

**Zákony**

**termodynamiky**

# První zákon

Intenzivní a extenzivní proměnné

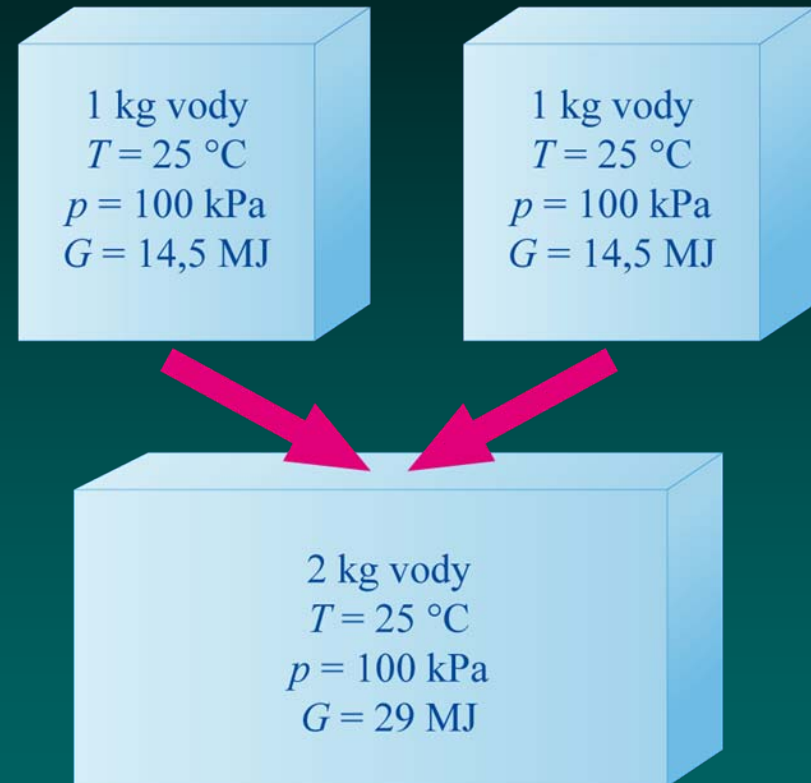
Vnitřní energie

$$\Delta U = U_2 - U_1$$

$$1 \text{ J} = 1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}$$

$$\Delta U = q + w$$

e1



O5 1

Intenzivní – kvalita

Extenzivní – hmotný obsah

$$\Delta X = \int_{X_1}^{X_2} f(X) dX$$

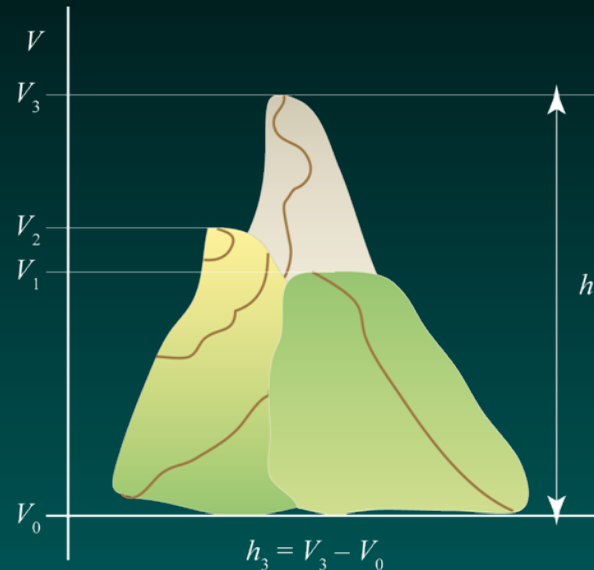
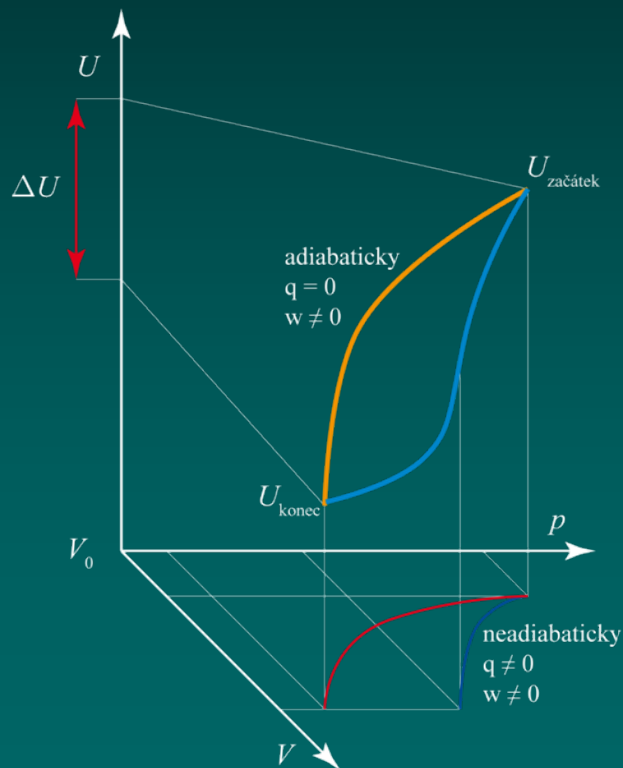
# První zákon

