

# Spontánní (samovolné) procesy

Probíhají bez zásahu z vnějšku

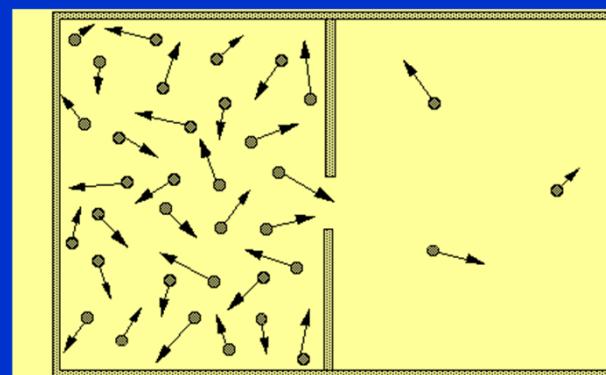
Spontánní proces může být rychlý nebo pomalý

- \* **Termodynamika**
  - možnost, spontánnost, směr reakce
  - výchozí a konečný stav

## Stavová funkce S - entropie

Změna entropie

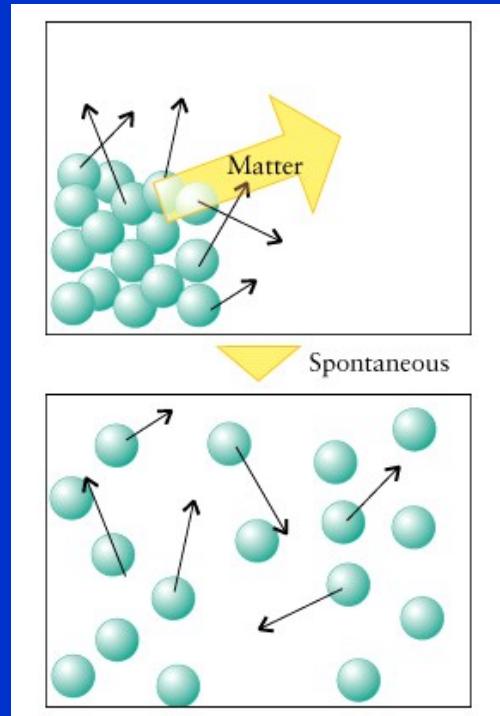
$$\Delta S = S_{\text{konec}} - S_{\text{výchozí}}$$



- \* **Kinetika**
  - rychlosť reakcie, časový průběh

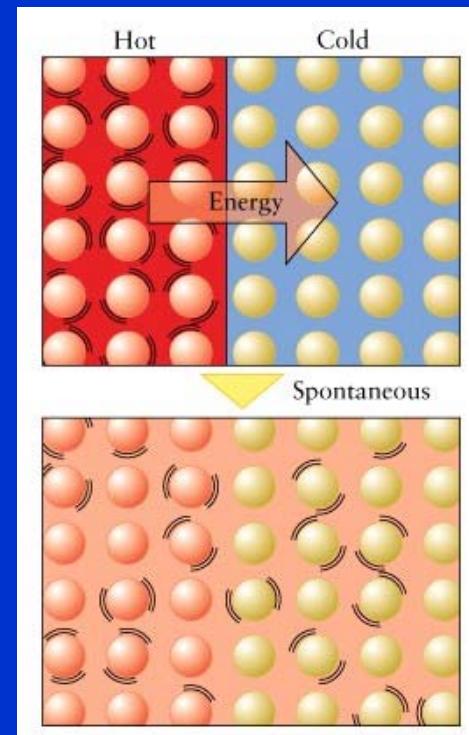
# Spontánní změny

Expanze plynu



samovolně

Přenos tepla



$$\Delta S = R \ln V_{\text{kon}} / V_{\text{vých}}$$

(1 mol ideálního plynu)

$$\Delta S = C_p \ln T_2 / T_1$$

## Entropie, S

**Entropie** = míra obsazení dostupných energetických stavů  
(kinetické, elektronické, vibrační, rotační)

**Entropie** = míra tepelných efektů  
(u reverzibilních dějů)

$$\Delta S = \frac{Q_{rev}}{T}$$

- Reverzibilní děj = malou změnou podmínek lze jeho směr obrátit
- Irreverzibilní děj = expanze do vakua, tání ledu při lab. teplotě

## Spontánní (samovolné) procesy

probíhají samovolně bez vnějšího zásahu

- vedou ke zvýšení entropie vesmíru
- probíhají směrem ke stavům s nejvyšší pravděpodobností
- větší pravděpodobnost rozptylu energie

# Entropie a samovolné procesy



Izolované soustavy atomů a molekul samovolně obsazují všechny dostupné energetické **mikrostavy**, které jsou jim termicky přístupné a přechází do takových uspořádání nebo makrostavů, které poskytují co nejvíce takových mikrostavů.

**Spontánní** změny se uskutečňují ve směru takových podmínek, při kterých je větší pravděpodobnost **rozptylu energie**. Po takové spontánní změně, logaritmus poměru počtu dostupných mikrostavů k počtu předchozích mikrostavů je úměrný vzrůstu entropie systému s konstantou  $k_B = R / N_A$ .

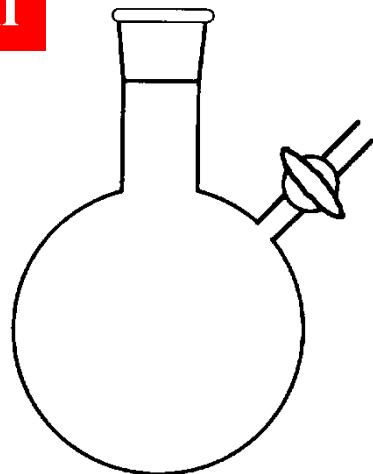
$$S = k_B \ln \frac{W_{kon}}{W_{vých}}$$

**Boltzmannova rovnice**  
(statistická termodynamika)



# Vesmír, systém, okolí

Vesmír = systém + okolí



$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{systém}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

## Druhá věta (zákon) TD

Entropie vesmíru vzrůstá

Spontánní procesy zvyšují entropii vesmíru

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{systém}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

$\Delta S_{\text{vesmíru}} > 0$  spontánní proces, ireverzibilní

$\Delta S_{\text{vesmíru}} < 0$  proces neprobíhá v daném směru

$\Delta S_{\text{vesmíru}} = 0$  rovnováha, plně reverzibilní proces

Abychom zjistili samovolnost procesu,

musíme znát  $\Delta S_{\text{systém}}$  a  $\Delta S_{\text{okolí}}$

## Třetí věta (zákon) TD

Entropie ideálního krystalu při 0 K  
je rovna **nule**

- ideální krystal neexistuje
- 0 K nelze dosáhnout

Referenční stav

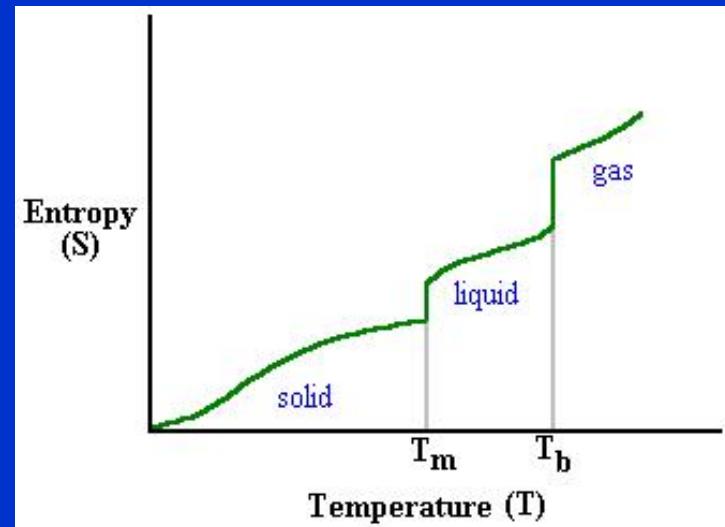
- perfektní uspořádání
- pohyb, vibrace, rotace ustaly

$$S = k_B \ln \frac{W_{kon}}{W_{vých}}$$

W = počet mikrostavů systému  
Při 0 K    W = 1, S = 0



Walther Hermann Nernst  
(1864 – 1941)  
NP Chemie 1920



## Boltzmannova rovnice

$$S = k_B \ln W$$

$$k_B = R/N_A = 1,38066 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$$

$W$  = počet mikrostavů  
systému při dané teplotě

Lze určit hodnotu  $S$  pro daný stav  
(na rozdíl od  $H$  nebo  $U$ )

5. října 1906 spáchal v Duinu  
u Terstu sebevraždu



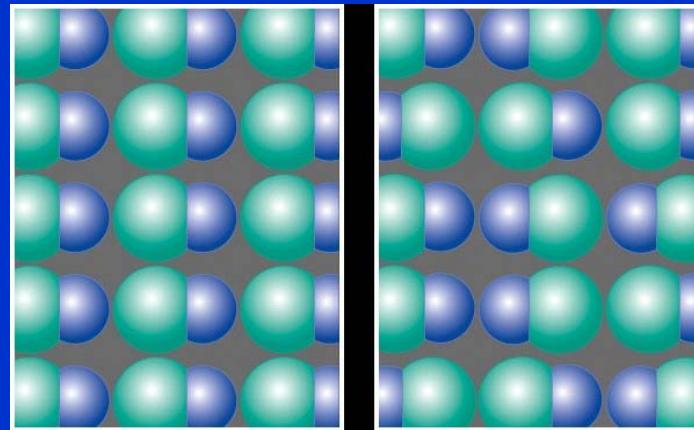
Ludwig Edward Boltzmann  
(1844 – 1906)



