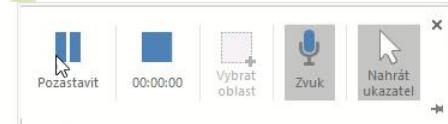




MUNI



# Kartografické modelování

## III. Fokální a zonální funkce

jaro 2021

Petr Kubíček

[kubicek@geogr.muni.cz](mailto:kubicek@geogr.muni.cz)

Laboratory on Geoinformatics and Cartography (LGC)  
Institute of Geography  
Masaryk University  
Czech Republic

Masaryk University  
Czech Republic



# Lokální funkce ArcGIS

- Lokální *statistické* funkce.
- Kombinace více vstupních rastrů (*Combine*)
- Nalezení počtu výskytů splňujících určitá kritéria - *Equal To Frequency, Greater Than Frequency a Less Than Frequency*.
- Nalezení hodnoty splňující určitá kritéria - *Popularity a Rank*.
- **Nalezení polohy** splňující určitá kritéria - *Con, Pick*.

# Pick

- $OutRas = Pick(InRas1, [InRas2, InRas3])$
- **Jaké hodnoty budou uvedeny v buňkách s otazníky??**

1	1	1	2
2	2	1	2
-1	2	3	
0	1	1	2

InRas1

1	2		
1	2	4	4
1	1	2	1
1	1	0	0

InRas2

1	3	3	3
2	-4		
2	4	4	2
2	0	1	0

InRas3

?	?	?	?

OutRas

■ Value = NoData

- **K ČEMU JE TO DOBRÉ??**



# Užití funkce PICK

- Randomizace, celulární automatv.

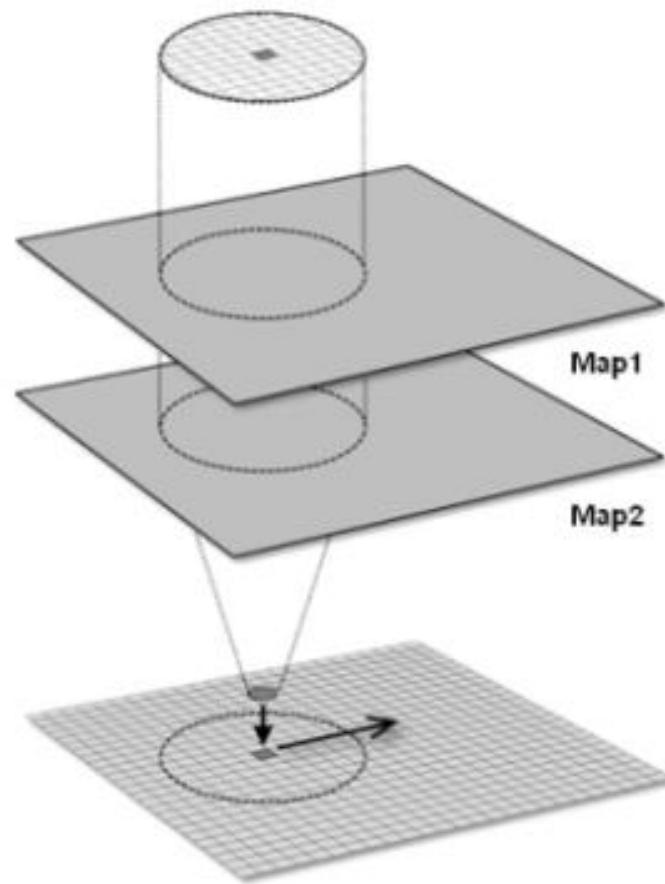
<table border="1"><tr><td>2</td><td>2</td><td>2</td></tr><tr><td>2</td><td>NoData</td><td>NoData</td></tr><tr><td>2</td><td>NoData</td><td>NoData</td></tr></table>	2	2	2	2	NoData	NoData	2	NoData	NoData	+	<table border="1"><tr><td>3</td><td>NoData</td><td>NoData</td></tr><tr><td>NoData</td><td>3</td><td>NoData</td></tr><tr><td>NoData</td><td>NoData</td><td>3</td></tr></table>	3	NoData	NoData	NoData	3	NoData	NoData	NoData	3	=	<table border="1"><tr><td>2</td><td>2</td><td>2</td></tr><tr><td>2</td><td>3</td><td>NoData</td></tr><tr><td>2</td><td>NoData</td><td>3</td></tr></table>	2	2	2	2	3	NoData	2	NoData	3	or	<table border="1"><tr><td>3</td><td>2</td><td>2</td></tr><tr><td>2</td><td>3</td><td>NoData</td></tr><tr><td>2</td><td>NoData</td><td>3</td></tr></table>	3	2	2	2	3	NoData	2	NoData	3
2	2	2																																								
2	NoData	NoData																																								
2	NoData	NoData																																								
3	NoData	NoData																																								
NoData	3	NoData																																								
NoData	NoData	3																																								
2	2	2																																								
2	3	NoData																																								
2	NoData	3																																								
3	2	2																																								
2	3	NoData																																								
2	NoData	3																																								

