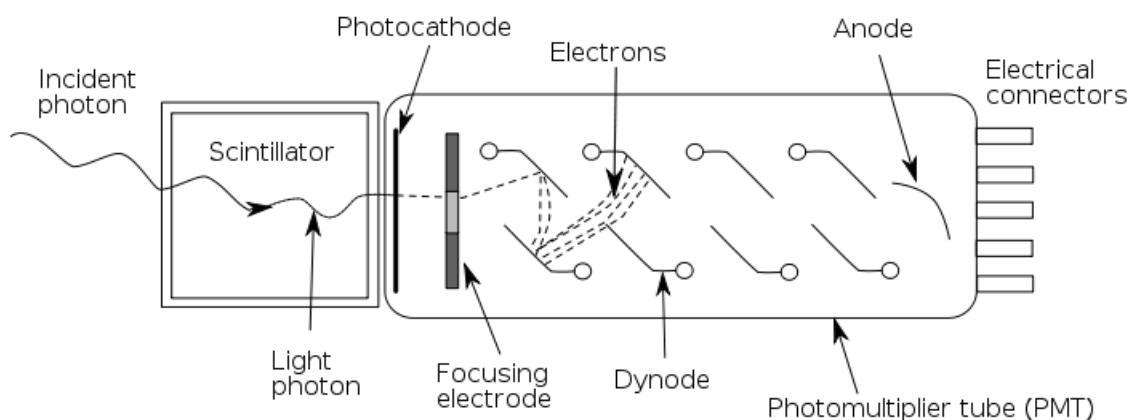
Scintilační detektory:

V scintilačních detektorech je převod ionizujícího záření na elektrický impuls dvojstupňový proces. Prvním krokem je vznik záblesku (emise světla) na vhodném krystalu a druhým krokem je uvolňování elektronů na fotonásobiči a jejich detekce a převod na elektrický impuls.

Ionizující záření, dopadající na uzemněný scintilační krystal detektoru, uvolní elektron, který při pohybu krystalem přivede do excitovaného stavu desítky atomů. Zpětný přechod do základního stavu je doprovázen emisí světla, jehož vlnová délka nemusí nutně ležet ve viditelné oblasti, ale musí být vhodná k uvolňování elektronů z fotokatody.



Scintilačním krystalem emitovaný foton dopadne na světlocitlivou katodu a uvolní z ní určitý počet (n) fotoelektronů. Tyto dopadají na nejbližší dynodu (parabolická elektroda) a každý z nich vyprodukuje jistý počet R sekundárních elektronů. Na druhou dynodu dopadá již nR elektronů, na třetí nR^2 elektronů atd. Při počtu dynod m vzroste počet primárních elektronů na nR^m , kde R^m je koeficient zesílení fotonásobiče. Mezi jednotlivými dynodami je održováno napětí 100-200 V a na výstupu z fotonásobiče je impuls napětí přímo úměrný energii absorbovaného ionizujícího záření. V běžných detektorech je počet dynod 8-15, a koeficient zesílení je 10^7 - 10^8 .



Fotonásobič

Jako scintilačního krystalu se nejčastěji používá krystal NaI aktivovaný 1 % Tl. Thalium vytváří v pásové struktuře krystalu hladinu nečistot, tzv. fluorescenční centra. Pro nízkoenergetické RTG záření (3-20 keV) není tento krystal vhodný a alternativně se používají monokrystaly YAlO₃ aktivované Ce (YAP:Ce). Tento krystal může být v tenčí destičce a je mnohem stabilnější. Podstatný je i rozdíl v délce scintilačních záblesků - u NaI je to 230 ns, u YAP je to pouze 27 ns. Maximální intenzita fluorescenčního pásu NaI je na vlnové délce 410 nm, u krystalu YAP 350 nm.

Fotokatoda v scintilačních detektorech je zpravidla antimon-cesiová.



Scintilační krystal z NaI dotovaný thaliem

Kapalný scintilátor je taková látka kapalného skupenství, která při interakci s ionizujícím zářením převádí část absorbované energie na světelné záblesky (scintilace), podobně jako výše popsané scintilátory pevného skupenství.

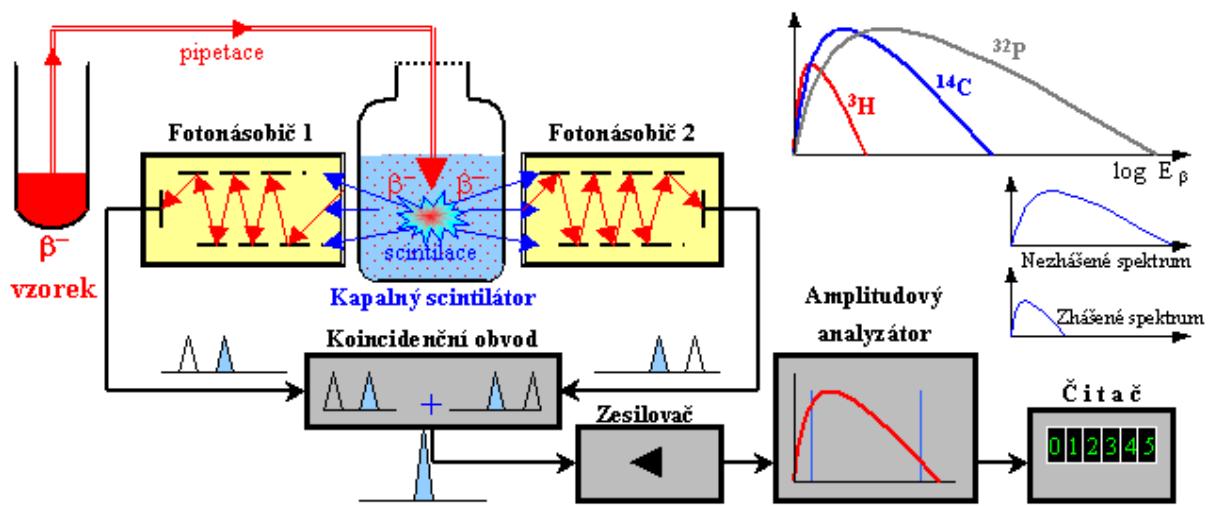
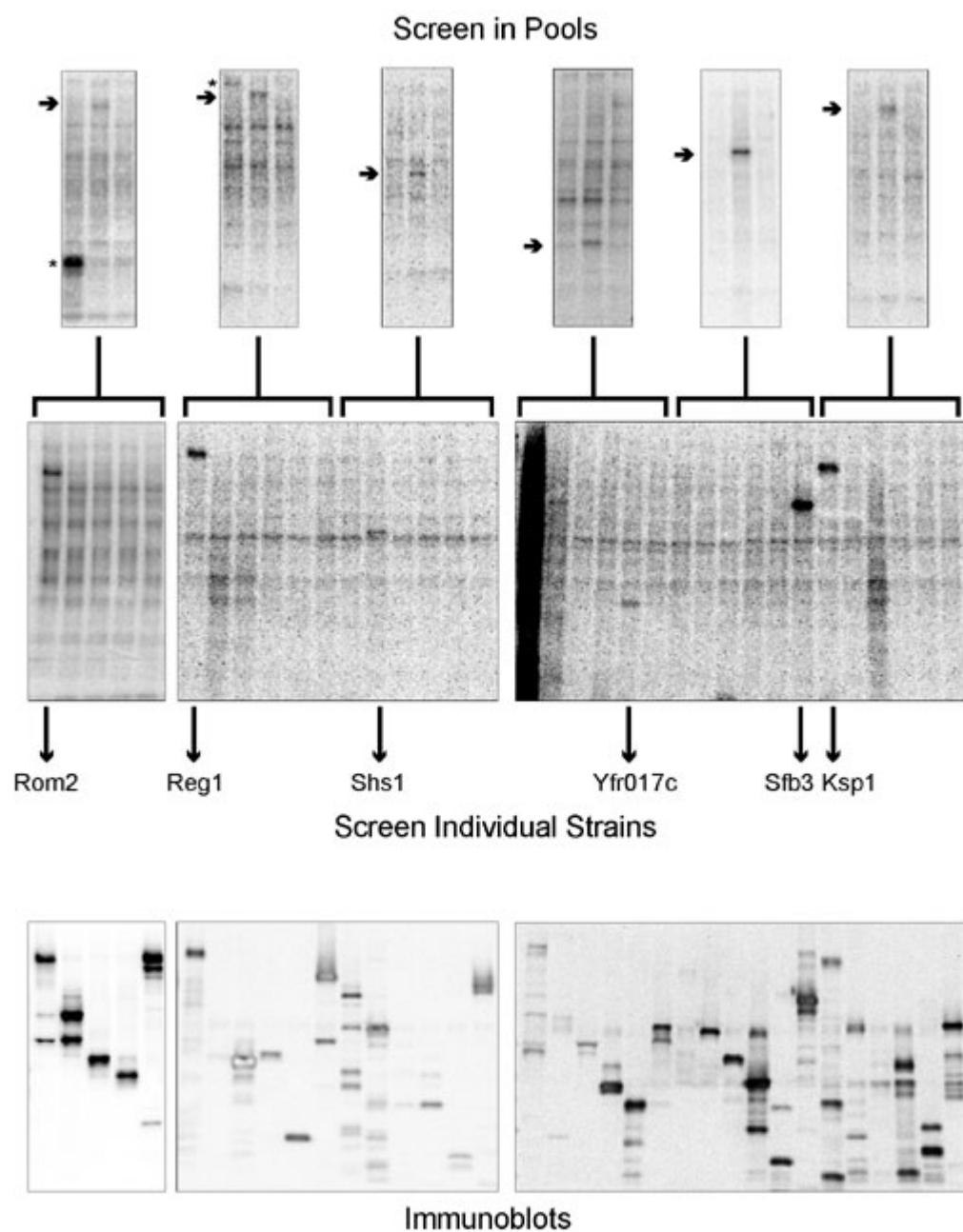


Foto- a termoluminiscenční detektory

Phosphorimager: Schopný zaznamenat 2D obrázky. Zobrazuje místa která jsou radioaktivní. Je schopen detekovat především γ , β a také RTG záření. Využívá se především k detekci proteinů, nukleových kyselin apod. po oddělení př. na gelu apod. Využívá metastabilního stavu, který vzniká vytvořením iontu Eu^{3+} interakcí Eu^{2+} s ionizující částicí v matrici. Po ozáření laserem o vlnové délce kolem 650 nm, dochází k deexcitaci stavu a vyzáření fialového světla o vlnové délce 400 nm. Rozlišení matrice je cca 5 μm .



Termoluminiscenční detektory: Po ozáření určitých typů materiálů ionizujícím zářením dojde k vytvoření relativně trvalých excitovaných stavů. Po zahřátí tohoto materiálu dojde k deexcitaci a vyzáření viditelného světla, většinou v modré oblasti spektra. Využívá se většinou v dozimetrii (prstenové termoluminiscenční dozimetry) anebo v datování minerálů apod.

