Nanočástice PS 2012

## Kohezní energie a tání NPs

## Brno, PS 2012

Přednášející: doc. Jiří Sopoušek E-mail: sopousek@mail.muni.cz, tel.: 549497138 Ofice: UKB A12/M231





Audio test:



## Kohezní energie bulku

### Kohezní energie je rozdíl energie atomů vázaných v pevné látce a energie jednotlivých atomů v plynné fázi



## Kohezní energie

#### Kohezní energie vs. vazebná energie



## Korelace mezi povrchovou a kohezní energií pro bulk





#### Platí nedostatečná linearita



U bulk materiálů není možné používat kohezní energie pro posuzování uvedených a jiných vlastností.

Plot for the chemical elements of the relationship of two atomic properties, APs, belonging to the cohesive-energy factor (group), i.e. cohesive-energy and melting point *T*.

#### Jiné fáze

C.H. Li et al. / Journal of Physics and Chemistry of Solids 64 (2003) 201-212



Fig. 4. Melting temperature vs. cohesive energy for Laves phases.

## Kohezní energie NPs (přepočtená na 1atom)



Kohezní energie není všude stejná (ab-initio výpočet):



#### Surface to volume atom ratio

Kohezivní energie 1 atomu pro nanočástice různých tvarů a velikosti jako funkce podílu povrchu k objemu. Místa náchylná k adsorpci kyslíku a pod.

U nano materiálů je posuzování kohezní energie pro relativní posuzování NPs užitečné.

http://www.sfu.ca/eikerlingresear Nanočástice PS 2012

## Kohezní energie povrchu NPs



Nanočástice PS 2012

Weihong Oi · Baivun Huang · Mingpu Wang

7

## Relaxace povrchových vazeb NPs



## Projevuje se i u bulk materiálů

top view





Malé kapky mají větší vnitřní tlak nežli je pod rovnou hladinou.

Důsledky: chemický potenciál složky uvnitř kapky je vyšší než vně. Malé kapky se snadněji odpařují. Přeneseně platí i pro rovnováhu solid/liquid, kde je navíc anisotropie γ. Kelvinova rovnice

$$\ln \frac{p}{p_0} = \frac{2\gamma V_{\rm m}}{rRT}$$

 $\begin{aligned} \mu_i &= \mu_i^{std} + RT \ln_e f_i \\ f_i &= p/p_{st} \end{aligned}$ 

## Tlak par NPs kovů

Závislost povrchové energie nanočástic Ag na počtu atomů částici tvořících



## Jiné vysvětlení tání NPs : Bilance povrchové energie

## 1. Povrchové tání objemového materiálu



$$\gamma_{\rm sl} + \gamma_{\rm lg} < \gamma_{\rm sg}$$

## 2. Velký poměr povrch/objem

# Fázová transformace solid-liquid



#### Přísun energie do bulku.



#### Atomární pohled na tání:

- Se zvyšující se teplotou roste amplituda teplotních vibrací atomů v mřížce.
- Když amplituda dosáhne určitého zlomku f meziatomární vzdálenosti krystal se rozpadá taje (Lindemannovo kritérium).
- Kritická hodnota zlomku f je pro monoatomární tuhé látky cca 0,07
- NPs tají pokud δ=0,14 :

N...počet atomů

$$\delta = \frac{2}{N(N-1)} \sum_{i < j} \frac{\sqrt{\langle r_{ij}^2 \rangle - \langle r_{ij} \rangle^2}}{\langle r_{ij} \rangle}$$





Časové průměry vzdálenosti atomů i,j

## Tání reálných NPs

 Sledování elektronovou difrakcí (zrušení mřížky)



• HTEM (problém kalibrace na teplotu



mikrokalorimetrie

#### Lat. teplo jednosložkové soustavy



NPs deponované na substrátu. Vliv distribuce rozdělení velikosti.

Nanočástice PS 2012



### Experimentální měření teploty tání nanočástic kovů



### Semiempirické regresní rovnice

$$T_r^{\rm F} = T_\infty^{\rm F} \left( 1 - \frac{d_{\rm at}}{r} \right)$$

$$T_h^{\rm F} = T_\infty^{\rm F} \left( 1 - \frac{2d_{\rm at}}{3h} \right)$$

14

## Tání anorganických a jiných NPs



Existují zvláštní efekty ale lze předpokládát přibližně stejné změny transformační teploty solid/liquid.

## CdS QDs



## Teplota tání nanočástic - linearizace



**MPD...** melting point depression

### Změna latentního tepla tání NPs



The heat capacity, c(T), and caloric curve U(T) of the Na<sub>192</sub><sup>+</sup> anion. The peak position of c(T) determines the melting temperature and q is the latent heat of fusion. The melting temperature and latent heat of the bulk are shown. Reproduced with the permission of Macmillan Publishers Ltd. (*Nature*) from Schmidt *et al.*[41].