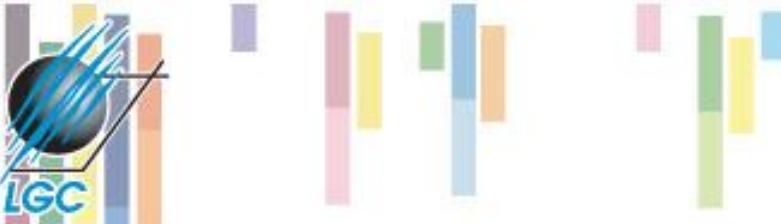
- kombinace s dalším local toolset nástroji (není to funkce, kterou se začíná analýza).
- *Highest position (jako vstupní poziciční rastr)*

<table border="1"><tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>2</td><td>2</td></tr><tr><td>4</td><td>0</td><td>0</td><td>2</td></tr><tr><td>4</td><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	1	1	0	0	1	2	2	2	4	0	0	2	4	0	1	1	InRas1	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr><tr><td>3</td><td>3</td><td>1</td><td>2</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>2</td><td>2</td></tr><tr><td>3</td><td>2</td><td>1</td><td>0</td></tr></table>	0	1	1	0	3	3	1	2	0	0	2	2	3	2	1	0	InRas2	<table border="1"><tr><td></td><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>2</td><td>0</td><td>3</td><td>3</td></tr><tr><td>0</td><td>0</td><td>3</td><td>2</td></tr><tr><td>1</td><td>1</td><td></td><td>0</td></tr></table>		1	0	0	2	0	3	3	0	0	3	2	1	1		0	InRas3	=	<table border="1"><tr><td></td><td>1</td><td>2</td><td>1</td></tr><tr><td>2</td><td>3</td><td>3</td><td>3</td></tr><tr><td>1</td><td>3</td><td></td><td>1</td></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td></td><td>1</td></tr></table>		1	2	1	2	3	3	3	1	3		1	1	2		1	OutRas
1	1	0	0																																																																					
1	2	2	2																																																																					
4	0	0	2																																																																					
4	0	1	1																																																																					
0	1	1	0																																																																					
3	3	1	2																																																																					
0	0	2	2																																																																					
3	2	1	0																																																																					
	1	0	0																																																																					
2	0	3	3																																																																					
0	0	3	2																																																																					
1	1		0																																																																					
	1	2	1																																																																					
2	3	3	3																																																																					
1	3		1																																																																					
1	2		1																																																																					



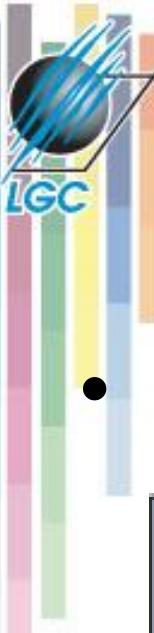
# FOKÁLNÍ FUNKCE





# Fokální funkce

- **Fokální** - v definovaném okolí, nová hodnota vzniká z definovaného okolí buňky.
- Většinou se provádějí na **okolí 3x3** sousedních buněk, ale systémy často umožňují definovat sousedské okolí podle uživatele.
- **Fokální funkce** se dělí na **statistické funkce** a na **analýzy proudění**.
- Ze **statistických funkcí** stanovení např. aritmetického průměru v okolí, sumy, odchylky, min, max, rozpětí a další.
- – U **analýz proudění** se počítá směr proudění (maximální gradient z hodnot dané buňky do okolních), rychlosť proudění a další. Základ pro pokročilé analýzy (hydrologické analýzy, modelování eroze).