1 mol ledu



## Boltzmannova rovnice



$$S = k_B \ln \frac{W_{kon}}{W_{vých}}$$

$$T = 0$$

$$W_{vých} = 1$$

$$S = 0$$

$$T = 273 \text{ K}$$

$$W_{kon} = ?$$

$$S = 41 \text{ J K}^{-1} \text{ (z tabulek)}$$

$$k_B = \text{Boltzmannova konstanta} = 1,3807 \cdot 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$$

W = počet mikrostavů

$$\ln W_{kon} = S / k_B = 41 / 1,3807 \cdot 10^{-23} = 10^{24}$$

## Standardní entropie

$S^0$  = Standardní molární entropie látky při 298 K a 1 bar

(o kolik se zvýší S látky při ohřátí z 0 K na 298 K)

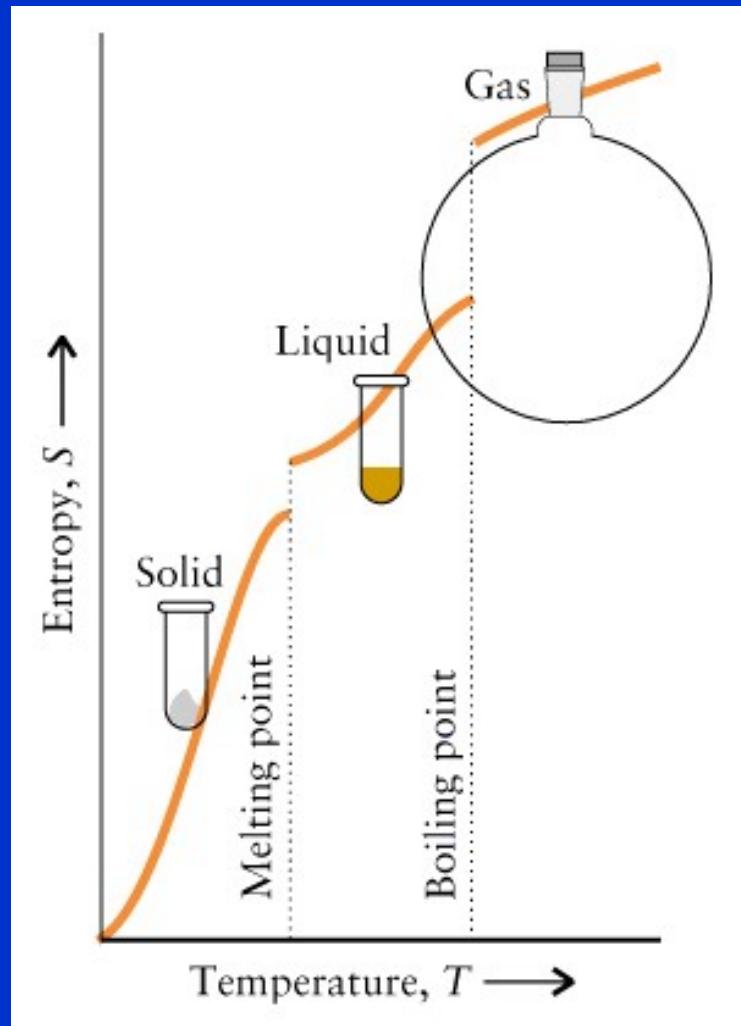
$$S^0 = \Delta S = S(298 \text{ K}) - S(0 \text{ K})$$

$$\text{J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

## Standardní entropie $S^0$ látek při 298 K a 1 bar

Látka	$S^0, \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$	Látka	$S^0, \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
$\text{S}_8(\text{g})$	431	$\text{H}_2\text{O}(\text{g})$	189
$\text{SF}_6(\text{g})$	292	$\text{H}_2\text{O}(\text{l})$	70
$\text{O}_2(\text{g})$	205	$\text{H}_2\text{O}(\text{s})$	41
$\text{CO}_2(\text{g})$	248	$\text{CaCO}_3(\text{s})$	93
$\text{CO}(\text{g})$	198	$\text{CaO}(\text{s})$	40
$\text{H}_2(\text{g})$	131	$\text{Sn}(\text{s})$ bílý	52
$\text{CH}_3\text{OH}(\text{g})$	240	$\text{Sn}(\text{s})$ šedý	44
$\text{CH}_3\text{OH}(\text{l})$	127	$\text{C}(\text{s})$ grafit	6
$\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}(\text{l})$	161	$\text{C}(\text{s})$ diamant	2

# Standardní entropie $S^0$



Entropie **roste** v řadě:

$$S < l < g$$

Látka	$S^0, J K^{-1} mol^{-1}$
$H_2O (g)$	189
$H_2O (l)$	70
$H_2O (s)$	41
Na (g)	153
Na (s)	51

# Standardní entropie $S^0$

Rozpouštění

Směs má vyšší entropii než čistá látka

Látka	$S^0, \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
$\text{CH}_3\text{OH (l)}$	127
$\text{CH}_3\text{OH (aq)}$	133
$\text{NH}_4\text{Cl (s)}$	94
$\text{NH}_4\text{Cl (aq)}$	168

## Standardní entropie $S^0$

Hmotnost molekuly, počet atomů v molekule, počet vibrací a rotací

Látka	$S^0, J K^{-1} mol^{-1}$
K (g)	160
Cl <sub>2</sub> (g)	223
P <sub>4</sub> (g)	280
As <sub>4</sub> (g)	289

Látka	$S^0, J K^{-1} mol^{-1}$
F <sub>2</sub> (g)	203
Cl <sub>2</sub> (g)	223
Br <sub>2</sub> (g)	245
I <sub>2</sub> (g)	260

Těžší molekuly mají energetické hladiny blíže, více možných stavů  
Slon nadělá více entropie v porcelánu než myš

## Standardní entropie $S^0$

Chemické složení

Složitější molekuly

Pevné kovalentní vazby =  
nízká entropie

Entropie roste

$3D < 2D < 1D < 0D$

Látka	$S^0, J K^{-1} mol^{-1}$
NaCl (s)	74
MgCl <sub>2</sub> (s)	90
AlCl <sub>3</sub> (s)	167

Látka	$S^0, J K^{-1} mol^{-1}$
Sn (s) bílý	52
Sn (s) šedý (diamant)	44
C(s) grafit, 2D	6
C(s) diamant, 3D	2
P <sub>4</sub> (s) bílý, 0D	44
P <sub>4</sub> (s) černý 2D	29 15

## Druhý zákon TD

Entropie vesmíru vzrůstá

Spontánní procesy zvyšují entropii vesmíru

$$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{systém}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

Reakční entropie      Výměna tepla do okolí

$\Delta S_{\text{vesmíru}} > 0$  spontánní proces

$\Delta S_{\text{vesmíru}} < 0$  proces probíhá v opačném směru

$\Delta S_{\text{vesmíru}} = 0$  rovnováha

## Změna entropie systému = Reakční entropie

$$\Delta S^0_{\text{reakční}} = \sum n_{\text{prod}} S^0_{\text{prod}} - \sum n_{\text{vých}} S^0_{\text{vých}}$$

Produkty – Výchozí



$$\Delta S^{\circ}_{\text{reakční}} = [2(70) + 214] - [183 + 2(205)] = -239 \text{ J K}^{-1}$$

$\Delta S^0_{\text{reakční}} < 0$  pro reakce:

Vznikají tuhé nebo kapalné látky z plynů

**Zmenšuje** se celkový počet molů plynných látek

$\Delta S^0_{\text{reakční}} > 0$  pro reakce:

Vznikají **plynné** látky z tuhých nebo kapalných

**Zvětšuje** se celkový počet molů plynných látek

# Výměna tepla mezi soustavou a okolím

pro  $p = \text{konst}$

$$\Delta S_{\text{okolí}} = \frac{\text{Teplo (okolí)}}{\text{Teplo} t a}$$

**Teplo (okolí) =  $-\Delta H$  (soustava)**

Přichází (+)

Ztrácí (-)

Odebíráno (-)