$$\Delta U = q + w = w$$

$$w = U_2 - U_1 = \Delta U$$

e2

o7



o6

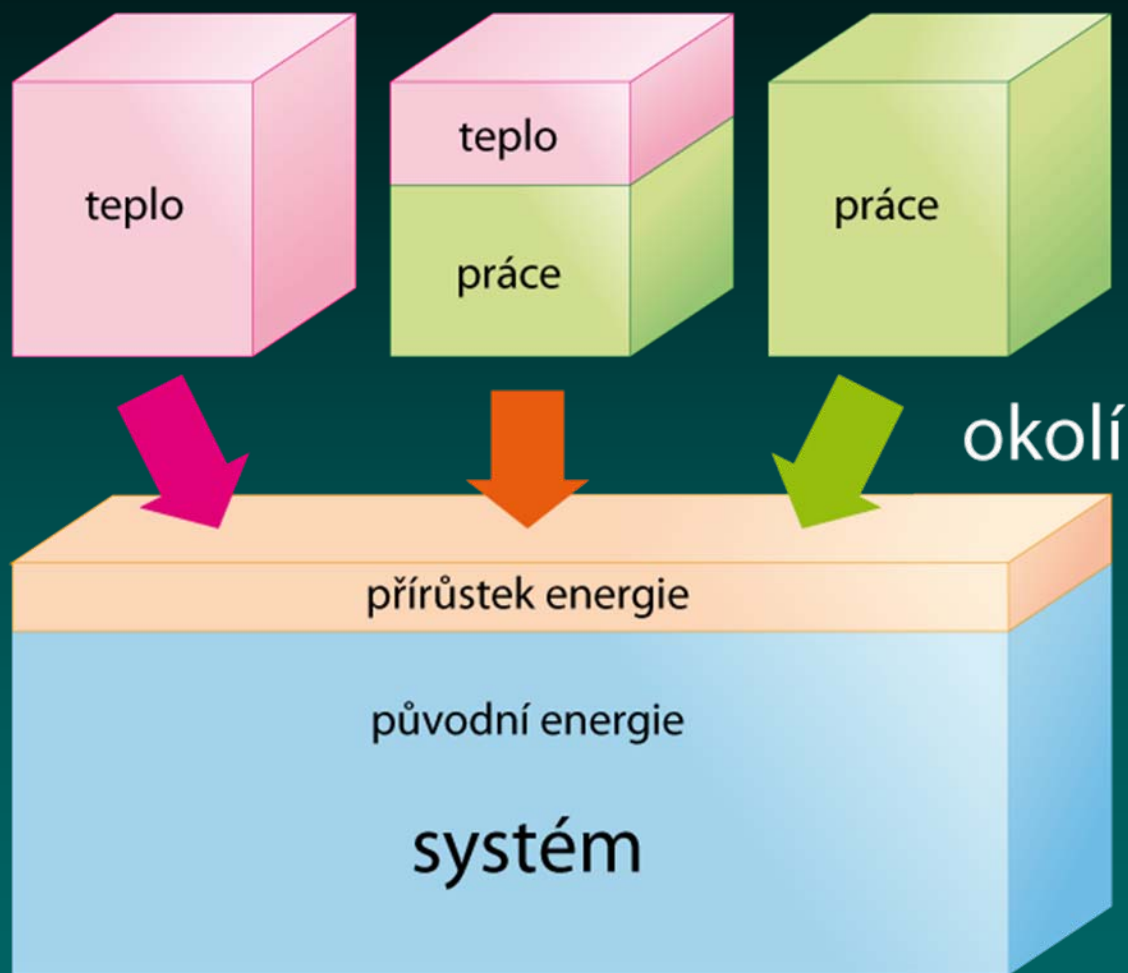
Diference a diferenciál

$$\Delta X = X_2 - X_1$$

$$\Delta X = \int_{X_1}^{X_2} f(X) dX$$

e3

# První zákon



o8a

Je jedno, v jaké podobě systém přijme energii, zda jako teplo, nebo jako práci, nebo jako jejich libovolnou kombinaci. Přírůstek energie je vždy roven jejich součtu. Zpětně už není možné identifikovat, v jaké podobě energie do systému doputovala.

