

Reakce na DÚ z minula (stále možno zaslat!) – korekce značení v přednášce:

$$E_{\text{tot}} = E_{\text{elec}} + V_{\text{nn}} \quad (11-20)$$

$$V_{\text{nn}} = \sum_{\mu=1}^{N-1} \sum_{v=\mu+1}^N \frac{Z_{\mu} Z_v}{r_{\mu v}} \quad (11-21)$$

C9930, 10. lekce, 5. 5. 2021

11-8 *Báze v ab initio výpočtech*

Literatura: John P. Löwe, Quantum Chemistry

11-8 Báze

Existují dvě důležitá kritéria vhodnosti bází (=sad bazových funkcí) pro *ab initio* výpočty:

1. Schopnost popsat vlnovou funkci natolik dobře, aby byly získány chemicky použitelné výsledky.
2. Rozumná přesnost výpočtů maticových elementů Fockova operátoru a překryvu v reálném čase.

Báze *Slater-type-orbital* (STO)

Následují

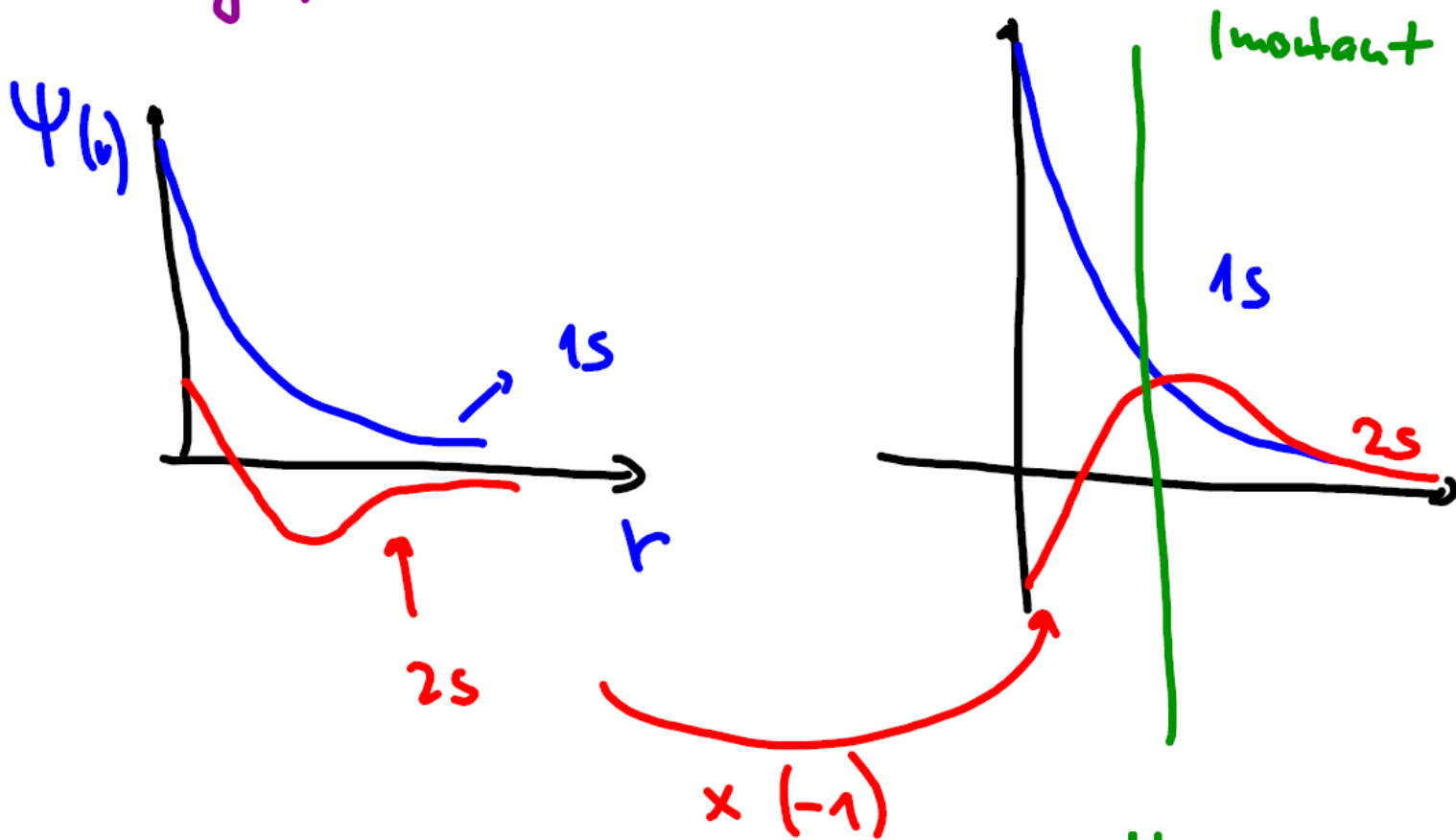
snímek 11	C9920_prednaska_6.pdf	C9920/PS2020
snímek 5	C9930_21_03_31.pdf	C9930/PS2021