Přijímá (+)

$$\Delta S_{\text{okolí}} = \frac{-\Delta H_{\text{syst}}}{T}$$

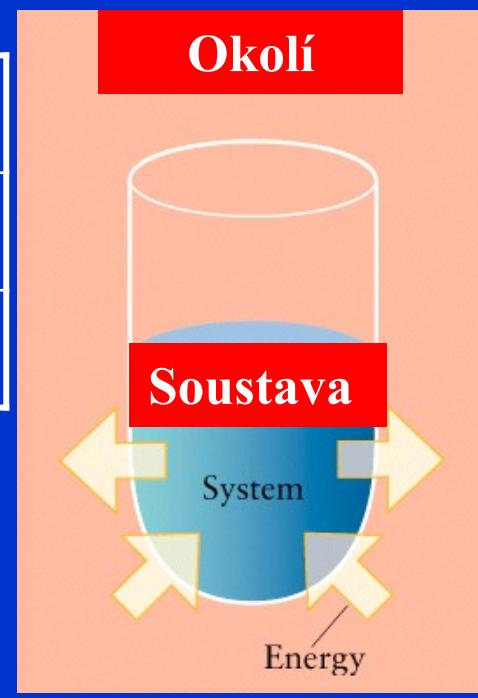
Umíme zjistit

$\Delta H$	$\Delta S_{\text{okolí}}$
< 0 exo	> 0 roste
> 0 endo	< 0 klesá

Pro reakci při 298 K

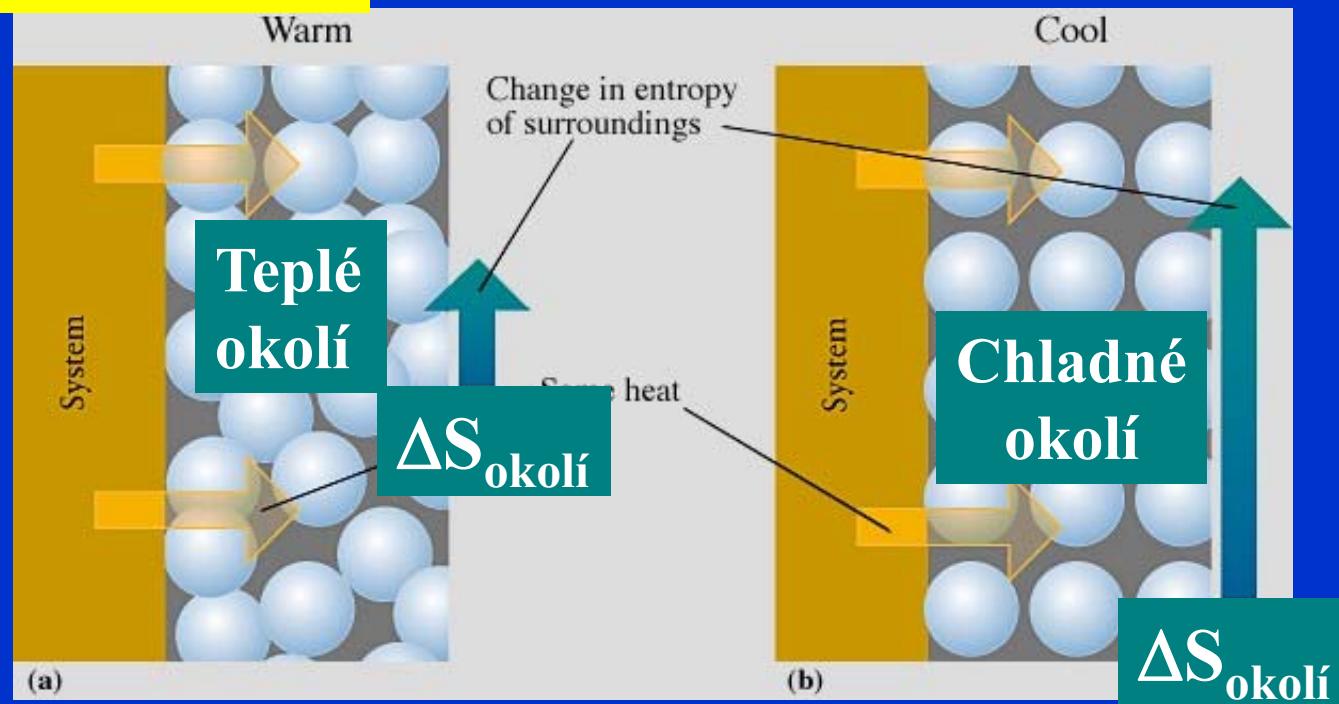


$$\Delta S_{\text{okolí}} = -\Delta H/T = -778 \text{ kJ} / 298 \text{ K} = -2,6 \text{ kJ K}^{-1}$$



$$\Delta S_{okolí} = \frac{-\Delta H}{T}$$

## Výměna tepla



Přenos stejného množství tepla při nižší teplotě zvýší relativně více entropii okolí – chladnější okolí je více uspořádané a je pak více rozrušeno

## Druhý zákon TD

$$\Delta S_{\text{vesmír}} = \Delta S_{\text{syst}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$



$$\Delta S_{\text{vesmír}} = \Delta S_{\text{syst}} + \frac{-\Delta H_{\text{syst}}}{T}$$

**Reakční entropie =  $\Delta S_{\text{syst}}$**

**Je tato reakce samovolná při 298 K, t.j. je  $\Delta S^\circ_{\text{vesmíru}} > 0$ ?**



**$\Delta S_{\text{vesmíru}} = \Delta S_{\text{systém}} + \Delta S_{\text{okolí}}$**

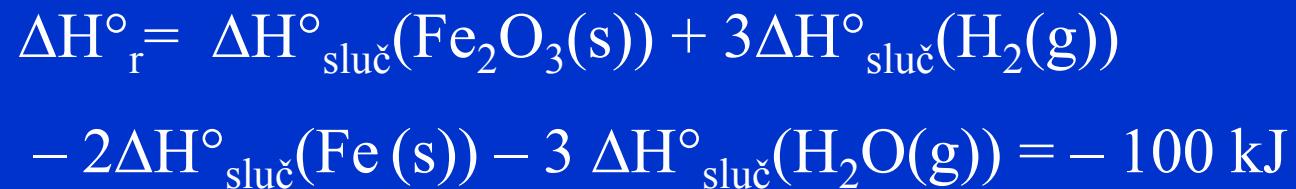
$$\Delta S^\circ_r = [S^\circ(\text{Fe}_2\text{O}_3(\text{s})) + 3S^\circ(\text{H}_2(\text{g}))] - [2S^\circ(\text{Fe(s)}) + 3S^\circ(\text{H}_2\text{O(g)})]$$

$$\Delta S^\circ_r = -142 \text{ J K}^{-1}$$

$$\Delta S^\circ_r = \Delta S^\circ_{\text{system}} = -142 \text{ J K}^{-1}$$

## Samovolnost reakce

$$\Delta S^\circ_{\text{okolí}} = -\Delta H^\circ_{\text{sys}}/T = -\Delta H^\circ_r/T$$



$$\Delta S^\circ_{\text{okolí}} = -\Delta H^\circ_{\text{sys}}/T = 336 \text{ J K}^{-1} \qquad T = ?$$

$$\begin{aligned}\Delta S^\circ_{\text{vesmír}} &= \Delta S^\circ_{\text{sys}} + \Delta S^\circ_{\text{okolí}} \\ &= -142 + 336 = 194 \text{ J K}^{-1}\end{aligned}$$

Reakce je samovolná při 298 K,  $\Delta S^\circ_{\text{vesmír}} > 0$



## Entropie fázových přeměn



$$\Delta S_{okolí}^0 = \frac{-\Delta H_{výparné}}{T_{var}}$$



$$\Delta S_{okolí}^0 = \frac{-\Delta H_{tání}}{T_t}$$

## Entropie fázových přeměn



Fázové přeměny jsou **rovnovážné** procesy při nichž  $\Delta S^\circ_{\text{vesmíru}} = 0$

$$\begin{aligned}\Delta S^\circ_{\text{syst}} &= S^\circ(\text{H}_2\text{O(g)}) - S^\circ(\text{H}_2\text{O(l)}) = 196 \text{ J K}^{-1} - 87 \text{ J K}^{-1} \\ &= 109 \text{ J K}^{-1}\end{aligned}$$

$$\text{H}_2\text{O(l) 1 mol} = 18 \text{ g} \sim 18 \text{ cm}^3$$

$$\text{H}_2\text{O(g) 1 mol} = 31 \text{ litrů při } 100 \text{ }^\circ\text{C}$$

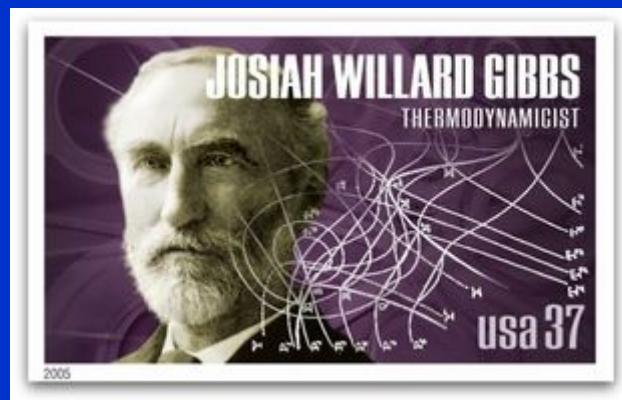
$$\Delta S^\circ_{\text{okolí}} = -\Delta H_{\text{výparné}} / T = -40,7 \text{ kJ} / 373 \text{ K} = -109 \text{ J K}^{-1}$$

$$\Delta S^\circ_{\text{vesmíru}} = \Delta S^\circ_{\text{syst}} + \Delta S^\circ_{\text{okolí}} = 0$$

## Druhý zákon TD

$$\Delta S_{\text{vesmír}} = \Delta S_{\text{syst}} + \Delta S_{\text{okolí}}$$

$$\Delta S_{\text{vesmír}} = \Delta S_{\text{syst}} + \frac{-\Delta H_{\text{syst}}}{T}$$



# Spontánní procesy a Gibbsova volná energie

Reakce je samovolná (spontánní) když  $\Delta S_{vesmíru} > 0$

$$\Delta S_{vesmíru} = \Delta S_{systém} + \Delta S_{okolí} = \Delta S_{systém} - \Delta H_{syst}/T > 0$$

Vynásobit  $-T$

$$\Delta H - T\Delta S_{syst} < 0$$

Násobení  $-1$  obrátí nerovnost

$\Delta G = \text{Gibbsova volná energie} = \text{stavová funkce}$   
 $( = -T\Delta S_{vesmíru} )$

$$\Delta G = \Delta H_{syst} - T\Delta S_{syst}$$

Když  $\Delta G$  je negativní, pak reakce je spontánní !