Pоловодиціві детектори

V těchto detektorech je jednostupňová detekce ionizujícího záření prováděna pevnou látkou, ve které dokáže dopadající kvantum generovat dvojici nábojů, a ty jsou schopny rychlého pohybu k elektrodám, kde vyvolají elektrický impuls. Tato pevná látka je umístěna mezi dvěma elektrodami pod vysokým napětím. Je to vlastně typ ionizační komory, která je místo plynem vyplňena krystalem. Použitý krystal musí mít v zásadě tyto vlastnosti:

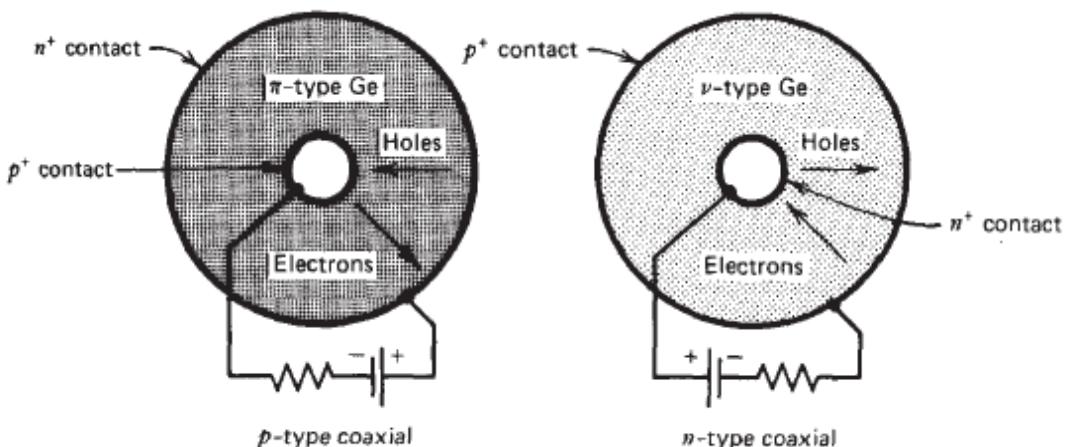
- vysoký odpor, který zajišťuje sběr nábojů polem vysokého napětí a sniže šum ze zbytkových proudů
- dovoluje prodloužit dobu životnosti vzniklých nábojů
- umožňuje vysokou pohyblivost nábojů
- má malou šířku zakázané zóny (předpoklad dobrého energetického rozlišení)
- velkou absorpční schopnost

Těmto podmínkám vyhovují polovodičové materiály jako křemík a germanium. Tyto materiály jsou zpravidla driftované lithiem, které napomáhá k záchytu dopadajících fotonů. Jejich stabilitu je však nutno zajistit teplotami kapalného dusíku.

Si(Li) detektor je tvořen monokrystalem p-typu křemíku tloušťky několik mm, který je pod napětím 300-1000 V. Vysoká koncentrace Li atomů na jeho okrajích tvoří oblast n-typu, kdy z jedné strany je kontakt zlatý a z druhé strany je tzv. Schootkyho bariéra (p-i-n dioda). Při vstupu fotonu dojde ke vzniku mraku elektronových párů, jejichž počet je přímo úměrný energii dopadajícího kvanta. Elektrony jsou pak směrovány ven z krystalu díky rozdílu potenciálů na čítací obvod. Na rozdíl od jiných typů detektorů, neexistuje zde žádné vnitřní zesílení, takže výstupní signál je velmi slabý.

Výhodou těchto detektorů je možnost připojení na vícekanálový analyzér, vysoká účinnost ve sběru pulsů a velké úhly při sběru dat. Nevýhodou je dlouhá mrtvá doba. Si(Li) krystaly pracují spolehlivě v oblasti asi 2-20 keV. V krátkovlnné oblasti však ztrácejí na účinnosti a jsou nahrazovány krystaly Ge (Li). Podmínkou je užití vysoce čistého germania, v opačném případě se radikálně zvyšuje mobilita Li.

Problém chlazení kapalným dusíkem lze odstranit při použití teluridu kadmia, který je schopen pracovat při pokojové teplotě, ale jeho nevýhodou je poměrně vysoký šum.



Stopové detektory částic

Jsou látky, v nichž těžká jádra či α záření vyvolávají mikroskopické poruchy v jejich struktuře. Nejčastěji se používá slída, různá skla, či organické polymery. Poruchy vznikají tím, že procházející částice vytvářejí podél své dráhy v pevné látce vysoko ionizované atomy. Tyto ionty se silně odpuzují a vzájemně vytlačují z původních poloh., čímž vzniká mikroskopická oblast s porušenou strukturou, tzv. radiační stopa (válcový kanálek o průměru 1 - 10 nm). Lze je zviditelnit chemickým leptáním, protože v místech poruch je ozářená látka náchylnější k chemické korozi. Počet stop je přímo úměrný počtu částic, které dopadly na detektor.

Stopové detektory se používají v dozimetrii α záření, zejména k měření dávek záření způsobených radonem a jeho dceřinými produkty. Lze je použít i k dozimetrii neutronů. Pro tento případ se dozimetr překrývá fólií z uranu mírně obohaceného izotopem ^{235}U , který se neutrony štěpí a štěpné fragmenty vyražené z fólie pak vyvolávají poruchy v detektoru. Pokryje-li se detektor vrstvou boru, lze **neutrony registrovat** prostřednictvím α častic vznikajících reakcí $^{10}\text{B} (\text{n}, \alpha) ^7\text{Li}$.

Stopové detektory se používají také k registraci těžkých iontů v kosmickém záření a k měření dávek, kterým jsou vystaveny posádky kosmických letů.



6. Biologické účinky IZ

Základní pojmy:

Dávka D: $D = dE/dm$ [Gy]

Dávkový příkon \bar{D} : $\bar{D} = D/t$ [Gy/s]

Ekvivalentní dávka H_T : $H_T = w_R \cdot D_{TR}$ [Sv]

Druh záření	w_R
fotony a elektrony všech energií	1
neutrony 10 keV	5
neutrony 10 - 100 keV	10
neutrony 0,1 - 2 MeV	20
neutrony 2 - 20 MeV	10
záření α	20

Efektivní dávka H_f : $H_f = \sum (w_T \cdot H_T)$ [Sv]

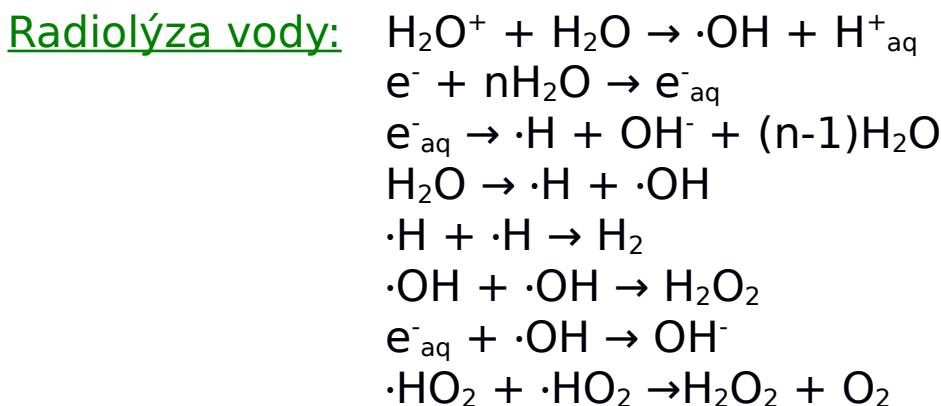
Tkáň, orgán	w_T
gonády	0,20
červená kostní dřeň	0,12

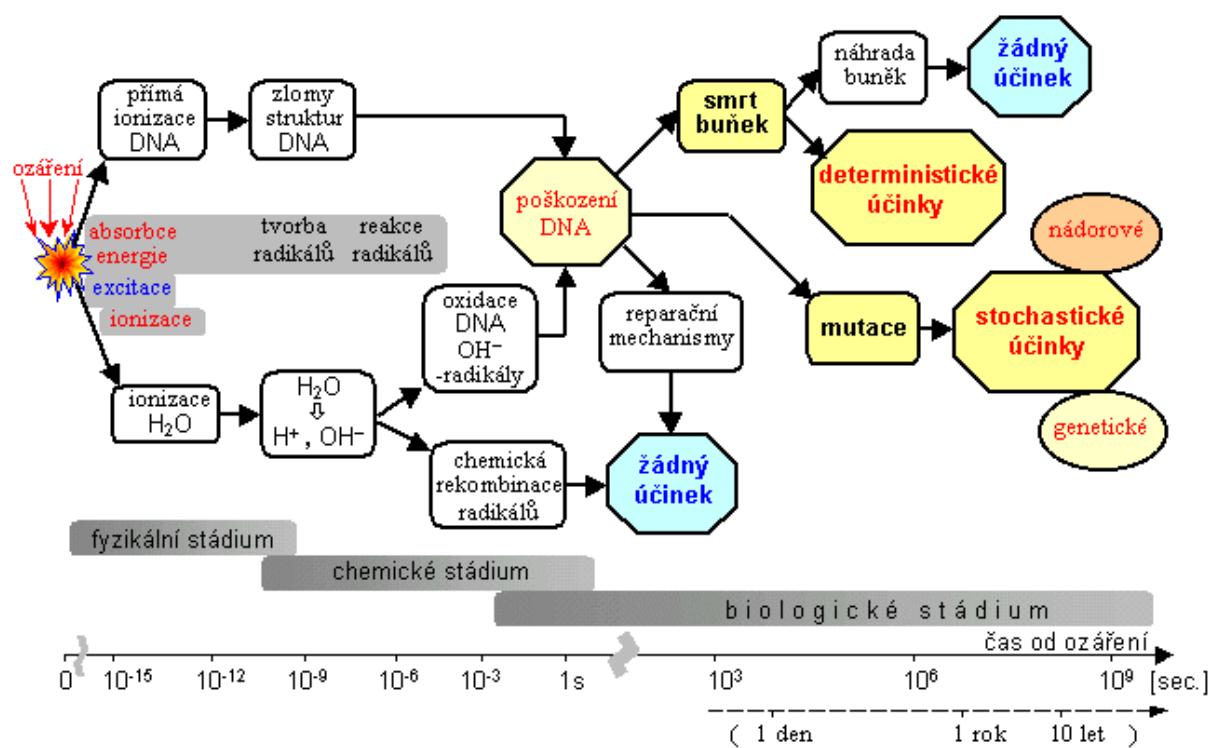
tlusté střevo	0,12
plíce	0,12
žaludek	0,12
močový měchýř	0,05
mléčná žláza	0,05
játra	0,05
jícen	0,05
štítová žláza	0,05
kůže	0,01
povrchy kostí	0,01

Účinky IZ se projevují ve větší či menší míře u všech živých organismů. Závažnost účinků závisí na dávce, dávkovém příkonu a druhu organismů.

