

# Struktura a elektronová spektra molekul

Dominik Heger

Masaryk University

*hegerd@chemi.muni.cz*

C4020 Pokroč. fyz. chem.

- Elektronová spektra molekul
- Dvouatomové molekuly
- Molekulové orbitaly
- Celkové orbitální a spinové momenty
- Molekulové termy
- Výběrová pravidla
- Frackův-Condonův princip
- Zobecnění na velké molekuly

$$\hat{H}\psi(\mathbf{q}_i, \mathbf{q}_\alpha) = E\psi(\mathbf{q}_i, \mathbf{q}_\alpha)$$

$\mathbf{q}_i$  - symbolizuje elektronové souřadnice

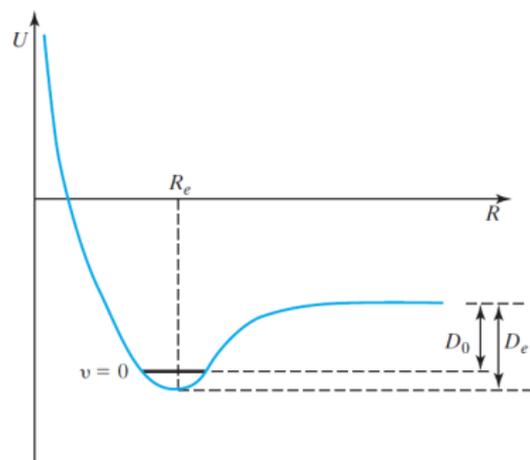
$\mathbf{q}_\alpha$  - symbolizuje jaderné souřadnice

$$\hat{H}\psi(q_i, q_\alpha) = E\psi(q_i, q_\alpha)$$

$$(\hat{H}_{\text{el}} + V_{\text{NN}})\psi_{\text{el}} = E_{\text{el}}\psi_{\text{el}}$$

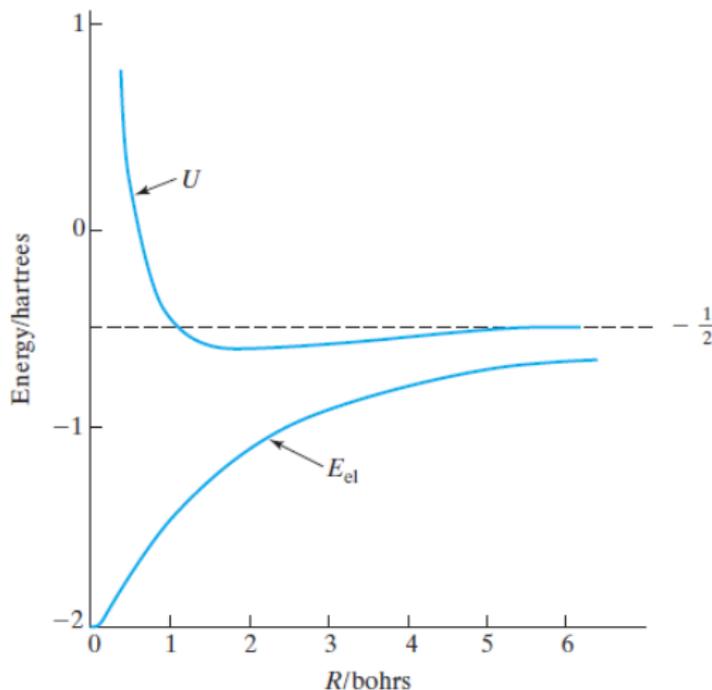
$$\hat{H}_{\text{el}}\psi_{\text{el}} = E_{\text{el}}\psi_{\text{el}}, U = E_{\text{el}} + V_{\text{NN}}$$

$U$  je součet celkové energie elektronů (kinetické a potenciální,  $E_{\text{el}}$ ) a energie mezijaderného odpuzování ( $V_{\text{NN}}$ ).



- $R_e$  - rovnovážná mezijaderná vzdálenost
- $D_e$  - rovnovážná disociační energie
- $D_0$  - disociační energie základního vibračního stavu
- Nulbodová energie (zero-point energy)

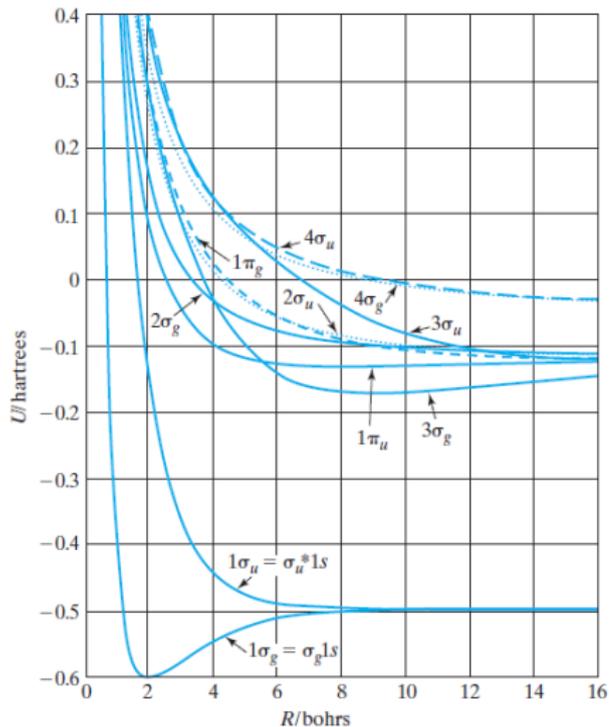
# Vazba, př. iont $\text{H}_2^+$



**FIGURE 13.4** Electronic energy with ( $U$ ) and without ( $E_{el}$ ) internuclear repulsion for the  $\text{H}_2^+$  ground electronic state.

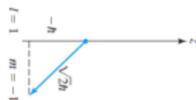
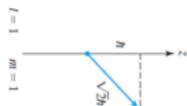
$U$  je součet celkové energie elektronů (kinetické a potenciální,  $E_{el}$ ) a energie mezijaderného odpuzování ( $V_{NN}$ ).

