Emise záření Vítězslav Otruba

Úvod – základní pojmy

- Foton, absorpce a emise
- Elektromagnetické záření
- Přehled názvů, symbolů a jednotek zářivé energie
- Plazma
- Pojem teploty
- Termodynamická rovnováha

Absorpce a emise fotonu

• Planckův vztah: E = hv

Ĥ

- Atomy a molekuly vykazují diskrétní energetické stavy, které lze získat řešením stacionární Schrödingerovy rovnice: HΨ = EΨ
- Absorpce a emise fotonů je spojena s přechody mezi těmito stavy

Co je plazma?

- Plazma je kvazineutrální plyn nabitých a neutrálních částic vykazující kolektivní chování (F.F.Chen)
- Za kolektivní chování se považují ty pohyby částic, které závisí nejer na lokálních podmínkách, ale i na stavu plazmatu ve vzdálenějších oblastech



Teplota plazmatu

- Kinetická teplota odpovídá střední kinetické energii uvažovaného souboru částic
- Excitační teplota odpovídá obsazení energetických hladin podle Botzmannova rozdělení
- Ionizační teplota odpovídá stupni ionizace podle Sahovy rovnice
- Zářivá teplota odpovídá Planckovu vyzařovacímu zákonu

Kinetická teplota

Je určena střední kinetickou energií částic E_{st} . Pro maxwellovské rozdělení rychlostí

$$F(v) = \frac{dn}{n_0 dv} = 4 \left(\frac{m}{2kT_{kin}}\right)^{\frac{3}{2}} v^2 \exp\left(-\frac{mv^2}{2kT_{kin}}\right)$$

platí $E_{st}=1/2 \text{ kT}_{kin}$ na každý stupeň volnosti. $kT \approx 1 eV \approx 11600K$

Excitační teplota

T_{exc} je parametrem Boltzmannova rozdělení, popisujícího obsazení energetických hladin atomů či iontů:

$$\frac{n_1}{n_0} = \frac{g_1}{g_0} \exp\left(-\frac{E_1 - E_0}{kT_{exc}}\right)$$

Příklad: $n_1/n_0 = 3,4.10^{-4} (g_0 = g_1; \lambda = 300 \text{ nm}, 6000 \text{ K})$

lonizační teplota

T_{ion} vystupuje v Sahově rovnici popisující ionizační rovnováhu:

$$\frac{n_i n_e}{n_a} = \left(\frac{2\pi m_e k T_{ion}}{h^3}\right)^{\frac{3}{2}} 2\frac{Z_i}{Z_a} \exp\left(-\frac{E_i}{kT_{ion}}\right)$$

lonizační rovnováha uhlíku plná čára $N_e = 10^{19}$ přerušovaná $N_e = 10^{10}$



prof. Otruba 2010

Planckův vyzařovací zákon zářivá teplota

Zářivá teplota vystupuje v Plackově vyzařovacím zákoně pro záření absolutně černého tělesa:







Spojité záření

- Záření odpovídající záření absolutně černého tělesa:
 - Záření pevných částic (ev. povrchů)
 - Záření plazmatu na vlnových délkách s velkou optickou hloubkou plazmatu (např. spektrálních liniích atomů s vysokou koncentrací)
- Kirchhoffův zákon
 - poměr intenzity vyzařování M_e (emisivity) k absorptanci (pohltivosti) α závisí pouze na absolutní teplotě tělesa. Pro úhrnné záření ho lze vyjádřit vztahem
 - $M_e/\alpha = f(T)$

tento podíl je funkcí jediné proměnné T a je tudíž nezávislý na vlastnostech tělesa

Brzdné záření (Bremsstahlung)

Záření absolutně černého tělesa









Brzdné záření (bremsstrahlung)

Při průletu elektronu elektrickým polem iontu mění tento směr a rychlost.