Přímé účinky: změna **biologicky důležité makromolekuly** (nukleových kyselin) přímým zásahem částicí IZ či sekundárními částicemi.

Nepřímé účinky: souvisí s **radiolýzou vody** (změny způsobené radikály, peroxidem vodíku a hydratovaným elektronem (vysušené enzymy vykazují menší poškození než roztoky enzymů).

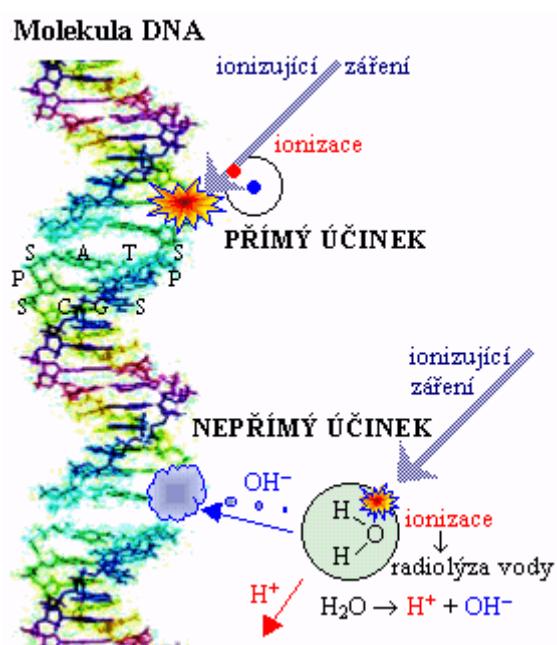
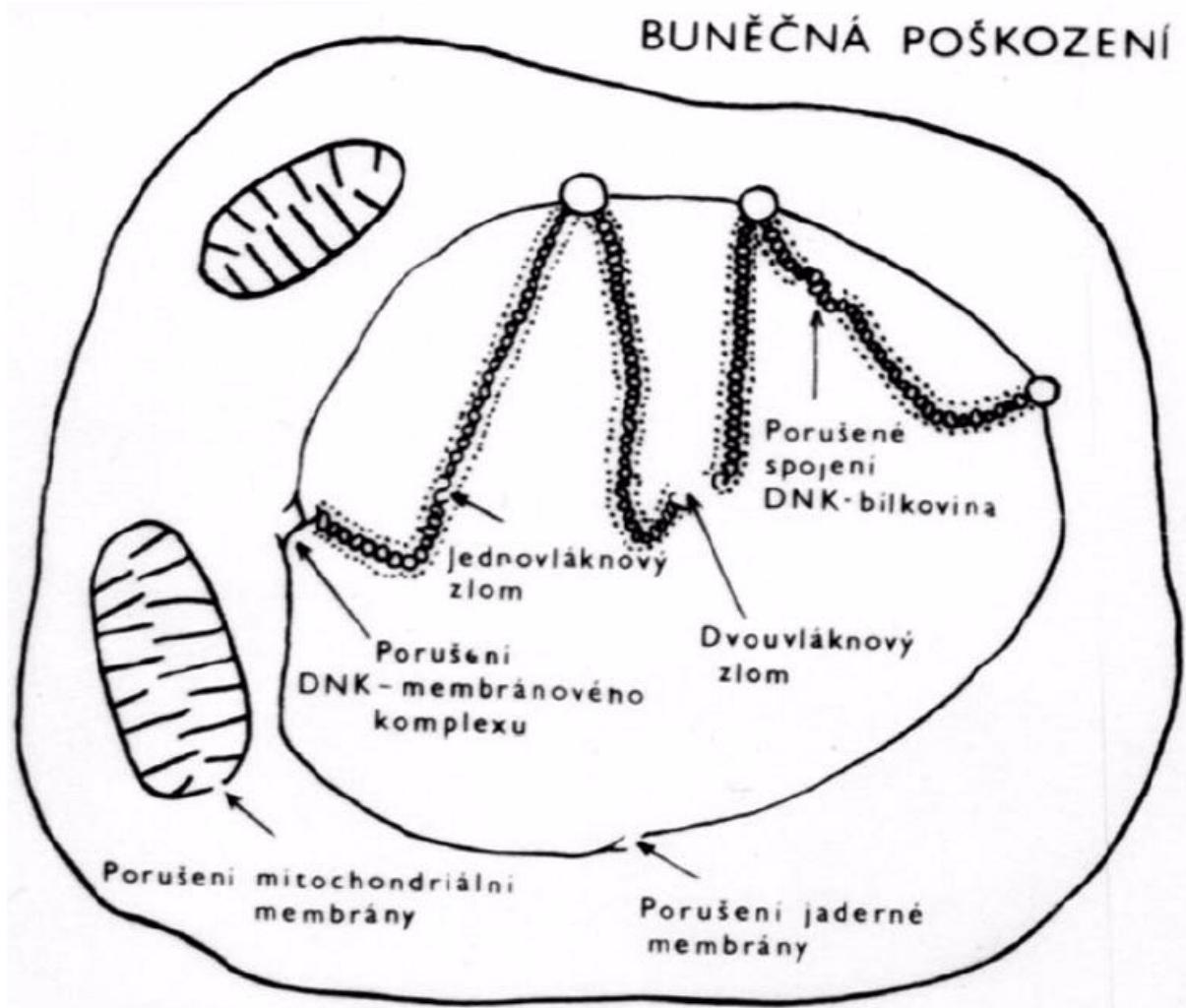




Poškození na buněčné úrovni:

- změny ve struktuře a biosyntéze DNA
- chybná syntéza enzymů
- chybně syntetizované bílkoviny (chovají se cize a jsou toxicke)
- změny v propustnosti buněčných membrán
- časem poruchy dělení, smrt buňky

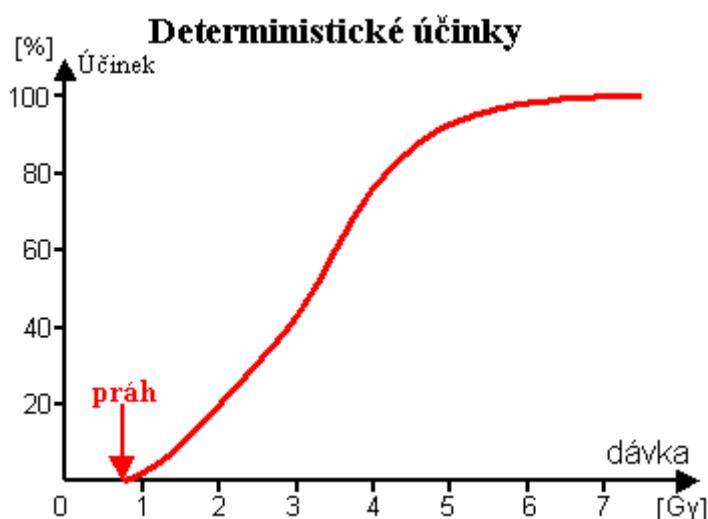
Větší rozmnožovací schopnosti, malá diferencovanost = výraznější poškození.



Účinky IZ na lidský organismus

Nestochastické (deterministické):

- projeví se po ozáření IZ během krátké doby (max. týdny)
- je postiženo současně mnoho buněk
- nemohou se uplatnit všechny opravné procesy
- prahová dávka vyvolá poškození u 1 - 5 % osob
- z rostoucí dávkou **roste závažnost poškození**
- **Ize rozpozнат, že vznikly působením IZ**
- možnost vzniku těchto účinků popisuje ekvivalentní dávka



a) akutní nemoc z ozáření:

- jednorázové ozáření celého těla vysokými dávkami
- poškození krvetvorných orgánů, trávicího ústrojí a CNS (s rostoucí dávkou)
- ekvivalentní prahová dávka 2 Sv
- projevuje se ve 3 fázích:

1) Nevolnost, skleslost, bolesti hlavy, zvracení, změny krevního obrazu

- 2) **Období latence** – přechodné ustoupení příznaků, je tím kratší čím větší byla absorbovaná dávka
- 3) **Intenzivní rozvinutí počátečních příznaků** + padání vlasů, vnitřní krvácení, silná vnímavost vůči infekcím - zlepšování stavu po 6 - 8 týdnech, uzdravení (neúplné)

- při ozáření ekvivalentní dávkou do **6 Sv** převládá **hematologická forma choroby** (poškození krevní dřeně, krvetvorby, krvavé průjmy, poruchy funkce střev)
- při ozáření ekvivalentní dávkou **6 - 10 Sv** se k hematologické formě přidává i **poškození trávicího ústrojí** u **10 Sv a více** převládá **nervová forma choroby** (psychická dezorientace, zmatenosť, křeče, bezvědomí, smrt během hodin až dnů v důsledku oběhového kolapsu, zástavy dýchání a poruch mozku)
- **pravděpodobnost úmrtí:** 6 Sv 80 %, 10 Sv 100 %
- **dlouhodobé následky** (poruchy krvetvorby, poruchy funkce pohlavních orgánů, neplodnost, zvýšená vnímavost k infekcím a nádorovým onemocněním, trvalá slabost a únava)

b) lokální akutní poškození kůže:

- **radiační dermatitida** (stupeň 1 - 3, zarudnutí až špatně hojitelné vředy vedoucí k amputacím)
- prahová dávka 3 Sv (výrazně se zvyšuje frakcionací dávky - prahová dávka roste až k 15 Sv), **výjimka** - objevuje se i po letech

c) poškození plodu:

- **1. - 2. týden:** „všechno nebo nic“, plod bud' přežije bez újmy, nebo dojde k potratu (prahová dávka 250 mSv)
- **3. - 8. týden:** organogeneze - vznik malformací (prahová dávka 250 mSv)

- 8. – 15. týden: mikrocefalie (špatně vyvinutý mozek), oční defekty, rozštěp patra, celkové zaostávání (mentální retardace, zakrslost) (prahová dávka 100 mSv)
- v dalších týdnech je plod **stejně odolný jako matka**

d) poruchy plodnosti:

- přechodná aspermie (porucha v tvorbě spermíí)
- prahová dávka 250 mSv, od 3 Sv trvalá aspermie
- u žen dávka do 1,5 Sv bez odezvy, sterilita od cca 3 Sv