# MOs, př. iont $H_2^+$



- 1 **Rotace** kolem hlavní osy symetrie z ( $\sigma, \pi, \delta, \dots$ )
- 2 **Parita** - inverze (zachová  $g$ , nezachová  $u$ )
- 3 **Zrcadlení** v rovině kolmé k hlavní ose (zachová *nic*, nezachová  $*$  = protivazebný orbital)
- 4 **Zrcadlení** v rovině obsahující hlavní osu symetrie (zachová  $+$ , nezachová  $-$ )

## Atomy, orbitální moment hybnosti $l$



Letter	<i>s</i>	<i>p</i>	<i>d</i>	<i>f</i>	<i>g</i>	<i>h</i>	<i>i</i>	<i>k</i>	...
$l$	0	1	2	3	4	5	6	7	...

## Molekuly,

Absolutní hodnota průmětu  
(do molekulové osy)  
elektronového orbitálního  
momentu hybnosti.

$$\lambda \equiv |m|$$

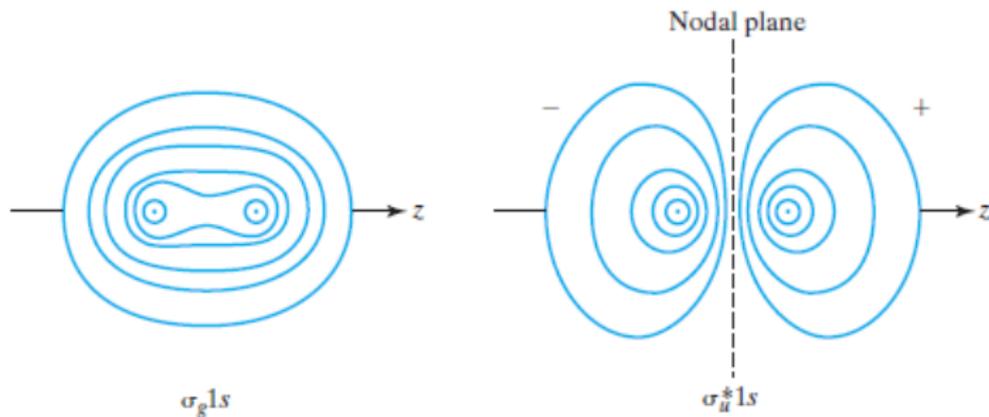
Možné hodnoty:

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \pm \dots$$

$\lambda$	0	1	2	3	4
letter	$\sigma$	$\pi$	$\delta$	$\phi$	$\gamma$

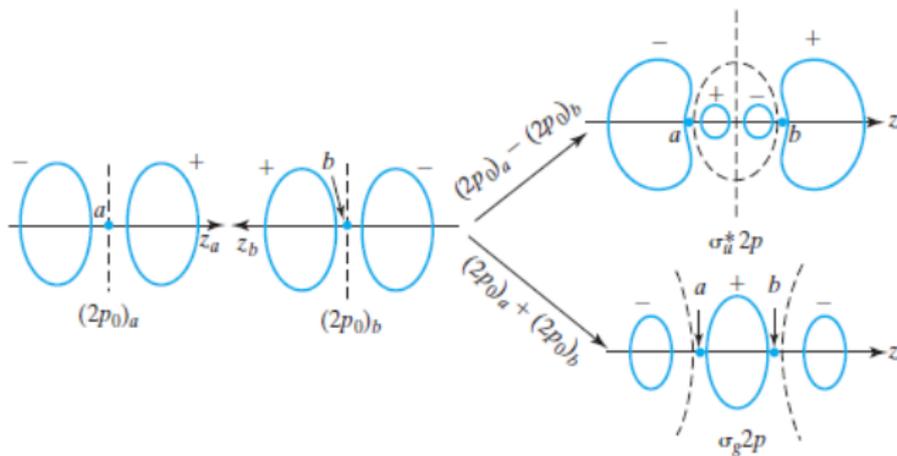
$$\psi_{el} = \text{const}(2\pi)^{-1/2} e^{im\phi}$$

# MOs $\sigma 1s$ , př. iont $H_2^+$



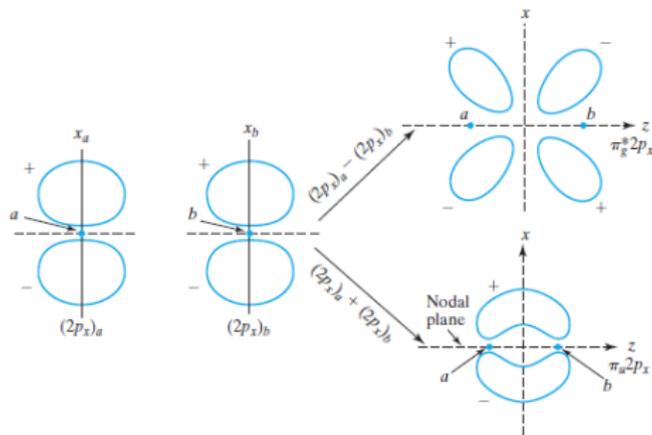
$\lambda$	0	1	2	3	4
letter	$\sigma$	$\pi$	$\delta$	$\phi$	$\gamma$