## Gibbsova volná energie

$\Delta G$  je stavová funkce

$\Delta G^\circ$  je Gibbsova volná energie za standardních podmínek

- 298 K
- 1 bar pro plyny
- 1 mol l<sup>-1</sup> koncentrace

$\Delta G^\circ$  hodnoty jsou tabelovány



$$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}(\text{N}_2\text{O}) = 104,18 \text{ kJ mol}^{-1}$$



Výchozí látky jsou stabilnější než produkty  
Kinetické faktory stability N<sub>2</sub>O

**Standardní  
slučovací Gibbsova  
volná energie**  
**(při 25 °C)**

$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}$

Látka	$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}, \text{kJ mol}^{-1}$
$\text{NH}_3$	<b>– 16.45</b>
$\text{CO}_2$	<b>– 394.4</b>
$\text{NO}_2$	<b>+ 51.3</b>
$\text{H}_2\text{O} (\text{g})$	<b>– 228.6</b>
$\text{H}_2\text{O} (\text{l})$	<b>– 237.1</b>
$\text{C}_6\text{H}_6$	<b>+ 124.3</b>
$\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$	<b>– 174.8</b>
$\text{AgCl}$	<b>– 109.8</b>
$\text{CaCO}_3$	<b>– 1128.8</b>

## Standardní slučovací Gibbsova volná energie

$\Delta G^\circ_{\text{sluč}}$  lze vypočítat z  $\Delta H^\circ_{\text{sluč}}$  a  $S^\circ$



$$\Delta H^\circ_{\text{sluč}} = \Delta H_r^\circ = -393.5 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta S^\circ = S^\circ (\text{CO}_2(\text{g})) - S^\circ (\text{C(grafit)}) - S^\circ (\text{O}_2(\text{g}))$$

$$\Delta S^\circ = 213.60 - 5.74 - 205.00 = 2.86 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$$

$$\Delta G^\circ_{\text{sluč}} = \Delta H^\circ_{\text{sluč}} - T \Delta S^\circ_{\text{sluč}}$$

$$\Delta G^\circ_{\text{sluč}} = -393.5 - (298)(2.86 \cdot 10^{-3}) = -394 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$\Delta G^0_{\text{reak}}$  vypočtená z  $\Delta G^0_{\text{sluč}}$

$$\Delta G^0_{\text{reak}} = \sum n_{\text{prod}} \Delta G^0_{\text{sluč}} (\text{prod}) - \sum n_{\text{vých}} \Delta G^0_{\text{sluč}} (\text{vých})$$



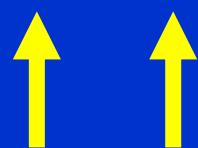
$$\Delta G^0 = c \Delta G^0_{\text{sluč}}(C) + d \Delta G^0_{\text{sluč}}(D) - a \Delta G^0_{\text{sluč}}(A) - b \Delta G^0_{\text{sluč}}(B)$$



$$\Delta G^0 = \Delta G^0_{\text{sluč}}(\text{N}_2\text{O}) + \Delta G^0_{\text{sluč}}(\text{NO}_2) - 3 \Delta G^0_{\text{sluč}}(\text{NO})$$

$$\Delta G^0_{\text{reak}} = 104.18 + 51.29 - 3(86.55) = -104 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$\Delta H^0$	$\Delta S^0$	Vliv teploty na $\Delta G^0$ $\Delta G^0 = \Delta H^0 - T \Delta S^0$	Příklad
+	+	Reakce je samovolná při vysoké T, opačný směr při nízké T	$H_2(g) + I_2(g) \rightleftharpoons 2 HI(g)$
+	-	$\Delta G^0$ <b>positivní</b> při všech T. Reakce je samovolná v opačném směru při všech T.	$3 O_2(g) \rightleftharpoons 2 O_3(g)$
-	+	$\Delta G^0$ je <b>negativní</b> při všech T.  Reakce je samovolná při všech T.	$2 H_2O_2(l) \rightleftharpoons 2 H_2O(l) + O_2(g)$
-	-	Reakce je samovolná při nízké T, opačný směr při vysoké T <b>Rozpustnost plynu</b>	$NH_3(g) + HCl(g) \rightleftharpoons NH_4Cl(s)$

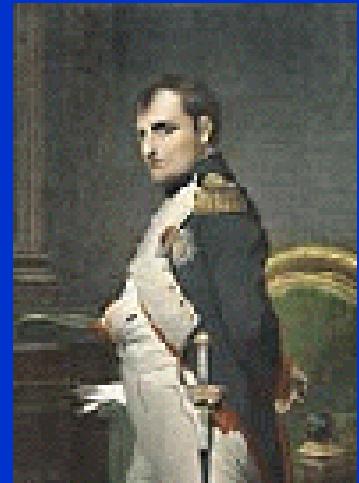


# Chemická rovnováha

V laboratoři



C. L. Berthollet  
(1748-1822)



Natron na březích slaných jezer v Egyptě



Přebytek produktu může obrátit průběh chemické reakce

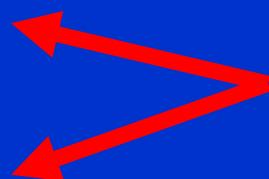
Reverzibilní reakce



## Reakční kvocient Q

Vratná reakce:  $a A + b B \rightleftharpoons c C + d D$

$$Q = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$$



Nerovnovážné koncentrace  
umocněné na  
stechiometrické koeficienty

$Q = \text{Reakční kvocient}$

Ukazuje, jak daleko  
se dostala reakce od  
výchozích látek k  
produktem

Na začátku reakce např.:

$$Q = 0/1 \rightarrow 0$$

Úplná reakce:

$$Q = 1/0 \rightarrow \infty  
(\text{pro } a = b = c = d = 1)$$

$$[A] = [B] = 1 \text{ M}$$
$$[C] = [D] = 0$$

$$[A] = [B] = 0$$
$$[C] = [D] = 1 \text{ M}$$

## Vliv složení na $\Delta G_r$

Jeden z nejdůležitějších vztahů v chemii ! V rovnováze  $\Delta G_r = 0$

$$\Delta G_r = \Delta G_{r,0} + RT \ln Q \quad Q = \text{Reakční kvocient}$$



$$\Delta G_{r,0} = \sum n_{\text{prod}} \Delta G_{\text{sluč (prod)}} - \sum n_{\text{vých}} \Delta G_{\text{sluč (vých)}}$$

NO = 0.3 atm ; N<sub>2</sub>O = 2 atm ; NO<sub>2</sub> = 1 atm Kterým směrem reakce poběží ?

$$Q_P = \frac{P_{N_2O} P_{NO_2}}{P_{NO}^3} = \frac{(2)(1)}{(0.3)^3} = 74.1$$

$$\Delta G_r = \Delta G_{r,0} + RT \ln Q = -104.0 + (8.314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1})(298 \text{ K}) \ln (74.1)$$

$\Delta G_r = -93.3 \text{ kJ mol}^{-1}$  Reakce je samovolná ve směru doprava

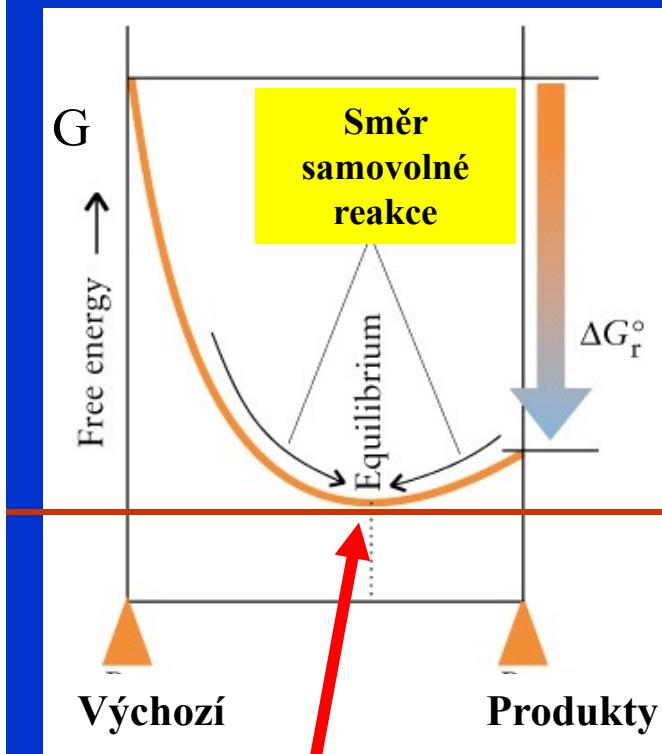
V rovnováze  $\Delta G_r = 0$  ještě více NO se rozloží na produkty<sup>34</sup>

$$\Delta G^0_r = \sum n_{\text{prod}} \Delta G^0_{\text{sluč (prod)}} - \sum n_{\text{vých}} \Delta G^0_{\text{sluč (vých)}}$$