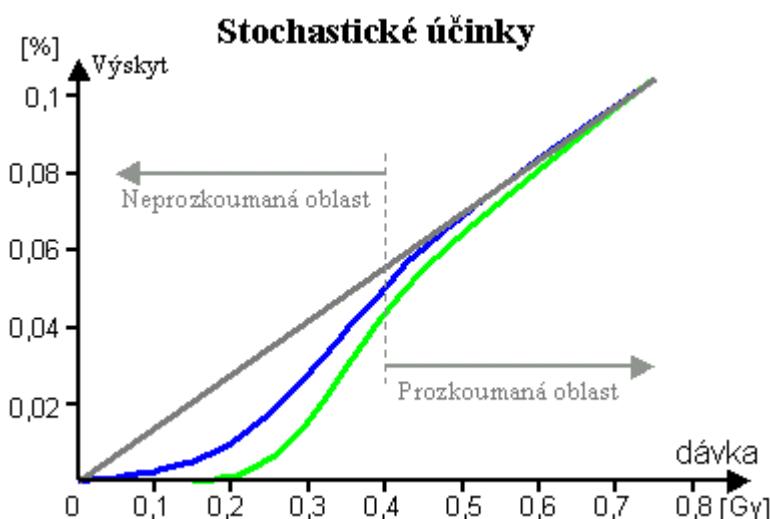
e) zákal oční čočky:

- dlouhá doba latence
- prahová dávka cca 1,5 Sv (výrazně závisí na frakcionaci dávky – posun až k 20 Sv)
- **výjimka** – objevuje se i po letech

Stochastické:

- poškození malého počtu buněk (i jediné)
- projeví se po ozáření jednou či více podprahovými dávkami
- vznik nádorových onemocnění (latentní doba 10 – 40 let), leukémie (I. d. 5 – 20 let), genetické poškození další generace
- projeví se ve skupině náhodně
- s rostoucí dávkou roste pravděpodobnost vzniku poškození ne jeho závažnost
- nelze rozpoznat, že vznikly působením IZ
- lze odhalit jen sledováním velkého počtu osob
- 6400 osob v Hirošimě ozářeno ekvivalentní dávkou 1,2 Sv, za 25 let 11 případů leukémie navíc nad přirozený výskyt ve stejně velké neozářené skupině

- jiná studie uvádí při sledování obyvatel ozářených atomovými bombami v Japonsku, kteří obdrželi dávky průměrně 1 Sv, úmrtnost na stochastické účinky $0,07 \text{ Sv}^{-1}$
- SÚJB uvádí koeficient $0,05 \text{ Sv}^{-1}$ pro obyvatelstvo, $0,04 \text{ Sv}^{-1}$ pro pracovníky se zářením



Díky opravným mechanismům je vznik poškození při malých dávkách velmi málo pravděpodobný, přesto dosud převládá tzv. **konzervativní přístup (lineární bezprahový model):**

- stochastické účinky – mutace jediné buňky
- závislost na dávce podprahová
- předpokládá sčítání dávek, ignoruje opravné procesy

Moderní přístup:

- buňka může poškození DNA opravit či poškozenou buňku odstranit (imunitní reakcí)
- při ozáření dávkami pod $0,2 \text{ Gy}$ nelze prokázat škodlivé účinky (kromě raného vývoje plodu) (**výjimka radon**)
- u lidí ozářených při bombardování atomovými bombami dávkami **menšími než $0,2 \text{ Gy}$** zjištěna nižší úmrtnost na rakovinu a nebyl pozorován vyšší výskyt leukémie

- britští radiologové **s celoživotní dávkou 1 - 5 Gy, radiologitští pracovníci 0,5 Gy**: žádný statisticky významný výskyt rakoviny navíc
- 28 000 pracovníků britských loděnic ozářeno **dávkou 5 mSv**: úmrtnost o 24 % nižší
- kanadské ženy vyšetřované pomocí RTG na tuberkulózu, dávky 150 - 250 mGy: nižší úmrtnost na rakovinu
- Coloradská plošina, přirozené dávky záření 3x vyšší než USA průměr: úmrtnost na rakovinu o 15 % menší

Ochranný efekt:

- leukocyty ozářeny **nejprve dávkou 0,02 Gy a pak 0,15 Gy** - poloviční výskyt chromozomových aberací než **po samostatné dávce 0,15 Gy**

Hormeze - stimulující účinky malých dávek IZ

- vyšší metabolická aktivita bakterií
- urychlení klíčení semen, vycházení, odnožování, růst, dřívější květenství, dozrávání
- prodloužení života myší (celoživotně ozařovány 8h denně 1mGy)
- **u lidí:** léčivé účinky radioaktivních koupelí (Jáchymov)
- **léčí se především:** revmatismus, degenerativní změny obratlů, inf. onemocnění nervového systému, poruchy vylučování k. močové, poruchy při vylučování žluči játry apod. - IZ stimuluje k lepšímu vylučování k. močové (vzniká až močovina), metabolismus a imunitní systém

Léčení pomocí vysokých dávek IZ:

Teleterapie - dálkové ozařování především ^{60}Co ($5 \cdot 10^{13} - 10^{15}$ Bq)

Kontaktní terapie - β -zářič na povrchu těla (^{32}P či ^{90}Sr)

Brachyterapie - tělesnými dutinami se zářič zavede k nádoru

Endoterapie - vpravení radionuklidového zářiče do postižené tkáně **metabolickým procesem** (štítová žláza Na^{131}I apod.)

Radioimunoterapie - RN je vázán na protilátku, selektivně se váže na spec. antigeny a receptory v nádorových buňkách

Velikost dávek - cca 60 Gy (frakcionace po 2 Gy)

Nevýhoda γ ozařování - ozařuje se i zdravá tkán (různé směry ozařování)

Současné trendy:

- ozařování urychlenými protony (vysoký lin. přenos energie na konci dráhy, 180 MeV dosah 15 cm), v Japonsku $^{12}\text{C}^{6+}$
- ozařování svazkem záporných pionů (nestabilní částice (doba života $2,6 \cdot 10^{-8}$ s), vznikají při ozařování terče protony o $E > 500$ MeV), po zpomalení dojde k zachycení v jádře a uvolnění 140 MeV = roztríštění jádra ($\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu$; $\mu^- \rightarrow e^- + \bar{\nu}_e + \nu_\mu$)
- bórová terapie $^{10}\text{B}(n, \alpha)^7\text{Li}$

Rentgenová diagnostika

Druh vyšetření	Ef. dávka [mSv]
Snímek plic	0,05
Páteř	1,8
Břicho	3 - 8
Urografie	2,1
Mamografie	0,5

Radioisotopová diagnostika

Druh vyšetření	Ef. dávka [mSv]
Statická scintigrafie ledvin	1,5
Dynamická scintigrafie ledvin	2,2
Dynamická	2,3

Angiografie	3 - 9
CT hlava	1,1
CT tělo	9,2

cholescintigrafie	
Scintigrafie skeletu	3,4
Perfúzní scintigrafie plic	1,2
Scintigrafie štítné žlázy	2,2
Scintigrafie perfuze myokardu	7,5

Přibližná radiační zátěž pro nejčastější metody rentgenové a radioisotopové diagnostiky

Účinky IZ na hmyz:

- 100x odolnější než obratlovci, smrtelné dávky 10^3 - 10^4 Gy
- nižšími dávkami lze hmyz sterilizovat
- **radiační hubení hmyzu:** potemník v obilí, při 100 Gy dochází ke sterilizaci samečka ale k přímému usmrcení je třeba 5000 Gy
- **ochrana starých dřevěných uměleckých předmětů** (výhoda proti chemické sterilizaci)
- **hubení hmyzu ve volné přírodě:** vypouštění sterilizovaných samečků (nezanáší se do přírody insekticidy)

Účinky IZ na mikroorganismy:

- jsou velmi odolné, smrtelné dávky 10^3 - 10^4 Gy
- **radiační sterilizace:** obvazový materiál, chirurgické potřeby, injekční stříkačky, jehly, umělé srdeční chlopně, apod)
- **radiační ozáření potravin:** dávka 30 - 70 kGy, potraviny jsou vakuované a zmrazené (masné výrobky) - potlačení vzniku zapáchajících produktů radiolýzy

- jednotlivé země povolují ozařování různých druhů potravin
- nepovoluje se ozařovat čerstvé maso, ovoce a zeleninu

Účinky IZ na rostliny:

- pozorovaný účinek závisí na objemu chromozomů (objem jádra připadajícím na jeden chromozom), na rychlosti růstu rostliny, na frakcionaci dávky záření
- jednorázové ozáření: odolnější pomaleji rostoucí rostliny
- chronické ozařování: odolnější rychleji rostoucí rostliny
- jehličnaté dřeviny: zpomalení růstu při 0,01 - 0,1 Gy/den
- ostatní rostliny: zpomalení růstu při 1-100 Gy/den
- radiační šlechtění: ozáření semen 100 - 1000 Gy, vznik mutací, část užitečných (odrůda obilí s většími výnosy a odolnější vůči chorobám apod.)

LD50 v Gy pro RTG a γ záření:

Druh	Dávka
Ovce	1.5-2
Člověk	2.5-3.5
Pes	2.5-3
Myši různých linií	5.5-12
Ptáci, hadi	8-20
Členovci	10-1000
Kvasinky	300-500
Rostliny	10-1500
Micrococcus radiodurens	10⁵ Gy/den

Ostatní účinky IZ:

- odstraňování statické elektřiny (ionizace vzduchu α zářením ^{210}Po či ^{241}Am)
- ionizační hlásiče kouře (^{241}Am o malé aktivitě (cca 10 kBq + ionizační detektor záření, kouř mění ionizační proud)

- radionuklidové baterie využívají tepelných účinků IZ (absorpce α a β záření v látce), tepelnou energii převádí na elektrickou ($^{238}\text{PuO}_2$ v kardiostimulátorech (g) či družicích (kg), poločas 86 let, použití asi 20 let, nevzniká γ: $^{238}\text{Pu} \rightarrow ^{234}\text{U} + \alpha$)
- radionuklidové světelné zdroje jsou založeny na emisi viditelného světla při absorpci IZ v některých látkách (kdysi ^{226}Ra a ZnS), dnes β- zářiče ^3H , ^{85}Kr , ^{147}Pm , signalizační lampy, číselníky hodinek a měřicí přístroje apod.
- barvení skel: ozařování dávkami 1 kGy, vytvářejí se poruchy absorbující viditelné světlo, trvanlivost desítky let (měření dávek), zkracuje se za vyšších teplot

7. Použití radionuklidů a izotopů v biologii a lékařství

Izotopový indikátor - prvek, jehož přirozené izotopové složení bylo změněno (^{14}C byl přidán k přírodnímu C, či ^{198}Au k přírodnímu zlatu), většinou radioaktivním izotopem

Indikátorová metoda - metoda využívající izotopové indikátory ke sledování různých dějů a procesů

Izotopové indikátory:

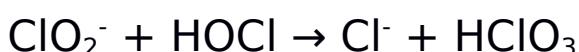
- 1) sledujeme chování určité chemické látky, izotopový indikátor **musí být ve stejné chemické formě**, jako je sledovaná látka (př. sledování biochemických dějů)
- 2) sledujeme určitou látku či objekt, přičemž **chemické vlastnosti** izotopového indikátoru **nejsou podstatné** (sledování proudění kapalin v potrubí)

Izotopicky substituované sloučeniny - sloučeniny, ve kterých je stabilní izotop nahrazen izotopem radioaktivním ve všech molekulách (2-(^{14}C)-octová kyselina)

Izotopicky značené molekuly - směs látky s přírodním izotopovým složením a látky izotopově substituované (2-[^{14}C]-octová kyselina)

Indikátory v chemii a biochemii:

Reakce chloritanu s kyselinou chlornou:



Ze stechiometrického zápisu není zřejmé, zda kyselina chlorečná vzniká oxidací chloritanu či kyseliny chlorné. Tím, že se v jednom reaktantu chlór označí, např. izotopem ^{36}Cl , lze jednoznačně původ chlóru v kyselině chlorečné zjistit.