# MOs $\sigma 2p$ , př. iont $\text{H}_2^+$



$\lambda$	0	1	2	3	4
letter	$\sigma$	$\pi$	$\delta$	$\phi$	$\gamma$

# MOs $\pi 2p$ , př. iont $\text{H}_2^+$



$\lambda$	0	1	2	3	4
letter	$\sigma$	$\pi$	$\delta$	$\phi$	$\gamma$

# MO pro H<sub>2</sub> - N<sub>2</sub>, pořadí a označení

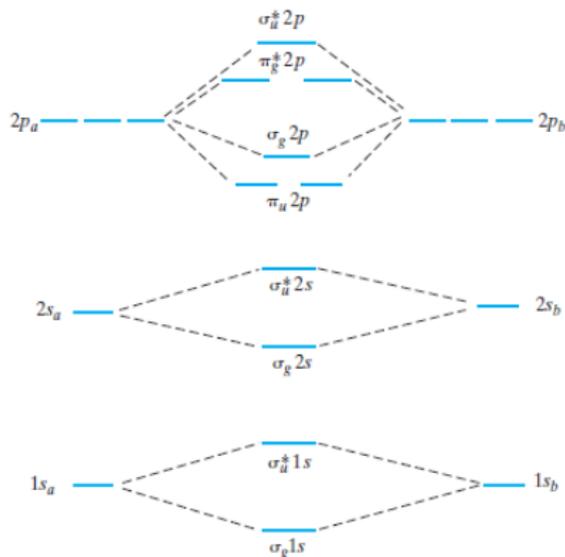
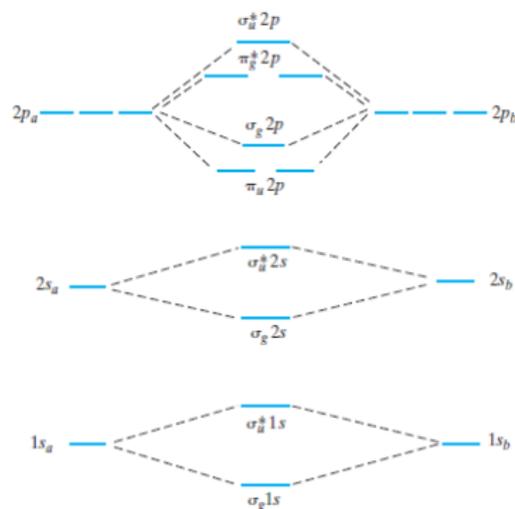
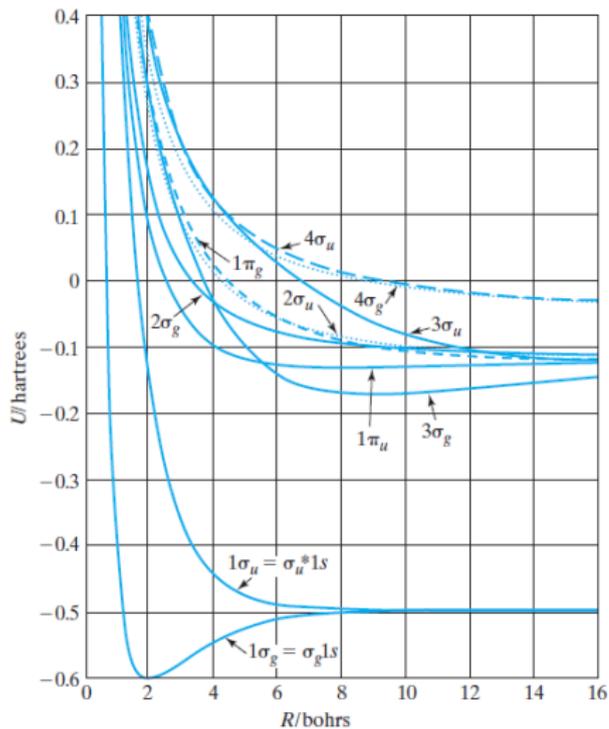


TABLE 13.1 Molecular-Orbital Nomenclature for Homonuclear Diatomic Molecules

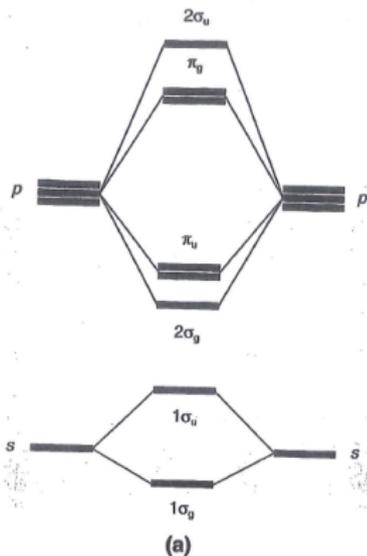
Separated-Atoms Description	United-Atom Description	Numbering by Symmetry
$\sigma_g 1s$	$1s \sigma_g$	$1\sigma_g$
$\sigma_u^* 1s$	$2p \sigma_u^*$	$1\sigma_u$
$\sigma_g 2s$	$2s \sigma_g$	$2\sigma_g$
$\sigma_u^* 2s$	$3p \sigma_u^*$	$2\sigma_u$
$\pi_u 2p$	$2p \pi_u$	$1\pi_u$
$\sigma_g 2p$	$3s \sigma_g$	$3\sigma_g$
$\pi_g^* 2p$	$3d \pi_g^*$	$1\pi_g$
$\sigma_u^* 2p$	$4p \sigma_u^*$	$3\sigma_u$

# MOs, př. iont $H_2^+$

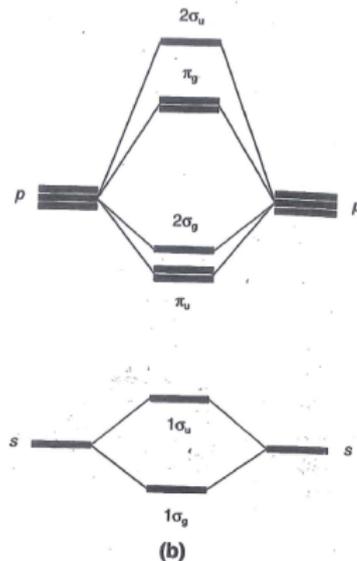


# MO pro $O_2$ , $F_2$ , pořadí a označení

pro  $O_2$ ,  $F_2$



pro  $H_2 - N_2$



Řád vazby =  $\frac{1}{2}$  (počet vazebných - počet protivazebných elektronů)