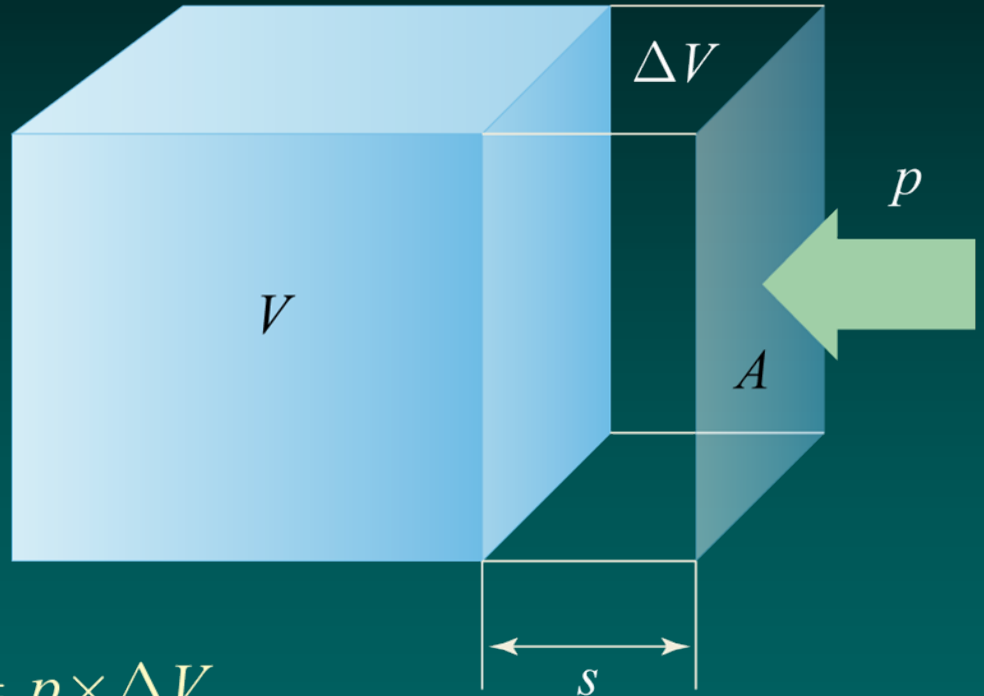
# Vnitřní energie

e4

$$dU = dq + dw$$

$$dU = dq - p dV$$

Objemová práce



o8

e5

$$w = F \times s = p \times A \times s = p \times \Delta V$$

$$F = p \times A$$

$$\Delta V = A \times s$$

# Entalpie

$$dU = dq + dw$$

$$dU = dq - p dV$$

## Entalpie

$$H = U + pV$$

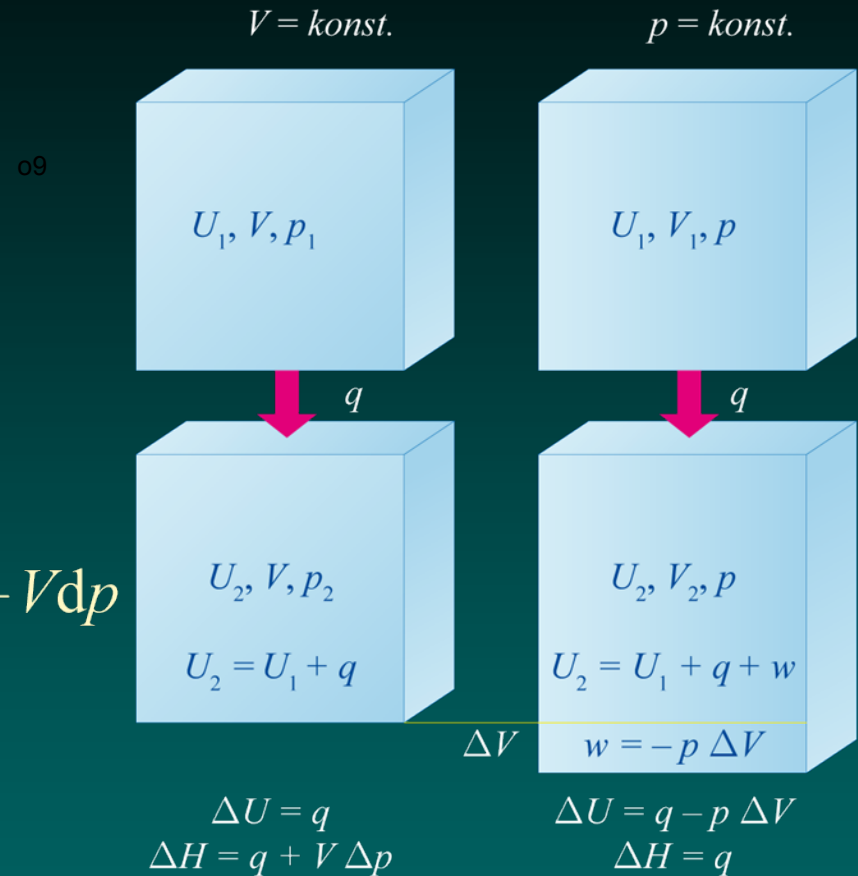
$$dH = dU + d(pV) = dU + pdV + Vdp$$

$$dH = dU + pdV \quad (p = konst.)$$

## Dosazením za vnitřní energii

$$dH = dU + pdV = (dq - pdV) + pdV = dq \quad (p = konst.)$$

$$dH = dq_p$$



# Tepelné kapacity

Množství tepla, které je potřebné pro zvýšení teploty různých látek o stejný rozdíl  $dT$ , se liší a závisí na povaze zahříváných látek a na podmínkách, za kterých k zahřívání dochází.

