

12. MANGANOMETRIE

PRINCIP TITRACE ZALOŽENÉ NA OXIDAČNĚ - REDUKČNÍCH REAKCÍCH

Potenciometrické metody určování koncentrace (aktivity) iontů v roztoku jsou založeny na měření elektromotorického napětí EMN (tj. rozdílu potenciálů elektrod $E_{ind} - E_{ref}$ v bezproudovém stavu) vhodně sestaveného galvanického článku. Článek je sestaven z měrné (indikační) a srovnávací (referenční) elektrody. Počátek potenciálové osy (tj. nula) je dán konstantním a známým potenciálem referenční elektrody, a proto podle konvence můžeme položit $E_{ref} = 0$, tj. měřené EMN se rovná přímo E_{ind} . Hodnota potenciálu potom musí být vždy označena typem referenční elektrody, na kterou je uváděný potenciál vztázen (např. $E = + 56 \text{ mV [SCE]}$, kde SCE je mezinárodní zkratka pro nasycenou kalomelovou elektrodu (tj. saturated calomel electrode). Při známé hodnotě potenciálu referenční elektrody lze tyto potenciály snadno přepočítat na standardní vodíkovou stupnici.

Indikační redoxní elektroda je tvořená indiferentním kovem (např. platina), který je ponořen do roztoku obsahujícího oxidovanou a redukovanou formu redoxního systému, její potenciál je určován poměrem koncentrací oxidované (Ox) a redukované (Red) formy daného redoxního páru podle upraveného *Nernst-Petersova vztahu*:

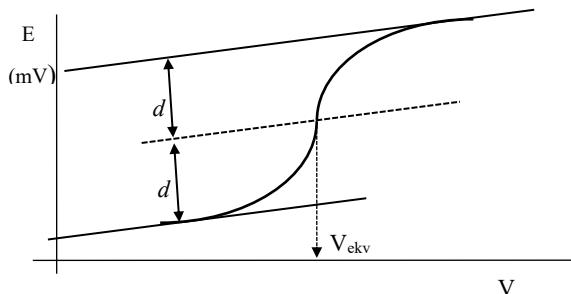
$$E_{ind} = E^f + \frac{0,059}{n} \log \frac{[\text{Ox}]}{[\text{Red}]} \quad \text{pro } 25^\circ\text{C}$$

kde: E^f je formální potenciál pro redoxní pár Ox/Red ,
[Ox] a [Red] jsou rovnovážné koncentrace obou forem příslušného redoxního páru,
 n je počet elektronů, vyměněných v průběhu reakce $\text{Ox} \leftrightarrow \text{Red}$.

Jako druhá elektroda článku je použita referenční elektrody kalomelová (tj. elektroda druhého druhu), kterou tvoří kov pokrytý vrstvičkou své málo rozpustné soli a ponořený v roztoku aniontů této soli.

Elektronickým multimetrem (tj. voltmetrem s vysokým vstupním odporem) je měreno bezproudově elektromotorické napětí EMN ($\equiv E_{ind}$) mezi platinovou a kalomelovou elektrodou, jehož změny v průběhu titrace jsou závislé na změnách poměru $[\text{Ox}]/[\text{Red}]$, tj. poměru koncentrací oxidované a redukované formy titrované látky před ekvivalenčním bodem titrace nebo oxidované a redukované formy titračního činidla za ekvivalenčním bodem titrace.

Typickou redoxní titrační křivku jako závislost potenciálu E_{ind} na objemu přidávaného titračního činidla $V(\text{KMnO}_4)$ znázorňuje obr. 12.1. Inflexní bod ve strmé části křivky je prakticky shodný s ekvivalenčním bodem V_{ekv} .



Obr. 12.1: Titrační křivka pro systém: Fe^{2+} titrováno MnO_4^-

URČOVÁNÍ EKVIVALENČNÍHO BODU POTENCIOMETRICKÉ TITRACE

Bod ekvivalence lze zjistit graficky metodou tří rovnoběžek (viz obr. 12.1) nebo početní metodou.

Grafické vyhodnocení

Z tabulky v Excelu sestrojit graf – titrační křivku. Do grafu vynést závislost měřeného napětí E na objemu přidávaného titračního činidla V(KMnO_4).

