

# 4. Přednáška / PS 2018

BEZ PŘEZENTACE

Molekulové ledliny  
Energie a jejího pozorování

ALÉ

S OSN.

PWA

Na 15.

sem LIII

FENOMENOLOGICKÁ

TERMODYNAMIKA  
PRO MAKROSKOPICKÉ  
OBJEKTY

(H, S, G zaváděno v JS)

Zpřesňování

Statistickou

HLADINŮ ENERGIE  
УРОВНИЙ ЭНЕРГИИ  
МОЛЕКУЛ

(energie elektronové,  
↑ teorie MO

energie přetlakování vibrací  
votácím a translacím molekule)

Zde uvedeme základní výsly vložení ledlin E molekul

+ Základní popis jeřich pvděněného os sčzení .

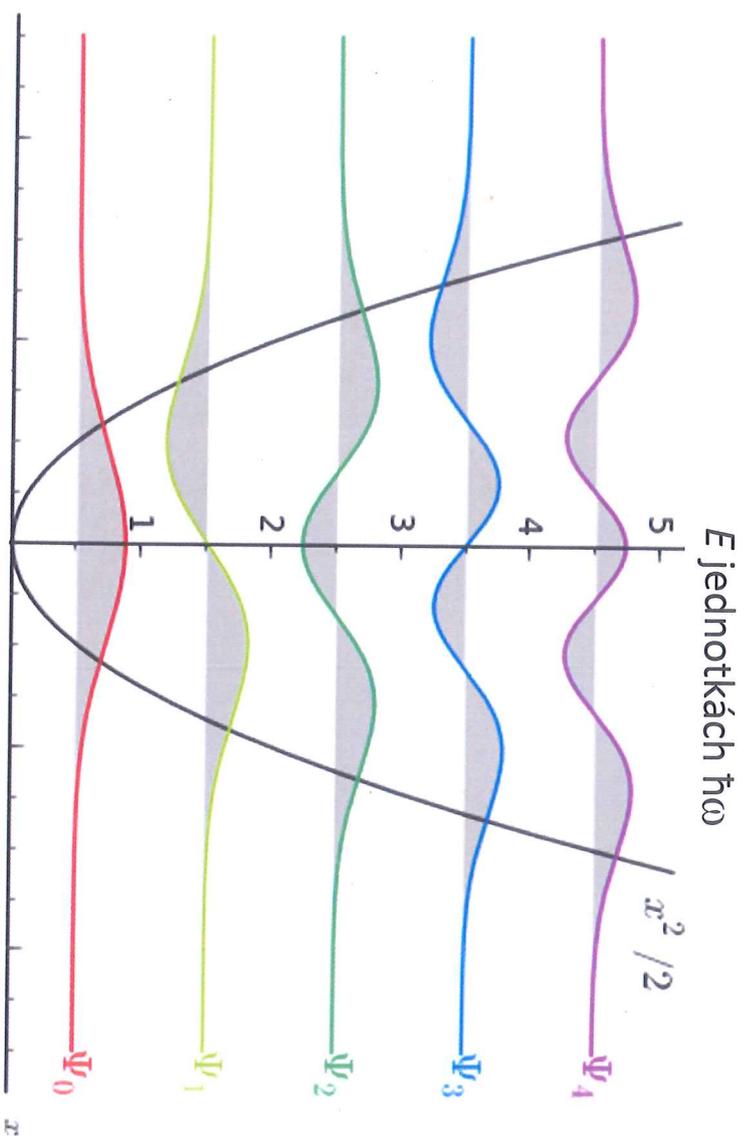
Více o ledlinách E vuse: Pov. pí. deou. sturktura v kv. stadiu.



$$\frac{1}{\mu} = \frac{1}{m_1} + \frac{1}{m_2} = \frac{1}{m_N} + \frac{1}{m_N} = \frac{2}{m_N}$$

$$\mu_{N2} = \frac{m_N}{2}$$

Obr. 8.22 Vlnové funkce harmonického oscilátoru (v přehlednější reprezentaci - vlnové funkce odsazeny od nuly na jednotlivé hladiny energie)