Za konstantního objemu

$$c_V = \frac{dq_V}{dT}$$

$$dq_V = c_V dT$$

$$dU = dq_V + dw = dq_V + 0 = dq_V$$

$$dU = c_V dT$$

$$c_V = \frac{dU}{dT}$$

# Tepelné kapacity

Za konstantního tlaku

$$c_p = \frac{dq_p}{dT}$$

$$dq_p = c_p dT$$

$$dH = dq_p$$

$$dH = c_p dT$$

$$\int_{H_1}^{H_2} dH = \int_{T_1}^{T_2} c_p dT$$

pro konstantní tepelnou kapacitu

$$\Delta H = H_2 - H_1 = c_p \int_{T_1}^{T_2} dT = c_p (T_2 - T_1)$$

$$H_2 = H_1 + c_p (T_2 - T_1)$$



# Závislost tepelných kapacit na T

Přesný výpočet entalpie pro určitou teplotu

$$c_p = f(T)$$

tepelná kapacita závislá na teplotě

$$c_p = a + bT + cT^2 + dT^{-1/2} + eT^{-2}$$

$$dH = c_p dT$$

$$\int_{H_1}^{H_2} dH = \int_{T_1}^{T_2} (a + bT + cT^2 + dT^{-1/2} + eT^{-2}) dT$$