# Celkový orbitální moment hybnosti ve směru molekulové osy $M_L$

$$M_L = \sum m_l$$

Možné hodnoty  $M_L = 0, \pm 1, \pm 2, \pm \dots$

$$\Lambda \equiv |M_L|$$

Kódování  $\Lambda$ :

$\Lambda$	0	1	2	3	4
letter	$\Sigma$	$\Pi$	$\Delta$	$\Phi$	$\Gamma$

# Spinový moment hybnosti pro molekuly

Celkový spinový moment hybnosti molekuly s  $n$  elektrony je dán jako vektorový součet spinových momentů hybností jednotlivých elektronů:

$$\mathbf{S} = \sum_{i=1}^n \mathbf{s}_i,$$

má velikost:

$$|S| = \sqrt{S(S+1)}\hbar$$

Kvantové číslo celkového spinového momentu hybnosti vzniklého součtem momentů hybnosti může nabývat hodnot:

$$S = 0, \frac{1}{2}, 1, \frac{3}{2}, \dots$$

Spinová multiplicita je dána jako  $(2S+1)$ .

# Elektronové termy dvouatomových molekul

Dvouatomové elektronové stavy, které mají

- stejnou elektronovou konfiguraci
- stejnou hodnotu  $\Lambda$
- stejnou hodnotu  $S$

mají stejný elektronový term:

$$2S+1(\Lambda)_{g/u}^{+/-}$$

# Elektronové termy dvouatomových molekul - obecně

**TABLE 13.3 Electronic Terms of Diatomic Molecules**

Configuration	Terms
$\sigma\sigma$	$^1\Sigma^+, ^3\Sigma^+$
$\sigma\pi; \sigma\pi^3$	$^1\Pi, ^3\Pi$
$\pi\pi; \pi\pi^3$	$^1\Sigma^+, ^3\Sigma^+, ^1\Sigma^-, ^3\Sigma^-, ^1\Delta, ^3\Delta$
$\pi\delta; \pi^3\delta; \pi\delta^3$	$^1\Pi, ^3\Pi, ^1\Phi, ^3\Phi$
$\sigma$	$^2\Sigma^+$
$\sigma^2; \pi^4; \delta^4$	$^1\Sigma^+$
$\pi; \pi^3$	$^2\Pi$
$\pi^2$	$^1\Sigma^+, ^3\Sigma^-, ^1\Delta$
$\delta; \delta^3$	$^2\Delta$
$\delta^2$	$^1\Sigma^+, ^3\Sigma^-, ^1\Gamma$

# Vlastnosti homonukleárních dvouatomových molekul v základních stavech: elektronové termy, řády vazeb

Molecule	Ground Term	Bond Order	$D_e$ /eV	$R_e$ /Å
$H_2^+$	$2\Sigma_g^+$	$\frac{1}{2}$	2.79	1.06
$H_2$	$1\Sigma_g^+$	1	4.75	0.741
$He_2^+$	$2\Sigma_u^+$	$\frac{1}{2}$	2.5	1.08
$He_2$	$1\Sigma_g^+$	0	0.0009	2.97
$Li_2$	$1\Sigma_g^+$	1	1.07	2.67
$Be_2$	$1\Sigma_g^+$	0	0.115	2.45
$B_2$	$3\Sigma_g^-$	1	3.1	1.59
$C_2$	$1\Sigma_g^+$	2	6.3	1.24
$N_2^+$	$2\Sigma_g^+$	$2\frac{1}{2}$	8.85	1.12
$N_2$	$1\Sigma_g^+$	3	9.91	1.10
$O_2^+$	$2\Pi_g$	$2\frac{1}{2}$	6.78	1.12
$O_2$	$3\Sigma_g^-$	2	5.21	1.21
$F_2$	$1\Sigma_g^+$	1	1.66	1.41
$Ne_2$	$1\Sigma_g^+$	0	0.0036	3.1