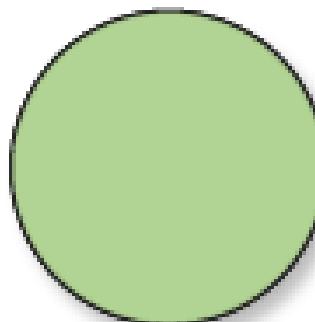
LGC

# Vyhledávací oblast

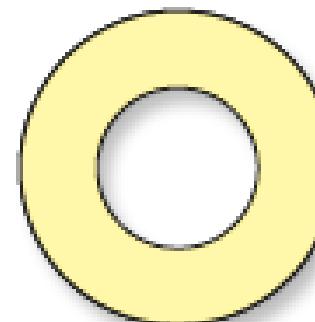
- Různé tvary oblasti (inspirace přírodou)



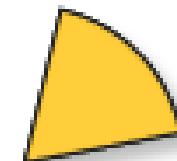
Rectangle



Circle



Annulus



Wedge

- Možnost využití masky/kernelu a případných vah

5	4
1	1
1	0
0	0
1	1
0	1
1	1
1	0
0	0
1	0

Kartografické modelování

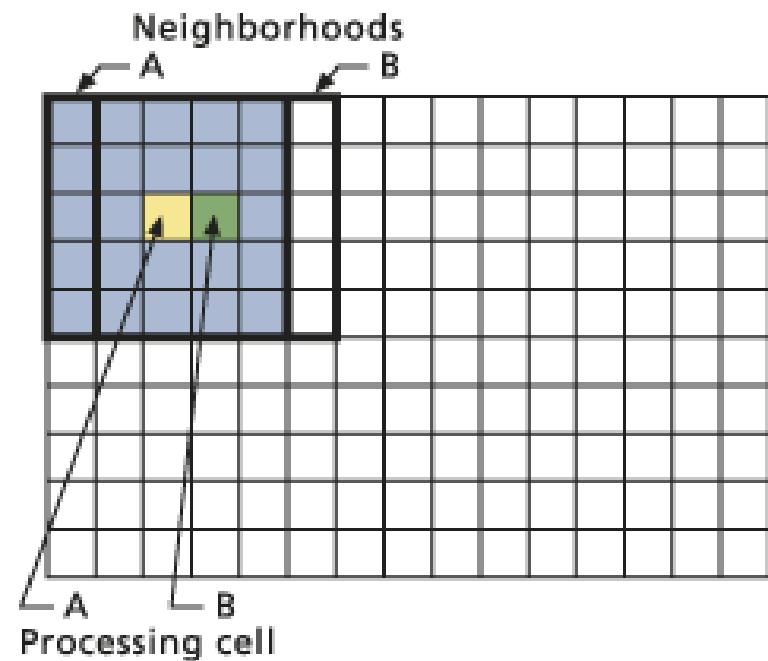
Irregular kernel

3	3
0	1
1	0
-1	4
-1	1
0	1
0	0

Weighted kernel



# Statistické funkce - zpracování



- **focalSum (3x3)**
- **NoData ignorováno (pokud není všude).**

Kartografické modelování

The Neighborhood Function on an Individual Neighborhood

3	2	0
3	2	4
2	1	4

INGRID1

21
----

OUTGRID

■ VALUE=NODATA

The Neighborhood Function on a Grid

0	1	1	0	3	0
0	3	3	2	0	
4	0	3	2	4	2
0	2	2	1	4	2
0		0	4	4	0
0	2	0	0	0	3

INGRID1

4	8	10	9	5	3
8	15	15	18	13	9
9	17	18	21	17	12
6	11	14	24	23	16
4	6	11	15	18	13
2	2	6	8	11	7

OUTGRID

# Pohyblivé okno a hranice rastru

Nedostatek dat pro výpočet hodnot na hranici rastru

- řešení: (a) **rozšíření studijní oblasti** ☺
- (b) **Pohyblivé okno a modifikace výpočetního algoritmu (kernel) v rozích (2x2; 1/4) a hranách (2x3; 1/6)**

Mean function kernels

corner		
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	

margin		
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	

corner		
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	

margin		
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	

main		
$1/9$	$1/9$	
$1/9$	$1/9$	
$1/9$	$1/9$	

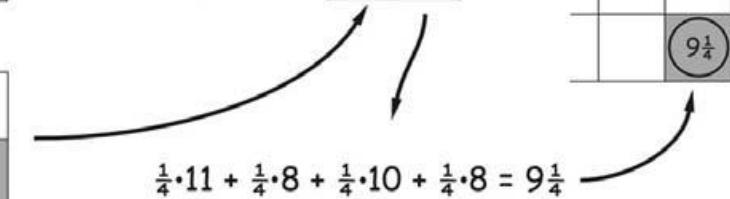
margin		
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	