- Vodíkové orbitály jsou pro výpočty díky složité uzlové struktuře výpočetně nepraktické.
- Vhodnější je vyjádřit je jako lineární kombinace tzv. Slaterových orbitalů (při přesných výpočtech) nebo každý vodíkový orbital nahradit pouze jedním Slaterovým orbitalem (při přibližných výpočtech).
- Slaterovy orbitály (zkráceně Slater Type Orbitals, STO) mají až na normovací konstantu radiálně závislou část

$$R(n, Z, s) = r^{(n-1)} \exp[-(Z - s)r/n] \quad (5-57)$$

A stejnou úhlovou část jako vodíkové orbitály. Jejich parametrem je tzv. stínící konstanta s (v jiných textech sigma), která se počítá pomocí stínících příspěvků jednotlivých elektronů daných tzv. Slaterovými pravidly. Ta jsme zmínili v kurzu Pokročilá fyzikální chemie a jejich princip připomeneme ve cvičeních.

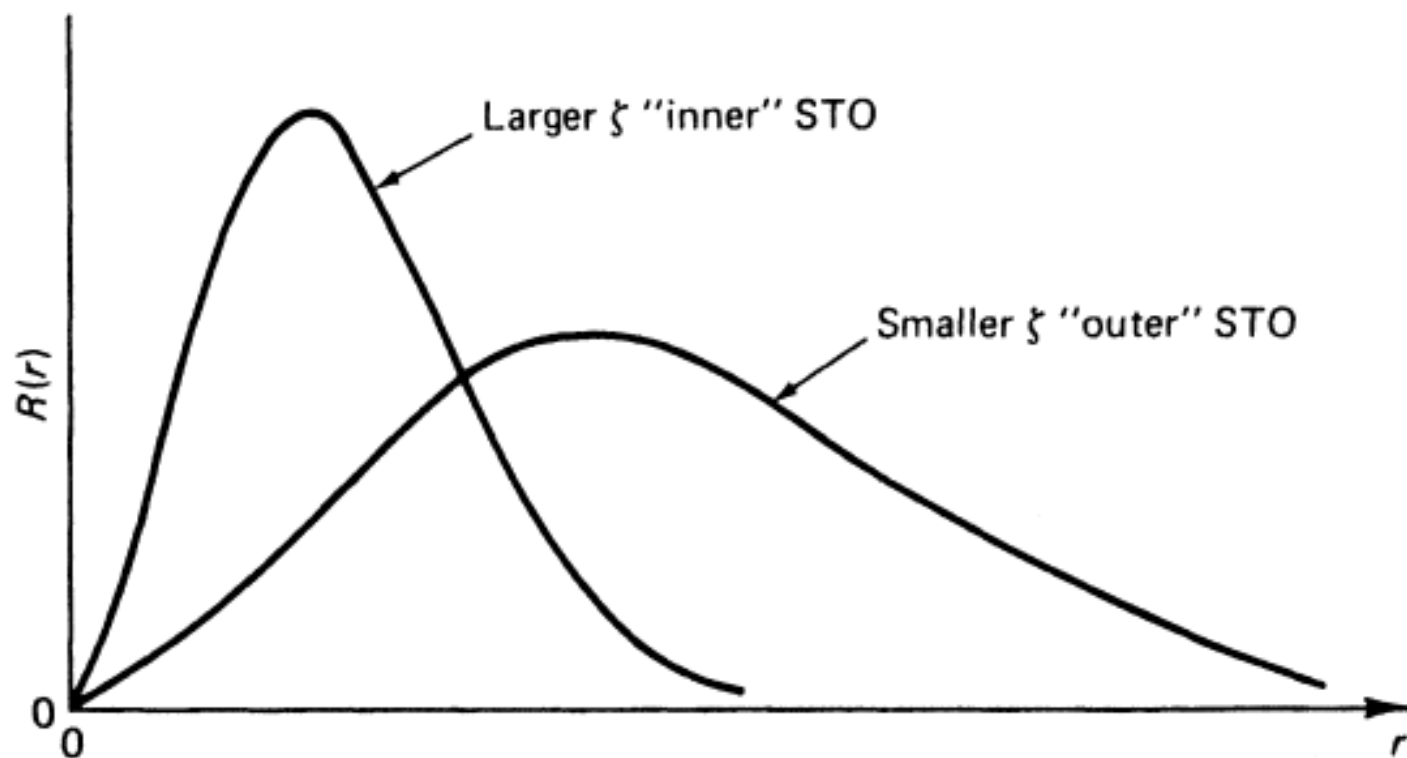
Orbitály pro ionty typu H:



Nahradíme tzv. Slaterovými orbitály (STO), (Slater-type-orbitals)

K bázím „Double Zeta“, DZ

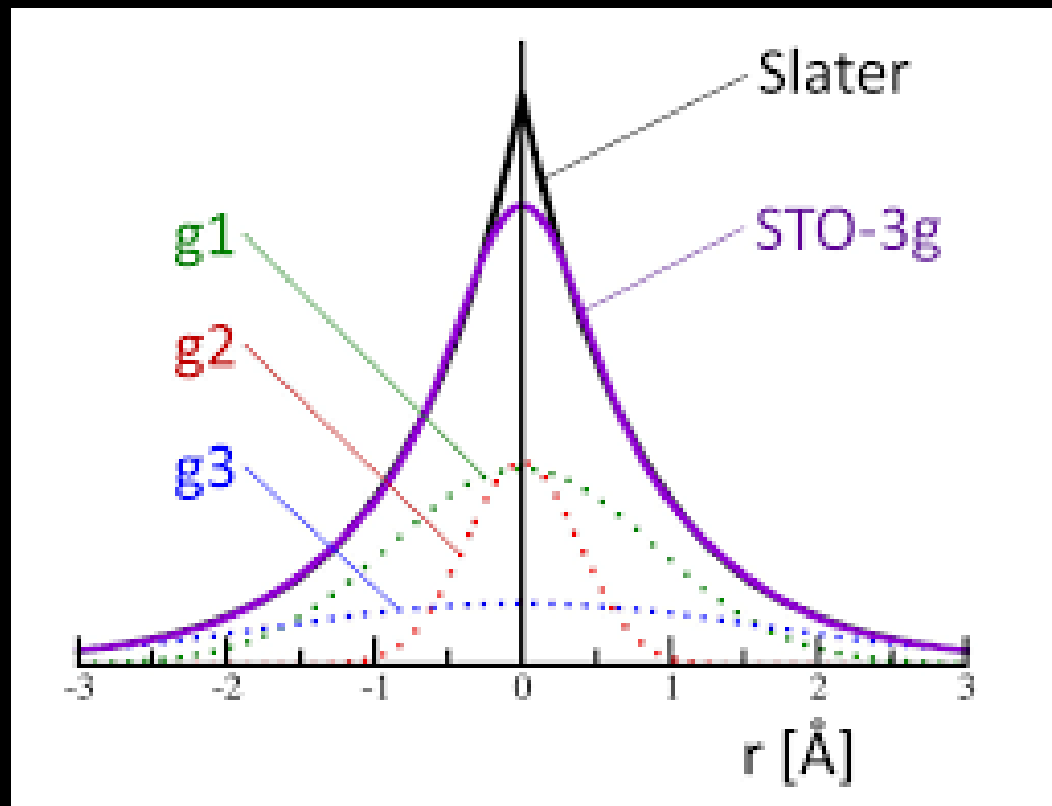
Obr. 11-1. Radiální funkce $R(r) = r \exp(-\zeta r)$ pro STO typu 2p.



Polarizace a polarizační funkce

- Polarizace = obvyklé rozšíření báze o funkce s vyšším momentem hybnosti, než odpovídá valenčním AO. Těmto funkcím pak říkáme polarizační.
- Zahrnutím polarizačních funkcí může být náboj přesouván *do* nebo z vazebných oblastí novými způsoby.
- Typicky se jedná o p orbitaly pro vodík, d orbitaly pro nižší p -prvky a f orbitaly pro d -prvky.