$$H_2 - H_1 = a(T_2 - T_1) + \frac{1}{2}b(T_2^2 - T_1^2) + \frac{1}{3}c(T_2^3 - T_1^3) + 2d(T_2^{1/2} - T_1^{1/2}) - e\left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}\right)$$

# Rozdíl dvou stavů systému

Závislost rozdílu entalpií dvou stavů na teplotě

$$\Delta H^{\beta-\alpha} = H^{\beta} - H^{\alpha}$$

$$\Delta c_p^{\beta-\alpha} = c_p^{\beta} - c_p^{\alpha}$$

$$d\Delta H^{\beta-\alpha} = \Delta c_p^{\beta-\alpha} dT$$

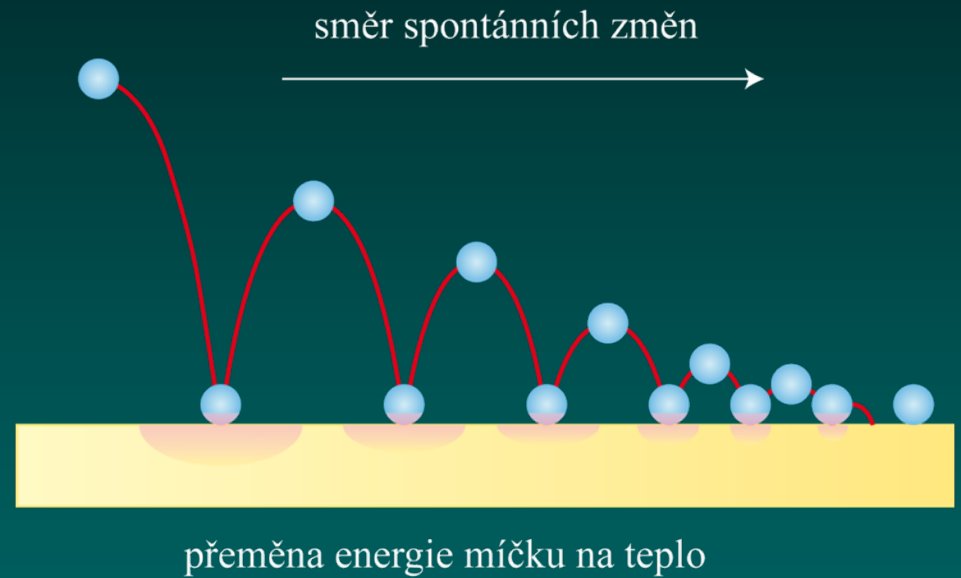
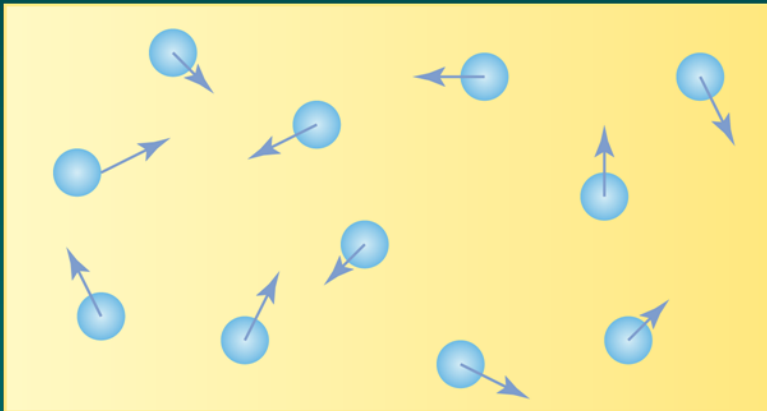
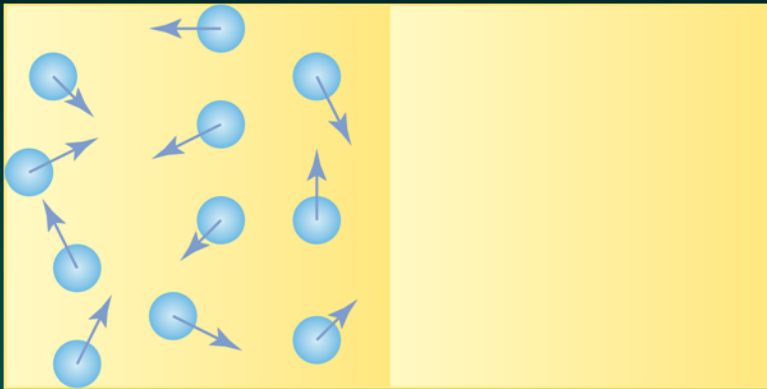
$$\Delta H_{T_2}^{\beta-\alpha} = \Delta H_{T_1}^{\beta-\alpha} + \Delta c_p^{\beta-\alpha} (T_2 - T_1)$$