Grafické určení bodu ekvivalence provést proložením dvou rovnoběžek, které se dotýkají potenciometrické křivky v místech maximálního zakřivení před a za ekvivalentní, rozpůlením vzdálenosti mezi nimi, proložením třetí rovnoběžky získaným středem a určením průsečíku této třetí rovnoběžky s titrační křivkou. Z titrační křivky odebírat dále hodnoty potenciálů E_1 a

E2 v bodech:

- při spotřebě odměrného roztoku odpovídající polovině spotřeby v bodě ekvivalence (pro stav v roztoku, kdy se rovnají rovnovážné koncentrace obou forem titrované sloučeniny, tj. platí $[Ox] = [Red]$). Tento potenciál (označme ho jako E_1), který je vztažený na potenciál referentní kalomelové elektrody $E_{SCE} = +241$ mV (ve standardní vodíkové stupnici), přepočítat na formální potenciál E^f titrovaného redoxního páru následovně: $E_1 + 241$ [mV].
- při dvojnásobné spotřebě odměrného roztoku než v bodě ekvivalence (pro stav v roztoku, kdy se rovnají rovnovážné koncentrace obou forem odměrného činidla, tj. platí $[MnO_4^-] = [Mn^{2+}]$). Naměřený potenciál E_2 , zvětšený o 241 mV odpovídá formálnímu potenciálu činidla $E^f(MnO_4^-/Mn^{2+})$ pro použití prostředí (tj. pH, iontovou sílu, složení roztoku).

Početní metody určování inflexního bodu titrační křivky

Inflexní bod titrační křivky stanovit přesně pomocí druhé diference, tj. hledat maximální hodnotu směrnice titrační křivky $\Delta E/\Delta V$, příslušející největšímu sklonu titrační křivky v inflexním bodě.

Z naměřených hodnot sestavit tabulku:

V (0,002M KMnO ₄)	ΔV	E	ΔE	$\Delta E/\Delta V$	$(\Delta E)_2$
ml	ml	mV	mV	mV/ml	mV

Závislost $((\Delta E^2/\Delta V)^2 = f(V)$ nabývá v inflexním bodě nulové hodnoty. Spotřebu V_{ekv} odpovídající této nulové hodnotě lze vypočítat s použitím poslední kladné a prvé záporné hodnoty 2. diference podle vztahu:

$$V_{ekv} = V^+ + \Delta V \cdot \frac{(\Delta E^+)_2}{(\Delta E^+)_2 + |(\Delta E^-)_2|}$$

kde: V_{ekv} je objem činidla v ml odpovídající inflexnímu bodu titrační křivky,

V^+ je objem činidla v ml odpovídající poslední kladné 2. Diferenci napětí E^2 ,

ΔV je konstantní přídavek činidla v ml, který se přidává v oblasti ekvivalentního bodu,

ΔE^{2+} a ΔE^{2-} jsou poslední kladná a první záporná 2. differenze E.

Aplikace shora uvedeného postupu je zřejmá z následující tabulky:

V (0,002 M KMnO ₄)	ΔV	E	ΔE	$\Delta E/\Delta V$	$\Delta E^{\square 2}$
ml	ml	mV	mV	mV/ml	mV
10,0	0,1	551	15	150	
10,1	0,1	566	32	320	17
10,2	0,1	598	344	3440	312
10,3	0,1	942	36	360	-308
10,4	0,1	978	17	170	-4
10,5		995			

Dosazením do uvedeného vzorce lze početně určit V_{ekv} :

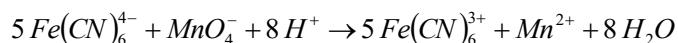
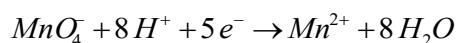
$$V_{ekv} = 10,2 + 0,1 \cdot \frac{312}{312 + 308} = 10,25 \text{ ml}$$

12.1. Standardizace 0,002 M KMnO₄ na hexakyanoželeznatan tetradraselný

Odměrný roztok KMnO₄ není stálý, zvolna se rozkládá na kyslik a oxid manganičitý, který katalyzuje další rozklad manganistanu. Přesnou koncentraci KMnO₄ neboli titr odměrného roztoku stanovíme titrací na tzv. primární standard. Jako primární standard použijeme trihydrát hexakyanoželeznatanu draselného.

Roztok hexakyanoželeznatanu se titruje odměrným roztokem KMnO₄ v prostředí zředěné H₂SO₄. Při potenciometrickém stanovení je naměřen potenciálový skok z oblasti, definované formálním potenciálem E^f pro soustavu Fe(CN)₆³⁻/Fe(CN)₆⁴⁻ ($E^f = +0,67\text{ V}$) do oblasti potenciálu soustavy MnO₄⁻/Mn²⁺ ($E^0 = +1,51\text{ V}$).