Významným přínosem bylo použití radioaktivních indikátorů pro pochopení procesů fotosyntézy. Používá se $^{14}\text{CO}_2$ (rostliny) a $\text{NaH}^{14}\text{CO}_3$ (řasy).

Další příklady:



Studium metabolických přeměn:

Látka, jejíž metabolismus se zkoumá (**A**), se podá organismu ve značené formě. Po určité době se izoluje látka **B** (předpokládaný metabolit látky A). **Je-li látka B radioaktivní, je metabolitem látky A.** Metabolismus složitějších láttek probíhá přes řadu **mezistupňů**, které je **možné všechny identifikovat metodou radioaktivních indikátorů.**

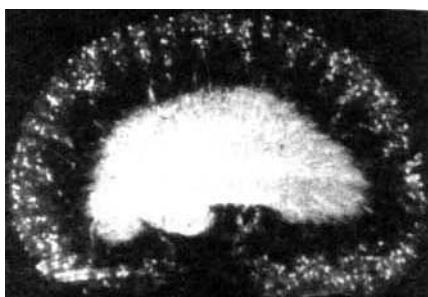
V kombinaci s **autoradiografickou** detekcí bývají izotopové metabolické studie také spojeny se zjišťováním, **ve kterém orgánu k metabolismu dochází**, případně **kde se ukládají produkty metabolismu.**



Autoradiogram zmrazeného řezu krysou pořízený 6 h po injekci roztoku $\text{Na}_2^{35}\text{SO}_4$

Receptorové studie:

Zjišťuje se, ve kterých tkáních a buňkách se nacházejí **receptory biochemicky a fyziologicky účinných látkek**. Tyto látky se ve značené formě podávají organismu a jejich lokalizace ve tkáních nebo buňkách se provádí **autoradiograficky**.



Autoradiogram řezu ledvinou krysy, ukazující lokalizaci receptorů endothelinu

Studium samodifúze – sledování pohybu částic v čisté látce vlivem tepelného pohybu (např. pohyb molekul vody ve vodě, používá se $^3\text{H}\text{HO}$)

Studium výměnných reakcí – sledování výměny identických částí mezi jednotlivými molekulami $\text{A}\text{X} + \text{B}\text{X} \rightarrow \text{A}\text{X} + \text{B}\text{X}$, kde dochází k výměně identických částic X.

Další použití izotopových indikátorů:

- stanovení **rozpustnosti málo rozpustných látok** (ve vodě, v jiných rozpouštědlech, kovů v roztavených solích, plynů v kapalinách apod.)
- stanovení **tenzí par**, málo těkavých látok (vysokovroucí kapaliny, roztavené kovy)
- stanovení **velikosti povrchu sorbentu** (sleduje se množství naadsorbovaného radioaktivního plynu)
- rychlosť **vylučování kovů na elektrodách** a sledování následných elektrodotových dějů
- **zadržování aktivních komponent pracích prášků** na vláknech tkaniny atd.

Metoda izotopového zředování:

Radioaktivní indikátor o **známé měrné aktivitě**

$$a_0 = A_0 / m_0$$

kde **A₀** je aktivita indikátoru a **m₀** jeho hmotnost, se přidá ke vzorku, který obsahuje neznámou hmotnost **m_x** látky.

Měrná aktivita indikátoru se tím **sníží na hodnotu**

$$a_1 = A_0 / (m_0 + m_x).$$

Aktivita **A₀** přitom zůstala stejná, před zředěním pro ni platil vztah **A₀ = a₀m₀**, po přidání vzorku **A₀ = a₁(m₀ + m_x)**. Z rovnosti těchto dvou vztahů dostáváme:

$$\begin{aligned} a_0 m_0 &= a_1 (m_0 + m_x) \\ a_0 m_0 / a_1 &= m_0 + m_x \\ a_0 m_0 / a_1 - m_0 &= m_x \end{aligned}$$

$$m_x = m_0 (a_0 / a_1 - 1)$$

Při použití indikátoru **ve stejné chemické formě jako sledovaný vzorek** můžeme určit **množství konkrétní látky v systému**.

Použití:

- pro stanovení **obsahu vyměnitelného fosforu v půdě**. Vzorek půdy se třepe s roztokem $^{32}\text{PO}_4^{3-}$ o známé měrné aktivitě, vyměnitelný fosfor přechází do roztoku a měrnou aktivitu indikátoru sníží
- **stanovení objemu** v případech kdy objem nezaujímá jednoduchý geometrický tvar (podzemní zásobníky plynu, složitý systém potrubí, objem krevní plasmy apod.)
- **určování velikosti hmyzí (rybí aj.) populace: část jedinců se označí (n_0)**, po promísení s neoznačenou populací se odchytí **stejný počet jedinců**, jako bylo označeno a zjistí se **kolik z nich je radioaktivní (n_1)**, poměr n_0/n_1 **udává zřeďovací faktor**, celkový počet v populaci pak činí: n_0^2 / n_1

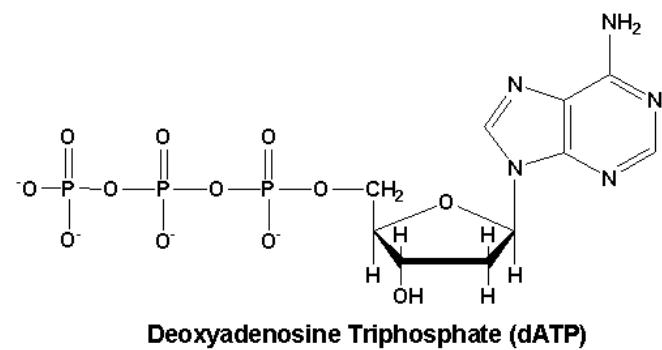
Indikátory v biologii:

- **rozsah a směr migrace drobnějších živočichů** (část jedinců se označí a po určité době se z počtu označených jedinců určuje rozsah a směr migrace)
- studium **pohybu a hromadění baktérií** v živočišném organismu
- **pohyb a přenos potravy a živin** (přenášení potravy uvnitř hmyzího společenství), u rostlin se autoradiograficky stanovuje rozložení přijatých živin v rostlinném těle
- v molekulární biologii bylo **pomocí značené DNA a RNA** prokázáno že **DNA slouží jako matrice pro vznik RNA**
- v současnosti je jednou z častých aplikací **sekvenování**

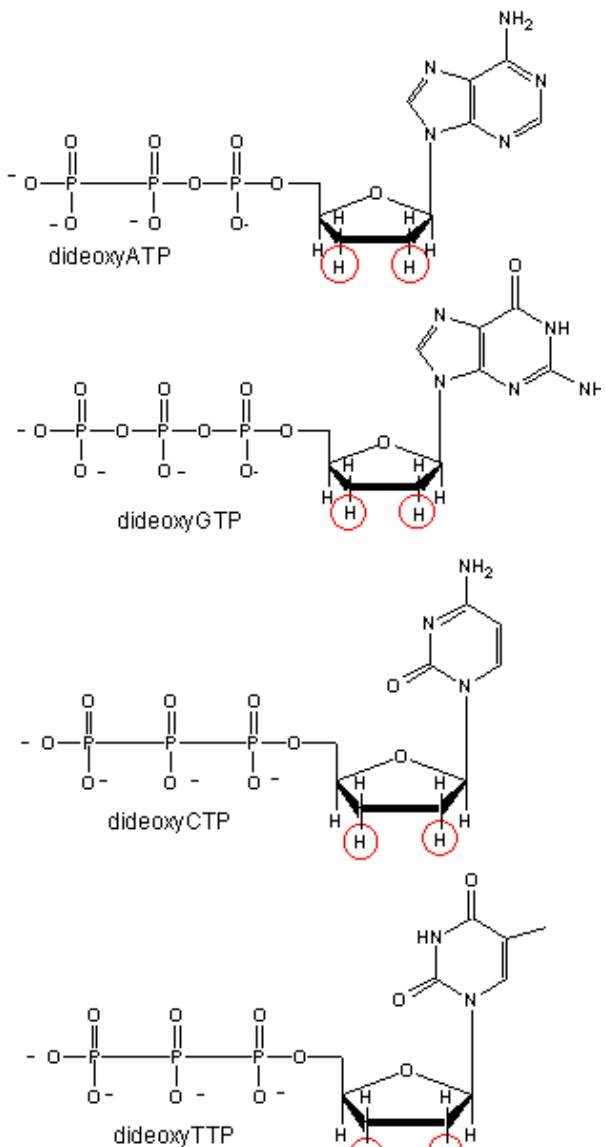
Sekvenování:

Pro určení přesné sekvence nukleotidů v úseku DNA se používají především dvě metody - **Sangerova** a **Maxam a Gilbertova**.