# (Některá) Výběrová pravidla bimolekulárních přechodů

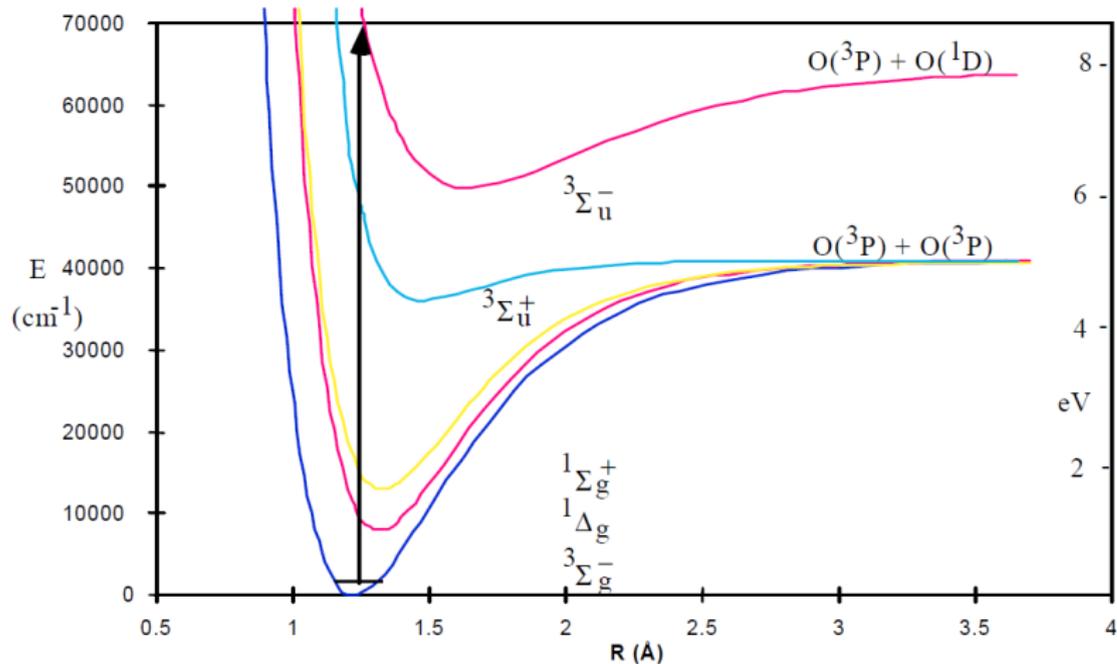
①  $\Delta\Lambda = 0, \pm 1$

②  $\Delta S = 0$

③  $+\leftrightarrow+, -\leftrightarrow-, +\not\leftrightarrow-$

④  $g\leftrightarrow u, g\not\leftrightarrow g, u\not\leftrightarrow u$

# Křivky potenciální energie v základním a excitovaných elektronových stavech $O_2$

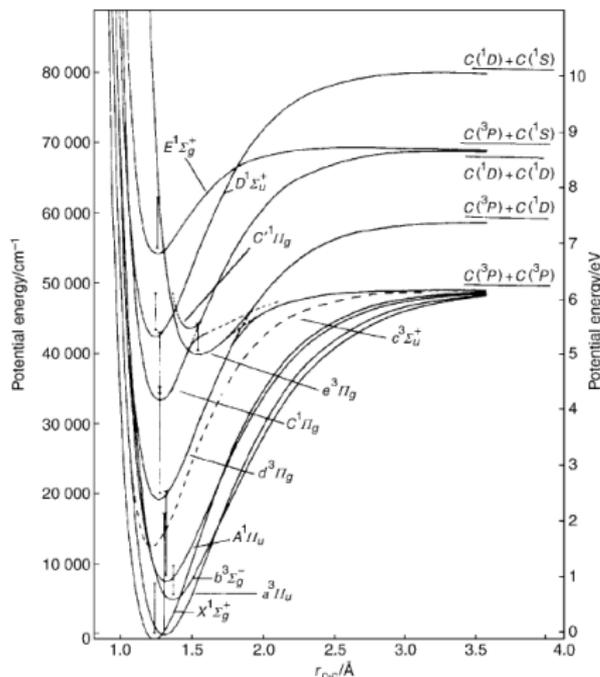


- Předpona pro term základního stavu je  $X$ .
- Excitované stavy se stejnou multiplicitou jakou má stav základní se označují  $A, B, C, \dots$
- Excitované stavy s jinou multiplicitou než má stav základní, se označují  $a, b, c, \dots$

## Ustálená nomenklatura přechodů

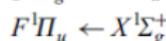
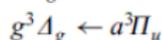
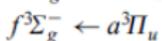
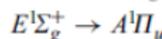
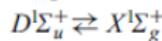
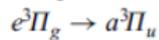
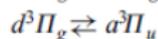
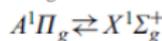
- První se píše term o vyšší energii.