## Vliv složení na $\Delta G$

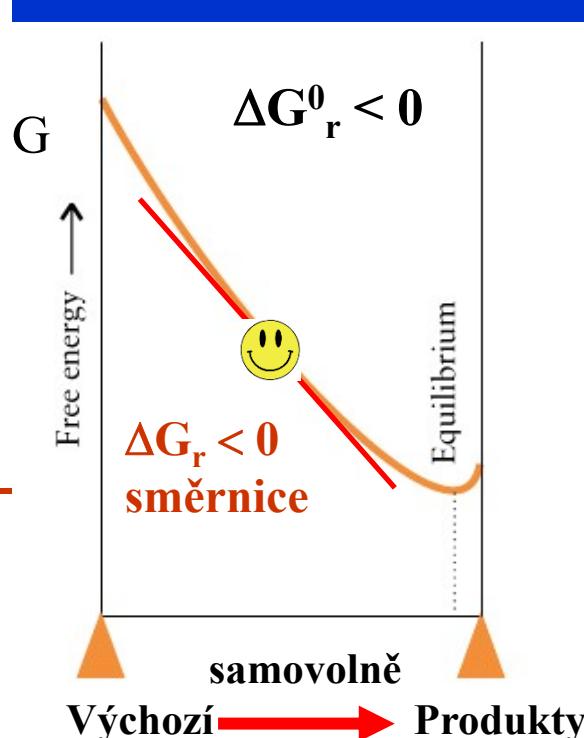


$$\Delta G_r = \Delta G_r^0 + RT \ln Q$$



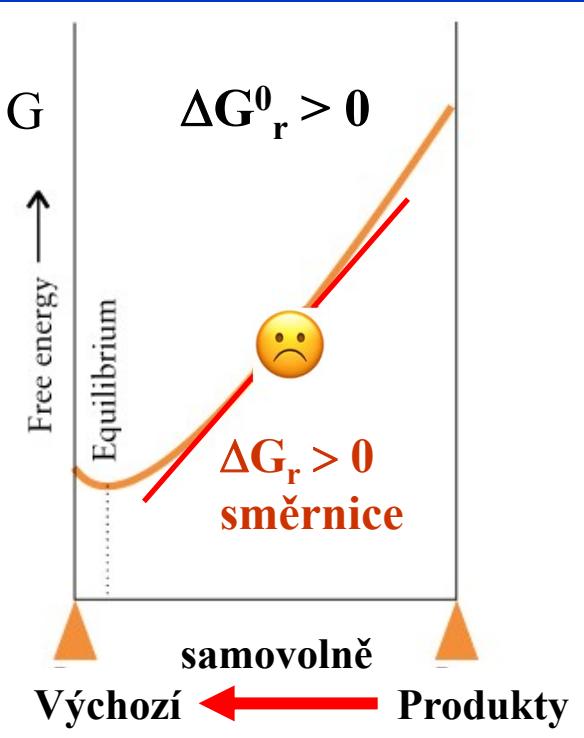
$$Q = K$$

V rovnováze  $\Delta G_f = 0$



# Směrnice v bodě

$$\Delta G_r = \frac{dG}{d\xi}$$



$\Delta G_r^0$  a rovnovážná konstanta K

$$\Delta G_r = \Delta G_r^0 + RT \ln Q$$

V rovnováze  $\Delta G_r = 0$  a pak  $Q = K$

$$\Delta G_r^0 = -RT \ln K$$



$$K = \frac{[C]^c_{rovn} [D]^d_{rovn}}{[A]^a_{rovn} [B]^b_{rovn}}$$

$$K = e^{-\frac{\Delta G_r^0}{RT}}$$

Rovnovážné koncentrace

## $\Delta G_r^0$ a rovnovážná konstanta K



Záporná hodnota = samovolná reakce

$$K = e^{-\frac{\Delta G_r^0}{RT}} = e^{\frac{-(-104,000)}{(8.314)(298)}} = 1.8 \times 10^{18}$$

$$K = \frac{[\text{NO}_2]^1 [\text{N}_2\text{O}]^1}{[\text{NO}]^3}$$

Vysoká koncentrace produktů v rovnováze

## $\Delta G_r$ a poměr Q/K

$$\Delta G_r = \Delta G_r^0 + RT \ln Q \quad \Delta G_r^0 = -RT \ln K$$

$$\Delta G_r = -RT \ln(Q/K)$$

$\Delta G_r$	$Q/K$	Samovolně
$< 0$	$< 1$ $Q < K$	Vpřed k produktům
$> 0$	$> 1$ $Q > K$	Zpět k výchozím
$= 0$	$= 1$ $Q = K$	Rovnováha

## Reakční kvocient Q a rovnovážná konstanta K

$Q = K$ . Systém je v rovnováze, žádná změna nenastane.

$$Q = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$$

$Q > K$ . Koncentrace **produktů je větší** než odpovídá rovnováze. Část produktů se musí přeměnit zpět na výchozí látky, aby se dosáhlo rovnováhy. Posun reakce **doleva**.

$Q < K$ . Koncentrace **výchozích látok je větší** než odpovídá rovnováze. Posun reakce **doprava**, aby se dosáhlo rovnováhy musí výchozí látky zreagovat na produkty.

# Rovnovážná konstanta K

$$K_C = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$$

- K je funkcí pouze teploty
- Čisté fáze (l, s) se ve výrazu nevyskytuje, neovlivní rovnováhu
- Koncentrace rozpouštědla se neuvažuje
- K je bezrozměrná veličina,
- Koncentrace vztaženy na standardní stav 1 mol l<sup>-1</sup>

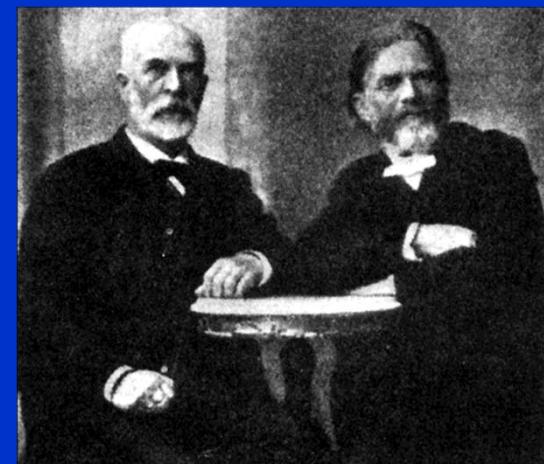
# Guldberg-Waagův zákon

1864 zákon o působení aktivní hmoty



$$K = \frac{[C]^c}{[A]^a} \cdot \frac{[D]^d}{[B]^b}$$

K = rovnovážná konstanta



Cato Maximilian Guldberg (1836-1902)

Peter Waage (1833-1900)