Změna rychlosti vede k emisi elmag. záření, rovné změně kinetické energie elektronu. Vyzářená energie

$$E_{Br} = \left[\frac{n_e}{7,69.10^{18}}\right]^2 T_e^{1/2} Z_{eff} \quad \left[Wm^3; m^3; eV; -\right]$$

Maximum vyzářené energie bude ležet v okolí frekvence

$$\nu = \frac{kT_e}{\hbar}$$



Pásová spektra

- Rekombinační záření
 - Přechody volně–volné (free–free, f–f)
 - Přechody volně vázané (free-bound, f-b)
- Molekulová emise
 - Rotačně-vibrační spektra
- Atomová a iontová emise
 - Tlakově rozšířené spektrální čáry

Rekombinační záření

Při rekombinaci volný elektron, který se dostane do blízkosti iontu, je jím zachycen a přejde do vázaného stavu vytvořeného atomu. Při tomto přechodu se uvolní energie rovná součtu kinetické energie volného elektronu a jeho vazebné energie. Vyzářená energie:

$$E_{rek} \approx k N_e N_i / \sqrt{T_e}$$



Molekulová emise

vibračně rotační spektra představují hustou soustavu spektrálních čar, které vznikají při přechodu mezi různými rotačními stavy jedné vibrační hladiny a rotačními stavy jiné vibrační hladiny. Slabé složky těchto spekter mohou pokrývat celou UV a VIS oblast záření.



Čárová spektra – spontánní emise

Energie

 Pravděpodob– nost spontánní emise: w₁₀=n₁A₁₀

Strong transitions: E1 (electric dipole) A~10⁸ s⁻¹ for neutrals A~Z⁴•10⁸ s⁻¹ for ions

 Pravděpodob– nost absorpce fotonu:
 w₀₁=n₀ρ(ν)B₀₁

~0% populace Emise Absorpce $\mathbf{0}$ ~100% populace

Intenzita čar emitovaných z plazmatu

Rozdělení energetických stavů atomů v termické rovnováze (Boltzmannův zákon):

$$N_m = N_n \frac{g_m}{g_n} \exp\left(-\frac{E_m}{kT}\right)$$

Energie vyzářená z jednotkového objemu plazmatu do jednotkového prostorového úhlu:

$$\int_{0}^{\infty} J_{\nu} d\nu = \frac{1}{4\pi} A_{mn} N_{m} h\nu$$

• Emisivita:
$$J_e = \int_0^\infty J_v dv \quad [Wsr^{-1}m^{-3}]$$

 $J_v \equiv \frac{\Delta E}{(\Delta t \Delta V \Delta \Omega \Delta v)} \quad \lim \Delta t; \Delta V; \Delta \Omega; \Delta v \to 0$



prof. Otruba 2010

POUŽÍVANÉ PROFILOVÉ FUNKCE

× Gaussova (Dopplerovo rozšíření)

$$\alpha(\omega) = K \cdot \exp(-(\omega - \omega_0) / \gamma_{Doppler})^2)$$

× Lorentzova (kolizní rozšíření)

$$\alpha(\omega) = K \cdot \omega^2 \frac{\gamma_{Collision}}{(\omega - \omega_0)^2 + \gamma_{Collision}^2}$$

× Voigtova (konvoluce předchozích)



Gaussův a Lorentzův profil



Line Shapes and Shifts



Line Shapes and Shifts cont'd



Line Shapes and Shifts cont'd

Convolution of (independent!) broadening effects

$$f(v) = \int f_1(v - v') f_2(v') dv'$$

Gauss + Gauss = Gauss

$$\Delta^2 = \Delta_1^2 + \Delta_2^2$$

Lorentz + Lorentz = Lorentz

$$\Delta = \Delta_1 + \Delta_2$$

BUT:

Gauss + Lorentz = Voigt!

Voigt profile

All normalized line profiles can be considered to be propability distributions. The Gaussian profile is equivalent to a Gaussian normal distribution and a Lorentzian profile is equivalent to a Lorenz or Cauchy distribution. Without loss of generality, we can consider only centered profiles which peak at zero. 0.05 - The Voigt profile is then a convolution of a Lorentz profile and a Gaussian profile:



$$V(x;\sigma,\gamma) = \int_{-\infty}^{\infty} G(x';\sigma)L(x-x';\gamma)dx'$$

 ∞

where x is frequency from line center, $G(x;\sigma)$ is the centered Gaussian profile:

$$G(x;\sigma) \equiv \frac{e^{-x^2/(2\sigma^2)}}{\sigma\sqrt{2\pi}}$$

σ Doppler broadening parameter Y Collision broadening parameter

and $L(x; \gamma)$ is the centered Lorentzian profile:

$$L(x;\gamma) \equiv \frac{\gamma}{\pi(x^2+\gamma^2)}$$

prof. Otruba 2010

Homogenní a nehomogenní rozšíření čáry



Typically for atoms:

Doppler width
$$\frac{\Delta \omega_{\rm D}}{2\pi} \approx 1 \text{GHz}$$

Natural width $\gamma/2\pi$

 $\gamma/2\pi \approx 10 \text{MHz}$

homogeneous

• all atoms behave identically

inhomogeneous

• atoms behave individually (different velocity, environment, etc.)