corner		
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	

margin		
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	
$1/6$	$1/6$	

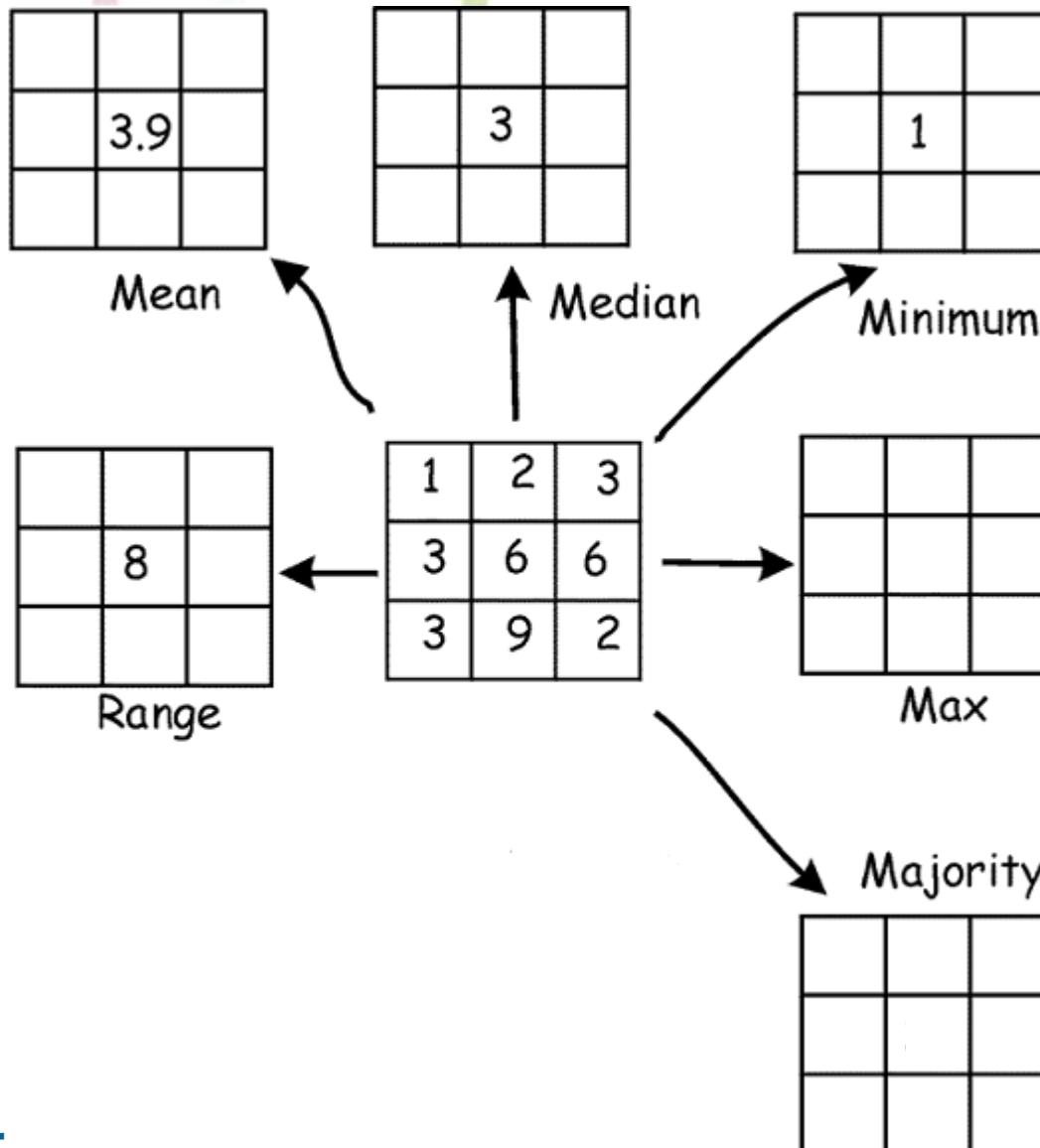
example application,  
lower right corner