# Křivky potenciální energie v základním a excitovaných elektronových stavech $C_2$



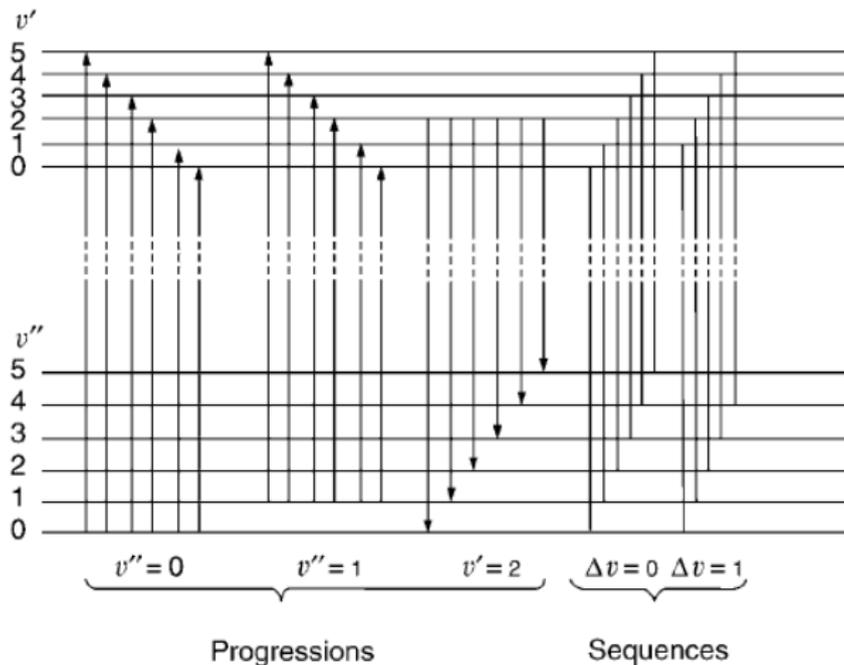
## Pozorované přechody

### Transition



# Vibrační struktura elektronových přechodů

Vibrational + Electronic = Vibronic



- Vibronický přechod
- Elektronový pás
- Progrese
- Sekvence

# Závislost na $\lambda$ je nepřímá

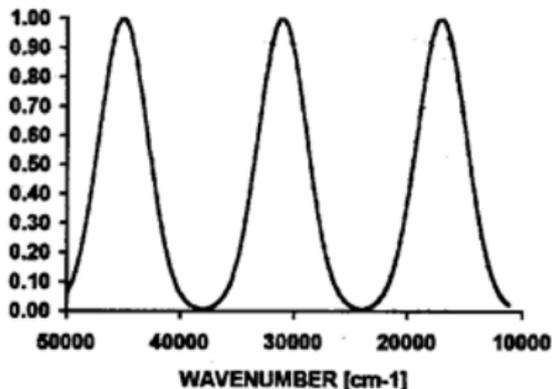
Einsteinova rovnice

$$E_p = h\nu = \frac{hc}{\lambda} = hc\tilde{\nu}$$

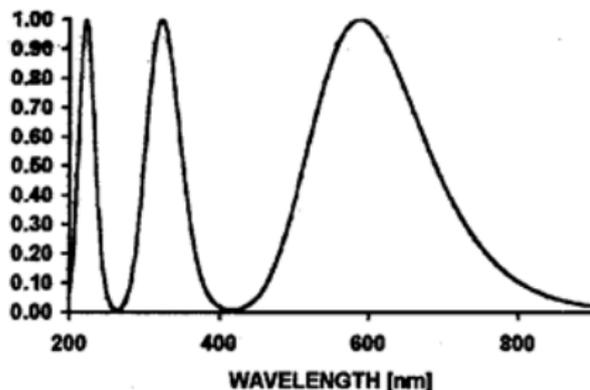
$$c = \lambda\nu$$

$$\lambda = 1/\tilde{\nu}$$

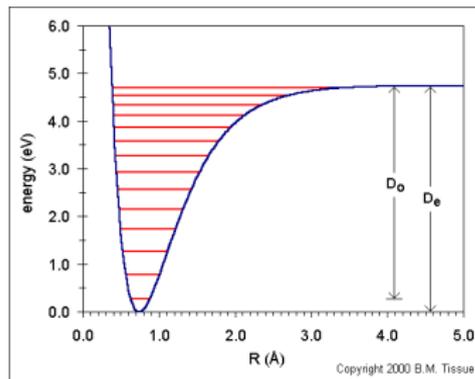
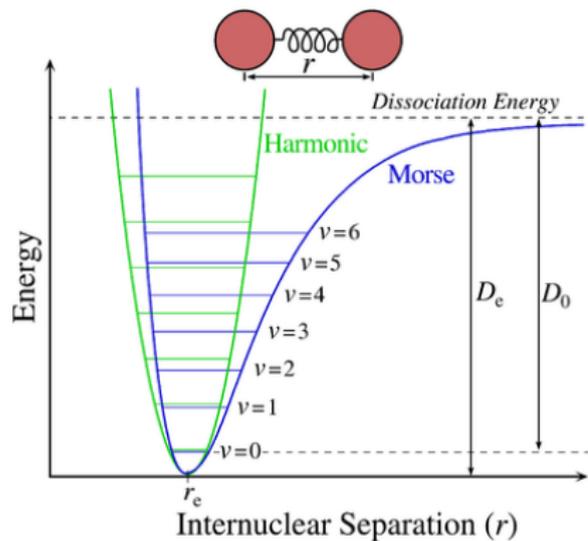
a)



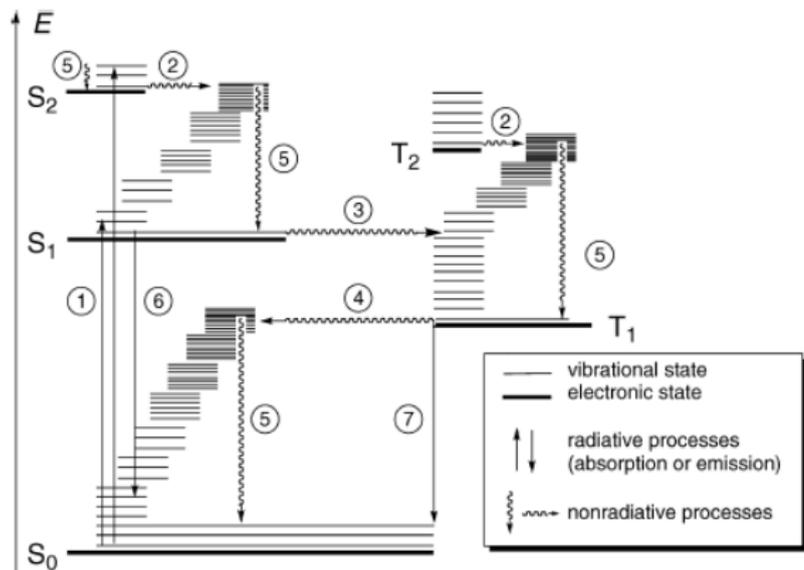
b)



# Anharmonicitá

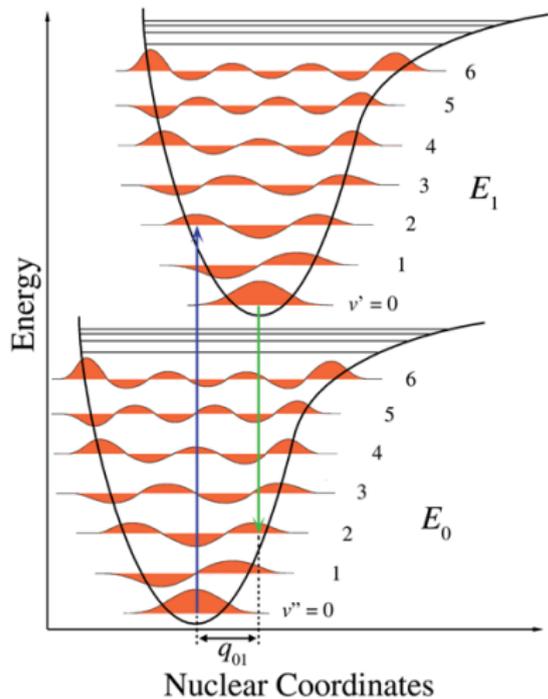


# Jablonského diagram

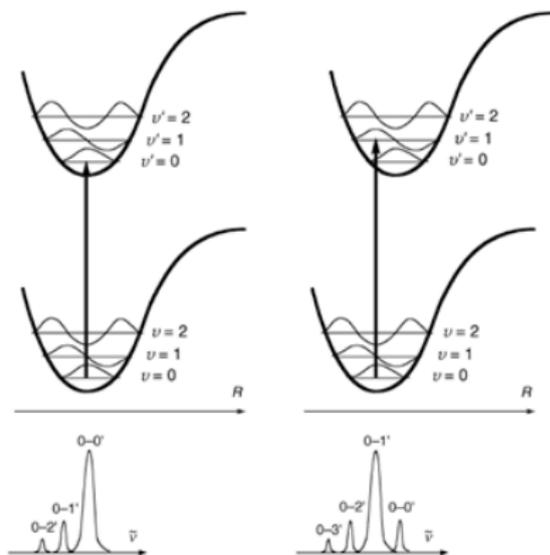


- 1 Absorpce
- 2 Vnitřní přeměna
- 3 Mezisystémové křížení
- 4 Mezisystémové křížení
- 5 Vibrační relaxace
- 6 Fluorescence
- 7 Fosforescence