## Guldberg-Waagův zákon



Obrácení rovnice,  $K_{\text{nová}} = 1 / K$

$$K = \frac{[C]^c [D]^d}{[A]^a [B]^b}$$



Násobení rovnice konstantou  $K_{\text{nová}} = (K)^n$

Součet chemických rovnic

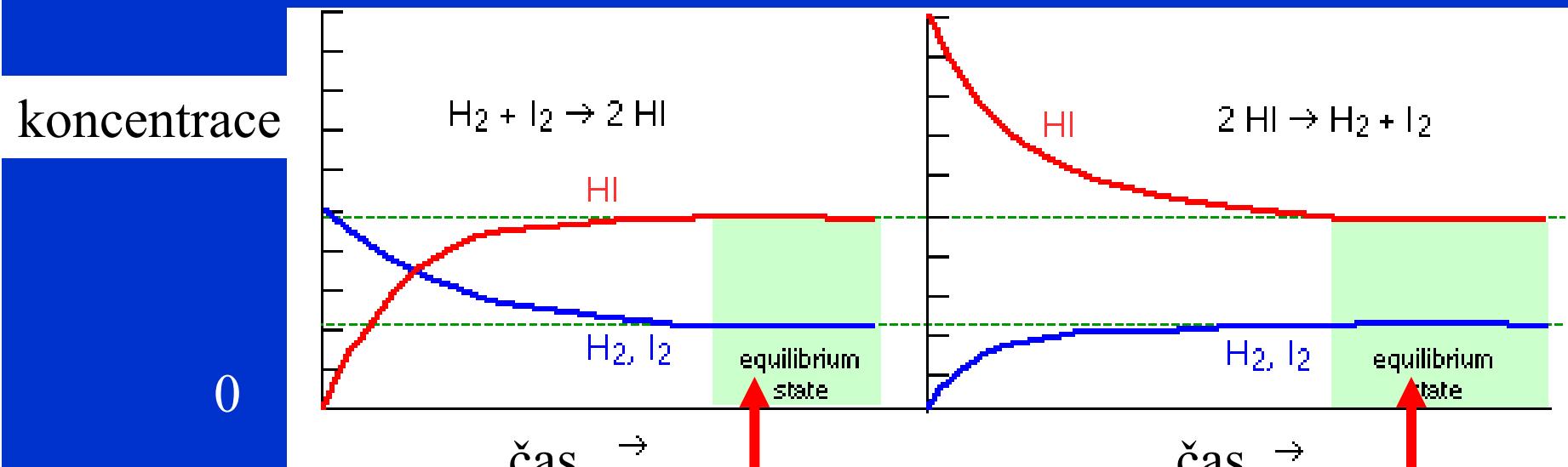
$$K = K_1 \times K_2$$

## Guldberg-Waagøyv zákon



$$K_3 = (K_1 \times K_2)^{1/2} = \sqrt{K_1 \times K_2}$$

# Ustálení chemické rovnováhy



Rovnovážné  
koncentrace

Rovnovážné  
koncentrace<sup>44</sup>

# LeChatelierův princip

Princip pohyblivé rovnováhy

Termodynamicky reverzibilní reakce

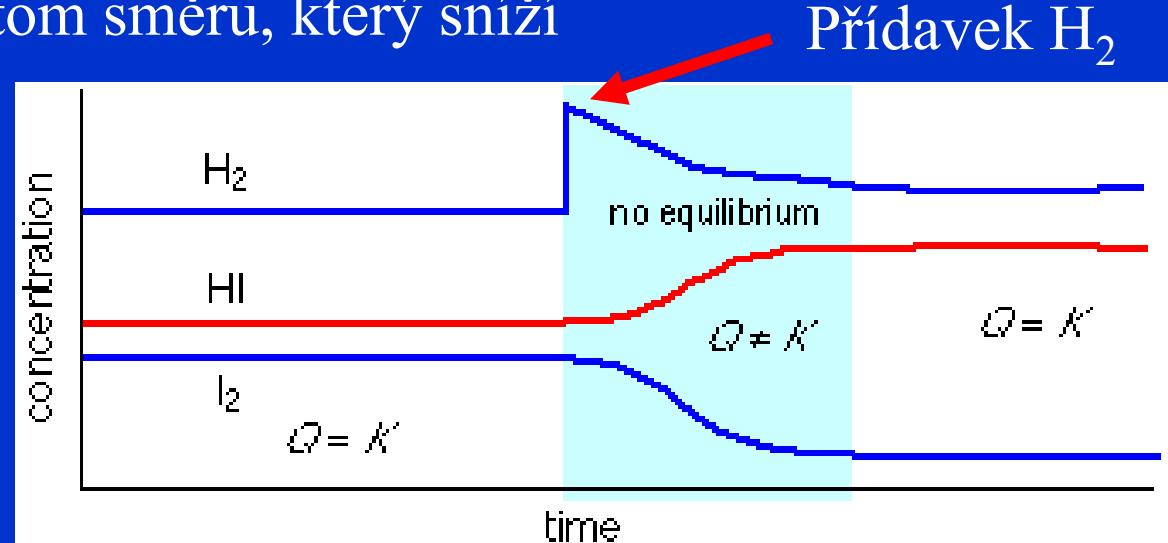
V rovnováze přítomny produkty i výchozí



Henri LeChatelier  
(1850-1936)

Pokud dojde v systému, který se nachází v rovnováze, ke změně teploty, tlaku nebo látkového množství reagujících látek, bude tendence k reakci v tom směru, který sníží efekt této změny.

$$K_C = \frac{[HI]^2}{[H_2][I_2]}$$

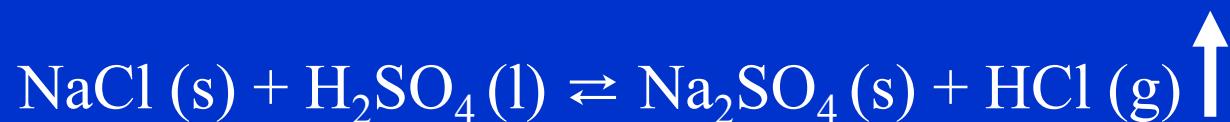


## Vliv přídavku na reakční rovnováhu

K se nemění



sušící látka pohlcuje vodu, posun doprava



plynny HCl uniká ze soustavy, posun doprava



přídavek inertu N<sub>2</sub>, neúčastní se reakce, **nemění** se počet molů, beze změny

## Vliv přídavku na reakční rovnováhu

K se nemění



a) přídavek  $\text{N}_2$  za **konst.** V, beze změny – inert neovlivný

b) přídavek  $\text{N}_2$  za **konst.** p, V roste, **mění** se počet molů plynu, zředění, posun doprava ( $1 \rightarrow 2$  mol g)

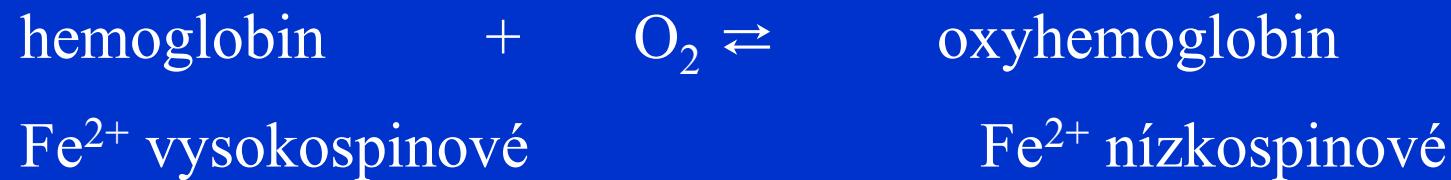


vodní pára uniká ze soustavy, posun doprava



Přídavek  $\text{Cl}^-$ , posun doleva, snížení rozpustnosti

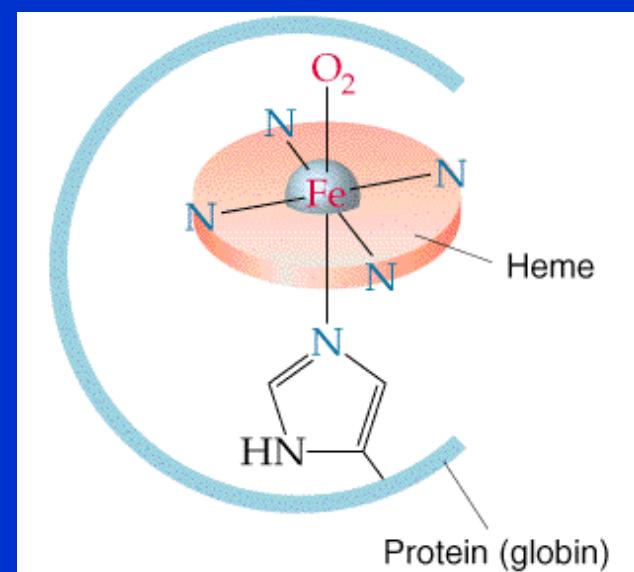
## Přenos kyslíku a CO<sub>2</sub>



Otrava CO

- CO se váže 200× silněji než O<sub>2</sub>
- třešňově červené zbarvení kůže

Protilátka?



## Vliv tlaku na reakční rovnováhu

Důležité pro reakce u nichž se **mění počet molů plynných látok**



K se nemění

$$\Delta n_g = (n_{\text{prod}} - n_{\text{vých}}) = 1 - 2 = -1$$

V na polovinu, p 2x větší

Zvýšení tlaku posune reakci doprava

$$Q_p = \frac{1}{2} K_p$$

$$K_p = \frac{p_{\text{N}_2\text{O}_4}}{p_{\text{NO}_2}^2}$$



stlačení



posun reakce



$$Q_p = \frac{2p_{\text{N}_2\text{O}_4}}{(2p_{\text{NO}_2})^2}$$

Ustavení  
rovnovážných  
koncentrací  
Tvorba  $\text{N}_2\text{O}_4$

## Vliv tlaku na reakční rovnováhu



K se nemění

Rozpustnost  $\text{CaCO}_3$  vzrůstá s tlakem.