Pořadovací

rovnice:

$$(8.21)$$

$$(8.22)$$

$$(8.24)$$

15.1

ROZDĚLENÍ

MOLEKULOVÝCH

STAVŮ

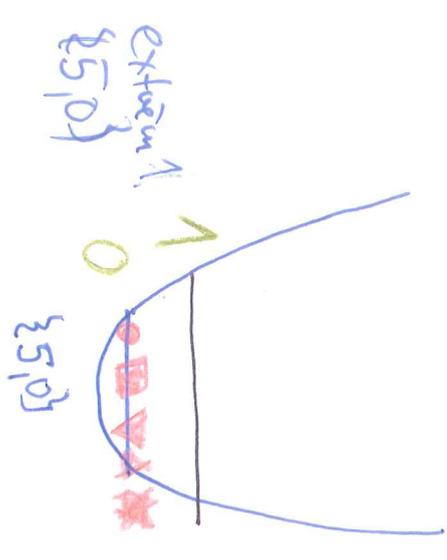
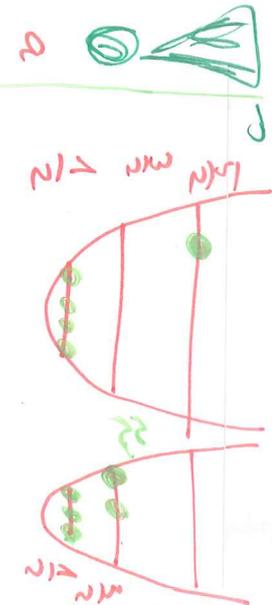
15.1.1. konfigurace a váhy

15.1.1.1 Okamžitý konfigurace

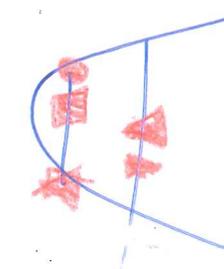
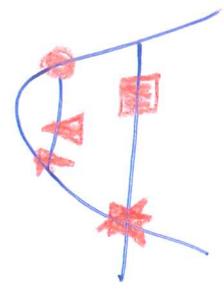
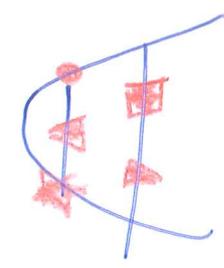
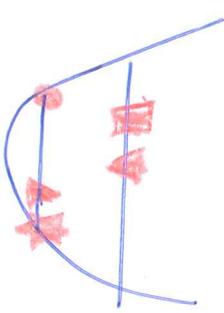
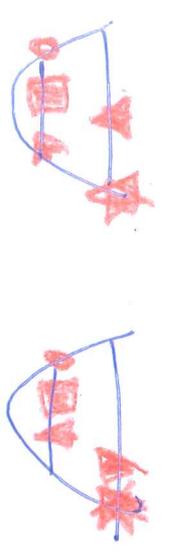
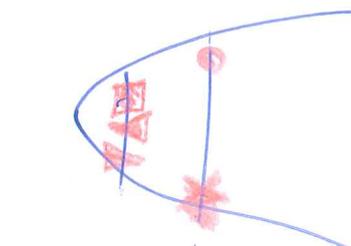
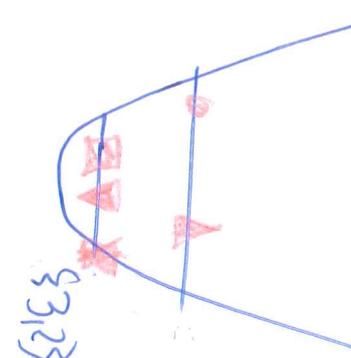
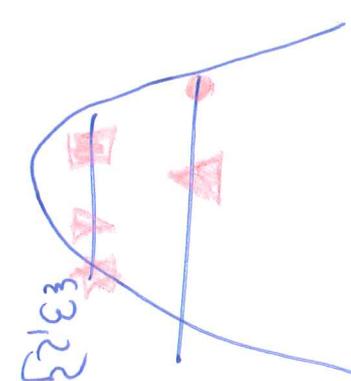
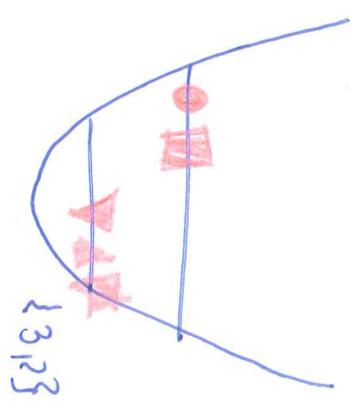
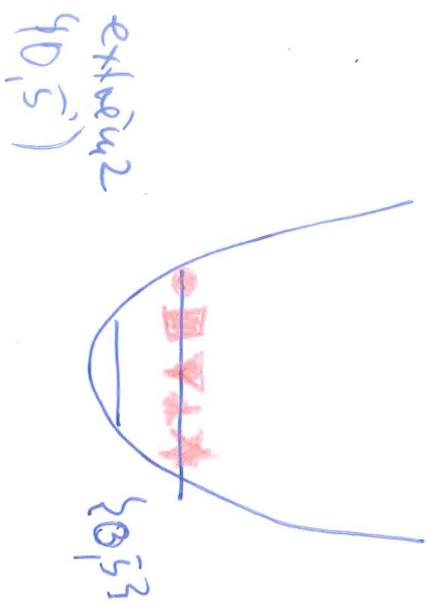
Pr. Předpokládáme, že 3 molekuly můžeme usadit  $E_0 = \frac{1}{2} h \nu$  nebo  $E_1 = \frac{3}{2} h \nu$

