

**Domácí úloha z 9. října 2014 (odevzdává se 16. října 2014)**

V podokruhu  $\mathbb{Z}[i] = \{a + bi; a, b \in \mathbb{Z}\}$  tělesa komplexních čísel  $\mathbb{C}$  jsou dány podmnožiny  $I, J$  takto:

$$I = \{a + bi; a, b \in \mathbb{Z}, 11|a + 5b\},$$
$$J = \{a + bi; a, b \in \mathbb{Z}, 13|a + 5b\}.$$

Pro každou z množin  $I, J$  rozhodněte, zda je ideálem okruhu  $\mathbb{Z}[i]$  (své rozhodnutí dokažte). A pokud skutečně jde o ideál, zjistěte, zda je to ideál hlavní (je-li hlavní, nalezněte nějaké číslo, které jej generuje, a tento fakt dokažte; není-li hlavní, z předpokladu o existenci generátoru odvod'te spor).