10	12	13	12	11
8	11	12	12	10
7	9	10	11	9
8	9	9	11	8
9	10	12	10	8





# Příklad fokálních statistických funkcí



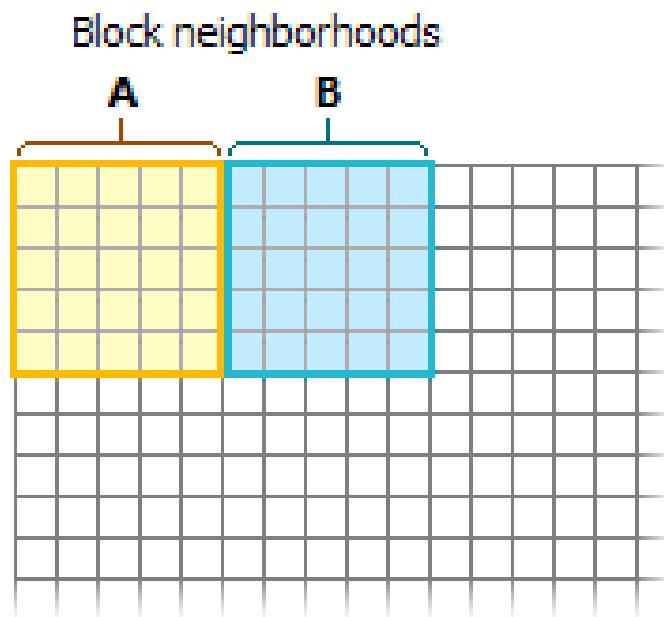


Statistika	Popis	ArcGIS
Majority	Určuje hodnotu, která se v sousedství vyskytuje nejčastěji	
Maximum	Určuje maximální hodnotu vyskytující se v sousedství	
Mean	Vypočítává průměrnou hodnotu v sousedství	
Median	Vypočítává medián hodnot v sousedství	
Minimum	Určuje minimální hodnotu vyskytující se v sousedství	
Minority	Určuje hodnotu, která se v sousedství vyskytuje nejméně často	
Statistika	Popis	SAGA GIS
Range	Mean Value	Vypočítává průměrnou hodnotu v sousedství
Standart Deviat	Difference from Mean Value	Vypočítává rozdíl od průměrné hodnoty
Sum	Standard Deviation	Vypočítává směrodatnou odchylku v sousedství
Variety	Value Range	Určuje rozsah hodnot v sousedství
	Minimum Value	Určuje minimální hodnotu vyskytující se v sousedství
	Maximum Value	Určuje maximální hodnotu vyskytující se v sousedství
	Deviation from Mean Value	Vypočítává odchylku od průměrné hodnoty
Kartograf	Percentile	Vypočítává procento buněk s nižší hodnotou než centrální buňka v sousedství



# Blokové operace

- **Nepřekrývající se okno**
- **Každá buňka ve vymezeném okolí dostane hodnotu získanou danou funkcí.**



Block operation

# Příklad blokové operace

1	1	1	1	1	2	4	6	7
1	3	3	2	5	6	6	7	8
1	1	3	2	2	2	4	5	6
1	2	2	2	2	4	4	5	6
1		1	2	2	2	4	5	6
1		1	2	2	3	4	5	6
1	1	1	1	1	2	3	4	5
0	0	1	1	1	2	4	4	5
0	1	1	1	1	2	3	4	4

InRas1

3	3	3	6	6	6	9	9	9
3	3	3	6	6	6	9	9	9
3	3	3	6	6	6	9	9	9
2	2	2	4	4	4	6	6	6
2	2	2	4	4	4	6	6	6
2	2	2	4	4	4	6	6	6
1	1	1	2	2	2	5	5	5
1	1	1	2	2	2	5	5	5
1	1	1	2	2	2	5	5	5

OutRas

Value = NoData

NbrRectangle({width}, {height}, {CELL | MAP}) jednotky vzdálenosti

OutRas = BlockStatistics(InRas1,  
*NbrRectangle(3,3,Cell)*, "MAXIMUM", "")

Dostupné funkce: Mean, Maximum, Minimum, Range, STD, Sum.