# Tepelné kapacity

látka	M (g)	$c_p$ (J/mol K)	$c_p$ (J/g K)
stříbro	107,87	25,40	0,24
zlato	196,97	25,32	0,13
měď	55,85	24,45	0,44
diamant	12,01	6,13	0,51
grafit	12,01	8,53	0,71
pyrhotin	81,04	50,50	0,62
pyrit	119,97	62,17	0,52
galenit	239,26	49,50	0,21
sfalerit	97,44	45,76	0,47
kalcit	100,09	83,47	0,83
voda	18,01	75,19	4,17
led	18,01	37,832	2,10

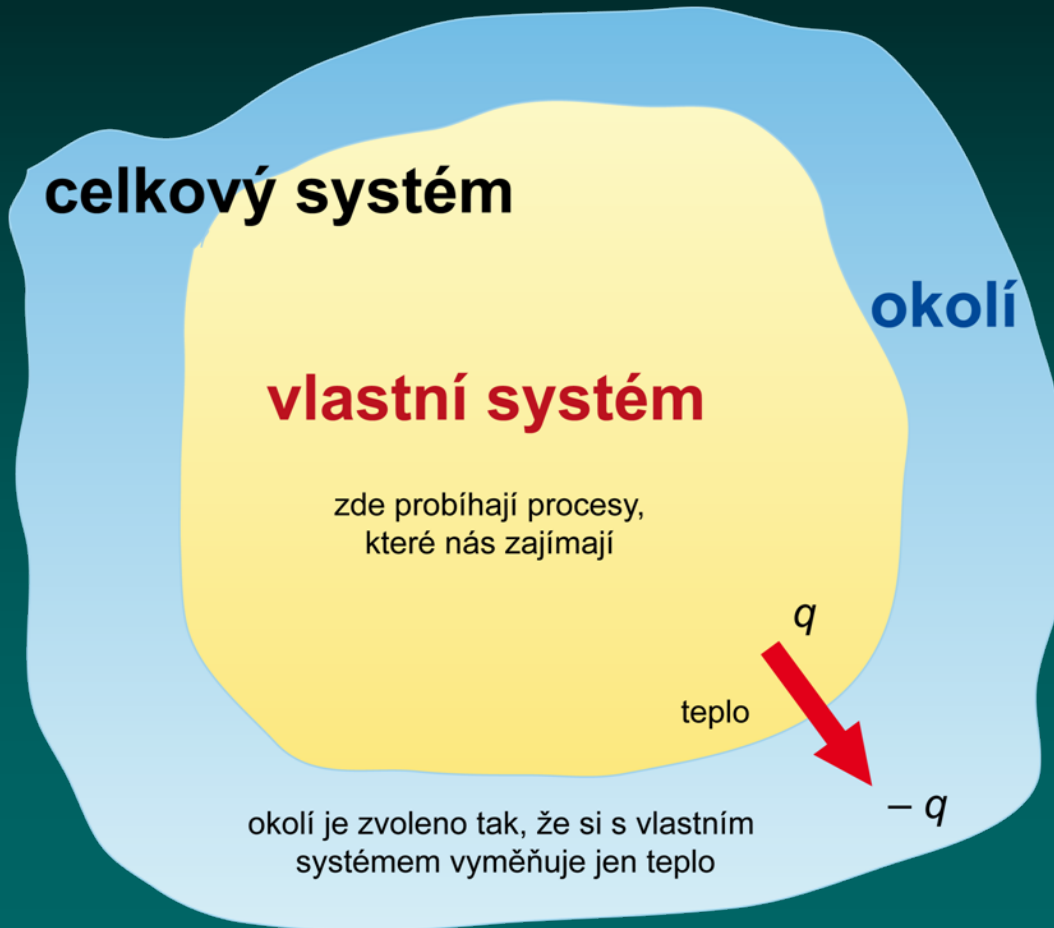
látka	M (g)	$c_p$ (J/mol K)	$c_p$ (J/g K)
korund	101,96	79,01	0,77
hematit	159,96	103,85	0,65
magnetit	231,54	150,79	0,65
křemen	60,08	44,59	0,74
forsterit	140,70	117,90	0,84
diopsid	216,55	166,52	0,77
enstatit	100,39	82,09	0,82
anortit	278,21	211,40	0,76
albit	262,22	205,10	0,78
muskovit	398,31	326,10	0,82
oc. voda			3,93
granit			0,82

