

## 5. cvičení z MIN401 – šifrování

**Příklad 1:** Veřejný klíč Honzy pro RSA šifru je  $(91, 23)$ . Zachytili jste jemu určenou zprávu 3. Dekódujte ji.

**Příklad 2:** [10.32, 10.33] Najděte primitivní kořeny modulo 8, 11, 20, 26, 41 a  $41^2$ .

**Příklad 3:** V ElGamalově šifrovacím systému si Alice zvolila veřejný klíč sestávající z prvočísla  $p = 997$ , primitivního kořene  $g = 11$  a jeho mocniny  $g^x$  (kde exponent  $x = 23$  je soukromý). Bob si pro komunikaci s Alicí zvolil soukromý klíč  $y = 25$  a poslal jí svůj veřejný klíč  $g^y$ . Pomocí společného soukromého klíče  $g^{xy}$  pak zašifroval zprávu  $m$  a výslednou zprávu  $c = 20$  poslal Alici. Jak ji bude Alice dešifrovat?

[*Řešení:* Při počítání  $\mod 997$  je  $g^x \equiv 11^{23} \equiv 659$ ,  $g^y \equiv 11^{25} \equiv 976$ ,  $g^{xy} \equiv (g^y)^x \equiv 976^{23} \equiv 950$ , inverze k němu je  $-297$ ,  $m \equiv c \cdot (-297) \equiv 42$ . ]

**Příklad 4:** Martin a Honza chtějí komunikovat šifrou ElGamal. Martin si zvolil prvočíslo 41 s primitivním kořenem 11 a tajný klíč 10, tj. zveřejnil  $(41, 11, A)$ , kde  $A \equiv 11^{10} \pmod{41}$ . Honza mu poslal veřejným kanálem dvojici  $(22, 6)$ . Jakou zprávu Honza poslal?

**Příklad 5:** V Rabinově šifrovacím systému s veřejným klíčem  $3149 = n = p \cdot q = 47 \cdot 67$  dešifrujte zprávu  $c = 158$ . Uveďte všechny čtyři možnosti.

[*Řešení:* 149, 1355, 1794, 3000. ]

**Příklad 6:** Ukažte, jak pomocí Rabinova kryptosystému s veřejným klíčem  $n = 437$  zašifrovat a pak dešifrovat zprávu  $M = 321$ .