Sangerova:

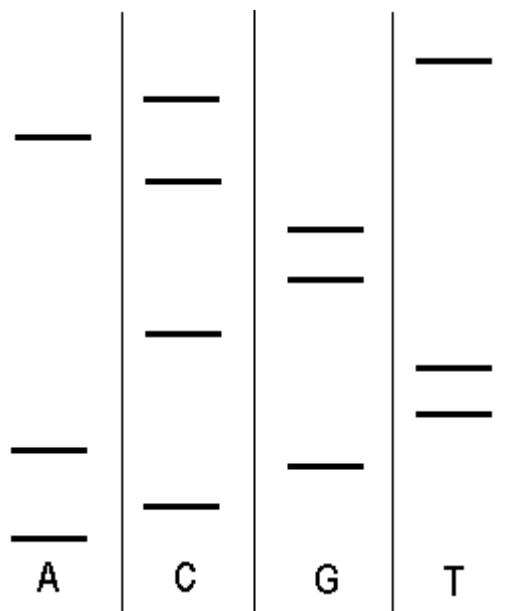


- využívá speciální vlastnosti **speciálních nukleotidů** - 2', 3' dideoxyribonukleotidtrifosfátů



- tyto nukleotidy (ddATP, ddCTP, ddGTP a ddTTP) **nemají na 3' uhlíku ribosy OH skupinu**, na tento konec již nemůže být navázán žádný další nukleotid navázán
- v reakční směsi máme **namnoženou jednovláknovou DNA** (jejíž sekvenci chceme znát), DNA polymerázu, příslušné primery (aby DNA polymeráza mohla začít pracovat), dostatek deoxyribonukleotidtrifosfátů (dATP, dCTP, dGTP a dTTP) pro syntézu a určité množství **jednoho typu dideoxyribonukleotidtrifosfátu - dejme tomu ddATP**

- polymeráza začne od nasednuvších primerů doplňovat sekvenci druhého vlákna, pokaždé když polymeráza doplňuje dATP do řetězce, **je určitá pravděpodobnost, že namísto dATP použije ddATP**
- pokud je zařazen ddATP, potom polymerace **na tomto místě končí**. Necháme-li tedy takovouto reakci proběhnout, získáme **velké množství různě dlouhých oligonukleotidů**, které budou **všechny končit adeninem** (dojde k zastavení polymerace u ddATP)
- pokud necháme proběhnout **stejnou reakci, tentokrát s ddCTP, ddGTP a nakonec i ddTTP**, dostaneme **4 směsi oligonukleotidů**, přičemž v každé směsi budou oligonukleotidy končit příslušnou bází
- klasická metoda vyhodnocení spočívá v provedení elektroforézy, přičemž jsou v gelu vytvořeny **4 dráhy, každá pro jinou oligonukleotidovou směs**



Sekvence - ACGATTGGCACT

Maxam a Gilbertova:

- metoda se vyhodnocuje podobným způsobem (elektroforeticky), ovšem reakce, při které vznikají různě dlouhé oligonukleotidy, nevyužívá polymerace podle vzorového vlákna, ale **specifického chemického štěpení DNA za určitými nukleotidy**

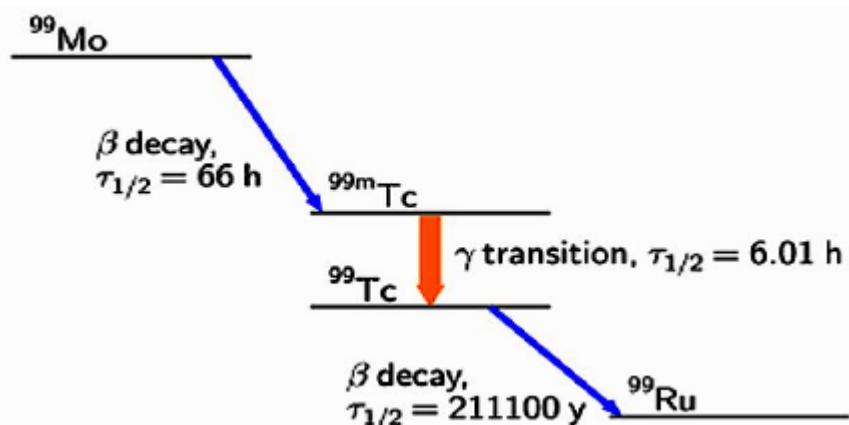
Indikátory v lékařské diagnostice:

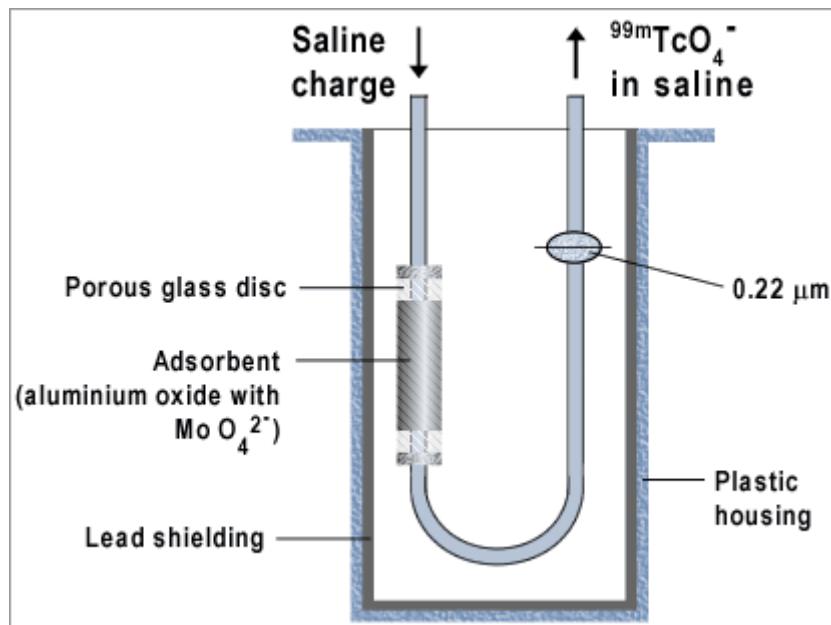
Značené sloučeniny užívané v lékařství se nazývají **radiofarmaka**.

Radiofarmaka – diagnostická a terapeutická – jedná se o kovy v komplexech, chelátech. Pokud se hromadí v příslušné tkáni, fungují přímo jako radiofarmaka.

Materšký nuklid	Dceřinný nuklid	Separace
^{44}Ti (47 r)	^{44}Sc (3,92 h)	Dowex-1/ HCl, šťav. k.
^{52}Fe (8,3 h)	^{52m}Mn (21 min)	Dowex-1/ 8 M HCl,
^{62}Zn (9,2 h)	^{62}Cu (9,8 min)	Dowex-1/ 0,1M HCl/NaCl,
^{68}Ge (288 d)	^{68}Ga (68 min)	Al_2O_3 /roztok EDTA
^{72}Se (8,4 d)	^{72}As (26 h)	Dowex-50/H ₂ O
^{82}Sr (25 d)	^{82}Rb (1,25 min)	Al_2O_3 /1,8 M NaCl
^{81}Rb (4,6 h)	^{81m}Kr (13 s)	profouknutí vzduchem
^{87}Y (80,3 h)	^{87}Sr (2,8 h)	Dowex-1/0,01M $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$
^{90}Sr (28,8 r)	^{90}Y (64,1 h)	Katex/různé eluenty
^{99}Mo (66 h)	^{99m}Tc (6 h)	Al_2O_3 / fysiol. roztok
^{113}Sn (115 d)	^{113m}In (99,5 min)	Al_2O_3 / fysiol. roztok
^{115}Cd (53,4 h)	^{115m}In (4,5 h)	Al_2O_3 / fysiol. roztok
^{122}Xe (20,1 h)	^{122}I (3,6 min)	cirkulace Xe rozt. NaHCO_3
^{132}Te (3,2 d)	^{132}I (2,3 h)	sublimace
^{134}Ce (76 h)	^{134}La (6,7 min)	anex
^{188}W (69 d)	^{188}Re (17 h)	Al_2O_3 , pak anex
^{194}Os (6 r)	^{194}Ir (19,2 h)	G.Therm.Chrom
^{202}Pb ($3 \cdot 10^5$ r)	^{202}Tl (12,2 d)	extrakce

85% všech vyšetření se provádí pomocí ^{99m}Tc , eluuje se z kolony jako technecistan sodný.





Terapeutické použití radiofarmak:

Radioizotopová terapie – bud' se roztok s radiofarmakem vstříkne k postiženému místu(př. **synovektomie**), případně se podá nitrožilně a radiofarmakum se vhodnou interakcí (**radioimunoterapie**) nahromadí v postižené tkáni – nádoru. Vhodné poločasy rozpadu jsou desítky hodin až dnů, beta či alfa zářiče, zdravá tkáň by měla dostat maximálně 0,1 Gy.

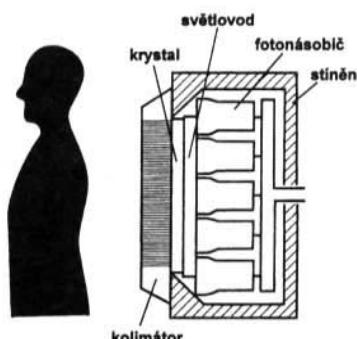
Radioimunoterapie – na peptid (protilátku specifickou pro určitý receptor, ideálně pro nádorovou buňku) naváže komplex s radioaktivním kovem, je schopna léčit i rozptýlené nádorové buňky - metastázy. Celý komplex musí být stabilní a neuvolňovat radioaktivní prvek v tkáních. **Somatostatin** a jeho analoga – peptid o 14 aminokyselinách, vhodný pro radioimunoterapie, často se váže na receptory somatostatinu v nádorových buňkách. Biologický poločas je ale jen 3 minuty (rozkládají ho peptidázy). Syntetická analoga oktreotid ($T_b = 20$ minut), [Tyr3] – oktreotid ($T_b = 90$ minut).

Radiační synovektomie – léčení zánětů kloubů vstříknutím radioaktivního koloidu (kvůli zabránění úniku do krevního řečiště), β -zářič, na větší klouby se volí zářič s větší energií β -, terapie je zároveň paliativní (lze snížit množství léků proti bolesti)

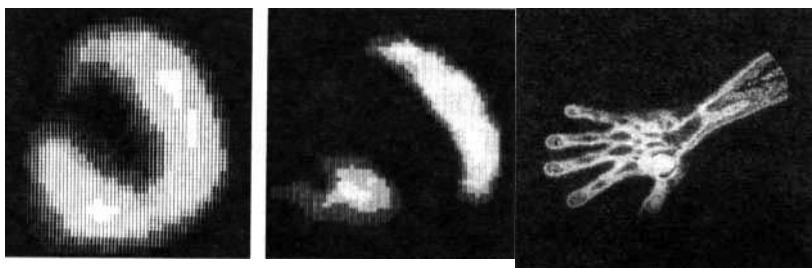
Diagnostické použití radiofarmak:

Pro diagnostické účely musí být radioaktivní nuklid přítomen v takové chemické formě, **kterou tkáň vyšetřovaného orgánu přijímá**. Vhodné jsou β - (s následnou emisí γ), β_+ (anihilační γ - **PET**), jaderné izomery a nuklidu podléhající elektronovému záchytu (RTG záření), o energiích γ kolem 100 keV a poločasech rozpadu řádově hodin až dnů.

Nejběžnější zařízení v diagnostické nukleární medicíně je **gamakamera** – scintilační krystal je buď velký plochý anebo plno malých krystalů s fotonásobiči. Vzniká scitigram, případně u rotující gamakamery vzniká 3D scitigram – **SPECT**. Ideální energie gama záření je 100 – 250 keV.