Kartografické modelování

# Analýzy proudění – Focal Flow

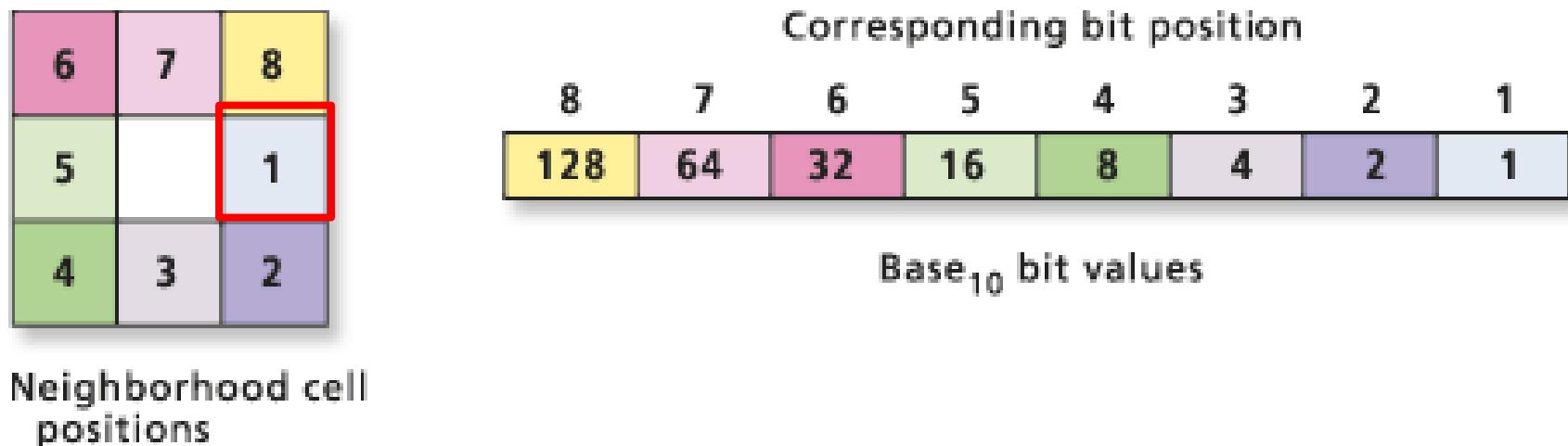
- Využívá pohybující se okno  $3 \times 3$  k určení toho, **které okolní buňky proudí do centrální buňky**.
- Buňka splňující tuto podmínu musí mít vyšší hodnotu, než centrální buňka.
- Pokud žádná buňka neproudí do středu = 0

1	2	3
3	6	6
3	9	2

6	14	2
1	5	15
3	4	10

# Jak to funguje?

- Hodnoty 1 – 128 (mocniny dvou).



# Příklad

-5	11	3
6	9	15
10	8	8

- Processing cell
- Cells that flow into the processing cell

Evaluation for a single cell location

8	7	6	5	4	3	2	1
0	1	0	0	1	0	0	1

Bit positions mapped

8	7	6	5	4	3	2	1
128	64	32	16	8	4	2	1

	73	

Bit position	Base <sub>10</sub> value
7	= 64
4	= 8
1	= $\frac{1}{73}$

Base<sub>10</sub> bit values for the cell location = 73

- Porovnání hodnoty okolních buněk.
- Určení směru proudění a označení buněk.
- Výpočet hodnoty podle pozice.



# Užití FocalFlow

2	1	1
1	0	2
2	2	3

Input

	255	

Output for center processing cell

- $OutRas = FocalFlow(InRas1)$
- **Možnost užití prahové hodnoty (threshold)**

0	1	1	0	3	0
0	3	3	2	0	
4	0	3	2	4	2
0	2	2	1	4	2
0		0	4	4	0
0	2	0	0	0	3

InRas1

3	6	14	29	0	16
133	8	0	154	94	
0	215	0	51	0	24
65	160	66	247	0	56
130		233	0	0	116
1	0	144	192	97	32