In classical spectroscopy on free atoms or molecules the resolution is typically limited by the Doppler effect

Pressure broadening

- Linear Stark broadening occurs via the linear Stark effect which results from the interaction of an emitter with an electric field, which causes a shift in energy which is linear in the field strength. $(\Delta E \sim 1/r^2)$
- **Resonance broadening** occurs when the perturbing particle is of the same type as the emitting particle, which introduces the possibility of an energy exchange process. $(\Delta E \sim 1/r^3)$
- Quadratic Stark broadening occurs via the quadratic Stark effect which results from the interaction of an emitter with an electric field, which causes a shift in energy which is quadratic in the field strength. ($\Delta E \sim 1/r^4$)
- Van der Waals broadening occurs when the emitting particle is being perturbed by van der Waals forces $(\Delta E \sim 1/r^6)$.

prof. Otruba 2010

HOMOGENNÍ VRSTVA PLAZMATU V TD ROVNOVÁZE

- × vyzařování vrstvy dl:
- × absorpce vrstvy *dl:* K_v = absorpční koeficient
- × celkově po sečtení

$$dI_{v} = J_{v}dl$$

 $-dI_{v} = K_{v}I_{v}dl$

$$\frac{dI_{\nu}}{dl} = J_{\nu} - K_{\nu}I_{\nu}$$

× Kirchhoffův zákon
$$\frac{J_v}{K_v} = B_v \Rightarrow J_v = B_v K$$

× za okrajových podmínek $l=0$ a $I_v=0$

$$I_{\nu} = B_{\nu} \left(1 - e^{-K_{\nu}l} \right) \Longrightarrow I_{\nu} \le B_{\nu}$$

T

V

Homogenní vrstva plazmatu v TD rovnováze

Rozvoj exponenciálního členu:

$$\exp\left(-K_{v}l\right) = 1 - \frac{K_{v}l}{1!} + \frac{K_{v}l}{2!} - \dots$$

Pro $K_{v}l << 1$, $kde K_{v}l$ je tzv. optická hloubka, platí výraz:

$$I_{v} = B_{v} \left[1 - \left(1 - K_{v} l \right) \right] = B_{v} K_{v} l$$



Homogenní vrstva plazmatu v TD rovnováze

▶ V ICP spektrometrii se obvykle neměří emise v maximu čáry ($\Delta\lambda \le 1 \text{ pm}$) ale jeho integrovaná hodnota ($\Delta\lambda \approx 5 \div 30$ pm):

$$\int_{0}^{\infty} I_{\nu} d\nu = B_{\nu} \int_{0}^{\infty} \left(1 - e^{-K_{\nu}l}\right) d\nu$$

 Závislost integrálního záření na optické hloubce v log souřadnicích je křivka růstu
 Průběh křivky růstu závisí na profilu čáry



Průběh koncentračních závislostí se často vyjadřuje empirickým vztahem označovaným jako Scheibe-Lomakinova rovnice (<u>a;b</u> jsou experimentální konstanty, <u>c</u> koncentrace):

$$I = ac^b$$

prof. Otruba 2010

Intenzita emise pro opticky tenkou vrstvu

Energie [/] vyzářená excitovanými atomy nebo ionty při přechodu z horní hladiny spektrálního přechodu *p* na dolní hladinu *q* za jednotku času [*s*], z jednotkového objemu [*m*³] a do jednotkového prostorového úhlu [*sr*] se nazývá *emisivita*

$$J_{\nu} = \frac{h\nu}{4\pi} A_{10} n_1 = \frac{h\nu}{4\pi} A_{10} n_0 \frac{g_1}{g_0} \exp\left(-\frac{E_{10}}{kT_{exc}}\right) \quad \left[Wsr^{-1}m^{-3}\right]$$

Energie vyzářená za jednotku času do jednotkového prostorového úhlu vrstvou tloušť ky *d* je *intenzita vyzařování*

$$I_{v} = J_{v}d \qquad [W.sr^{-1}]$$

Teplotní závislost emise:

$$\frac{\Delta I_{\nu}}{I_{\nu}} \cong 11500 \frac{E_{10}}{T_{exc}} \frac{\Delta T}{T}$$