Původně nažloutlý roztok se v průběhu titrace barví do žlutozelená (patrně vznikem stopových množství berlínské modři pozvolným rozkladem méně stálé kyseliny hexakyanoželeznaté). Oxidace hexakyanoželeznatého aniontu na hexakyanoželezitanový probíhá velmi snadno, potenciál se ustaluje rychle, v blízkosti ekvivalentního bodu je ustalování potenciálu pomalejší, je třeba vyčkat 1 – 2 minuty do odečtení potenciálu. Zatímco redoxní pár primárního standardu se chová reverzibilně (elektrodový děj $\text{Fe}(\text{CN})_6^{4-} \leftrightarrow \text{Fe}(\text{CN})_6^{3-}$ je zcela vratný a jeho potenciál se ustaluje rychle), je reverzibilita elektrodového děje činidla jen zdánlivá (reakce $\text{MnO}_4^- \rightarrow \text{Mn}^{2+}$ je zcela nevratná a zpětnou oxidaci zastupuje reakce $\text{Mn}^{2+} \rightarrow \text{Mn}^{3+}$ při $E^f = +1,5\text{ V}$). Tato skutečnost zapříčňuje pomalejší ustalování potenciálu za bodem ekvivalence a průběh titrační křivky v této oblasti neodpovídá přesně teoretickému. Bod ekvivalence není totožný s bodem inflexe křivky, při velké strnosti titrační křivky v blízkosti bodu ekvivalence je však tato chyba zanedbatelná.



$$1 \text{ mol KMnO}_4 \approx 5 \text{ mol Fe}(\text{CN})_6^{4-} \quad M(\text{K}_4[\text{Fe}(\text{CN})_6] \cdot 3 \text{H}_2\text{O}) = 422,408 \text{ g/mol}$$

$$1 \text{ ml } 0,002 \text{ M KMnO}_4 = 0,002 \text{ mmol KMnO}_4 \approx 0,01 \text{ mmol Fe}(\text{CN})_6^{4-} = 4,224 \text{ mg K}_4[\text{Fe}(\text{CN})_6] \cdot 3 \text{H}_2\text{O}$$

TITRACE

Navázit přibližně 0,4 g K₄Fe(CN)₆·3H₂O s přesností na 0,1 mg. Navázku převést kvantitativně do odměrné baňky na 100 ml a po rozpuštění doplnit destilovanou vodou po rysku.

Do vysoké kádinky na 150 ml vložit míchadélko, napijetovat 10,00 ml roztoku standardu, přidat 70 ml destilované vody (odměrným válcem) a 20 ml 4M H₂SO₄ (odměrným válcem). Kádinku postavit na magnetickou míchačku a do roztoku ponořit elektrody opláchnuté destilovanou vodou.

Takto připravený roztok titrovat odměrným roztokem 0,002 M KMnO₄. Na začátku titrace lze pozorovat posun potenciálu směrem k nižším hodnotám. To je způsobeno nepřítomností oxidované formy stanovované látky (podle Nernst-Petersovy rovnice by měl být potenciál teoreticky $-\infty$). Proto je vhodné odečítat potenciál až od případu 1 ml odměrného roztoku, kdy se už potenciál ustaluje rychle, příp. počkat se začátkem titrace cca 5 min.

Při první tzv. orientační titraci přidávat odměrné činidlo ke vzorku po 1 ml pro rychlé a efektivní určení oblasti potenciálového skoku. Při druhé (příp. třetí) titraci přidat odměrné činidlo v okolí inflexního bodu titrační křivky ($\pm 1,0\text{ ml}$) po 0,1 ml. Po každém případu odměrného roztoku ke vzorku vždy odečíst hodnotu napětí mezi platinovou a kalomelovou elektrodou na multimetru ve voltovém rozsahu na 3 desetinná místa. Titraci ukončit po případu dvojnásobného množství odměrného roztoku KMnO₄, které odpovídá V_{ekv} .

Stanovit inflexní bod. Při více paralelních titracích vypočítat průměrnou hodnotu c_{KMnO_4} .

- stanovení provádět s využitím programu LabView, jednotky jsou nastaveny ve V (ne v mV)
- POZOR - nezapomínat na přepínání dávkovaného množství v oblasti inflexního bodu při dávkování 0,02M KMnO₄ (po 1 ml, po 0,1 ml)
- před ukončením měření, vždy nejprve uložit naměřené hodnoty – je nutné přepsat cestu k uložení výsledků

Výpočet **přesné** **koncentrace 0,002 M KMNO₄ :**

$$c_{KMnO_4} = \frac{m_{K_4Fe(CN)_6 \cdot 3H_2O}}{M_{K_4Fe(CN)_6 \cdot 3H_2O}} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{V_{pip}}{V_0} \cdot \frac{1}{V_{ekv}}$$

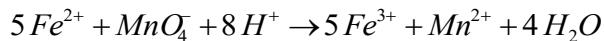
kde: c_{KMnO_4} je koncentrace KMnO₄ v mol/l,
 $m_{K_4Fe(CN)_6 \cdot 3H_2O}$ je navážka trihydrátu hexakyanoželeznatanu tetrادرaselného v mg,
 $M_{K_4Fe(CN)_6 \cdot 3H_2O}$ je molární hmotnost tohoto standardu v g/mol,
 V_{pip} je pipetovaný objem standardního roztoku v ml,
 V_0 je objem odměrné baňky v ml,
 V_{ekv} je objem odměrného roztoku KMnO₄ v bodě ekvivalence v ml.