Dno Atlantiku je pokryto vrstvou  $\text{CaCO}_3$  ze schránek uhynulých mikroorganismů

Dno Tichého oceánu (hlubší) není pokryto vrstvou  $\text{CaCO}_3$ , pod určitou hloubkou 4-6 km (nízká teplota, vysoký tlak,  $\text{CO}_2$ ) se  $\text{CaCO}_3$  rozpouští



# Vliv tlaku na reakční rovnováhu při syntéze amoniaku



- reakce je exothermní
- snižuje se počet molů plynných látek

podle LeChatelierova principu bude výtěžek maximální při vysokém tlaku a nízké teplotě

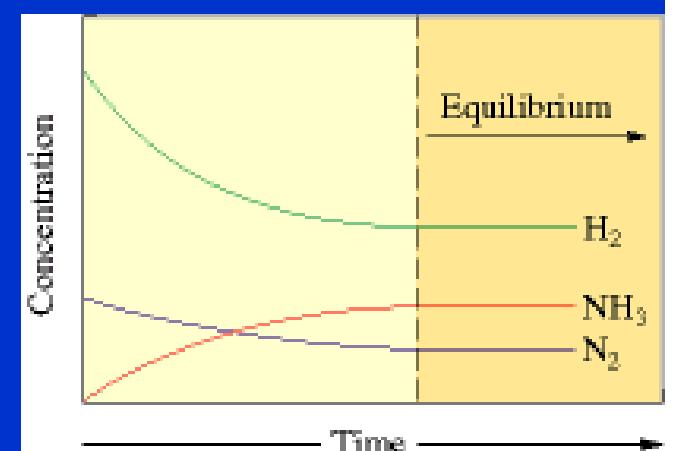
při nízké teplotě je ale reakce velmi pomalá  
použití Fe katalyzátoru pro urychlení

Podmínky

20–100 MPa a 400–600 °C



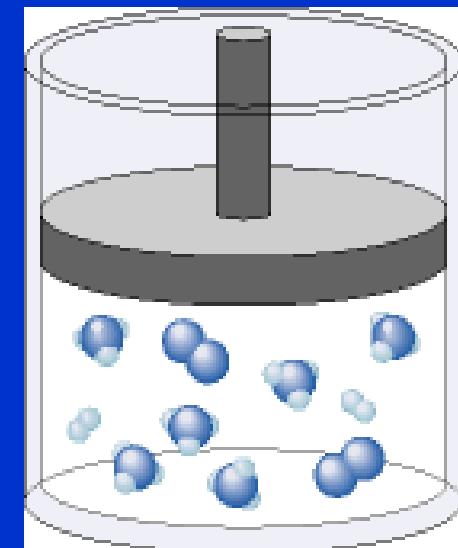
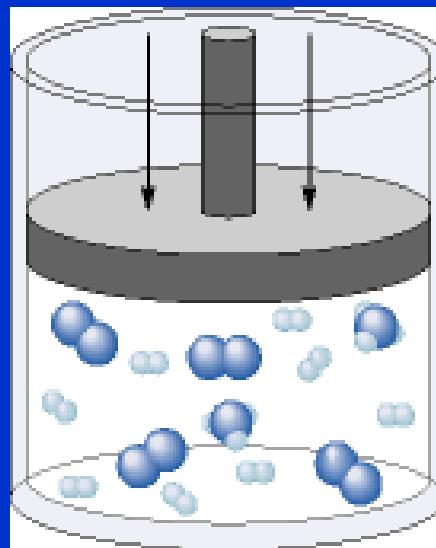
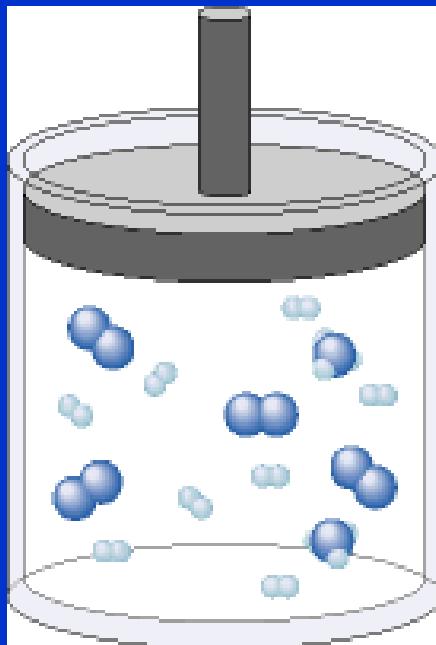
Fritz Haber  
(1868 - 1934)  
NP za chemii 1918



## Vliv tlaku na reakční rovnováhu



K se nemění



Key:



$$K_p = \frac{p_{NH_3}^2}{p_{N_2} p_{H_2}^3}$$

$$Q_p = \frac{(2p_{NH_3})^2}{2p_{N_2}(2p_{H_2})^3} = \frac{1}{4} K_p$$

Tvorba NH<sub>3</sub>

Zdvojnásobíme tlak

## Rovnovážná konstanta

$$pV = nRT \quad p = (n/V)RT = cRT$$

$p = p_1 + p_2 + p_3 + \dots$  Parciální tlaky



$$\begin{aligned} K &= \frac{[NH_3]^2}{[N_2][H_2]^3} = \frac{c_{NH_3}^2}{(c_{N_2})(c_{H_2}^3)} \\ &= \frac{\left(\frac{P_{NH_3}}{RT}\right)^2}{\left(\frac{P_{N_2}}{RT}\right)\left(\frac{P_{H_2}}{RT}\right)^3} = \frac{P_{NH_3}^2}{(P_{N_2})(P_{H_2}^3)} \times \frac{\left(\frac{1}{RT}\right)^2}{\left(\frac{1}{RT}\right)^4} \\ &= \frac{P_{NH_3}^2}{(P_{N_2})(P_{H_2}^3)} (RT)^2 \\ &= K_p (RT)^2 \end{aligned}$$

## Rovnovážná konstanta



$$K_p = K_c (RT)^{\Delta n}$$

$$\Delta n = (l + m) - (j + k)$$

$$\begin{aligned} K_p &= \frac{(P_C^l)(P_D^m)}{(P_A^j)(P_B^k)} = \frac{(C_C \times RT)^l(C_D \times RT)^m}{(C_A \times RT)^j(C_B \times RT)^k} \\ &= \frac{(C_C^l)(C_D^m)}{(C_A^j)(C_B^k)} \times \frac{(RT)^{l+m}}{(RT)^{j+k}} = K(RT)^{(l+m)-(j+k)} \\ &= K(RT)^{\Delta n} \end{aligned}$$

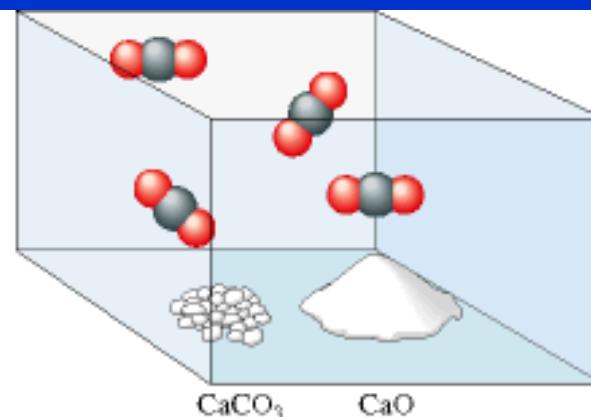
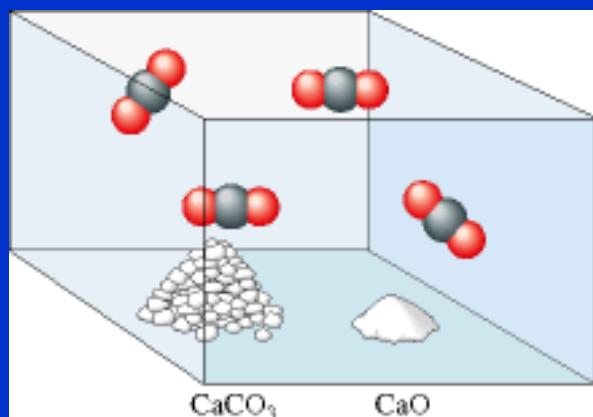
## Heterogenní rovnováhy



$$K = [\text{CO}_2][\text{CaO}] / [\text{CaCO}_3] = [\text{CO}_2] = p(\text{CO}_2)$$

Aktivita (koncentrace) čistých kapalin a tuhých látok je konstantní a neobjeví se v K.

$[\text{CaO}] = [\text{CaCO}_3] = \text{konst.}$  Přídavek nic nemění



## Heterogenní rovnováhy



$$K_c = [\text{H}_2]^2[\text{O}_2] \quad K_p = p^2(\text{H}_2)p(\text{O}_2)$$



$$K_c = [\text{H}_2]^2[\text{O}_2] / [\text{H}_2\text{O}]^2 \quad K_p = p^2(\text{H}_2)p(\text{O}_2) / p^2(\text{H}_2\text{O})$$

## Vliv teploty na K

$$\Delta G^0 = -RT \ln K$$

$$\Delta G^0 = \Delta H^0 - T \Delta S^0$$

$$\ln K = -\frac{\Delta G^0}{RT} = -\frac{\Delta H^0}{RT} + \frac{\Delta S^0}{R}$$

K se mění s T

Porovnat K při  $T_1$  a  $T_2$  ( $K_1$  a  $K_2$ )

$$\ln K_2 = -\frac{\Delta H^0}{RT_2} + \frac{\Delta S^0}{R}$$

chlazení  
ohřátí

$T_2 < T_1$   
 $T_2 > T_1$

**van't Hoffova rovnice**

$\Delta H^\circ < 0$  exothermní  
 $\Delta H^\circ > 0$  endothermní

$$\ln K_2 - \ln K_1 = \ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

Jak se změní  $K_1$  a  $K_2$

## Vliv teploty na reakční rovnováhu



ochlazení  
ohřátí



$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right) > 0$$

Exothermní reakce se chlazením  
 $T_2 < T_1$

posune doprava = K vzroste,  $K_2 > K_1$

Teplo jako produkt exothermní reakce



## Vliv teploty na exothermní rovnováhu



Exothermní reakce, výtěžek klesá s rostoucí T

Roste T	T, K	K	Klesá K a výtěžek
	500	90	
	600	3	
	700	0.3	
	800	0.04	

$$K = \frac{[NH_3]^2}{[N_2][H_2]^3}$$

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

## Vliv teploty na endothermní rovnováhu



Endothermní reakce se zahříváním posune doprava

$$T_2 > T_1$$

K vzroste,  $K_2 > K_1$ ,  $K_p = p(\text{CO}_2)$

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^0}{R} \left( \frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right) > 0$$