Vliv ionizace na emisi záření

Intenzita atomové čáry:

$$I_{pq} = \left(\frac{\mathrm{hc}}{4\pi\lambda_{pq}}\right) A_{pq} n_a \left(\frac{g_p^a}{Z_a}\right) \exp\left(-\frac{E_a^p}{\mathrm{k}T}\right) \quad \mathrm{kde} \quad Z_a = \sum_{j=1}^k g_j^a \exp\left(-\frac{E_j^a}{\mathrm{k}T}\right)$$

Kde n_a je celková koncentrace neutrálních atomů ovlivněná ionizační rovnováhou, popsanou *stupněm ionizace* α :

$$\alpha = \frac{n_i}{n_a + n_i}$$

rovným podle Sahovy rovnice:

$$\frac{\alpha^2}{1-\alpha^2} = \frac{3,2.10^{-2}}{p} T^{2,5} \exp\left(-\frac{eV_i}{kT}\right) \quad \left[-; Pa; K; eV\right]$$

lze psát výraz pro intenzitu atomové čáry ($n_0 = n_a + n_i$) takto:

$$I_{pq} = \left(\frac{\mathrm{hc}}{4\pi\lambda_{pq}}\right) A_{pq} n_0 (1-\alpha) \left(\frac{g_p^a}{Z_a}\right) \exp\left(-\frac{E_a^p}{\mathrm{k}T}\right)$$

Emise iontové čáry

Intenzita atomové čáry roste s teplotou v exponenciálním členu exp(-E_{exc}/kT), současně však klesá koncentrace atomů na úkor iontů. Závislost I_{pq}=f(T) prochází pro danou čáru maximem při *normové teplotě.* Pro intenzitu iontové čáry (II) byla experimentálně ověřena platnost vztahu:

$$I_{pq} = K \left(\frac{g_p^i A_{pq} n_i}{\lambda_{pq} Z_i} \right) \exp \left(-\frac{E_i + E_{exc}}{kT} \right)$$

kde *K* je konstanta, E_i ionizační energie a E_{exc} je excitační energie horní hladiny přechodu měřená od základního stavu iontu $E=0 \ eV$

Radiální ICP plazma

Analytická zóna v radiálním ICP plazmatu svými spektrálními vlastnostmi odpovídá přibližně homogennímu plazmatu v částečné termodynamické rovnováze. Tomu odpovídá průběh koncentračních závislostí a minimum interferencí. Pro opticky tenkou vrstvu $K_{v}l << l$ pak platí lineární závislost intenzity emise na koncentraci analytu:

$$I = k.c$$



Nehomogenní plazma

Je-li plazma nehomogenní (vnější část chladnější než vnitřní), pak tvar absorpční čáry je ve vnější části plazmatu užší než tvar čáry emitované z teplejší části plazmatu. Nastává silná deformace čáry a průběh závislosti intenzity emise na koncentraci analytu v plazmatu je silně nelineární.



A - profil emisní čáry (vnitřní, teplejší část plazmatu)
B - profil absorpční čáry (chladnější část plazmatu)
C - výsledný profil emise z neizotermního plazmatu

Fig. 2.17 The line Cd $2288 \cdot 018$ with (a) and without (b) self reversal broadening



Fig. 2.16 Spectral line self-reversal (continuous line depicts the emission line profile and the dotted line the absorption profile)

Fig. 2.15 Changes in the profile of spectral lines

with increasing self-absorption

Nehomogenní plazma – emise sodíku

emise

-1



Axiální plazma

- Analytická zóna v axiálním ICP plazmatu svými spektrálními vlastnostmi odpovídá nehomogennímu plazmatu. Tomu odpovídá nelineární průběh koncentračních závislostí především pro vyšší koncentrace analytu, ale vzhledem k většímu objemu plazmatu, ze kterého vstupuje záření do spektrometru, se dosahuje maximální citlivosti.
- Axiální ICP plazma vykazuje větší počet interferencí ve srovnání s radiálním plazmatem.