12.2. Potenciometrické stanovení Fe²⁺ v neznámém vzorku

Roztok železnaté soli se titruje odměrným roztokem KMnO₄ v prostředí zředěné H₂SO₄. Při potenciometrickém stanovení je naměřen potenciálový skok z oblasti, definované standardním potenciálem pro soustavu Fe³⁺/Fe²⁺ ($E^{\circ} = 0,770$ V) do oblasti potenciálu soustavy MnO₄⁻/Mn²⁺ ($E^{\circ} = 1,51$ V). Redoxní pár Fe³⁺/Fe²⁺ se chová zcela reverzibilně (stejně jako jeho hexakyanokomplexy), chování redoxního páru činidla bylo popsáno v kap. 12.1. Průběh titrační křivky znázorňuje obr. 12.1.

Konec titrace lze kontrolovat i vizuálně, je indikován růžovým zbarvením roztoku při prvním přebyteku MnO₄⁻. Vizuální indikace je však zatížena titrační chybou, která bude tím menší, čím menší přebytek MnO₄⁻ budeme pozorovat při odečítání V_{ekv}

STECHIOMETRIE:



$$1 \text{ mol MnO}_4^- \approx 5 \text{ mol Fe}^{2+}$$

$$M(Fe) = 55,847 \text{ g/mol}$$

$$1 \text{ ml } 0,002 \text{ M MnO}_4^- = 0,002 \text{ mmol MnO}_4^- \approx 0,01 \text{ mmol Fe}^{2+} = 0,558 \text{ mg Fe}^{2+}$$

TITRACE

Vzorek v odměrné baňce doplnit po značku destilovanou vodou.

Do kádinky na 150 ml vložit míchadélko, napijetovat 10,00 ml vzorku, přidat 70 ml destilované vody (odměrným válcem) a 20 ml 4 M H₂SO₄ (odměrným válcem). Kádinku postavit na míchačku a do roztoku ponorit elektrody opláchnuté destilovanou vodou. Stanovený roztok titrovat odměrným roztokem 0,002 M KMnO₄.

Při první tzv. orientační titraci přidávat odměrné činidlo ke vzorku po 1 ml pro rychlé a efektivní určení oblasti potenciálového skoku. Při druhé (příp. třetí) titraci přidat odměrné činidlo v okolí inflexního bodu titrační křivky ($\pm 1,0$ ml) po 0,1 ml. Po každém přídavku odměrného roztoku ke vzorku vždy odečíst hodnotu napětí mezi platinovou a kalomelovou elektrodou na multimetru ve voltovém rozsahu na 3 desetinná místa. Titraci ukončit po přídavku dvojnásobného množství odměrného roztoku KMnO₄, které odpovídá V_{ekv} .

Z titrační křivky určit V_{ekv} a také odečíst formální potenciály obou redoxních párů.

12.2.1. Výpočet obsahu Fe^{2+} ve vzorku:

$$m_{\text{Fe}} = 5 \cdot V_{ekv} \cdot c_{\text{KMnO}_4} \cdot \frac{V_0}{V_{pip}} \cdot M(\text{Fe})$$

kde: m_{Fe} je hmotnost Fe^{2+} v mg,
 $M(\text{Fe})$ je molární hmotnost Fe v g/mol,
 c_{KMnO_4} je koncentrace KMnO_4 v mol/l,
 V_{ekv} je objem KMnO_4 v bodě ekvivalence (příp. průměr z více titrací) v ml,
 V_0 je objem odměrné baňky s Fe^{2+} v ml,
 V_{pip} je objem roztoku Fe^{2+} pipetovaný do kádinky k titraci v ml.

12.3. Vyhodnocení redoxní potenciometrické titrace

Při vyhodnocení stanovení Fe^{2+} v neznámém vzorku v protokolu uvést:

- koncentraci odměrného roztoku KMnO_4 stanovenou graficky i početně.
- hmotnost Fe^{2+} v neznámém vzorku v mg zaokrouhlenou na platný počet míst.
- odečtené formální potenciály obou redoxních páru z titrační křivky pro stanovení Fe^{2+} .
- srovnání grafické a početní metody určování inflexního bodu při potenciometrickém stanovení Fe^{2+} .
- zdůvodnění možného chybného stanovení, zhodnocení příp. problémů během měření.