Teplo jako reaktant endothermní reakce



## Výpočet rovnovážné koncentrace



$$K = 1.15 \cdot 10^2$$

$$[\text{H}_2]_0 = 1.00 \text{ M} \quad [\text{F}_2]_0 = 2.00 \text{ M} \quad [\text{HF}]_0 = 0$$

$$K = \frac{[\text{HF}]^2}{[\text{H}_2][\text{F}_2]}$$

	$\text{H}_2(g)$	$\text{F}_2(g)$	$2 \text{ HF}(g)$
Počáteční	1.00	2.00	0
Změna	$-x$	$-x$	$+2x$
Rovnovážná	$1.00 - x$	$2.00 - x$	$2x$

$$K = 1.15 \cdot 10^2 = [\text{HF}]^2 / [\text{H}_2][\text{F}_2] = (2x)^2 / (1.00 - x)(2.00 - x)$$

$$K = \frac{[2x]^2}{[1.00 - x][2.00 - x]}$$

# Výpočet rovnovážné koncentrace

$$x_{1,2} = [-b \pm (b^2 - 4ac)^{1/2}] / 2a$$

Kořeny

$$x_1 = 2.14 \text{ mol l}^{-1} \text{ a } x_2 = 0.968 \text{ mol l}^{-1}$$

Použijeme

$$x_2 = 0.968 \text{ mol l}^{-1}$$

$$[\text{H}_2] = 1.000 M - 0.968 M = 3.2 \cdot 10^{-2} M$$

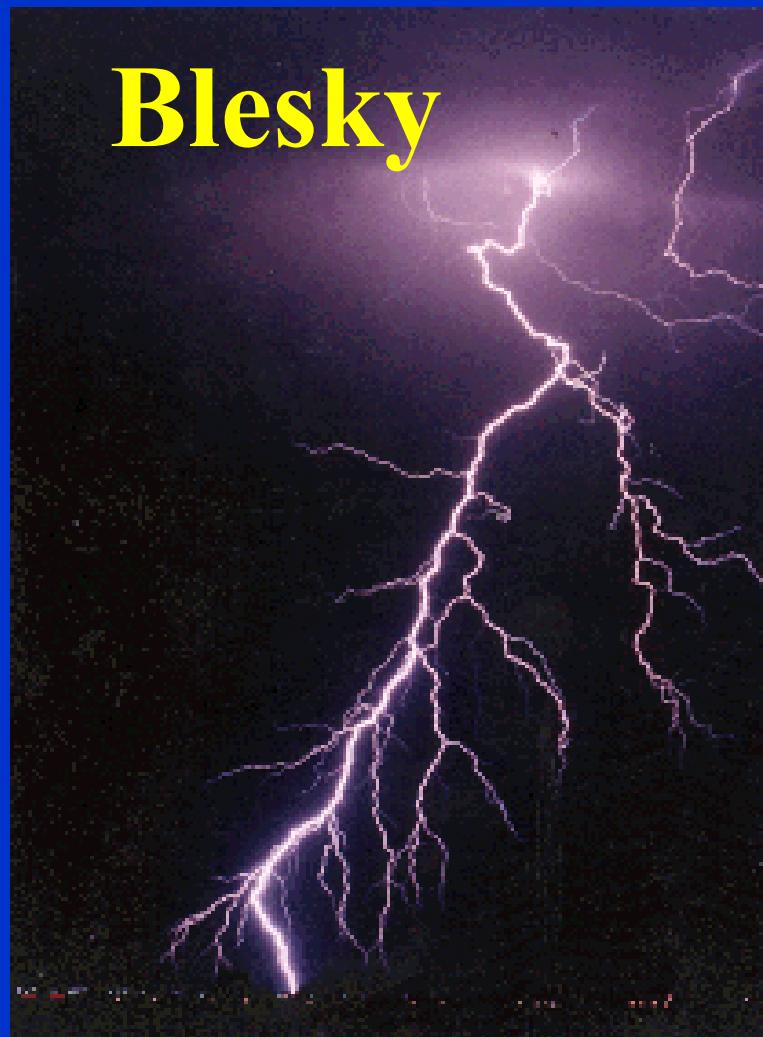
$$[\text{F}_2] = 2.000 M - 0.968 M = 1.032 M$$

$$[\text{HF}] = 2 (0.968 M) = 1.936 M$$

# Vliv teploty na reakční rovnováhu



$$\Delta H_r^\circ = 180.6 \text{ kJ mol}^{-1}$$



Mimo průmyslové procesy, jsou blesky největším zdrojem znečistění atmosféry  
oxidu dusíku ( $\text{NO}_x$ ) a ( $\text{NO}_3^-$ )



Gibbsova volná energie při 298 K

$$\Delta G^\circ = -RT \ln(K_{\text{eq}})$$

Slučovací  $\Delta G_{\text{sluč}}^\circ = \Delta H_{\text{sluč}}^\circ = 0$  pro  $\text{N}_2$  a  $\text{O}_2$

$$\Delta G_{\text{sluč}}^\circ (\text{NO}) = 86.6 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta H_{\text{sluč}}^\circ (\text{NO}) = 90.3 \text{ kJ mol}^{-1} \quad R = 8.314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

Reakční

$$\Delta H_r^\circ = 2(90.3) - 0 - 0 = 180.6 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta G_r^\circ = 2(86.6) - 0 - 0 = 173.2 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$K_{\text{eq}} = \exp(-\Delta G_r^\circ / RT) = \exp(-173.2 \cdot 10^3 / 8.314 \times 298) = 4.33 \cdot 10^{-31}$$

Za normální teploty rovnováha velmi posunuta k výchozím látkám

$$K_{eq} = P_{NO}^2 / (P_{N2} \cdot P_{O2})$$

Když  $P_{N2} = 0.8$  atm;  $P_{O2} = 0.2$  atm (rovnovážné)

$$P_{NO} = \sqrt{(K_{eq} \cdot 0.8 \times 0.2)} = 2.63 \cdot 10^{-16} \text{ atm}$$

Pro 2000 K

Předpoklad:  $\Delta H_r$  a  $\Delta S_r$  jsou nezávislé na teplotě

$$\Delta G_r^\circ \approx \Delta H_r^\circ - 298 \times \Delta S_r^\circ$$

$$173.2 = 180.6 - 298 \times \Delta S_r^\circ$$

$$\Delta S_r^\circ = 25.3 \cdot 10^{-3} \text{ kJ mol}^{-1} \text{ K}^{-1} = 25.3 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \quad (\text{pozor J a kJ})$$

$$\Delta G^\circ \approx \Delta H^\circ - T \Delta S^\circ = 180.7 - 2000 \times 25.3 \cdot 10^{-3} = 130.1 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta G_{(2000)} \approx 130.1 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$K_{eq} = P_{NO}^2 / (P_{N2} P_{O2}) = \exp(-\Delta G^\circ / RT)$$
$$= \exp(-130.1 \cdot 10^3 / 8.314 \times 2000) = 4.00 \cdot 10^{-4}$$

$$p_{celk} = 1.00 \text{ atm}$$

$$P_{NO} = 8.0 \cdot 10^{-3} \text{ atm} = [0.8 \% \text{ obj.}]$$

Pro 2500 K

$$K_{eq} = 3.4 \cdot 10^{-3} \quad [NO] = 2.3 \% \text{ obj.}$$

## Parní reformování zemního plynu

Teploty varu:



Vliv zvýšení tlaku

Teplota	Reakce	$\Delta n_g$	posun
50 °	$\text{CH}_4(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{l}) + \text{H}_2(\text{g})$	0	ne
75 °	$\text{CH}_4(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{g}) + \text{H}_2(\text{g})$	+1	doleva
120 °	$\text{CH}_4(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{g}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{OH}(\text{g}) + \text{H}_2(\text{g})$	0	ne

## Změna tenze par vody s teplotou



$$\Delta H^0_{\text{výp}} = 40.66 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$K_p = P_{\text{H}_2\text{O}}$$

van't Hoffova rovnice

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \ln \frac{P_T}{P_{\text{var}}} = \ln p_T = \frac{\Delta H^0_{\text{výp}}}{R} \left( \frac{1}{T_{\text{var}}} - \frac{1}{T} \right) \quad P_{\text{var}} = 1 \text{ atm}$$

Tenze vodní páry při 50 °C = 323 K

Clausius-Clapeyronova rovnice

$$\ln P_T = \frac{40.66 \text{ J mol}^{-1}}{8.315 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}} \left( \frac{1}{373 \text{ K}} - \frac{1}{323 \text{ K}} \right) = -2.03$$

$$P_{323} = e^{-2.03} = 0.131 \text{ atm}$$

Experimentální hodnota = 0.122 atm