#### MPD a DH pro Sn NPs.

http://www.sciencedirect.com/s cience/article/pii/S1570002X08 002024

17

## Více sofistikované popisy táníNPs

Termodynamickýzáklad: Gibbs-Duhem equation (popis chemického potenciálu) + Laplace equation (popis povrchu):

$$1 - \frac{T_{\rm m}(r)}{T_{\rm m}(\infty)} = \frac{2\alpha}{\rho_{\rm s}L(\infty)r}$$

$$\alpha = \mathbf{f}(\gamma_{\rm sl}, \gamma_{\rm sg}, \gamma_{\rm lg})$$



2 model (solidcore,liquid shell, gas):

1 model (solid,

liquid, gas) :

$$1 - \frac{T_{\rm m}(r)}{T_{\rm m}(\infty)} = \frac{2}{\rho_{\rm s}L} \left[ \frac{\gamma_{\rm sl}}{r-\delta} + \frac{\gamma_{\rm l}}{r} \left( 1 - \frac{\rho_{\rm s}}{\rho_{\rm l}} \right) \right]$$

 $1-rac{T_{
m m}(r)}{T_{
m m}(\infty)}=rac{2}{
ho_{
m s}Lr_{
m s}}\left[\gamma_{
m s}-\gamma_{
m l}\left(rac{
ho_{
m s}}{
ho_{
m l}}
ight)^{2/3}
ight]\;,$ 

Model pro latentní teplo:

$$L(\infty) - L(r) = \frac{3}{r} \left( \frac{\gamma_{\rm s}}{\rho_{\rm s}} - \frac{\gamma_{\rm l}}{\rho_{\rm l}} \right) + \int_{T_{\rm m}(r)}^{T_{\rm m}(\infty)} \left[ c_{p,\,\rm liq}(T) - c_{p,\,\rm sol}(T) \right] \mathrm{d}T$$

Detaily viz: C. bréchignac: Nanomaterials and nanochemistry, 2007.

Nanočástice PS 2012

## Nejistota tání atomárních klastrů





**Fig. 3.6.** Solid-liquid transition temperatures and latent heats  $(E_0)$  for sodium clusters, measured by Haberland and coworkers [6]. (b) is a magnified view of (a). Given the broadening of the transition, no exact value can be attributed to the latent heat. However, the experiment provides the differences from one size to another in a precise manner. The  $E_0$  scale is thus a relative scale

## Snížení teploty sublimace nanočástic

Physics Letters A 372 (2008) 6930-6934		
	Contents lists available at ScienceDirect	PRYSICS LETTERS A
	Physics Letters A	
ELSEVIER	www.elsevier.com/locate/pla	Instantia Linearitzation Instantiani

A universal relation for the cohesive energy of nanoparticles

S.C. Vanithakumari, K.K. Nanda\*

Materials Research Centre, Indian Institute of Science, Bangalore 560012, India

$$\frac{E_{\mathrm{c},r}}{E_{\mathrm{c},\infty}} = \frac{T_r^{\mathrm{subl}}}{T_\infty^{\mathrm{subl}}} = 1 - C \frac{r_{\mathrm{at}}}{r}$$



## Krystalizace NPs – velmi málo informací

## Podmínkou je zachování velikosti v kapalném stavu.

### Encapsulation

• Individuální částice (aerosol, substrát)

## Simulace:



#### Melting during heating



http://www.mse.t.u-tokyo.ac.jp/shibuta/research.html

- Extrémní podchlazení
  - Náhodný děj
  - Lokální impulz

## Tání a krystalizace In NPs



### **Parametry experimentu:**

- In NPs a NPs Fieldova kovu (eut: 32.5% Bi, 51% In, 16.5% Sn) NPs
- Mikroemulze v polyalphaolefinu (PAO)DSC



### Termická analýza nanočástic čistých kovů



### Snížení bodu tání nanočástic Sn obklopených obálkou SnO2.

# Solid-liquid binárních nanoslitin



http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0167577X11014066

# **AgSn** nano





TEM



DSC křivky ohřevu a ochlazení pro nanoslitinu Ag-Sn připravenou při -10 °C.



# Fázový diagram CuNi-



Fázový diagram pro bulk, 5nm a 10nm CuNi nano. (Prof. Vřešťál)

## Výpočty fázových diagramů metodou CALPHAD s příspěvkem povrchové energie



AgSn – nano (40nm)

AgSn - bulk

J. Vřešťál, j. Štrof, A. Zemanová,

## Snížení teploty fázových transformací slitin



MPD... Melting Point Depression

## "Klasické práce": Vliv velikosti na teplotu tání/tuhnutí nanočástic

J.J. Thomson (1888)

Applications of Dynamics to Physics and Chemistry ... Effect of surface tension on the freezing point

## P. Pawlow (1909)

Melting point dependence on the surface energy of a solid body

## M. Takagi (1954)

Electron-diffraction study of liquid-solid transition of thin metal films

## K.K. Nanda (2009)

Size-dependent melting of nanoparticles: Hundred yers of thermodynamic model

Chem. Listy 105, 174-185 (2011)

### TEPLOTA TÁNÍ NANOČÁSTIC

Nanočástice PS 2012

# Diskuse



## .prozkoumat tání in-situ:

http://www.purdue.edu/discoverypark/nanotechnology/research/malis.php