OutRas

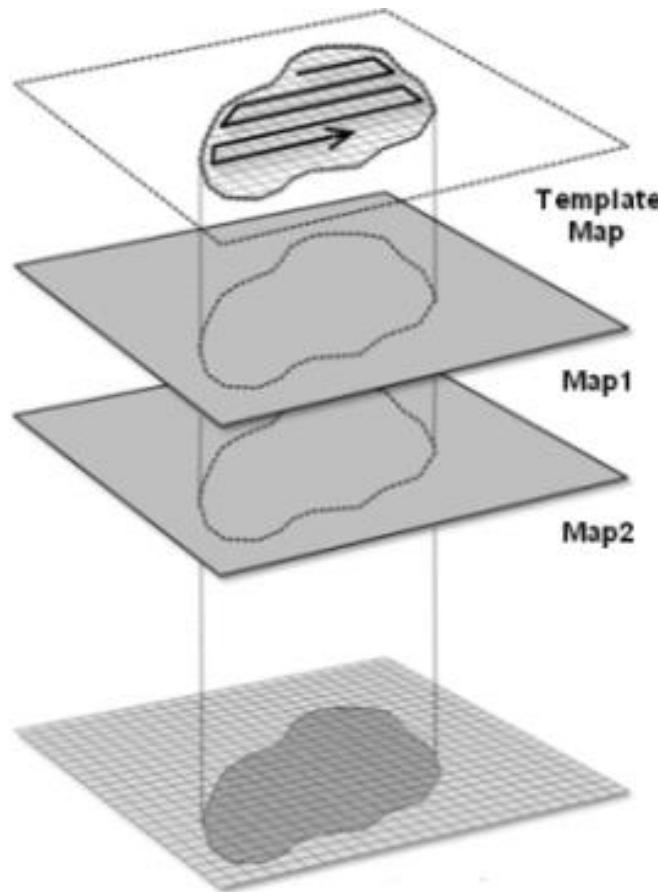
■ Value = NoData



LGC



# Zonální funkce

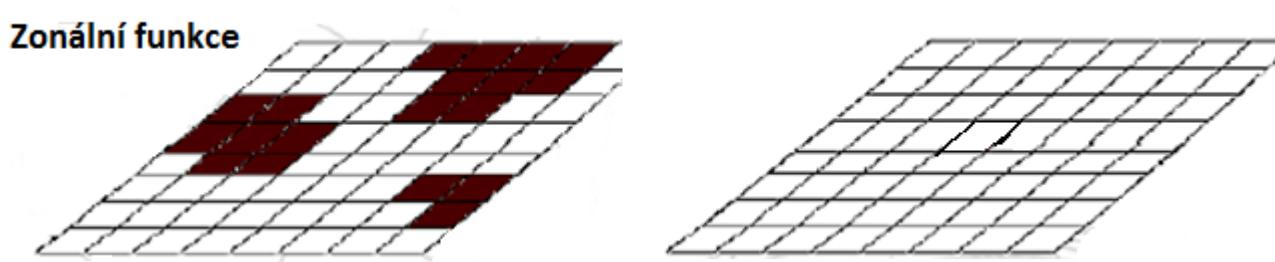


Kartografické modelování



# Zonální funkce

**Zonální funkce** - na specifické oblasti, nová hodnota vzniká ze zóny definované v jiné vrstvě.



Možné rozdělit na **statistické** a **geometrické** (area).

- U statistických funkcí jde o **statistické zpracování hodnot analyzované informační vrstvy**, které patří do **zóny** definované v druhé informační vrstvě. Statistické funkce mohou být opět průměry, sumy, min, max.
- Mezi **geometrické funkce** patří např. **stanovení plochy, obvodu a dalších charakteristik každé zóny**.

**Kartografické modelování**

# Statistické zonální funkce

- Výstupy mohou být **rastr** nebo **tabulka**
- Zóna může být definována tabulkou nebo rastrem
- Vstupní rastr je vždy jenom rastr.
- Fce - *area, minimum, maximum, range, mean, standard deviation, sum, variety, majority, minority a median.*





LGC

# Příklad – zonální směrodatná odchylka

*OutRas = ZonalStatistics(ZoneRas, "VALUE", ValRas, "STD")*

1	1	0	0
1	2	2	
4	0	0	2
4	0	1	1

ZoneRas

0	1	1	0
3	3	1	2
0	0	0	2
3	2	1	0

ValRas

=

1.1	1.1	0.8	0.8
1.1	0.5	0.5	
0.0	0.8	0.8	0.5
0.0	0.8	1.1	1.1

OutRas

Value = NoData



# Zonální statistika jako tabulka

- Výstup ve formě tabulky
- `ZonalStatisticsAsTable(ZoneRas, "Value", ValRas, OutTable, "ALL")`