Absorpce a emise fotonu, Einsteinovy koeficienty

Pravděpodobnost absorpce fotonu:

 $w_{01} = n_0 \rho(v) B_{01}$

- Pravděpodobnost spontánní emise:
 w₁₀=n₁A₁₀
- Pravděpodobnost stimulované emise: w₁₀=n₁ρ(v)B₁₀



Stimulovaná emise

Pravděpodobnost stimulované emise: $w_{10} = n_1 \rho(v) B_{10}$ Proces interakce se zářením: $n_0 \rho(v) B_{01} =$ $n_1 \rho(v) B_{10} + n_1 A_{10}$ Emitované fotony mají stejnou frekvenci, směr a polarizaci jako foton stimulující a jsou zcela identické.



Inverzní populace

- Einsteinovy koeficienty pro stimulovanou emisi i absorpci jsou si rovny:
 - **B**₀₁=**B**₁₀=**B**
- Pro absorpci záření platí:
 - $d\Phi_A = hvn_0 B\rho(v)dt$
- Pro stimulovanou emisi platí: dΦ_E=hvn₁Bρ(v)dt
- Celková změna zářivého toku: dΦ/dt=hv(n₁-n₀)B
- Podmínka pro zesílení záření: n₁- n₀>0, tj. inverzní populace

Inverzní populace

Běžné rozložení populace zachycuje obrázek a). Pro vytvoření aktivního prostředí je třeba zasáhnout do systému tak, abychom změnili distribuci obsazení energetických hladin způsobem, znázorněným např. na obrázku b). Proces se obvykle označuje jako buzení laserů nebo čerpání. Základní metodou je optické buzení.



Tříhladinový systém

- Aplikace: rubínový laser
- Hladina 2 je metastabilní
- Nevýhodou je malá účinnost – pro inverzní populaci je nutné minimálně 50% částic převést na hladinu 2



Čtyřhladinový systém

- Příklad laser Nd:YAG
- Vysoká účinnost
- Inverzní populaci je nutné vytvořit pouze mezi hladinami 2 a 3



Zesílení záření

 Aktivní prostředí zesiluje vstupující záření:

 $Φ=Φ_0exp[-l(α+β)]$ kde α je absorpční koeficient (α<0) a β jsou ztráty (β>0) l je délka aktivního prostředí



Generace záření

Zavedením kladné zpětné vazby z výstupu na vstup zesilovače obdržíme oscilátor, jehož frekvence je dána zesilovačem a obvodem zpětné vazby, obvykle realizované Fabry-Perotovým rezonátorem



Generace záření laserem

- Zpětná vazba je obvykle realizována Fabry-Perotovým rezonátorem.
- Pro generaci krátkých pulzů musí být frekvenční šířka pásma zesilovače minimálně:

 $\Delta f = 1/2\tau$ kde τ je šířka pulzu



Podmínky pro generaci záření

 Odrazivost zrcadel musí být volena s ohledem na zesílení aktivního prostředí tak, aby ztráty nepřevýšily zesílení aktivního prostředí G:

 $R_1R_2exp[-2l(\alpha+\beta)] \ge 1$



Optický rezonátor



Délka rezonátoru L je M násobkem půlvlny (M je celé číslo). Délce L odpovídají vlastní frekvence rezonátoru vM (podélné módy laseru). Uvnitř rezonátoru je stojaté vlnění elektrického pole E o frekvenci v_M = c/λ_M

Vlastnosti záření laseru

- Emise elementárních oscilátorů (atomů, molekul...) do úzkého svazku – prostorová koncentrace energie
- Δλ může být velmi malá spektrální koncentrace energie
- Synchronní činnost elementárních oscilátorů
 časová koncentrace energie
- Koherenční vzdálenost až desítky (ve vakuu až tisíce) kilometrů

Pevnolátkový laser



Rubínový laser (Cr³⁺:Al₂O₃)

První laser zkonstruovaný T. Maimanem v r. 1960. Používá se v impulsním režimu. výkon ve volně běžícím režimu do 10J (1ms), Qspínaném režimu pak do 5J (1 – 10 ns)



Energetický diagram chromu v rubínovém laseru



Pasivní Q-modulace

 Příklad použití saturačního absorbéru pro generaci krátkých (nanosekundových) výkonových impulsů (GW) u rubínového laseru



Aktivní Q-modulace

V tomto případě je Q rezonátoru modulováno optickými závěrkami, např. elektrooptickým modulátorem na principu Kerrova jevu nebo akustooptickým modulem.



Neodymový laser

Je nerozšířenější pevnolátkový laser (cca 1% Nd v Y₃Al₅O₁₂₎ Pracuje na 1,064 nm, v konti-nuálním režimu výkony do 1 kW, pulzní do 10 J a opakovací frekvence až několik kHz. V Q-spínaném módu pulzy 1 – 10 ns, při synchronizaci módů až 10 ps.