# Druhý zákon



# Entropie

## System a jeho okolí



$$\Delta S_{\text{celk}} > 0$$

$$dS_{\text{okolí}} \propto dq_{\text{okolí}}$$

$$dS_{\text{okolí}} \propto \frac{1}{T_{\text{okolí}}}$$

$$dS_{\text{okolí}} = \frac{dq_{\text{okolí}}}{T_{\text{okolí}}}$$

$$\Delta S_{\text{okolí}} = \frac{q_{\text{okolí}}}{T_{\text{okolí}}}$$

# Změna entropie při přenosu tepla

$$\Delta S_{teplý} = -\frac{q}{T_{teplý}}$$

$$\Delta S_{studený} = \frac{q}{T_{studený}}$$

$$\Delta S_{celková} = \Delta S_{teplý} + \Delta S_{studený}$$

$$\Delta S_{celková} = -\frac{q}{T_{teplý}} + \frac{q}{T_{studený}}$$

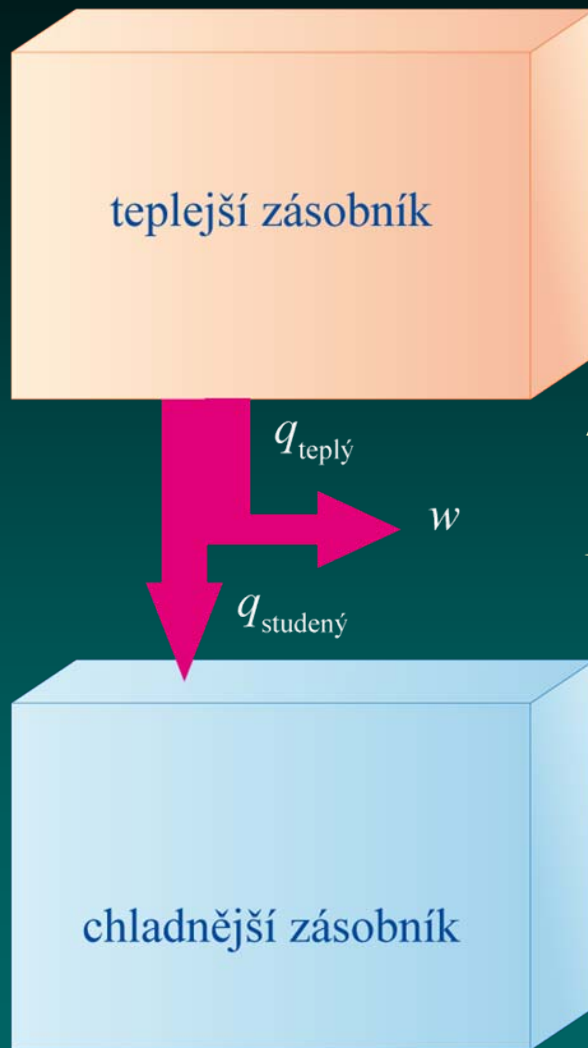
$$\Delta S_{celková} = q \left( \frac{1}{T_{studený}} - \frac{1}{T_{teplý}} \right) > 0$$