Gamakamera



Scintigram zdravého srdce (vlevo) a srdce po infarktu myokardu (uprostřed); kontrola prokrvení ruky přišité pacientovi po úrazu (vpravo)

Radiofarmaka značená β_+ nestabilními radionuklidy umožňují využít principu **tomografie (pozitronová emisní tomografie - PET)**. Nejčastěji se pracuje s ^{11}C , ^{13}N , ^{15}O a ^{18}F (mají krátké poločasy rozpadu a kromě fluoru se jedná o biogenní prvky, **kterými lze značit řadu biologicky aktivních molekul**). Korigování na zeslabení anihilačních fotonů se provádí externím zdrojem gama umístěným na kruhovém rámu vně pacienta.

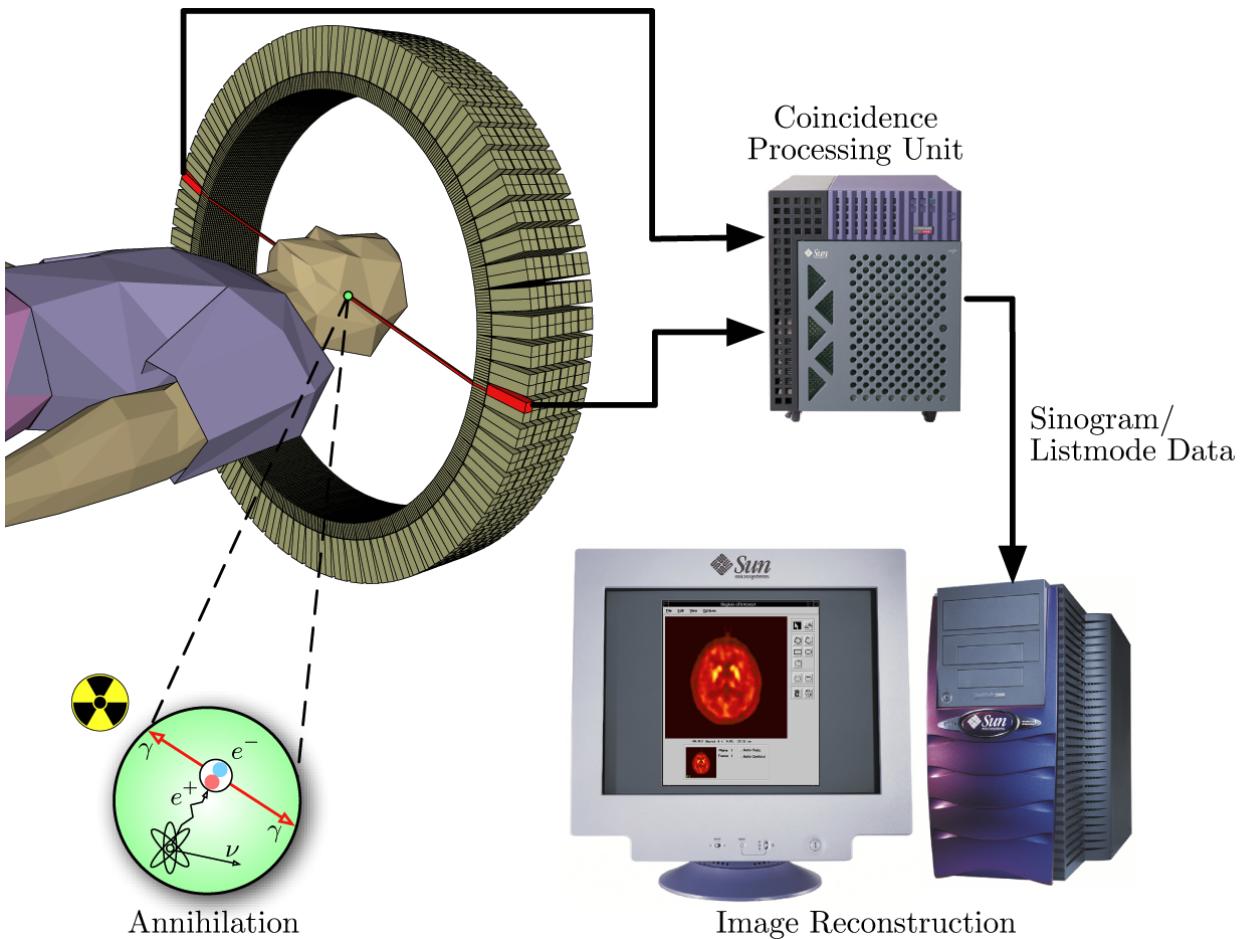


Schéma pozitronové emisní tomografie

SPECT (*Single-photon emission computed tomography*)
 Principem je podání radiofarmaka vyzařujícího γ záření (nejčastěji ^{99m}Tc) a pořízení řady scintigrafických snímků pacienta z několika směrů v rovině tomografického řezu. Používá se nejčastěji jedné až několika scintilačních kamer, které se otáčí kolem vyšetřovaného po malých úhlových krocích. Kolem dlouhé osy pacienta rotují **jedna až tři gamakamery**, které tak mohou záření snímat z různých úhlů a tvořit tak transverzální, frontální i sagitální řezy tělem pacienta, a tak vytvořit **3D zobrazení** patologického ložiska.

[3D Myš](#) Zdroj: Christian Lackas, <delta@lackas.net>

Indikátory v hydrologii:

- pohyb vody **v různých přírodních systémech**
- pohyb dešťové vody a vody z tajícího sněhu **v pod povrchových vodách**
- rychlosť průtoků ve **vodních tocích, pronikání vody z jezer, nádrží a kanálů**
- studium **podzemních vod** (stáří, vztah mezi povrchovými a podzemními vodami)
- **vztahy mezi vodonosnými vrstvami**

Používá se **^{58}Co , ^{60}Co , ^{51}Cr** . Tritium vzniklé při nadzemních D pokusech jaderných a termonukleárních zbraní bylo pojato jako **pulsní označení hydrosféry tritiem** a bylo využito pro studium pohybu a výměny vod zejména v podzemních rezervoárech. Například nepřítomnost tritia v rozsáhlém podzemním rezervoáru pod Saharou ukázala, že **v současnosti nedochází k jeho doplňování z vnějších zdrojů**.

Indikátory v průmyslu a výzkumu:

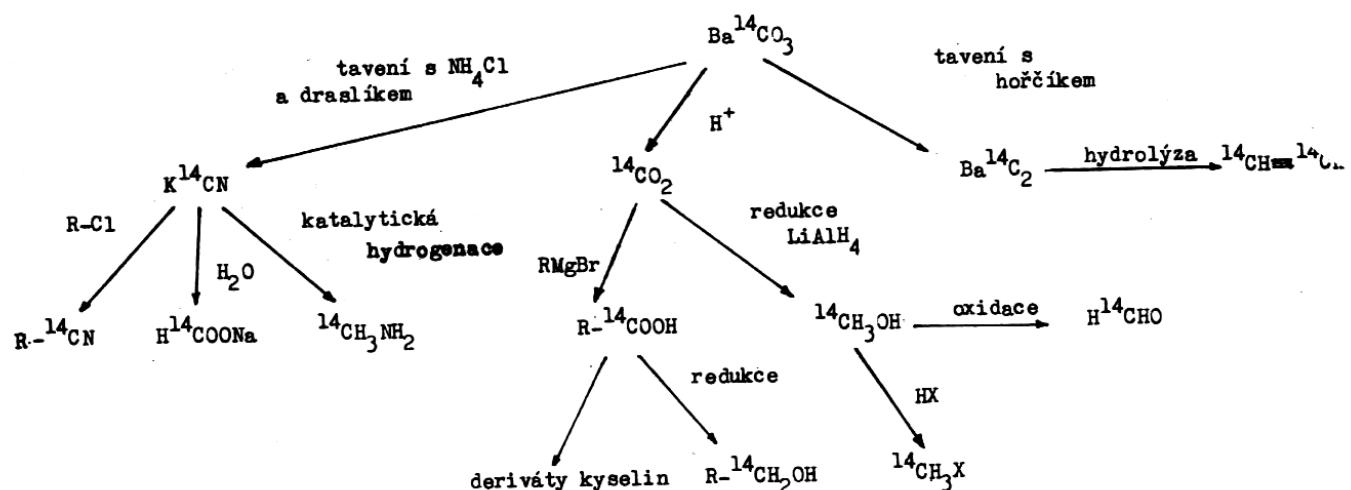
- měření **průtoku kapalin**, sledování **transportu surovin** v technologickém zařízení, průběh procesů mísení apod. (průtok a doba setrvání odpadních vod **v čistících stanicích** a odkalovacích nádržích, pohyb roztaveného železa a strusky **ve vysoké peci**, průchod **plynů vysokou pecí**, netěsnosti **v potrubí ropovodu**, netěsnosti **v potrubí plynovodu** atd.)
- **Defektoskopie** - pomocí gama záření se prozařuje materiál (sváry, potrubí, nádrže) a vhodným zobrazovacím zařízením se detekuje.
- **RTG fluorescenční analýza** - hmota se ionizuje pomocí RTG, gama či beta, dochází k vyražení elektronů z K či L slupek a při následném zaplnění orbitalů dochází k emisi charakteristického RTG. To se měří nejlépe polovodičovými detektory,

Příprava značených sloučenin:

Ozařováním v reaktoru neutrony. Vzniká tak např. $^{24}\text{NaCl}$, ^{42}KCl , $^{59}\text{FeCl}_2$, $\text{H}_3^{32}\text{PO}_4$, $\text{Ba}^{14}\text{CO}_3$. Dále se vyrábí další sloučeniny.