# Franck-Condonův princip, vertikální přechody

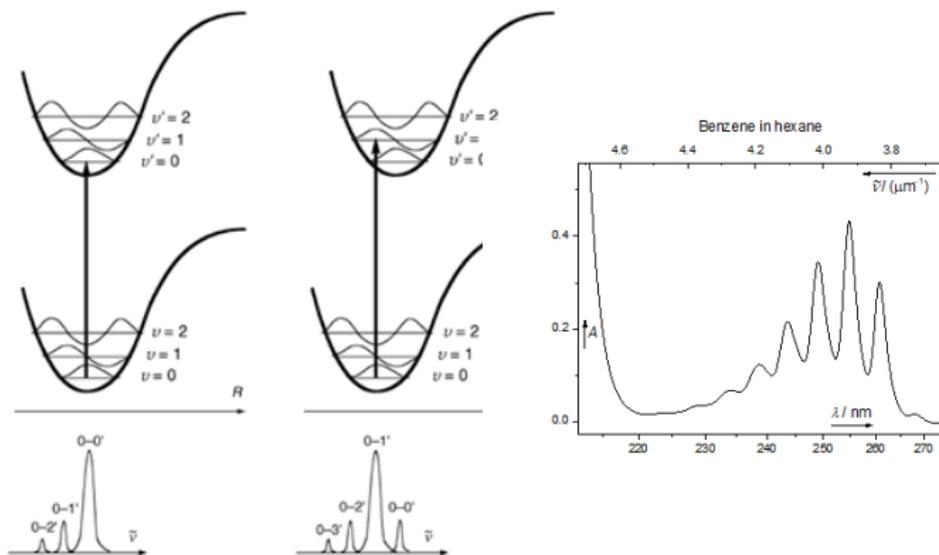


# Franck-Condonův princip



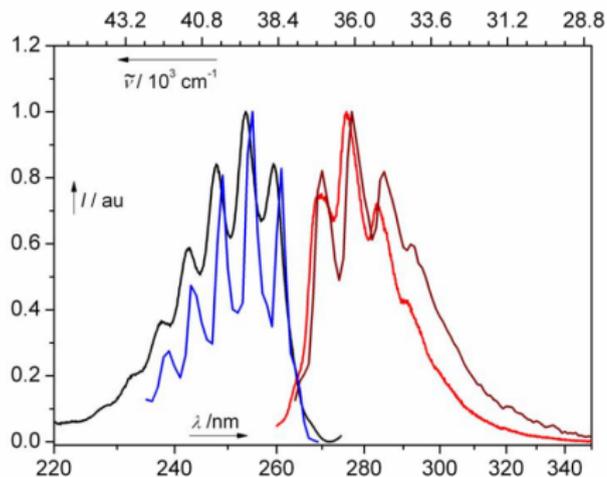
**Figure 2.10** Illustration of the Franck-Condon principle. The bottom diagrams illustrate the vibrational structure of the absorption bands

# Franck-Condonův princip

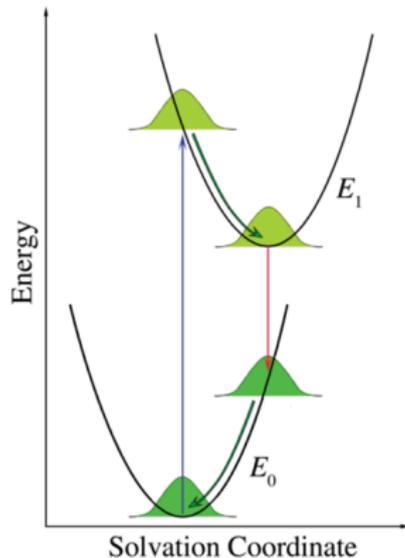
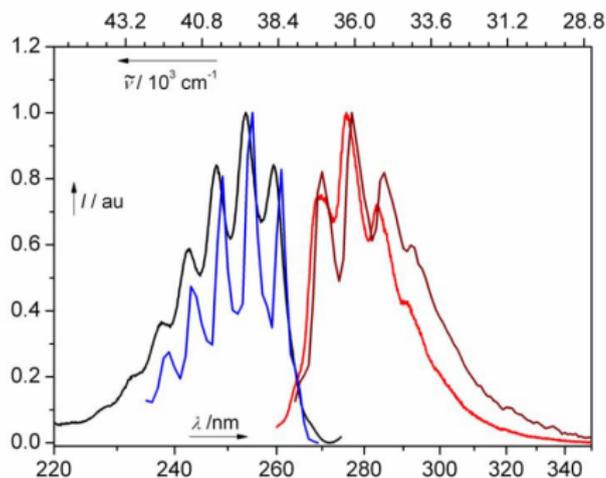


**Figure 2.10** Illustration of the Franck-Condon principle. The bottom diagrams illustrate the vibrational structure of the absorption bands