$$\frac{q_{studený}}{T_{studený}} - \frac{q_{teplý}}{T_{teplý}} > 0$$

$$q_{studený} > \frac{T_{studený}}{T_{teplý}} q_{teplý}$$

$$W_{maximální} = q_{teplý} - q_{studený}$$

$$W_{maximální} = q_{teplý} - \frac{T_{studený}}{T_{teplý}} q_{teplý} = q_{teplý} \left( 1 - \frac{T_{studený}}{T_{teplý}} \right)$$



$$\Delta S_{teplý} = -\frac{q_{teplý}}{T_{teplý}}$$

$$\Delta S_{celková} = \Delta S_{teplý} + \Delta S_{studený} > 0$$

$$W_{maximální} = q_{teplý} - q_{studený}$$

$$\Delta S_{studený} = \frac{q_{studený}}{T_{studený}}$$

e15

e17

e18

e16

o12

e13

e14

# Závislost entropie na teplotě

$$dS = \frac{dq_p}{T}$$

$$dH = c_p dT$$

$$\int_{S_1}^{S_2} dS = \int_{T_1}^{T_2} \frac{c_p}{T} dT \quad \text{pro konstantní tepelnou kapacitu}$$

$$S_2 - S_1 = c_p \int_{T_1}^{T_2} d \ln T = c_p \ln \frac{T_2}{T_1}$$

$$S_2 = S_1 + c_p \ln \frac{T_2}{T_1}$$

Závislost rozdílu entalpií dvou stavů na teplotě

$$\Delta S^{\beta-\alpha} = S^\beta - S^\alpha$$

$$\Delta c_p^{\beta-\alpha} = c_p^\beta - c_p^\alpha$$

$$d\Delta S^{\beta-\alpha} = \Delta \frac{c_p^{\beta-\alpha}}{T} dT$$

$$\Delta S_{T_2}^{\beta-\alpha} = \Delta S_{T_1}^{\beta-\alpha} + \Delta c_p^{\beta-\alpha} \ln \frac{T_2}{T_1}$$

# Závislost entropie na teplotě

$$c_p = f(T)$$

pro tepelnou kapacitu závislou na teplotě

$$c_p = a + bT + cT^2 + dT^{-1/2} + eT^{-2}$$

$$\int_{S_1}^{S_2} dS = \int_{T_1}^{T_2} \frac{c_p}{T} dT$$

$$\int_{S_1}^{S_2} dS = \int_{T_1}^{T_2} \left( \frac{a}{T} + b + cT + dT^{-1,5} + eT^{-3} \right) dT$$

$$S_2 = S_1 + a \ln \frac{T_2}{T_1} + b (T_2 - T_1) + \frac{1}{2} c (T_2^2 - T_1^2) - \\ - 2d \left( \frac{1}{T_2^{1/2}} - \frac{1}{T_1^{1/2}} \right) - \frac{1}{2} e \left( \frac{1}{T_2^2} - \frac{1}{T_1^2} \right)$$



# Třetí zákon

$$dS \rightarrow 0 \quad \text{pro} \quad T \rightarrow 0$$

## Shrnutí

### Laws of Thermodynamics

1. You never get something for nothing.
2. You never get more than you pay for, and you usually get less.
3. Perfection is unattainable.

### Zákony termodynamiky

1. Nikdy nedostaneš nic zadarmo.
2. Nikdy nedostaneš víc, než za kolik jsi zaplatil a obvykle dostaneš méně.
3. Dokonalost je nedosažitelná.