Energetický diagram neodymu v Nd:YAG laseru

Nd³⁺ v ytrito-hlinitém granátu (Y₃Al₅O₁₂) zastupuje ionty \bar{Y}^{3+} . Monokrystaly jsou mechanicky pevné, tepelně stálé s minimem optických vad na rozdíl od neodymových skel. Pro čerpání se používají xenonové výbojky nebo laserové či LED diody.



Neodymový laser



Excimer

Excimer – nestabilní molekula vznikající na přechodnou dobu v důsledku působení excitovaného atomu (molekuly) s atomem (molekulou) v základním stavu. Po přechodu excimeru do základního stavu (vyzáření fotonu) dojde během 10⁻¹⁴ s k disociaci



Závislost potenciální energie E soustavy atomů (molekul) A, B, vytvářejících excimer, na jejich vzdálenosti R_{AB}

Excimerový laser

Excimery v laserech se tvoří buď silnoproudým svazkem rychlých elektronů (0,1 - 2 keV, účinnost až 20%, Xe₂^{*}, 1970, SSSR) nebo elektrickým výbojem (účinnost cca 1%, XeCl, 1975, USA). Impulsní (ns), výkon 10 - 1000 MW.

Excimer	Vlnová délka (nm)	Šířka spektrální čáry (nm)
Ar ₂	126,1	8,0
Kr ₂	146,7	13,8
Xe ₂	172,0	20,0
ArCl	175,0	
ArF	193,3	1,5
KrCl	222,0	5,0
KrF	248,4	4,0
XeBr	281,8	1,0
XeCl	308,0	2,5
XeF	351,1	1,5
XeO	540,0	25,0
KrO	557,7	1,5
ArO	558,0	4,0

Excimerový laser



Vláknové lasery

- Uspořádání s lineárním Fabry Perotovým rezonátorem
- Vlnový multiplex WDM (Wavelength Division Multiplex)



Yterbiem dopovaný vláknový laser



Titanium Doped Sapphire Al₂O₃:Ti³⁺

Ti₂O₃ concentration 0.06–0.5 wt%

Hardness 9 Mohs Thermal conductivity 0.11 cal/(°C x sec x cm)

Optical Properties
 Laser action 4–Level Vibronic
 Fluorescence lifetime 3.2 µse (T = 300 K)

Tuning range 660–1050 nm Absorption range 400–600 nm

Emission peak 795 nm Absorption peak 488 nm Refractive index 1.76 @ 800 nm

Ti:sapphire electronic spectra



 Excitation at 532 nm from a frequency doubled Nd:YVO₄ laser

Ti:safír laser



Frekvenční konverze

První možností je využít nelineárních jevů druhého (třetího) řádu. Intenzita záření druhé harmonické druhé mocnině koeficientu optické nelinearity a intenzitiy záření dopadající vlny, nepřímo úměrná čtvrté mocnině vlnové délky.



Nelineární prostředí – krystaly

krystal	Δλ (µm)	MW/cm ²
KDP (dihydrogenfosfát draselný)	0,2-1,35	400
KDDP (deuterovaný KDP)	0,2-1,8	500
ADP (dihydrogenfosfát amonný)	0,2-1,2	500
RDP (dihydrogenfosfát rubidný)	0,2-1,5	300
CDA (dihydrogenrsenát cesný)	0,26-1,6	500
LiIO ₃	0,3-4,5	60
LiNbO ₃	0,4-4,5	120
Ba ₂ NaNb ₅ O ₁₅	0,38-5	100
HIO ₃	0,4-1,3	100
BBO (β -BaB ₂ O ₄)	0,2-1,5	400

Nd:YAG laser

 Laser s Q-modulací (1-6), dvoustupňovým zesilovačem (8), kompenzátorem dvojlomu (9) a násobiči frekvence (10), výstup 1064 nm (13), 532/355 nm (14), 266/1064 nm zbytkový (15)



Optical Parametric Oscillator

Založen na koherentním rozpadu fotonu o kruhové frekvenci ω_3 na dva fotony, jejichž kruhové frekvence $\omega_1 a \omega_2$ (signálová a jalová vlna), při čemž platí: $\omega_3 = \omega_1 + \omega_2 a$ poměr $\omega_1 / \omega_2 = f(\upsilon)$