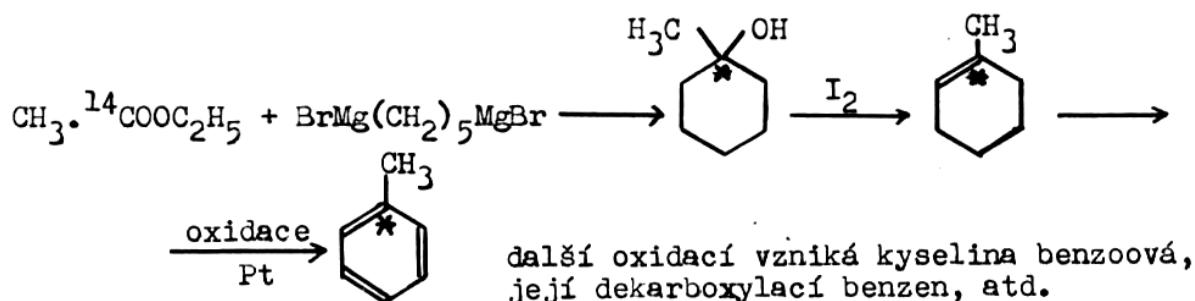
Preparativní metody:

Sloučeniny s ^{14}C

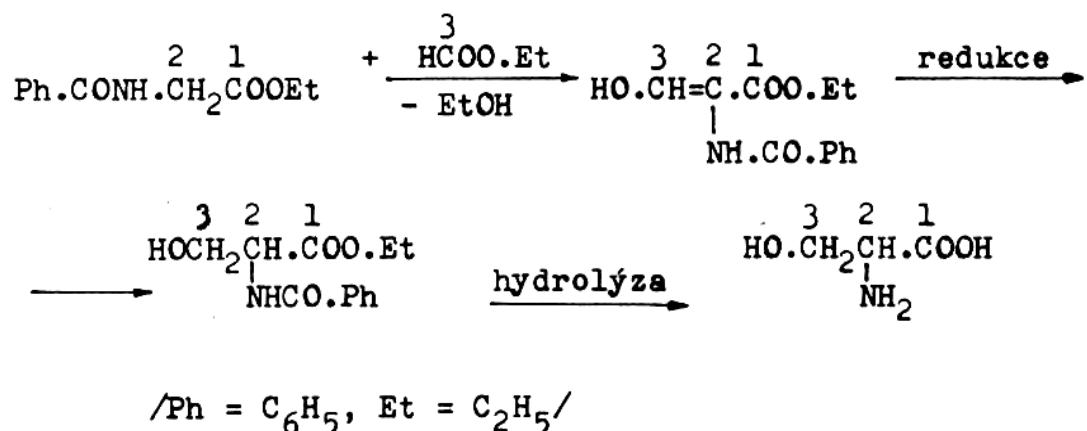


Příprava dalších sloučenin:

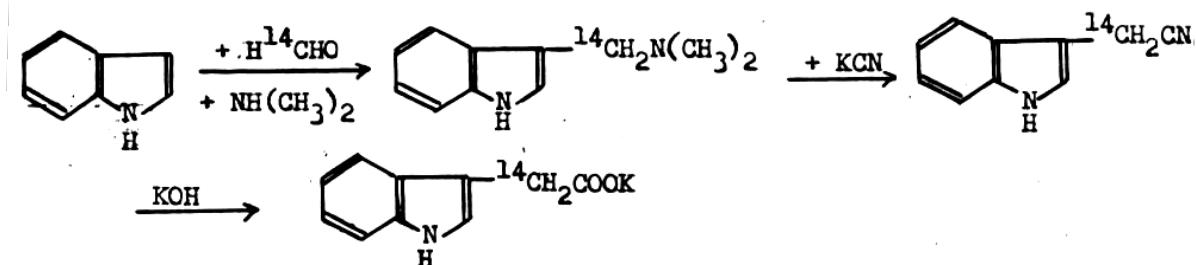
Syntéza značeného aromatického kruhu



Syntéza serinu-¹⁴C formylací N-benzoylglycinesteru

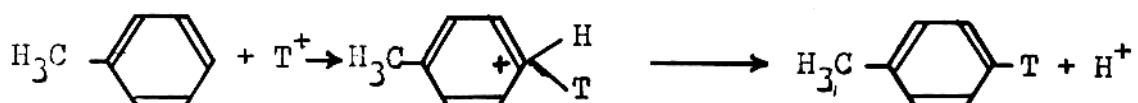


Syntéza β-indolyloctové kyseliny značené v postranním řetězci

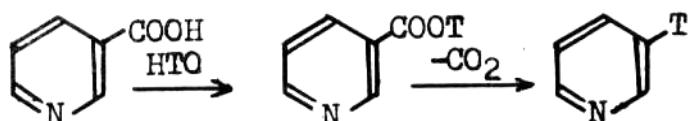


Sloučeniny s ³H

Rozpuštění sloučenin v THO (kyslá katalýza H_2SO_4 , CF_3COOH atd.) či Pt čerň.



Kyselé vodíky se dají tritiovat protřepáním v THO a odpařením THO. Kombinací s následnými reakcemi lze T zavést i tam kde je vázáno kovalentně.



Sloučeniny s ^{35}S

Většinou se vychází z elementární síry ^{35}S , reakcí s P se připraví $\text{P}_2^{35}\text{S}_5$, tato látka pak slouží k zavádění síry do organických sloučenin.



S touto látkou pak lze připravit velmi snadno další organické látky značené sírou.

Sloučeniny s ^{32}P :



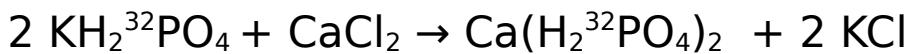
V koncentrovaných roztocích vzniká až $\text{H}_4^{32}\text{P}_2\text{O}_7$



Značení pak probíhá zahříváním kyseliny difosforečné s látkou, jež chceme fosforylovat. Přebytečné fosforylační činidlo odstraníme pomocí LiOH , Li_3PO_4 je nerozpustný.

Značená hnojiva:

Přímé ozařování $\text{Ca}_3(\text{PO}_4)_2$, případně se ozařuje KH_2PO_4 a vzniklý $\text{KH}_2^{32}\text{PO}_4$ slouží jako výchozí surovina pro další sloučeniny.

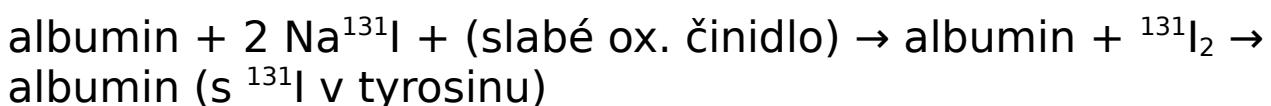


žíháním s CaCO_3 vzniká $\text{Ca}_3^{(32)}\text{PO}_4)_2$



Sloučeniny s ^{131}I :

^{131}I je k dispozici většinou ve formě Na^{131}I , tato látka se pak používá buď přímo, anebo můžeme pomocí I značit např. bílkoviny.



Nezreagovaný Na^{131}I se oddělí např. na ionexu.

Biosyntetické metody:

Využívají schopnosti živých organismů, hlavně rostlin a mikroorganismů. Jako „krmivo“ slouží $^{14}\text{CO}_2$, HTO , $\text{H}_3^{32}\text{PO}_4$, $\text{H}_2^{35}\text{SO}_4$ ve směsi se stejnými neaktivními látkami. Tyto látky jsou začleněny do složitějších molekul.

Po nějaké době se organismus usmrtí a žádaná sloučenina se izoluje a vyčistí běžnými biochemickými postupy.

S výhodou se připravují látky, jejichž syntéza je velice obtížná, jako jsou různé **vitaminy** a **hormony**. Často také

připravujeme značené **bílkoviny**, **polysacharidy** a **nukleové kyseliny**. Po rozštěpení těchto biopolymérů dostáváme značené **aminokyseliny**, **nukleotidy** a **jednoduché sacharidy**. Značení je ale většinou **nespecifické**.

Značení ^{14}C :

Využívá se fotosyntézy. Připravíme tak nespecificky značenou **glukosu**, **fruktosu**, **sacharosu** a **škrob**.

Listy se exponují v uzavřené a osvětlené aparatuře po dobu cca 40 hodin v atmosféře $^{14}\text{CO}_2$, který připravíme rozkladem uhličitanu kyselinou. Ten je za 40 hodin spotřebován. Rostliny se usmrtí ponořením do vroucího etanolu, rozdrtí se a extrahuje se 80 % etanolem. Extrakt se poté odpaří, odpadek se rozpustí ve vodě, barviva se odstraní extrakcí do etheru a ve vodném roztoku zůstávají sacharidy ^{14}C , které se dělí chromatograficky.

Před biosyntézou je žádoucí, aby byl objekt chudý na připravovanou sloučeninu. Listy se proto nechají několik dnů ve tmě, aby byl sacharid spotřebován dýcháním. Teprve poté se provádí fotosyntéza s využitím $^{14}\text{CO}_2$.

Aminokyseliny se syntetizují pomocí řas Chlorella vyživovaných $\text{NaH}^{14}\text{CO}_3$. Vznikají značené bílkoviny, které po hydrolýze poskytují jednotlivé značené **aminokyseliny**.

Tuky, nukleové kyseliny, barviva aj. se získají po promytí a vysušení řas, které se následně extrahuje metanolem. DNA se pak extrahuje 10% NaCl.

Biosyntetické metody přípravy sloučenin značených **jinými radioizotopy** spočívají v **pěstování organismů v živných roztocích s vhodným prekurzorem**.

Sojové boby – tritiovaná voda – tritiované mastné kyseliny.

E. coli – ^{32}P -fosfát – DNA (^{32}P)

Penicillium chrysogenum – $\text{Na}_2^{35}\text{SO}_4$ – benzylpenicilin (^{35}S)

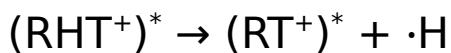
Králík – nitrožilně $\text{Na}_2\text{H}^{32}\text{PO}_4$ – ATP (^{32}P) extrakcí k. trichloroctovou

Wilzbachovo triciování (objeveno v r. 1956):

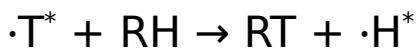
Organická látka v plynné, kapalné, nebo pevné fázi je vystavena plynnému tritiu o aktivitě stovek GBq. Mechanismus je komplikovaný a dosud nezcela prozkoumaný.

Nejpravděpodobnější vysvětlení:

V T_2 se rozpadne jedno T za vzniku $^3\text{HeT}^+$, který je značně excitován a přímo reaguje s organickou látkou:



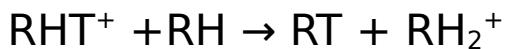
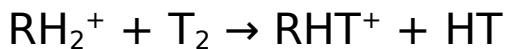
nebo přijímá elektron z okolí a se substrátem reaguje excitované T:



Případně k excitaci substrátu (a dodání tak aktivační energie) dochází vlivem β záření tritia, které působí **radiolýzu substrátu**:



Produkty radiolýzy pak reagují s T či mezi sebou:



apod.

Oba mechanizmy se uplatňují **současně** a u různých substrátů jsou zastoupeny **nestejně**.

Wilzbachovo tritiování se provádí ve vakuové aparatuře, organická látka se odpaří a většinou ulpívá na stěnách nádoby, poté se do baňky vpraví tritium, buď rozlomením ampule s T_2 nebo př. rozkladem UT_3 . Na 0,2 g U připadá 185 GBq T. Tritiování probíhá několik dnů až týdnů.

Tritiování je ale **nespecifické a neprobíhá rovnoměrně**.

Největším problémem je **odstranění následných vedlejších aktivních produktů** (substrát se vlivem záření rozkládá na menší fragmenty, které se tritiují, případně reagují s původní sloučeninou). Produkty tritiování se proto vždy **čistí**, většinou **chromatograficky**. Čištění probíhá v několika krocích, dokud nedosáhneme požadované čistoty.