# Franck-Condonův princip: absorpční a fluorescenční spektra

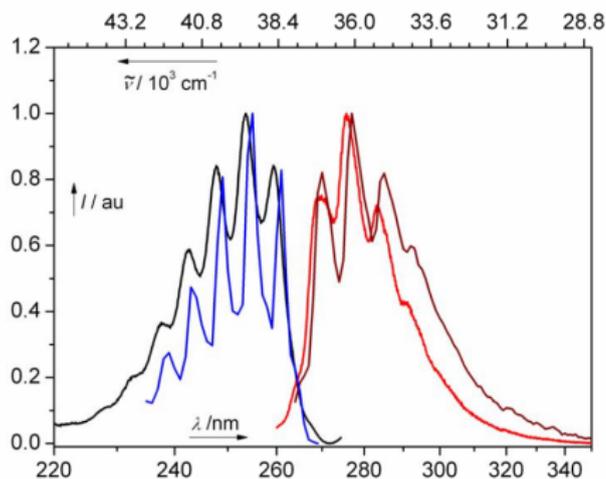


# Franck-Condonův princip: absorpční a fluorescenční spektra



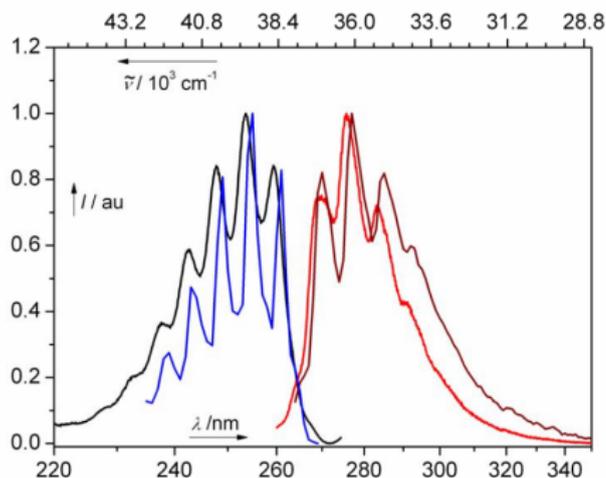
# Stokesův posun v elektronové spektroskopii

Rozdíl rozdílů 0-0 energií mezi absorpcí a emisí.



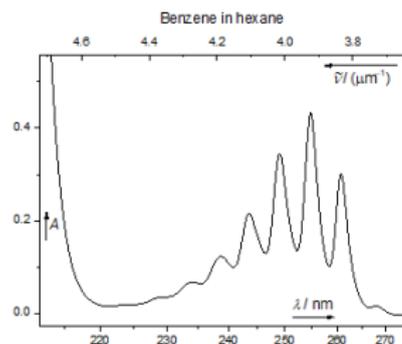
# Stokesův posun v elektronové spektroskopii

Rozdíl rozdílů 0-0 energií mezi absorpcí a emisí.



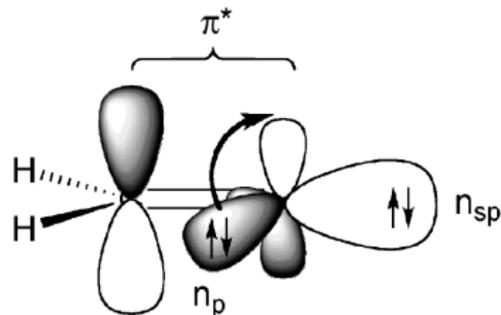
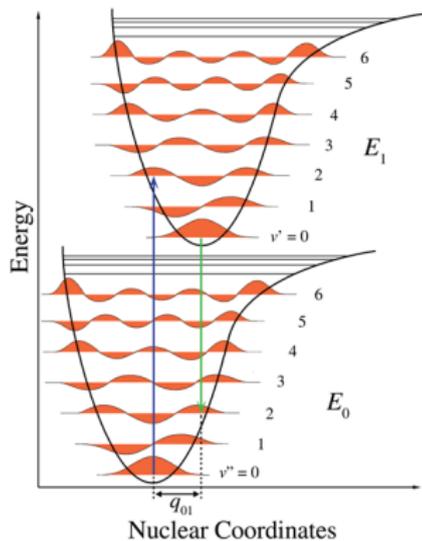
- *Stokesův posun* - stabilizace excitovaného stavu po zaplnění
- *anti-Stokesův posun*

# Hot band

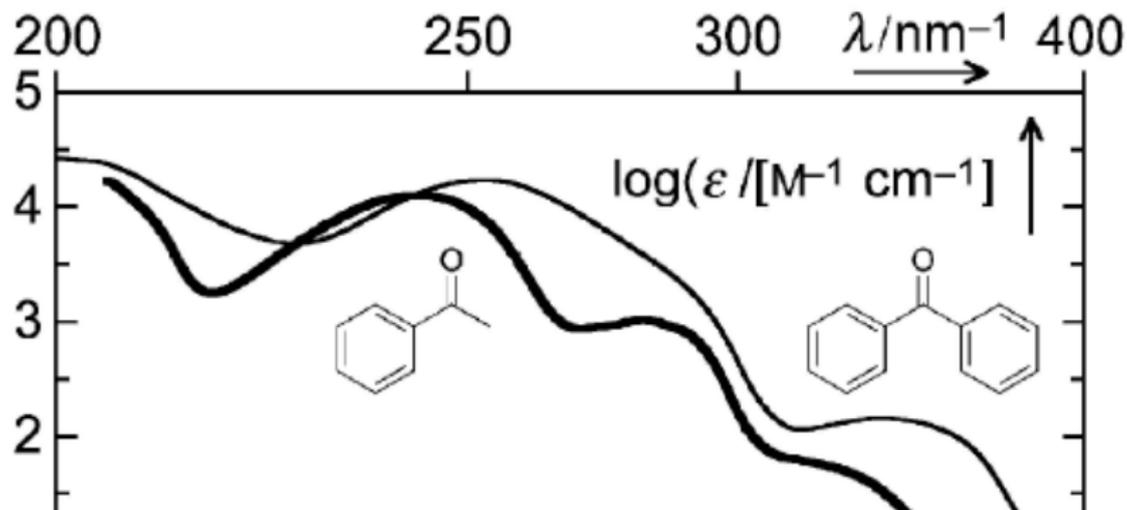


Spektroskopický přechod ze stavu, který je tepelně populován.

# $n, \pi^*$ přechody



# $n, \pi^*$ přechody



# Dovolenost přechodů