1	1	0	0
1	2	2	2
4	0	0	2
4	0		1

ZoneRas

0	1	1	0
3	3	1	2
0	0	0	2
3	2	1	0

ValRas

Value = NoData

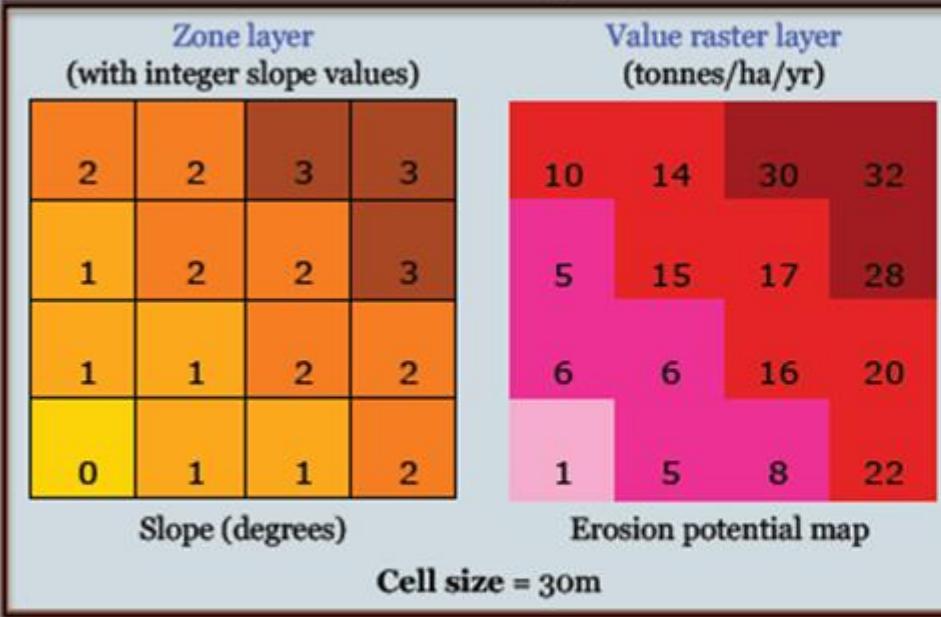
Rowid	VALUE	COUNT	AREA	MIN	MAX	RANGE	MEAN	STD	SUM	VARIETY	MAJORITY	MINORITY	MEDIAN
1	0	5	5	0	2	2	0.6	0.8	3	3	0	1	0
2	1	5	5	0	3	3	1	1.095	5	3	0	3	1
3	2	3	3	1	2	1	1.667	0.471	5	2	2	1	2
4	4	1	1	3	3	0	3	0	3	1	3	3	3

=  
K



# Určete maximální a průměrný erozní potenciál pro jednotlivé kategorie sklonu svahu

**INPUT layers**



**OUTPUT table**

Rowid	VALUE	MAX	MEAN
1	0	1.00	1.00
2	1	8.00	6.00
3	2	22.00	16.29
4	3	32.00	30.00

- The “VALUE” column contains the integer slope values.
- The “MAX” and “MEAN” columns contain the maximum and mean erosion potential rates for each integer slope value, respectively.

Reference: ESRI

# Zonální geometrické funkce

- Pro jednotlivé zóny vypočítává geometrické charakteristiky - plocha, obvod, tloušťka (nejnižší bod v zóně), centroid...
- **Obvod** – jak vnitřní, tak vnější hranice (polygon s otvorem), sčítání všech hran.
- *OutRas =ZonalGeometry(InRas1, "VALUE", "PERIMETER")*

1	1	0	0
14.0	14.0	14.0	14.0
4	0	0	2
4	0	1	1

=

14.0	14.0	14.0	14.0
14.0	8.0	8.0	8.0
6.0	14.0	14.0	8.0
6.0	14.0	14.0	14.0

Ka

InRas1

OutRas

**Jak velká je buňka  
v uvedeném  
příkladu?**

Value = NoData



LGC

# Zonální geometrie jako tabulka

*ZonalGeometryAsTable(InRas1,"VALUE",Out\_Geom,1)*

1	1	0	0
	1	2	2
4	0	0	2
4	0	1	1

InRas

VALUE	AREA	PERIMETER	THICKNESS	XCENTROID	YCENTROID	MAJORAXIS	MINORAXIS	ORIENTATION
0	5.0	14.0	0.5	2.300	2.100	2.558	0.681	60.714
1	5.0	14.0	0.5	1.900	2.100	2.668	0.596	126.061
2	5.0	8.0	0.5	3.167	2.167	1.286	0.743	135.000
4	2.0	6.0	0.5	0.500	1.000	1.128	0.564	90.000



LGC

# Najděte PLOCHU zastavěného území pro jednotlivé kategorie sklonu svahu

**INPUT layers**

Zone layer (with integer slope values)			
2	2	3	3
1	2	2	3
1	1	2	2
0	1	1	2

Slope (degrees)

Cell size =  Value= No Data

Value raster layer (1 = built-up/developed area)			
	1	1	1
1	1	1	1
1	1	1	
1	1		

Built-up/developed area map



**OUTPUT table**

Rowid	VALUE	VALUE_1
1	0	900
2	1	3600
3	2	3600
4	3	2700

- The “VALUE” column contains the integer slope values.
- The “VALUE\_1” column contains the area ( $m^2$ ) of built-up/developed areas for each integer slope value.