a pro zřetěvek nás nezajímá, jak to bude nejnižší pořadí jde o  $E_{celk}$ .

[Zapadne pořadí zvlášť - pře to udělat]



us. kombinovan. může vzniknout (2, 1, 3)



Specificaer Populeaer Wærtin  $\{N_0, N_1, N_2, \dots\} = \text{TZU. OATHEITÄ}$  kofe

Ösönne:

$$W = \frac{N!}{N_0! N_1! N_2! \dots}$$

VZken (ke dlecke)

$$N = 3165141$$

def: Vaha koufig

= port väzuges Zpöselö,  
 jiviz wirt syf dany  
 koul. dosoray



$$\frac{3!}{3!} \cdot \frac{6!}{6!} \cdot \frac{5!}{5!} \cdot \frac{4!}{4!} = \frac{N!}{3! 6! 5! 4!}$$

$$W = \frac{N!}{3! 6! 5! 4!}$$

Lépe vez s W se pracuje s  $\rho_n W$

$$\rho_n W = \rho_w \left( \frac{N!}{N_0! N_1! N_2! \dots} \right) = \rho_w N! - \rho_w (N_0! N_1! N_2! \dots) =$$

protože  $\rho_w(x \cdot y) = \rho_w x + \rho_w y$  | protože  $\rho_n \left( \frac{x}{y} \right) = \rho_n x - \rho_n y$

$$\uparrow = \rho_w N! - (\rho_w N_0! + \rho_w N_1! + \rho_w N_2! + \dots) =$$

$$= \rho_w N! - \sum_i \rho_w N_i! \approx^* (N \rho_w N - N) - \sum (N_i \rho_w N_i - N_i) =$$

$N \rho_w N - \sum_i N_i \rho_w N_i$

(15.3)

\* Stirlingova aproximace

$$\rho_w(x!) \approx x \cdot \rho_w x - x \quad x \geq 10$$

# 15.1.1.2 Boltzmannova rozdělba

konfigurace

{ 3, 2, 0, 0, ... }

má větší zastoupení než

Váha: 10  $W=10$

[přibližně E je pro vibraci velkou

v harmon. aproximaci seřazení]  
 $E_{\text{celé}} = \frac{q}{2} T \omega$

konfig

{ 4, 0, 1, 0, ... }

Váha: 5  $W=5$

Seminář: Vysší počty uspořádání větší  $E_{\text{celé}}$

→ více širších možných konfigurací

? Rozložit se  $W$  rovnoměrněji vlnit 10 a 5 nebo

naproti extrémněji?