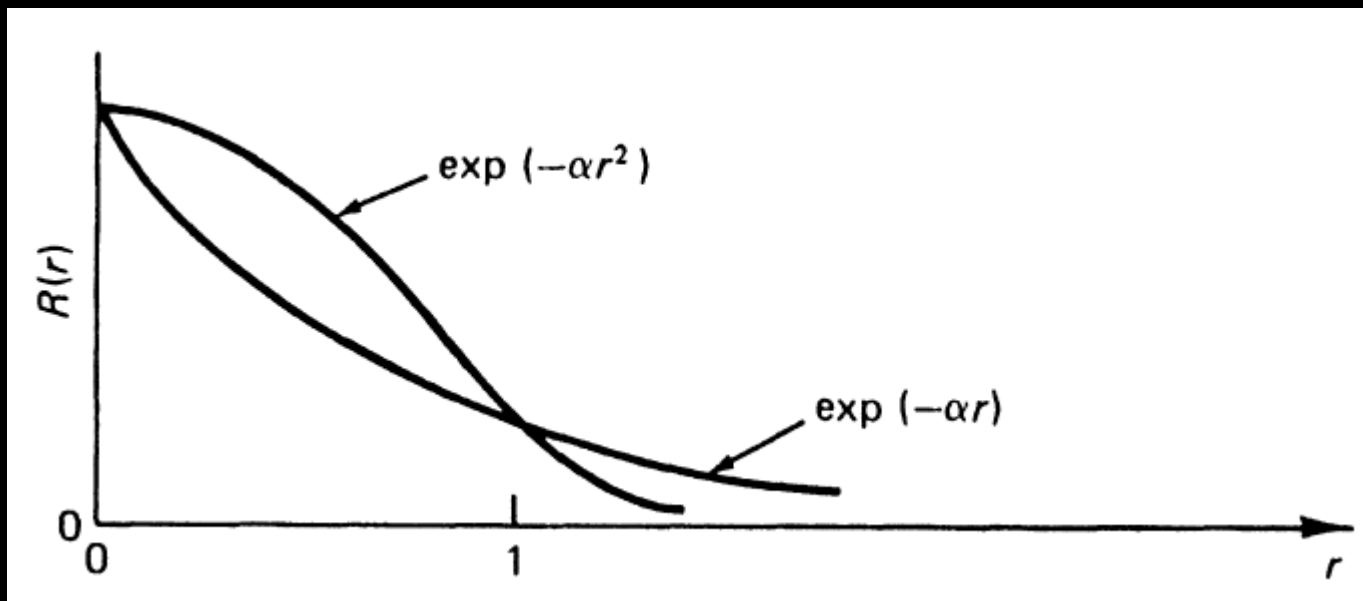
Báze *Gaussian-type-orbital* (GTO)



Obr. 11-2. Radiální závislost vodíkových a gaussovských funkcí.

S použitím Gaussovských funkcí jsou spojeny dva problémy:

1. V bodě $r = 0$ na rozdíl od vodíkových orbitalů typu s nemají „špičky“.
2. Pro velká r klesají rychleji než vodíkové funkce.



(Nepovinné)

Primitivní a kontrahované Gaussovské funkce

(Nepovinné) Nejfrekventovanější báze funkce v literatuře

DZP	double- ζ (obvykle Gaussovská, může však být i Slaterovská) báze s polarizací
STO-3G	Každý STO je aproximován jako lineární kombinace tří primitivních gausiánů.
6-31G	Každý STO pro vnitřní slupky je aproximován jednou CGTF složenou ze 6 primitivních Gausiánů; každý valenční STO je rozštěpen na vnitřní a vnější část (double- ζ), z nichž vnitřní je CGTF ze 3 gausiánů a vnější 1 gausiánem.
6-31G*	Báze 6-31G doplněná o 1 sadu orbitalů typu d pro všechny těžké atomy (atomy mimo H, He).
6-31G**	Báze 6-31G* doplněná o 1 sadu orbitalů typu p na H a He. Dobrá pro systémy, kde je H můstkovým atomem, jako např. v diboranu nebo v H-vazbách.
6-31+G**	Báze 6-31G** doplněná o jednu difúzní funkci typu s a jednu sadu difúzních funkcí typu p pro všechny těžké atomy. Umožňuje reprezentovat difúzní elektronové distribuce, jak např. v aniontech.

11-9, 11-10 HF limita a korelační energie

11-11 Koopmansův teorém



Tjalling C. Koopmans

A Hierarchy of *post*-Hartree-Fock Theories

Semi-Empirical
MO-Theory

Hartree-Fock (HF), SCF, MO-LCAO

$$\tilde{\Psi} = |\varphi_1(1)\varphi_2(2)\dots\varphi_{n-1}(n-1)\varphi_n(n)|$$

n^4

Density
Functional
Theory
(n^3 - n^4)

n^m : formal scaling factors relative to system size n . Note that linear pre-factors are also important