Váha dominancí  
 ↑ kon!

ve směři  $k \log W$

JS:  $S = k \cdot \ln W$  hrobs L-Boltzmannova, vícev širších vlnit



filozof. vġhady → stu se filozofu kwili vġuġewi

1904 konf. St Louis → wġtinas tgħirid odwixxa

Atomy a wogħ Poawin h<sub>s</sub>

F<sub>Wca</sub>

(1867 Kowdeleruwa Palsirica!)

Statistika.. system se budo nacharet bud' tēwēi vġhady

u jgħirwē (fav. DOMINANTĪ KONFIGURAZ)

wso u wēwērika, kēwē so od DOM. JEN PAKO CIST

? Dom. konfig? Hlođāwos tawrōē hodyokly Ni

(populaco stawi), kēwē MAXIMIZAZIŪ W (h<sub>s</sub> h<sub>s</sub>)

(15.4)

ПОДПИСКА КОНСТАНТИ  $E_{(cell)}$

$$\sum_i N_i \epsilon_i = E$$

ПОДПИСКА КОНСТ. ПОРТА МОЛЕКУЛ

$$\sum_i N_i = N$$

(15.5)

Методом Ланжана спользуем метод множителей Лагранжа (используем экстремум с узлами)

→ выведем:

БОЛТЗМАНОВСКАЯ РАСПРЕДЕЛЕНИЕ

$$\frac{N_i}{N} = \frac{e^{-\beta \epsilon_i}}{\sum_j e^{-\beta \epsilon_j}}$$

15.6a

$S$  кин. энергии и т.д.

$$\beta = \frac{1}{kT}$$

выпуклая и вогнутая

Т... функции параметров и т.д. и т.д.

(+ к. системы)

показатель степени

15. 1. 2

# MOLEKULOVÁ PARTIČNÍ FUNKCE

Болтцманново

rozdělení

měřice i pro sou. part. i. i

$$q = \sum_i e^{-\beta \epsilon_i}$$

DEFINICE

(disk. part. i. i) rozdělení

Angular Partition

$$\sum_j e^{-\beta \epsilon_j}$$

rozdělení

funkce

MOLEKULOVÁ PARTIČNÍ FUNKCE

(viz. mají pane  $\epsilon_j$  a  $T$ )

(tzn. Populace stavu i)

Označuje  $P_i$

$$\frac{N_i}{N} =$$

$$\frac{e^{-\beta \epsilon_i}}{\sum_j e^{-\beta \epsilon_j}}$$

Indikator  $\delta_{ij}$  o už něco řp

stavu i index

globální popis

rozdělení vlastní energie, pro jéka každou

vlastní vážený  $T$

vlastní, že rozdělí  $E$

rozdělení - moc. na tyto vlastní

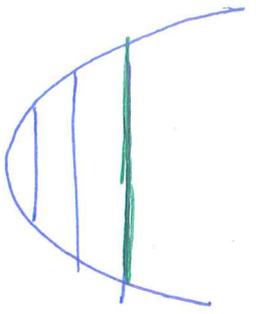
Pokud máme více stavů stejné energie  $E_i$   $\int$  tj. degenerace  
 je obvykle stav se stejnou energií Sdružit a  
 započítat společně. Jak se to dělá?

**Průběh 15.1**

Partiční funkce pro tzv. rotační  
 hladiny energie lineárně molekulou.

## 12.2.2 HLADINY ROTAČNÍ ENERGIE

nenší  $E$  mávoug než při vibraci



každá vibraci hladiny je

podrobnější u pásové

de energie spojité s rotací molekulou

